增材制造椭圆锥齿轮的齿面与齿距误差分析

林 超,樊 宇,张正文,才立忠,李忠华

(重庆大学 机械传动国家重点实验室,400030 重庆)

摘 要:为提高椭圆锥齿轮增材制造的加工精度,减少其加工误差,对增材制造加工的椭圆锥齿轮进行误差测量,并分 析误差产生的原因.运用齿轮啮合空间传动原理及增材制造的基本原理,建立了椭圆锥齿轮空间啮合坐标系、增材加工 坐标系、分层模型、椭圆锥齿轮的理论误差模型和误差检测模型;对椭圆锥齿轮进行前处理分析,并对增材制造过程进行 研究,获得该齿轮增材制造的加工方法;采用超景深三维显微系统和三坐标测量机对该齿轮进行检测,分析其表面误差 精度与齿距误差.结果表明:利用增材制造法加工的椭圆锥齿轮误差偏大;优化 STL 模型,减小金属粉末直径,减少激光 半径和热效应对加工层的影响,均有助于提高增材制造加工精度.

关键词:齿轮;椭圆锥齿轮;误差分析;增材制造;加工精度

中图分类号: TH132.424 文献标志码: A 文章编号: 0367-6234(2014)07-0069-07

Tooth surface and pitch error analysis of elliptical bevel gearing by additive manufacturing

LIN Chao, FAN Yu, ZHANG Zhengwen, CAI Lizhong, LI Zhonghua

(The State Key Laboratory of Mechanical Transmission, Chongqing University, 400030 Chongqing, China)

Abstract: To improve accuracy and reduce processing error, the elliptical bevel gearing by additive manufacturing is measured, and the causes of error are analyzed. Space spherical coordinate system, additive manufacturing coordinate system, layers model, theoretical error model and error detection model of ellipse elliptical bevel gear are established by the meshing theory of space transmission and the theory of additive manufacturing. The pre-process of elliptical bevel gearing is analyzed, the process of additive manufacturing is researched and the additive manufacturing method of this gear is obtained. The gears are detected by digital microscope system and coordinate measuring machine, to analyze the surface precision and gear pitch error. The analysis results show that the error of ellipse bevel gear is a little big by the use of material manufacturing method. Optimizing STL model, reducing the diameter of metal powder, decreasing the effect on the processing layer by laser radius and thermal effect, will contribute to raise additive manufacturing precision. **Keywords**: gear; error analysis; additive manufacturing; precision

椭圆锥齿轮机构是现代机械中的一种新型传 动机构,用于传递相交轴之间的运动和动力,主要 特点是传动比为变传动比传动.椭圆锥齿轮的发 展主要受限于加工制造.相比于普通锥齿轮,椭圆 锥齿轮节曲线为非圆形,各个齿廓不尽相同,故加

收稿日期: 2013-07-16.

- 基金项目:国家自然科学基金资助项目(51275537);中央高校 基本科研业务费资助项目(CDJZR12110072).
- 作者简介:林 超(1958—),男,教授,博士生导师; 张正文(1965—),男,教授,博士生导师.
- 通信作者:林 超, linchao@cqu.edu.cn.

工较为困难,且加工精度也低于普通锥齿轮.传统加工椭圆锥齿轮的方法有:数控机床加工、线切割加工等.增材制造^[1-3](additive manufacturing, AM)被誉为颠覆传统加工技术的一项新技术,增材制造能够实现椭圆锥齿轮的快速成型,使其成为制造业的研究热点之一,国内外许多学者对其进行了研究.如 Sears^[4]对 SLM 和 EBM 两种方法进行了对比研究. Murr 等^[5]对铜、钛 6AL-4V 合金、镍基超合金、钴基超合金和 17-4 PH 不锈钢等材料在 SLM 和 EBM 中的预合金化和雾化前体

粉末进行了研究. Hao 等^[6]针对增材制造的基本 材料和工艺进行了研究. Chen 等^[7]和 Rosen^[8]对 增材制造的蜂窝结构设计做了研究.

本文将椭圆锥齿轮与增材制造相结合,探讨 增材制造法加工椭圆锥齿轮的可行性.国内外还 没有增材制造加工椭圆锥齿轮的报道,因此该方 法加工的椭圆锥齿轮能否应用于实际还需实验验 证.本文运用超景深三维显微系统和三坐标测量 机对该齿轮进行检测,得到齿面误差和齿距误差, 并提出若干改进方法,提高该方法的加工质量.

