## 静液挤压筒套装过程应力分布规律

张伟玮1, 王小松1, 苑世剑1, 杨 波1, 高贵麟2, 尹洪玉2

(1. 哈尔滨工业大学 材料科学与工程学院,150090 哈尔滨; 2. 一汽轿车股份有限公司,130012 长春)

摘 要:为了提高静液挤压筒的承载能力,采用组合筒热套装结构对内筒施加预紧力,并采用有限元分析的方法对组合 筒(内筒内径 80 mm,外筒外径 290 mm)套装尺寸与套装过盈间隙的匹配关系进行详细分析,研究了不同内筒与外筒壁 厚组合与套装过盈间隙之间的关系,给出了应力沿组合筒壁厚方向分布的情况.结果表明:对于不同内筒与外筒的壁厚 组合,等效应力的最大值都是随着过盈量的增加,先降低后升高;无论是内筒还是外筒,等效应力均在内壁处最大,随着 内筒壁厚的增加,内筒内壁的等效应力逐渐提高,外筒内壁的等效应力逐渐降低;热套装后内筒环向受压应力,外筒环向 受拉应力;承载后,内筒处由内压引起的环向拉应力被套装过程产生的环向压应力所抵消;当套装过盈间隙为0.15 mm, 内筒壁厚为 35 mm 时,内筒内壁和外筒内壁等效应力数值基本一致,等效应力最低.

关键词:挤压筒;热套装;过盈间隙;应变测试

中图分类号: TP394 文献标志码: A 文章编号: 0367-6234(2014)09-0031-05

# Stress distribution of sleeve structure applied in hydrostatic extrusion cylinder

ZHANG Weiwei<sup>1</sup>, WANG Xiaosong<sup>1</sup>, YUAN Shijian<sup>1</sup>, YANG Bo<sup>1</sup>, GAO Guilin<sup>2</sup>, YIN Hongyu<sup>2</sup>

(1.School of Materials Science and Engineering, Harbin Institute of Technology, 150090 Harbin, China;2. FAW Car Co., Ltd., 130012 Changchun, China)

**Abstract**: To increase the carrying capacity of hydrostatic extrusion cylinder, sleeve structure was used to offer pre-stress on the inner cylinder by heat interference fit. The stress distribution along the thickness and relationship between thickness combinations and interference gap were studied by finite element method during design of sleeve structure applied in hydrostatic extrusion cylinder. The results show that, for any thickness combinations, as the interference gap increased, the maximum value of equivalent stress first increased and then decreased. The maximum value of equivalent stress located at the inner surface for both inner cylinder and outer cylinder, and as the thickness of inner cylinder increased, the value of equivalent stress at inner surface of inner cylinder increased and that at the inner surface of outer cylinder decreased. In the circle direction sleeve structure leads to compressive stress on the inner cylinder and tensile stress on the outer cylinder. After full loading for inner cylinder, tensile stress caused by internal pressure in the circle direction was offset by pre-stress. When the interference gap and thickness of inner cylinder were 0. 15 mm and 35 mm respectively, the value of equivalent stress at inner surface of both inner cylinder were the same and lowest.

Keywords: hydrostatic extrusion cylinder; sleeve structure; interference gap; strain gauges measurement

静液挤压工艺采用液体作为压力介质, 坯料 处于很高的三向压应力作用下, 使得坯料在挤压 前没有普通挤压的镦粗阶段, 变形相对比较均匀, 提高材料的工艺塑性, 并取得较大的一次变形量, 大幅度改善制品的微观组织和力学性能<sup>[1-3]</sup>. 同时

收稿日期: 2013-11-23.

**基金项目:**高档数控机床与基础制造装备科技重大专项基金资助项目(2011ZX04001-011).

**作者简介:**张伟玮(1985—),男,博士研究生;

苑世剑(1963—),男,教授,博士生导师. 通信作者:王小松,hitxswang@hit.edu.cn.

