## 声矢量阵快速子空间方位估计算法

梁国龙<sup>1,2</sup>,张 柯<sup>1,2</sup>,安少军<sup>1,2</sup>,范 展<sup>1,2</sup>

(1.哈尔滨工程大学 水声技术重点实验室, 150001 哈尔滨; 2.哈尔滨工程大学 水声工程学院, 150001 哈尔滨)

摘 要:针对声矢量阵高分辨方位估计算法运算量大的问题,基于声压振速联合信息处理,提出了一种快速的声矢量阵 高分辨方位估计算法.该算法选择参考阵元的电子旋转矢量作为期望信号,运用多级维纳滤波器(MSWF)对信号子空间 进行快速估计,不需要计算声矢量阵的互协方差矩阵,不用进行特征值分解,从而大大缩减了计算量.另外,该算法基于 矢量传感器声压与振速的相干性原理,充分利用了声压振速组合抗干扰能力,有效抑制了各向同性噪声.理论分析和计 算机仿真表明,该算法在拥有良好 DOA 估计性能的同时,大大减小计算量.

关键词: 声矢量阵;联合处理;MSWF;方位估计

中图分类号: TN911 文献标志码: A

文章编号: 0367-6234(2014)07-0076-05

# Fast subspace DOA estimation algorithm based on acoustic vector sensor array

LIANG Guolong<sup>1,2</sup>, ZHANG Ke<sup>1,2</sup>, AN ShaoJun<sup>1,2</sup>, FAN Zhan<sup>1,2</sup>

(1.Science and Technology on Underwater Acoustic Laboratory, Harbin Engineering University, 150001 Harbin, China;2. College of Underwater Acoustic Engineering, Harbin Engineering University, 150001 Harbin, China)

**Abstract**: Against the problem of huge computation of high-resolution DOA estimation algorithm using acoustic vector sensor array, a fast high-resolution DOA estimation algorithm was proposed based on the combination processing of pressure and particle velocity. The algorithm selected the electronic rotation vector of the reference element as the desired signal and MSWF(multi-stage Wiener filter) was used to estimate the signal subspace, which greatly reduced the amount of computation because it did not need to calculate the cross-covariance matrix of acoustic vector sensor array and Eigen value decomposition. The algorithm is based on the principle of coherency between pressure and particle velocity, which can suppress interference well in isotropic noise field. Theoretical analysis and computer simulations show that the algorithm has good performance of DOA estimation while it greatly reduces the amount of computation.

Keywords: acoustic vector sensor array; combined processing; MSWF; DOA estimation

声矢量传感器由声压传感器与轴向正交的振速传感器组成,可同时、共点测量声场的声压和质点振速信息,与传统的声压传感器相比,其获得的信息量大为增加.近十年来,许多文献对声矢量阵的高分辨 DOA 算法进行了广泛研究<sup>[1-5]</sup>.在文献[1]中,基于 Nehorai 处理框架的声矢量阵信号处理方法,仅仅把振速信息看成与声压相同的独立

作者简介:梁国龙(1964—),男,教授,博士生导师.

通信作者: 安少军, asj78@163.com.

信息来处理,并没有利用声矢量阵中声压和振速的 相干性,即抗各向同性噪声的能力.基于声压振速 联合处理的抗干扰能力,文献[2-5]提出了一系列 基于传统子空间算法(诸如 MUSIC、ESPRIT 等)的 声压与振速联合处理的声矢量阵高分辨 DOA 估计 方法,与 Nehorai 框架的算法相比,其在多目标方位 估计精度、分辨信噪比门限、分辨成功概率等方面 都具有更好的性能,但是,以上算法在提高声矢量 阵 DOA 估计性能的同时,其繁重的计算量却没有 得到改善,这使得工程应用受到限制.

在众多的子空间快速估计算法中,多级维纳 滤波器(MSWF)<sup>[6-12]</sup>因无需估计协方差矩阵从而

收稿日期: 2013-07-30.

基金项目:国家自然科学基金(51279043,51209059,61201411); 海军装备预研项目基金(1011204030104);水声技术 国家级重点实验室基金(9140C200203110C2003).