1 基本原理

1.1 齿轮副传动原理

椭圆锥齿轮副在啮合传动时,主动轮椭圆节 锥面与从动轮椭圆节锥面在同一球面上做纯滚 动.主、从动轮的节锥角分别为 Ψ_1 、 Ψ_2 ,球面半径 为 R,轴间夹角为 90°.基于直齿圆柱齿轮及圆锥 齿轮的啮合原理,建立椭圆锥齿轮传动副的空间 球面啮合坐标系,该坐标系由一个定坐标系 O(x,y,z) 和两个动坐标系 $O_1(x_1,y_1,z_1)$ 、 $O_2(x_2,y_2,z_2)$ 组成,如图 1 所示.



图1 椭圆锥齿轮副啮合原理图 齿轮副要实现的传动比函数^[7-9]为

$$i_{12} = \frac{k^2 + \sqrt{n^2 - (n^2 - 1)k^2}}{1 - k^2} - \frac{(1 + \sqrt{n^2 - (n^2 - 1)k^2})k\cos\varphi_1}{1 - k^2}.$$
 (1)

式中: k 为椭圆锥齿轮的偏心率; n 为椭圆锥齿轮的阶数, $n \ge 2$; φ_1 为椭圆锥齿轮的转角.

轴间夹角 $\theta = \psi_1 + \psi_2 = 90^\circ$,代入式(1) 可得 齿轮副的节曲线方程为

$$\begin{cases} \psi_1 = \arctan(1/i_{12}), \\ \psi_2 = 0.5\pi - \arctan(1/i_{12}), \\ \varphi_2 = \int_0^{\varphi_1} (1/i_{12}) d\varphi_1. \end{cases}$$

式中: φ_1 为椭圆锥齿轮主动轮的转角, φ_2 为椭圆 锥齿轮从动轮的转角.

如图1所示,齿轮1转过周向角 φ_1 ,相应的

齿轮 2 转过周向角 φ₂. 由空间坐标变换公式可求 得动参考标架 O₁ 变换到固定坐标系 O 的变换矩 阵 M₀₁ 及固定坐标系 O 变换到动参考标架 O₂ 的变 换矩阵 M₀₂ 为

		$\cos \varphi_1$	$-\sin \varphi_1$	0	0	
	м –	$\sin \varphi_1$	$\cos arphi_1$	0	0	
	<i>M</i> ₀₁ –	0	0	1	0	
		0	0	0	1	
<i>M</i> ₂₀ =	$\int \cos x$	$arphi_2 \cos$	$ heta \sin arphi_2$	$-\sin\theta$	$\sin arphi_2$	0
	$-\sin \varphi_2 \cos$		$ heta \cos arphi_2$	$-\sin\theta$	$-\sin\theta\cos\varphi_2$	
	0		$\sin \theta$	\cos	0	
			0	0	1	

由以上坐标变换矩阵可得到固定坐标系与两 个动坐标系之间的转换关系.

1.2 增材制造原理

增材制造技术是采用材料逐层累加方法制造 实体零件的技术,相对于传统的材料去除技术,是 一种"自下而上"材料累加的制造方法(见图 2). 增材制造技术不需要传统的刀具、夹具及多道加 工工序,利用三维设计数据在一台设备上,可快速 而精确地制造出任意复杂形状的零件,而只需传 统加工方法的 10%~30%的工时和 20%~35%的 成本^[10],从而实现"自由制造",解决许多过去难 以制造的复杂结构零件的成形问题.这项新技术 给椭圆锥齿轮的加工制造,提出了一种新的制造 方法.



图 2 传统加工与增材制造对比

EOS M280 粉末激光打印机,采用选择性激 光烧结(direct metal laser sintering, DMLS)的加工 模式,其基本原理为:采用激光有选择地分层烧 结固体粉末,并使烧结成型的固化层层叠加生成 所需形状的零件.其整个工艺过程包括 CAD 模型 的建立及数据处理、铺粉、烧结以及后处理等. DMLS 技术的增材制造系统工作原理如图 3 所示.

1.3 制造前处理

在加工前,需要准备好加工所需的数据.数据 的类型是 CAD 模型的 STL 数据格式.Pro/E、UG、 Catia、Cimatio、Solid Edge、MDT 等大型软件都提 供了这种能够被 DMLS 制造系统中切片软件识别 的 STL 数据格式.STL 数据格式的使命是将三维 实体的表面三角网格化,表面的三角剖分之后使 3D 模型呈现多面体状,如图 4(a)所示.