由于高压液体的润滑效果,使得挤压模具和工件 之间的摩擦降低,尤其是在挤压模具和坯料之间 形成液体动力润滑状态,二者之间的摩擦就会降 低到最低限度,而坯料和挤压筒之间完全没有摩 擦,因此大大减轻了产品表面的受剪的应力状态, 避免了一般挤压过程的表面缺陷<sup>[4-6]</sup>.基于以上优 点,静液挤压技术十分有利于脆性较大的金属材 料及金属基复合材料的变形加工,但是静液挤压 过程对模具及其密封结构要求极为严格<sup>[5]</sup>.

挤压筒是静液挤压的关键零件,冷静液挤压 时,工作压力可高达 1 500 MPa,因此必须合理设 计挤压筒结构.通常挤压筒在内压作用下,最薄弱 区域是圆筒内壁,在该处有代数值最小(绝对值 最大)的径向压应力 σ,和最大的环向拉应力 σ<sub>θ</sub>. 随着内压的增加,厚壁筒形件内的应力持续增加, 当应力分量的组合达到某一数值时,会首先在内 壁发生塑性变形.采用增加壁厚的方式可以提高 其承载能力,但承载能力的提高是有限的.

文献[7-8]指出,对于单层挤压筒来说,当外 径在内径的3倍范围内,可以通过增加筒体的壁 厚来提高单层筒的承载能力.若超出这个范围继 续增加壁厚,对筒体承载能力的影响较小,而质量 增加很快,且环向应力沿壁厚方向分布及其不均 匀.例如,将外径从内径的2倍增加到4倍,其质 量增加了4倍,内壁与外壁的环向应力比增加了 2.4倍,而承压能力只增加25%,材料潜能没有被 很好利用,继续增加壁厚,材料利用将更低.工程 中为提高挤压筒的强度以及使用寿命,通常采用 双层或者多层筒加热套装或钢丝缠绕而产生预紧 力的形式,来有效提高其承载能力.

关于组合挤压筒的弹塑性受力分析以及最优 组合筒的组合尺寸和套装间隙的选取,在很多弹 塑性力学的文献中都有详细的推导和论证,并给 出最优配合尺寸和配合间隙下的应力应变分布规 律.对于任意套装尺寸和套装过盈间隙下的应力 表达式复杂,不易清晰的表达应力沿筒壁分布规 律,同时理论推导基本模型是无限长厚壁筒,同一 半径的筒面上应力在任意位置分布是均匀的;实 际热套装以及承压过程由于端部边界条件的存 在,传热和应力分布都是不均匀的,这一点在理论 模型中都被忽略掉.本文利用商业有限元分析软 件 ABAQUS,对不同壁厚的双层挤压筒在不同套 装间隙下热装配后的受力状态以及承载时受力状 态进行有限元分析,在许用应力范围内,给出合理 的套装尺寸和套装过盈间隙范围. 1 套装组合筒有限元模型

#### 1.1 材料与尺寸

挤压筒整体结构示意如图 1 所示.主体是内 筒、外筒、端部结构等组成部件,是轴对称结构.内 筒内径为 80 mm,外筒外径为 290 mm,计算时液 体最高压力选为 400 MPa.挤压筒材料为 42CrMo, 弹性模量是 210 GPa, 泊松比为 0.3, 热膨胀系数 0.011m/K.文献[9]针对不同热处理工艺下的 42CrMo 模具钢的力学性能做了细致研究,在 850 ℃淬火后 550 ℃进行回火,其屈服强度达到 930 MPa,文献[7]曾指出对于韧性材料组合筒安全系 数选取 1.5~1.7,故许用应力为 550 MPa.内筒与 外筒的壁厚以及套装过盈间隙组合即有限元模拟 方案如表 1 所示.