使其可以应用在小样本支撑的信号环境中,而且 收敛速度快,能够对时变信号进行快速跟踪,更重 要的是其无需特征值分解运算,大大降低了运算 量.文献[6]将多级维纳滤波器应用到标量阵的子 空间分解中,指出若取多级维纳滤波器的期望信 号为参考阵元的接收信号,则经前向递推得到的 多级维纳滤波器的匹配滤波器可作为信号子空间 基的估计值.文献[7]将参考阵元的输出延时后作 为多级维纳滤波器的期望信号,在空时白噪声条 件下,提高了文献[6]算法的 DOA 估计性能,但 是其期望信号选择方式影响了 MSWF 算法的实 时性,且当噪声具有时间相关性时,该算法性能将 与文献[6]算法相同.文献[8-9]在硬件平台上实 现了 MSWF 算法对信号子空间的快速估计,并取 得了良好的效果. 文献 [10] 将多级维纳滤波器应 用到 MMUSIC (Modified MUSIC) 算法中,实现了 基于 Nehorai 框架的声矢量阵相干源的快速 DOA 估计.基于声压振速联合处理的抗各向同性干扰 特性,本文提出一种新的期望信号选择方法,不影 响 MSWF 算法的实时性,且使 MSWF 算法在保持 高精度 DOA 估计的同时,大大减小了计算量.

1 矢量阵声压振速组合 MUSIC 算法

#### 1.1 声矢量阵输出模型

考虑二维平面情况下, M 个矢量传感器等间 距排列成一声矢量阵线阵, 假设均为各向同性阵 元, 放置于各向同性的均匀流体介质中, 阵列远场 中在以线阵轴线的法线为参考的  $\theta_k(k = 1, 2, \cdots, K)$  处有 K 个波长为  $\lambda$  的窄带平面波入射,则声矢 量阵的输出模型为

$$\begin{cases} \mathbf{Y}_{p}(t) = \mathbf{A}(\theta)\mathbf{S}(t) + \mathbf{N}_{p}(t), \\ \mathbf{Y}_{vx}(t) = \mathbf{A}(\theta)\boldsymbol{\Phi}_{vx}\mathbf{S}(t) + \mathbf{N}_{vx}(t), \\ \mathbf{Y}_{vy}(t) = \mathbf{A}(\theta)\boldsymbol{\Phi}_{vy}\mathbf{S}(t) + \mathbf{N}_{vy}(t). \end{cases}$$
(1)

式中:  $Y_{p}(t)$  为声压传感器的输出矢量;  $Y_{ex}(t)$  为x 方 向振速传感器的输出矢量;  $Y_{vy}(t)$  为y 方向振速传感 器的输出矢量;  $A(\theta) = [a(\theta_1), a(\theta_2), \dots, a(\theta_K)]$ 为声矢量阵中 M 维声压阵的阵列流形矢量. 其 中,  $a(\theta_k) = [1, e^{-j\theta_k}, \dots, e^{-j(M-1)\theta_k}]^T$  为第k 个信源 的 导 向 矢 量;  $\beta_k = 2\pi d \sin(\theta_k) / \lambda$ ;  $S(t) = [s_1(t), s_2(t), \dots, s_K(t)]^T$  为阵列接收的信号矢 量;  $N_p(t)$  为声压传感器接收到的零均值高斯白 噪声,  $N_{ex}(t)$  为x 方向振速传感器接收到的零均 值高斯白噪声,  $N_{vy}(t)$  为y 方向振速传感器接收 到的零均值高斯白噪声, 各个方向接收到的噪声 相互独立;  $\Phi_{ex}$  为x 方向振速传感器输出的系数矩 阵;  $\Phi_{ex}$  为y 方向振速传感器输出的系数矩阵, 它 们可表示为

$$\begin{cases} \boldsymbol{\Phi}_{vx} = \operatorname{diag}(\cos(\theta_1), \cdots, \cos(\theta_K)), \\ \boldsymbol{\Phi}_{vy} = \operatorname{diag}(\sin(\theta_1), \cdots, \sin(\theta_K)). \end{cases}$$
(2)

1.2 声压振速联合处理的测向方法

文献[2]对矢量阵两轴向的振速输出进行组合, 可得到振速在某个参考方向  $\theta_r$ 上的电子旋转矢量

$$\mathbf{Y}_{vc}(t) = \cos(\theta_r) \mathbf{Y}_{vx}(t) + \sin(\theta_r) \mathbf{Y}_{vy}(t) =$$

$$\boldsymbol{A}(\theta)\boldsymbol{\Phi}_{vc}\boldsymbol{S}(t) + \boldsymbol{N}_{vc}(t) . \qquad (3)$$