只将数据导成 STL 格式是无法进行加工的, 需要在此基础上修复模型以及添加支撑结构.在 应用中,最常用的是将模型分割成三角网格模型. 此外,还需要对导入加工系统中的模型进行修复 以及增加支撑,如图 4(b) 所示.



行加工模拟.即用切片软件,沿成型的高度方向, 每隔一定的间隔进行切片处理,以便提取界面的 轮廓,分析模型有无缺陷,支撑添加是否正确.间 隔的大小根据被成型件精度和生产率的要求来选 定.间隔愈小,精度愈高,但成型时间愈长;否则反 之.间隔一般为0.1~0.3 mm,常用0.2 mm 左右, 在此取值下,能得到比较光滑的成型曲面.切片间 隔选定后,成型时每层烧结材料粒度应与其相适 应.显然,层厚不能小于烧结材料的粒度.

2 快速成型加工

2.1 快速成型机

选用德国 EOS M280 快速成型机加工椭圆锥 齿轮,其工作部分结构如图 5 所示,基本参数见 表 1.在 M280 中,共有 4 个数控轴实现增材制造 的加工,其运动轴可以分为工件运动轴、刮刀运动 轴以及振镜运动轴.工件运动轴包括沿 Z 轴方向 的平移运动 Z₁;刮刀运动轴包括沿 Y 轴方向的平 移运动 Y₁;振镜运动轴包括沿 X 轴方向的平移运 动 X₁ 以及绕 X 轴方向的旋转运动 X_r.



图 5 快速成型机加工坐标系

表 1 快速成型机 M280 基本参	物表
--------------------	----

最大成型	激光发射器	光学	最高扫描速度	/ 焦距/	电源电流/	最大功率/	层厚/	产品尺寸/	CAD 粉捉
尺寸/mm	类型	系统	$(\mathbf{m} \cdot \mathbf{s}^{-1})$	μm	А	kW	μm	mm	UAD 致加
250×250×325	Yb-fibre 200 W; 400 W	F-theta-lens 高速扫描	, 7	100-500	32	8.5	20	2 200×1 070×2 290	STL 或其他 可转换的 数据

2.2 加工坐标系

建立成型机的固定坐标系 $O_{J0}(x_{J0}, y_{J0}, z_{J0})$ 、 工件坐标系 $O_{J1}(x_{J1}, y_{J1}, z_{J1})$ 、刮刀坐标系 $O_{J2}(x_{J2}, y_{J2}, z_{J2})$ 、振镜坐标系 $O_{J3}(x_{J3}, y_{J3}, z_{J3})$,其 中工件坐标系与工件固定连接.加工开始后,工件 坐标系 $O_{J1}(x_{J1}, y_{J1}, z_{J1})$ 在固定坐标系 $O_{J0}(x_{J0}, y_{J0}, z_{J0})$ 中移动的距离为z,即工件在快速 成型机坐标系 $O_{J0}(x_{J0}, y_{J0}, z_{J0})$ 中平移的坐标为 (0, 0, z).刮刀坐标系 $O_{J2}(x_{J2}, y_{J2}, z_{J2})$ 在固定坐标 系 $O_{J0}(x_{J0}, y_{J0}, z_{J0})$ 中移动的距离为y,即刮刀在快 速成型机坐标系 $O_{J0}(x_{J0}, y_{J0}, z_{J0})$ 中平移的坐标为 (0,y,0).同时,由于振镜的旋转,振镜坐标系
 O_β(*x_β*,*y_β*,*z_β*)先绕其*X_β*轴旋转角度γ,再沿着
 *X_β*方向平移,平移距离为*X_i*.

通过以上分析,可得工件坐标系变换到快速 成型机坐标系 O₁₀(x₁₀,y₁₀,z₁₀)的变换矩阵为

刮刀坐标系变换到固定坐标系 $O_{J0}(x_{J0}, y_{J0}, z_{J0})$ 的 变换矩阵为

$$\boldsymbol{T}_{J2J0} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ x & y & z & 1 \end{bmatrix};$$

振镜在固定坐标系 O₁₀(x₁₀, y₁₀, z₁₀) 的变换矩阵为

$$\boldsymbol{T}_{J3J0} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -\cos\gamma & \sin\gamma & 0 \\ 0 & \sin\gamma & \cos\gamma & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}.$$

由以上的坐标变换关系,可以建立快速成型 机加工时振镜与工件之间的位置变化关系.