图1 静液挤压筒

表1 有限元模拟方案

mm

<b>山</b> 白 山 白 山 白 山 白 山 白 山 白 山 白 山 白 山 白 山 白								
四间马尔间型序组百								
30/75	35/70	40/65	45/60	50/55				
内筒与外筒套装过盈间隙								
0.10	0.15	0.20	0. 25	0.30				

#### 1.2 建模与设置

本文重点考虑套装挤压筒内壁与外壁不同匹 配以及套装过盈间隙对挤压筒承载时应力分布的 影响.由于几何和载荷的对称性,取 1/4 模型进行 分析,如图 2 所示.有限元过程可以分为:1)将外 筒加热到 220 ℃;2)是外筒冷却,温度降低至室 温 20 ℃,此时在接触表面产生套装应力;3)是在 内筒内表面施加 400 MPa 内压力.



· 加<u>血</u> 27 同 17 同

## 2 套装组合筒承压过程有限元分析

有限元分析方案如表1所示,重点研究不同 内筒和外筒壁厚组合,以及不同套装过盈间隙条 件下,等效应力沿壁厚方向的分布规律.

表 2 所示为不同套装过盈间隙与不同内筒和 外筒壁厚组合时,组合筒等效应力最大值.图 3 所示为不同内筒和外筒壁厚组合时,等效应力最 大值随套装过盈间隙变化关系.从图 3 中可以得 到以下规律:在任何一组内筒和外筒的壁厚组合 下,等效应力的最大值都是随着过盈量的增加,先 降低后升高;对于不同的内筒和外筒的壁厚组合, 随着内筒壁厚的增加,曲线极点所对应的套装过 盈间隙也逐渐增大,但均在 0.15~0.20 mm 范围 内,变化幅度较小;当套装过盈间隙小于 0.20 mm 时,所有内筒和外筒壁厚组合条件下,等效应力的 最大值均在许用应力范围内;当套装过盈间隙在 0.15 mm 时,内筒壁厚为 35 mm 与外筒壁厚为 70 mm的套装组合,等效应力最低.

表 2 不同套装过盈间隙与不同内筒和外筒壁厚组合时, 组合筒 Mises 应力最大值 MPa





图 4 所示为套装过盈间隙 0.15 mm,不同内筒 和外筒壁厚组合时,等效应力沿壁厚方向分布曲 线.从图 4 中可以得到以下规律:无论是内筒还是 外筒,等效应力均在内壁处最大,且沿着壁厚方向 逐渐减低;随着内筒壁厚的增加,外筒壁厚的减小, 内筒内壁的等效应力逐渐提高,外筒内壁的等效应 力逐渐降低;当内筒壁厚等于 35 mm 时,内筒内壁 和外筒内壁等效应力数值基本一致,当内压继续增 大时,同时满足强度条件;当内筒壁厚小于 35 mm, 等效应力最大值出现在外筒内壁;当内筒壁厚大于 35 mm,等效应力最大值出现在内筒内壁.



# 图 4 套装过盈间隙 0.15 mm,不同内筒和外筒壁厚组合时,等效应力沿壁厚方向分布曲线

当外筒温度从 220 ℃降到 20 ℃时,在接触表 面上产生外层筒受拉、内套受压的初始应力.图 5 所示为套装过盈间隙 0.15 mm,内筒壁厚为 35 mm时,热套装后与承载后环向应力沿壁厚方 向分布情况.

从图 5 中可以看出,热套装后内筒环向受压应 力,最大环向压应力位于内筒内表面,为 -304 MPa,压应力沿壁厚方向逐渐降低;外筒环向 受拉应力,最大环向拉应力为外筒内表面,为 203 MPa,拉应力也是沿壁厚方向逐渐降低.内外筒 热套装后,在内筒内壁施加 400 MPa 的径向压力. 由内压力引起的环向拉应力首先被套装过程产生 环向压应力所抵消,承载后内筒的内壁环向受拉应 力,内筒外壁环向受压应力,最大拉应力和最大压 应力分别为 108 MPa 和-76 MPa;外筒环向受拉应 力,最大环向拉应力为外筒内表面,为 327 MPa,拉 应力也是沿壁厚方向逐渐降低.