其中

矩阵.I 为单位阵.

$$\boldsymbol{\Phi}_{vc} = \operatorname{diag}(\cos(\theta_1 - \theta_r), \cdots, \cos(\theta_K - \theta_r))$$
$$\boldsymbol{N}_{vc}(t) = \cos(\theta_r) N_{vx} + \sin(\theta_r) N_{vv}.$$

定义声压振速联合信息处理的声矢量阵 **P-V**协 方差矩阵为

 $\boldsymbol{R} = \mathrm{E}\left[\left(\boldsymbol{Y}_{p}(t) + \boldsymbol{Y}_{vc}(t)\right)\boldsymbol{Y}_{vc}^{H}(t)\right] = \boldsymbol{A}(\theta)\boldsymbol{R}_{s}(\boldsymbol{I} + \boldsymbol{Y}_{vc}(t))\boldsymbol{Y}_{vc}^{H}(t)$ 

 $\boldsymbol{\Phi}_{w} \boldsymbol{\Phi}_{w} \boldsymbol{A}^{\boldsymbol{H}}(\boldsymbol{\theta}) + \boldsymbol{R}_{n}.$ (4)  $\boldsymbol{\exists} \boldsymbol{\Psi}_{:} \boldsymbol{R}_{s} = \mathbf{E}[(\boldsymbol{S}(t)\boldsymbol{S}^{\mathrm{H}}(t))], \boldsymbol{R}_{n} \boldsymbol{\beta} \boldsymbol{\Psi} \boldsymbol{\beta} \boldsymbol{\Theta} \boldsymbol{b} \boldsymbol{\delta} \boldsymbol{\beta} \boldsymbol{\delta} \boldsymbol{\delta}$ 

对 **R** 进行特征值分解并将其特征向量按照特 征值的大小降序排列可得

$$\boldsymbol{R} = \boldsymbol{U}_s \sum_{s} \boldsymbol{U}_s^{\mathrm{H}} + \boldsymbol{U}_n \sum_{n} \boldsymbol{U}_n^{\mathrm{H}}.$$
 (5)

式中 U<sub>n</sub> 为矢量阵列噪声子空间.则声矢量阵声压 振速组合 MUSIC 算法的空间谱为

$$\boldsymbol{P}(\theta) = \frac{1}{\boldsymbol{a}^{\mathrm{H}}(\theta) \boldsymbol{U}_{n} \boldsymbol{U}_{n}^{\mathrm{H}} \boldsymbol{a}(\theta)} .$$
(6)

上述算法既进行了声矢量阵声压振速联合 信息处理,又利用了矢量阵组合( $P + V_e$ ) $V_e$ 的指 向性增益,因此获得了较高的 DOA 估计性能.然 而,由于 R 不在具有 Toeplitz 结构,需通过一定的 方法<sup>[3]</sup>对其进行 Toeplitz 重构.

### 2 声矢量阵快速子空间估计算法

#### 2.1 MSWF 算法求解信号子空间

而

文献[6]指出,多级维纳滤波器是一种有效 的降维滤波技术,其在最小均方误差意义下可得 到维纳霍夫方程的渐近最优解而无需协方差矩阵 的求逆运算.对于标量阵,其协方差矩阵为

$$\boldsymbol{R}_{x} = \mathrm{E}[\boldsymbol{Y}_{p}(t)\boldsymbol{Y}_{p}^{\mathrm{H}}(t)].$$
Wiener-Hoof 方程  $\boldsymbol{R}_{x}\boldsymbol{W}_{wf} = \boldsymbol{r}_{xd}$ 的渐进最优解为

$$\boldsymbol{W}_{\text{opt}} = \boldsymbol{R}_{x}^{-1} \boldsymbol{r}_{df}$$

基于相关相减的 MSWF 是一种有效的多级 维纳滤波结构,其迭代过程如下:

步骤1 初始化  $d_0(t)$  和  $x_0(t)$ ,

步骤 2 前向递推: 令 i = 1, 2, ..., M;  $h_i = \mathbb{E}[d_{i-1}^{H}(t) \mathbf{x}_{i-1}(t)] / || \mathbb{E}[d_{i-1}^{H}(t) \mathbf{x}_{i-1}(t)] ||_2$ ;  $d_i(k) = h_i^{H} \mathbf{x}_{i-1}(t) ; \mathbf{x}_i(t) = \mathbf{x}_{i-1}(t) - h_i d_i(t)$ .