2.3 增材加工过程

加工开始时,加工平台移动到初始位置,并且 在平台底层铺一层金属粉末.然后向成形舱通入 适当的惰性气体,当成形舱的氧含量低于规定的 限值,则自动开始加工.通过用计算机控制的激光 束照射金属粉末,使得凝固的金属粉末与零件的 几何模型吻合.此后,加工平台降低一个层的厚 度,再铺上一层金属粉末,重复上述过程.最终,就 可得到所需的零件.

椭圆锥齿轮总体积为 53 717.811 56 mm³,建 造速度选用 6 mm³/s,则总建造时间约为 2.49 h. 目前实验室有不锈钢、模具钢、钛合金、高温镍合 金 4 种粉末,考虑模具钢具有高的硬度、强度、耐 磨性,足够的韧性等特点,故选用模具钢作为加工 材料.加工该齿轮选用的层厚为 20 μm,齿轮总高 度为 38.18 mm,总层数为 1 909.各典型状态采用 solidworks 模拟如图 6 所示.



3 误差分析

3.1 误差模型

用 DMLS 方法加工椭圆锥齿轮,会存在台阶效应^[11-15],如图 7 所示.根据椭圆锥齿轮节曲线的性质可知,长轴端齿顶延长线与中心线的夹角最大,在其他地方的夹角都要小于长轴端处夹角. 由台阶效应得知,倾角会对粗糙度产生直接影响,倾角越小,表面粗糙度越大.



图 7 分层模型

由图 7 可得,每层边界轮廓误差为

$$= h / \tan \psi_1. \tag{2}$$

式中:h为层厚, ψ_1 为椭圆锥齿轮锥角.

 Δh

齿顶法线方向的高度差为

$$\Delta h = h \cos \psi_1;$$

X、Y方向的误差分别为

$$\Delta x = \Delta r \cos \eta \,, \tag{3}$$

$$\Delta y = \Delta r \sin \eta. \tag{4}$$

式中: η 为检测线在 X - Y 平面的投影与 X 轴的夹 角,由式(3)和(4)可得每层边界轮廓实际坐标为

 $x' = x \pm \Delta x = x \pm \Delta r \cos \eta,$

 $y' = y \pm \Delta y = y \pm \Delta r \sin \eta.$

3.2 检测模型

本文采用超景深三维显微系统对齿面质量进 行检测.利用该设备截面轮廓检测功能,可以分析 椭圆锥齿轮齿顶面的粗糙度,进而评价增材制造 技术加工椭圆锥齿轮的加工质量.

利用超景深三维显微系统可对椭圆锥齿轮单 齿齿顶面进行三维合成.通过倾斜校正功能,使测 量平面与系统坐标系平面平行,本实验主要研究 表面高度问题,即与系统坐标系 Z 方向有关,与 X、Y 坐标无关,故完成倾斜校正,就完成了系统定 位.利用系统自带的分析软件,可对齿面的齿廓截 面进行分析,通过多个截面的分析,可以较为准确 地评价该齿面的加工质量.由于增材制造是直接 成型加工,理论误差模型适用于齿轮的各个表面. 齿顶表面较齿面表面更易测量及数据分析,且未 经后处理的齿轮,齿顶与齿面的理论误差接近,故 本文采用齿顶误差分析去评定齿轮表面质量.

3.3 数据处理与误差分析

利用超景深三维显微系统完成单齿齿面三维 合成后,可以得到齿面轮廓截面的数据.本文采用 以下的方法评价齿面质量.

在单齿检测模型中,采用5条均匀的横线对 被采集的区域进行分割,这5条横线代表该齿面 的5个轮廓截面,对这5个轮廓截面进行数据提 取,绘制曲线,即可得知该齿面的质量情况.在每 一个齿面轮廓截面中,用高度差来反映该截面的 粗糙度,即提取该组数据中的最高点和最低点.

理论高度差计算见式(2).理论截面高度为

 $h' = \Delta h + h_{\min} = h \cos \psi_1 + h_{\min}.$

式中 h_{min} 为截面的最低点的高度值.

根据超景深三维显微系统检测采集的数据,经 实测数据分析及处理,可绘制出齿1~4采集面的截 面曲线.再与理论截面高度进行对比,得到理论值与 实测值截面高度误差曲线对比,如图8所示.



式中 h 为实际截面高度.