通过对不同的内外筒尺寸以及套装过盈间隙的组合进行有限元分析,得到了应力极值分布规律 以及沿壁厚方向的分布情况.对于本文所研究的组 合筒,在内筒内径 (r = 80 mm)和外筒外径 (r = 290 mm)确定的前提下,有限元分析结果表明:当 套装过盈间隙为 0.15 mm,内筒壁厚为 35 mm 时, 组合筒的等效应力极值最低,应力沿壁厚方向变化 平缓,且内筒内壁和外筒内壁处等效应力数值基本 相同,即同时满足强度条件和屈服条件.

#### 3 挤压筒套装理论解析过程

为说明上述参数选取的合理性,在弹性力学 范围内,对套装组合筒进行解析<sup>[10-11]</sup>,组合套筒 示意图如图 6 所示.设组合筒内半径为 *a*,外半径 为 *c*,套装后分层半径 *b*,过盈量 δ;套装后可以承 受大小为 *p*<sub>1</sub>的内压作用,在*r* = *b*处由于套装作用 所产生的压力为 *p*;则内筒同时承受内压 *p*<sub>1</sub> 与外 压 *p* 的作用,而外筒只承受内压 *p* 作用.



图 5 套装过盈间隙 0.15 mm,内筒壁厚为 35 mm 时,热套装后与承载后环向应力沿壁厚方向分布情况



图6 组合筒结构

为使内筒与外筒同时达到强度条件或者屈服 条件,内筒在r=a处和外筒在r=b处的等效应力 数值是相等的.对于内筒来说,根据厚壁筒弹性阶 段的应力分量为

$$\sigma_{r} = \frac{a^{2}b^{2}(p-p_{1})}{b^{2}-a^{2}} \frac{1}{r^{2}} + \frac{p_{1}a^{2}-pb^{2}}{b^{2}-a^{2}},$$
  
$$\sigma_{\theta} = -\frac{a^{2}b^{2}(p-p_{1})}{b^{2}-a^{2}} \frac{1}{r^{2}} + \frac{p_{1}a^{2}-pb^{2}}{b^{2}-a^{2}}.$$

等效应力表达式为

$$\sigma_{\theta} - \sigma_{r} = \frac{2(p_{1} - p)b^{2}}{b^{2} - a^{2}}.$$
 (1)

同理,外筒应力分量以及等效应力的表达式为

$$\sigma_r = \frac{pa^2}{b^2 - a^2} \left( 1 - \frac{b^2}{r^2} \right), \qquad (2)$$

$$\sigma_{\theta} = \frac{pa^2}{b^2 - a^2} \left( 1 + \frac{b^2}{r^2} \right), \qquad (3)$$

$$\sigma_{\theta} - \sigma_{r} = \frac{2pc^{2}}{c^{2} - b^{2}}.$$
 (4)

由式(1)和式(4)联立可以得到套装压力为

$$p = \frac{b^2(c^2 - b^2)p_1}{b^2(c^2 - b^2) + c^2(b^2 - a^2)}$$

等效应力可以写成

$$\sigma_{\theta} - \sigma_{r} = \frac{2b^{2}c^{2}p_{1}}{b^{2}(c^{2} - b^{2}) + c^{2}(b^{2} - a^{2})}$$

为了使内筒 r = a 处和外筒 r = b 处均有较小等效应力值,从而是弹性极限压力提高.在内径 a 和外径 c 固定的情况下,将 b 看做变量,并取  $f = \sigma_{\theta} - \sigma_{r}$ ,令 df/db = 0,便可以求得 f 为最小时的 b, 由此可得

$$b = \sqrt{ac}.$$
 (5)

将 b 代入 p 的表达式,得到内筒内壁与外筒 内壁同时达到屈服条件时的套装压力与工作压力 之间的关系为

$$p = p_1/2.$$

上式表明,若套装压力为工作压力的 1/2,则 可保证等效应力最小. 套装压力的大小可由过盈 量 $\delta$ 来确定,圆筒在套装中轴向应力为零,即 $\sigma_z$  = 0,可按平面应力来考虑.将 $r = \sqrt{ac}$ 及内压为 $p_1$ 、 外压为p代入平面应力状态下的位移分量表达式 中,得到内筒与外筒的径向位移量为

$$u_{1} = \frac{\sqrt{ac}}{2E_{1}}p_{1} \frac{(3a-c) + \mu(c-a)}{c-a},$$
$$u_{2} = \frac{\sqrt{ac}}{2E_{2}}p_{1} \frac{(a+c) + \mu(c-a)}{c-a}.$$