步骤3 后向递推: 
$$e_M(t) = d_M(t)$$
,  
令  $i = M, M - 1, \dots, 1$ ;  
 $\mu_i = E[d_{i-1}^H(t)e_i(t)]/E[|e_i(t)|^2]$ ;  
 $e_{i-1}(t) = d_{i-1}(t) - \mu_i^H e_i(t)$ .

式中 $d_0(t)$ 为 MSWF 算法中的期望信号.文献[6] 指出,当入射信号波形未知时,期望信号可取为参 考阵元的输出. 令 $r_{xd} = E[d_0^H(t)x_0(t)]$ ,则 MSWF 的递推过程等价于在 Krylov 子空间 $\kappa^{(M)}(R_x, r_{xd})$ 求解 Wiener Hopf 方程<sup>[13]</sup>,经 M 级递推得到的各 级滤波器的匹配滤波器  $h_1, h_2, \dots, h_M$ 构成了 M 维 Krylov 子空间 $\kappa^{(M)}(R_x, r_{xd})$ 的一组基.文献[7] 指 出,若 $r_{xd}$ 可表示为信号子空间对应的所有特征向 量的线性组合,则 K 维 Krylov 子空间 $\kappa^{(M)}(R_x, r_{xd})$ 

2.2 新算法的原理与实现

基于声压振速联合信息处理,取声矢量阵互

$$\boldsymbol{R}'_{s} = \boldsymbol{\Phi}_{vc} \boldsymbol{R}_{s} = \begin{bmatrix} \boldsymbol{\sigma}_{s1}^{2} \cos(\theta_{1} - \theta_{r}) \\ 0 & \boldsymbol{\sigma}_{s2}^{2} \\ \vdots \\ 0 \end{bmatrix}$$

式中: $R'_s$ 为对角矩阵, $\sigma_{s1}^2, \sigma_{s2}^2, \cdots, \sigma_{sK}^2$ 为入射信号功率.

由于声矢量阵声压传感器与振速传感器接收 到的噪声互不相关,可得

$$\boldsymbol{r}_{xd} = \boldsymbol{A}(\theta)\boldsymbol{R}'_{s}\boldsymbol{A}^{\mathrm{H}}(\theta)\boldsymbol{e} = \boldsymbol{A}(\theta)\boldsymbol{R}'_{s}\left[\underbrace{1,1,\cdots,1}_{K}\right]^{\mathrm{T}} = \sum_{k=1}^{K} \sigma_{sk}^{2}\cos(\theta_{k}-\theta_{r})\boldsymbol{a}(\theta_{k}) .$$
(13)

由上式可以看出, **r**<sub>xd</sub> 为所有信号特征向量的 线性组合,命题成立.

上述定理表明,当取参考信号  $d_0(t) = e^{T} Y_{vc}(t)$ 时, Krylov 子空间  $\kappa^{(K)}(R_{pv}, r_{xd})$ 等价于 信号子空间.则经 K 级递推得到的各级滤波器的 匹配滤波器  $h_1, h_2, \dots, h_K$  即为 K 维 Krylov 子空间  $\kappa^{(K)}(R_{pv}, r_{xd})$ 的标准基,运用 MSWF 快速子空间 估计算法获得声矢量阵入射信号的子空间.声矢 量阵快速子空间方位估计算法的具体步骤如下:

步骤1 由式(3)得到参考方向 $\theta_r$ 上的电子 旋转矢量  $Y_{ve}(t)$ .