将齿 1~4 每一段截面均匀提取出 13 个点, 计算出每一点的相对误差,可以绘制出 5×13 的 齿顶面相对误差空间网格图,可直观反映出齿顶 面的表面误差情况,如图 9 所示.



由图 8 中齿 1~4 各个截面曲线与理论曲线 进行对比,可得实际误差与理论误差近似吻合.

齿 1 区域,最高点为 52.867 μm,最低点为 12.429 μm,高度差为 40.438 μm,理论高度差为 15.717 μm;齿 2 区域,最高点高度为 57.560 μm, 最低点高度为 27.722 μm,高度差为 29.738 μm, 理论高度差为 15.532 μm;齿 3 区域,最高点高度 为 50.025 μm,最低点高度为 14.427 μm,高度差 为 35.602 μm,理论高度差为 15.782 μm;齿 4 区 域,最高点高度为 112.362 μm,最低点高度为 55.825 μm,高度差为 56.537 μm,理论高度差为 14.703 μm.

由以上分析可知,区域上,理论高度差和实际 高度差相差偏大.由于误差较大,改进方法主要为 提高该加工方法的加工工艺.

3.4 齿距偏差

本文用三坐标测量法检测椭圆锥齿轮的齿距 偏差.球面节曲线的长度^[16]为

$$L = R \int_{\varphi_1}^{\varphi_2} \sqrt{\sin^2 \psi + \psi^{'2}(\varphi)} \, \mathrm{d}\varphi, \qquad (5)$$

节曲线坐标方程为

$$\begin{cases} x = R\sin\psi\cos\varphi, \\ y = R\sin\psi\sin\varphi, \\ z = R\cos\psi. \end{cases}$$
(6)

联立式(5)和(6),可求得椭圆锥齿轮大端节 曲线上同侧齿面的单个齿距.查阅文献[17]可得, 其单齿标准齿距 f_{p2} = 5.143 032 mm.而单齿距偏 差 Δf_{p2} 等于实际齿距与理论齿距的代数差,即

 $\Delta f_{pi} = F_{pi} - f_{pi}.$ 式中: i 为椭圆锥齿轮阶数; F_{pi} 为椭圆锥齿轮测量齿距.

如图 10 为单齿距偏差的柱状图,由图可以得出,单齿齿距偏差在±0.8 mm 范围内波动.单个齿距误差可以直接反映出传动比的波动.



图 10 单齿齿距偏差柱状图

由单齿齿距偏差可以分析求得该齿轮的齿距 累计误差,如图 11 所示.



由图 11 分析可得,该齿轮的单齿齿距曲线在 其标准齿距线上下波动,计算可得该齿最大齿距 累计偏差 ΔF_{p2} = 1.021 933 179 mm,它反映出单 齿齿距偏差的总幅值以及齿轮旋转一周传动比的 变化,因此该参数影响齿轮传递运动的准确性.由 以上测试计算结果可以得出,通过增材制造法加 工得到的椭圆锥齿轮具有较好的运动传递精度.

在增材制造加工中,除了理论误差对加工质 量存在影响外,以下因素也会对表面质量产生 影响:

1)STL模型处理.在前处理阶段,即数据处理 阶段,对三维模型的三角化处理精度不够高,导致 金属粉末加工系统中的模型和设计模型不完全一 致;其次,由于处理软件还不够完美,导入的STL 模型可能会出现多余线条或者平面不完整的情 况,如果对模型修复不到位,都会影响到加工 精度.

2)支撑结构.在金属粉末激光烧结过程中,对 于水平伸出>1 mm 以及与水平夹角<40°的部位, 必须建立支撑结构,否则,金属粉末的粘接力会因 为无法承受自身重力而发生弯曲变形.加工平台 对模型自动建立的支撑结构往往还不够完善,因 此,研究人员对模型支撑结构的优化程度,将会影 响模型最终的加工质量.

3)金属粉末直径.金属粉末直径的大小不仅 会直接影响表面质量.加工工艺中层厚主要取决 于金属粉末直径的大小,而层厚又决定了理论误 差对零件加工的影响程度.

4)激光半径.扫描激光束存在半径,如果以激 光束圆心绕着模型边界扫描,那么加工尺寸会偏 大.因此,对扫描路径的优化程度,将会影响到零 件的尺寸误差.

5) 热效应.加工过程中,激光的高温导致了成 型过程中很明显的热效应,热胀冷缩会影响零件 的尺寸误差.