步骤 2 取 
$$\boldsymbol{d}_0(t) = \boldsymbol{e}^{\mathrm{T}} \boldsymbol{Y}_{vc}(t), \boldsymbol{x}_0(t) = \boldsymbol{Y}_p(t).$$

步骤 3 令 $i = 1, 2, \dots, K; h_i = E[d_{i-1}^H(t)x_{i-1}(t)]/$  $\|E[d_{i-1}^H(t)x_{i-1}(t)]\|_2;$  协方差矩阵为

$$\boldsymbol{R}_{pv} = \mathrm{E}[\boldsymbol{Y}_{p}(t) \boldsymbol{Y}_{vc}^{\mathrm{H}}(t)] .$$
 (8)

给出期望信号  $d_0(t)$  一种新的取法

$$\boldsymbol{d}_{0}(t) = \boldsymbol{e}^{\mathrm{T}} \boldsymbol{Y}_{vc}(t) . \qquad (9)$$

式中 $e = [1, \underbrace{0, \cdots, 0}_{M-1}]^{\mathrm{T}}.$ 

**定理** 当期望信号  $d_0(t)$  取为声矢量阵的电子旋转矢量时, $r_{xd}$  可以表示为信号子空间对应的所有特征向量的线性组合.

证明 期望信号和观测数据的互相关函数为  

$$\mathbf{r}_{xd} = \mathbf{E}[\mathbf{Y}_{p}(t)\mathbf{d}_{0}^{\mathsf{H}}(t)] = \mathbf{E}[\mathbf{Y}_{p}(t)(\mathbf{e}^{\mathsf{T}}\mathbf{Y}_{vc}(t))^{\mathsf{H}}] =$$
  
 $\mathbf{E}[\mathbf{Y}_{p}(t)\mathbf{Y}_{vc}^{\mathsf{H}}(t)]\mathbf{e} = \mathbf{E}\{[\mathbf{A}(\theta)\mathbf{S}(t) +$   
 $\mathbf{N}_{p}(t)][\mathbf{A}(\theta)\boldsymbol{\Phi}_{vc}\mathbf{S}(t) + \mathbf{N}_{vc}(t)]^{\mathsf{H}}\}\mathbf{e} =$   
 $\{\mathbf{A}(\theta)\boldsymbol{\Phi}_{vc}\mathbf{R}_{s}\mathbf{A}^{\mathsf{H}}(\theta) + \mathbf{E}[\mathbf{N}_{p}(t)\mathbf{N}_{vc}(t)^{\mathsf{H}}]\}\mathbf{e}.$ 
(10)

令
$$R'_s = \Phi_w R_s$$
,则有

$$\begin{bmatrix} 0 & \cdots & 0 \\ \tau_{s2}^2 \cos(\theta_2 - \theta_r) & \cdots & 0 \\ \vdots & \vdots & \vdots \\ 0 & \cdots & \sigma_{sK}^2 \cos(\theta_K - \theta_r) \end{bmatrix}.$$
 (11)

 $d_i(k) = h_i^{H} x_{i-1}(t); x_i(t) = x_{i-1}(t) - h_i d_i(k).$ 

上式得到的各级滤波器系数 $H = [h_1, h_2, \dots, h_K]$ 张成信号子空间.

步骤4 由下式可得到声矢量阵的空间谱估计为

$$\boldsymbol{P}(\theta) = \frac{1}{\boldsymbol{a}^{\mathrm{H}}(\theta) \left(\boldsymbol{I} - \boldsymbol{H}\boldsymbol{H}^{\mathrm{H}}\right)\boldsymbol{a}(\theta)}.$$
 (14)

#### 2.3 算法性能分析

与文献[2]相比本文的主要区别在于获取噪声子空间不同,文献[2]算法通过计算阵列的协方差矩阵并对其进行特征值分解来获取噪声子空间,需要的计算量为 $O(M^2N + 4M^3/3)$ ,而本文算法是通过 MSWF 递推来获得噪声子空间,所需计算量仅为O(KMN),实际应用中,入射信源数K远远小于阵元数M,故本文算法的计算量远小于文献[2]算法.另外,由式(10)~(13)可以看出,本文提出的算法有效地抑制了各向同性噪声,充分利用了声压振速信息联合处理的良好抗噪能力,提高了声矢量阵的处理增益.式(13)中,当存在 $\cos(\theta_k - \theta_r) \leq 0$ 的入射信号时, $\mathbf{R}'_{\lambda}$ 将分别变为非满秩矩阵和不定阵,文献[3]进行了深入的讨论.

#### 3 仿真与分析

#### 3.1 计算量比较

假设2个信源入射到阵列,图1(a)表示快拍数 N = 200时,文献[2]算法与本文算法的计算量

随阵元数的变化曲线,随着阵元数的增加,本文算 法的计算量数值在一条斜率很小的直线上,计算 量增加并不明显,而文献[2]算法的计算量呈指 数增长趋势,阵元越多,计算量增加越明显.在图1 (b)中,阵元数 *M* = 16,文献[2]算法与本文算法 的计算量随快拍数的增加呈直线增长趋势,与文 献[2]算法相比,代表本文算法计算量直线的斜 率很小,这说明随着快拍数的增加,文献[2]算法 计算量的增幅远大于本文算法.



#### 3.2 空间谱估计性能比较

假设 16 个声矢量传感器沿 x 轴以  $d = \lambda/2$  等间距布放,其中  $\lambda$  为入射信号源在水中的波长, 3 个互不相关的等功率高斯窄带信号分别从 10°, 15°和 40°方向入射,快拍数为 1 000.

图 2 为不同信噪比时,文献[2,6]算法及本文 算法的空间谱估计,从图 2(a)中可以看出,当信 噪比为 15 dB 时,3 种算法均能准确分辨出 3 个人 射信号的方位,其中文献[6]算法的"谱峰"较纯,本文算法与文献[2]算法的"谱峰"较尖锐,这表 明高信噪比条件下,本文算法与文献[2]算法的 分辨性能相近,而文献[6]算法的分辨性能较差; 图 2(b)中,信噪比为 5 dB,本文算法的"谱峰"略 钝于文献[2]算法,但都能准确分辨角度相近的 2 个入射信号,而文献[6]算法却未能成功分辨出 入射角为 10°的信号,这表明信噪比较低时,本文 算法的分辨性能稍逊于文献[2]算法,却能够分 辨入射角度相近的信源,而文献[6]算法的分辨 性能严重下降,不能分辨入射角度相近的信源.



#### 3.3 DOA 估计性能比较

假设 2 个不相关等功率窄带信号的入射角度 分别为 10°和 20°,除信噪比和快拍数外,其他仿真 条件同图 2,考察 3 种算法的 DOA 估计均方根误差 (Root Mean Square Error, RMSE)随信噪比和快拍 数的变化,定义 DOA 估计的均方根误差为

$$\theta_{\text{RMSE}} = \frac{1}{K} \sum_{k=1}^{K} \sqrt{\frac{1}{\Omega} \sum_{i=1}^{\Omega} \left(\hat{\theta}_{k_i} - \theta_k\right)^2}. \quad (15)$$

式中: K 为信号数目,  $\theta_{k_i}$  表示每次运算得到的入 射信号的 DOA 估计值,  $\Omega$  为蒙特卡罗次数.

图 3(a)、(b)分别表示入射信号 DOA 估计的 均方根误差随信噪比和快拍数的变化曲线,其中 带圆圈标记的为文献[6]算法的仿真结果,带方 块标记的为文献[2]算法的仿真结果,带星号标 记的为本文算法的仿真结果.在图 3(a)中,快拍 数为200,横轴为信噪比,从0dB,间隔2dB,变化 到 20 dB, 纵轴为 DOA 估计的均方根误差, 每一个 信噪比数据进行 500 次蒙特卡罗独立统计.如 图 3(a) 所示, 与文献 [6] 算法相比, 本文算法的  $\theta_{\text{BMSE}}$ 更小,当 $R_{\text{SN}}$  < 14 dB时,两种算法的 $\theta_{\text{BMSE}}$ 差 值较大,最大差值为0.25°,与文献[2]算法相比, 算法  $\theta_{\text{RMSE}}$  略大, 两者的最大差值为 0.12°, 当  $R_{\rm SN} > 12$  dB 时,两种算法的 $\theta_{\rm BMSE}$ 大致相等,这表 明不同信噪比条件下,本文算法的 DOA 估计性能 明显优于文献[6]算法,当信噪比较高时与文献 [2]算法的 DOA 估计性能相当.在图 3(b)中,信

噪比为 12 dB,横轴为快拍数,从 50,间隔 50,变化 到 500,纵轴为 DOA 估计的均方根误差,每一个 快拍数进行 500 次蒙特卡罗独立统计.如图 3(b) 所示,本文算法的 $\theta_{RMSE}$  比文献[6]算法小 0.05°, 而只比文献[2]算法大 0.015°,且随着快拍数的 增加,3 种算法的 $\theta_{RMSE}$  变化不大,与图 2(a)结论 相似,在不同快拍数条件下,本文算法的 DOA 估 计性能明显优于文献[6]算法,与文献[2]算法性 能相近.