针对以上分析,提出改进意见如下:在计算机 计算能力范围内,尽量提高模型三角化精度,提高

· 75 ·

处理软件修复模型的能力;合理建立支撑结构;提 高金属粉末加工工艺,减小金属粉末半径;优化扫 描路径,减小激光半径对尺寸误差的影响;研究找 出金属粉末的热膨胀系数,对加工路径做出合理 的修改.

4 结 论

 1)将增材制造法运用于椭圆锥齿轮加工,结 合齿轮啮合原理的基本方法和增材制造的基本原 理,建立了增材制造加工模型,并完成了增材制造 过程分析.

2)运用超景深三维显微系统和三坐标测量 机检测该齿轮的齿面误差及齿距误差.建立了椭 圆锥齿轮的误差模型,分析了理论误差,并与实际 齿面误差作比较.

3)由实验测量结果与理论误差之间的对比 分析可知,增材制造法加工的椭圆锥齿轮误差偏 大.该方法原理较为简单,计算容易,从齿形与齿 距方面综合评价了该齿轮,为增材制造加工质量 的优化设计提供了理论基础.

参考文献

- [1] SANTOS E C, OSAKADA K, SHIOMI M, et al. Microstructure and mechanical properties of pure titanium models fabricated by selective laser melting [J]. Mechanical Engineering Science, 2004, 218(C): 711–719.
- [2] KRUTHA J P, FROYENB L, van VAERENBERGHA J, et al. Selective laser melting of iron-based powder [J]. Journal of Materials Processing Technology, 2004, 149 (1/2/3):616-622.
- [3] REHME O, EMMELMANN C. Reproducibility for properties of selective laser melting [C]//Proceedings of the Third International WLT Conference on Lasers in Manufacturing. Munich: WLT, 2005: 1-6.
- [4] SEARS J W. Developing new applications based on laser additive manufacturing of WC cermets and WC forming alloys[J]. Chinese Journal of Lasers, 2009, 36(12): 3245-3250.
- [5] MURR L E, GAYTAN S M, RAMIREZ D A, et al. Metal fabrication by additive manufacturing using laser

and electron beam melting technologies [J]. J Mater Sci Technol, 2012, 28(1), 1-14.

- [6] HAO L, DADBAKHSH S. Materials and process aspects of selective laser melting of metals and metal matrix composites: a review [J]. Chinese Journal of Lasers, 2009,36 (12):3192-3203.
- [7] CHEN Chu, GREG G, ROSEN D W. Design for additive manufacturing of cellular structures [J]. Computer-Aided Design and Applications, 2008, 5(5): 686–696.
- [8] ROSEN D W. Computer-aided design for additive manufacturing of cellular structures [J]. Computer-Aided Design and Applications, 2007,4(1/2/3/4/5/6): 585-594.
- [9] CERARDI A, CANERI M, MENECHELLO R, et al. Mechanical characterization of polyamide cellular structures fabricated using selective laser sintering technologies [J]. Materials and Design, 2013,46: 910-915.
- [10] MURR L E, GAYTAN S M, MEDINA F, et al. Additive layered manufacturing of reticulated Ti 6Al 4V biomedical mesh structures by electron beam melting
 [C]//IFMBE Proceedings. Heidelberg: Springer Verlay, 2009: 23-28.
- [11] 林超,侯玉杰,龚海,等.高阶变性椭圆锥齿轮传动模 式设计与分析[J].机械工程学报,2011,47(13): 131-139.
- [12]吴序堂,王贵海. 非圆齿轮及非匀速比传动[M]. 北 京:机械工业出版社,1997.
- [13] FAYDOR L. Gear geometry and applied theory [M]. Cambridge:Cambridge University Press, 2004.
- [14] ASHLY S. Rapid Prototyping is coming of age [J]. Mechanical Engineering, 1995, 117(7):63.
- [15] 王雷, 钦兰云, 佟明, 等. 快速成型制造台阶效应及误 差评价方法[J]. 沈阳工业大学学报, 2008, 30(3): 318-321.
- [16]夏继强,耿春明,宋江滨,等. 变传动比相交轴直齿锥 齿轮副几何设计方法:中国,200410009582.6[P]. 2004-03-29.
- [17] LIN Chao, HOU Yujie, ZENG Qinglong, et al. The design and experiment of oval bevel gear [C]//The International Conference on Power Transmission. Clausthal-Zellerfeld: Trans Tech Publications, 2011: 297-300.

(编辑 杨 波)