图 3 DOA 估计的均方根误差曲线

图 2、3 结果表明,与常规的 MSWF 算法相 比,本文算法将声压振速联合信息处理思想应用 到 MSWF 算法中获得了更高的 DOA 估计性能, 且在高信噪比条件下,本文算法的 DOA 估计性能 接近文献[2]算法,其原因是声压振速联合信息 处理抑制了各向同性噪声,提高了声矢量阵的处 理增益.相比 MUSIC 类算法,基于 MSWF 的 DOA 估计算法已在硬件中实现并拥有较好的 DOA 估 计性能,故本文算法更易于工程实现.

4 结 语

基于声压振速联合信息处理,本文选择参考 阵元的电子旋转矢量作为 MSWF 算法的期望信 号,证明了由声矢量阵观测信号的互协方差矩阵 及观测信号与期望信号的互相关矢量构成的 Krylov 子空间等价于信号子空间,并运用 MSWF 算法快速求解 Krylov 子空间的基.与常规的 MSWF 算法相比,本文算法在获得更高的 DOA 估 计性能的同时,没有增加任何计算量;另外,本文 算法的 DOA 估计性能稍逊于传统子空间类声矢 量阵高分辨 DOA 估计算法,但是本文算法的计算 量却大为减小,这更有利于工程实现,尤其信噪比 较高或阵元数目较多时,本文算法优势明显.综上 所述,本文算法在实现声矢量阵 DOA 估计中具有 一定的工程应用前景.

参考文献

- [1] JOHAM M, SUN Y, ZOLTOWSKI M D, et al. A new backward recursion for the multi-stage nested wiener filter employing Krylov subspace methods [J]. Military Communications Conference, 2001, 2(5):1210-1213.
- [2] 姚直象,胡金华,姚东明.基于多重信号分类法的一种 声矢量阵方位估计算法[J].声学学报,2008,33(4): 305-309.
- [3] 白兴宇,姜煜,赵春晖.基于声压振速联合处理的声矢量阵信源数检测与方位估计[J].声学学报,2008 (11),33(1):56-61.
- [4] 姚直象,胡金华,姜可宇.矢量阵两类阵处理方法研究 [J].兵工学报,2012(9),33(9):1138-1142.
- [5]姚直象,姜可宇,郭瑞,等.基于声压振速联合处理的 矢量旋转不变子空间方位估计方法[J].北京理工大 学学报,2012(5),32(5):513-517.
- [6] 黄磊.快速子空间估计方法研究及其在阵列信号处理 中的应用[D].西安:西安电子科技大学,2005.
- [7] 安志娟,苏洪涛,包志强,等.一种新的基于 Krylov 子 空间的快速子空间分解[J].系统工程与电子技术, 2009(1),31(1):29-33.
- [8] 周天,杨程,李海森,等.基于 AccelDSP 的 MM-MUSIC 算法实现及其在多波束测深声纳中的应用[J].系统 工程与电子技术,2011(12),33(12):2613-2617.
- [9] 毛国华, 王可人.一种基于 DSP 的快速 MUSIC 测向 方法研究与实现[J].电子信息对抗技术, 2007(9), 22(5):10-13.
- [10] 王晓瑶, 张国军, 王盼盼, 等. 声矢量阵目标估计的新 方法[J]. 传感器与微系统, 2011(8), 30(8): 73-76.
- [11] 庄学彬, 陆名全, 冯振明. 一种数值稳健且低复杂度的信号子空间估计新方法[J].电子与信息学报, 2011 (1), 33(1):90-94.
- [12]刘红明,何子述,夏威,等.无参考信号条件下基于 MSWF的 DOA 估计算法[J].电子学报,2010(9),38 (9):1979-1983.
- [13] JOHAM M, ZOLTOWSKI M D. Interpretation of multistage nested Wiener filter in the Krylov subspace framework [J]. Tech Rep TR-ECE-00-51, Purdue University, USA, 2000.

(编辑 苗秀芝)