由于变形后在 r = b 处两筒紧密结合在一起, 因此两筒的位移之差即为初始过盈量  $\delta$ ,当内筒 与外筒的材料相同,则

$$\delta = u_2 - u_1 = \frac{\sqrt{ac}}{E} p_1. \tag{6}$$

为了实现套装,外筒需要升高的温度为

$$\Delta T \ge \frac{\delta}{b\alpha}.\tag{7}$$

根据式(5)~(7)可得出组合筒的最优套装 分层 半 径 为 76.2 mm,理 论 的 内 筒 外 径 76.195 mm,最优套装过盈间隙为 0.145 mm,为 了实现套装,外筒温度需至少升高到 173 ℃.

有限元分析过程得到的合理参数组合(即内 筒壁厚为35mm,内筒外径为75mm,套装过盈间 隙为0.15mm)与理论解析得到的最优参数组合 基本一致.

从式(1)、(4)、(7)可以得出:增大套装过盈 间隙可以增大套装面的接触压力,从而增大外筒 内表面的等效应力、降低内筒内表面的等效应力; 同时,增大内筒壁厚可以增大内筒内表面等效应 力而减低外筒外表面的等效应力.结合以上理论 分析及其数值模拟结果,可以得出在安全系数允 许的范围内可以降低套装过盈间隙并增大内筒壁 厚或者选用屈服强度更高的材料作为内筒.

### 4 套装挤压筒筒加载测试

采用 TS3890 型静态应变测量处理仪,对有限 元分析过程得到的合理参数组合(即内筒壁厚为 35 mm,套装过盈间隙为 0.15 mm)进行测量,应 变测量点位置及仪器如图 7 所示,测量时内压力 为 240 MPa,测量结果如表 3 所示.从表 3 中可以 看出,应变测量结果与有限元分析基本吻合.



图 7 应变测量点位置及仪器示意

表 3 内压 240 MPa 时挤压筒外表面实测值

测量位置点 -	环向			轴向		
	应变值/10-6	应力值/MPa	有限元分析应力值/MPa	应变值/10-6	应力值/MPa	有限元分析应力值/MPa
1	340	76.1	101.2	-35	15.5	14. 2
2	545	117.8	116.3	-117	10.7	5.8
3	616	134.3	115.2	-116	15.9	6. 7
4	460	100.0	104. 5	-90	11.1	14. 5

#### 5 结 论

1)等效应力的极值都是随着过盈量的增加, 先降低后升高;当套装过盈间隙为 0.15 mm,等效 应力极值最低.

2)等效应力沿着壁厚方向逐渐减低.随着内 筒壁厚的增加,内筒内壁的等效应力逐渐提高,外 筒内壁的等效应力逐渐降低.

3) 热套装后内筒环向受压应力,外筒环向受 拉应力,沿壁厚方向数值逐渐降低;承载后内筒的 内壁环向应力被抵消,外筒受环向拉应力增大;当 套装过盈间隙在 0.15 mm,内筒壁厚等于 35 mm 时,内筒内壁和外筒内壁等效应力数值基本一致.

4)有限元分析结果得到了理论简化模型以 及实验应力测试的佐证.

参考文献

[1] ASM handbook committee. Metals handbook: Vol14 forming and forging [M]. 9th ed. Ohio: American Society for Metals, 1993.

- [2] ALTAN T, NGAILE G, SHEN G S. Cold and hot forging, fundamentals and applications [M]. Ohio: ASM International, 2004.
- [3] ALTAN T, TEKKAYA A E. Sheet metal formingfundamentals[M]. Ohio: ASM International, 2012.
- [4] 王仲仁, 张琦. 省力与近均匀成形——原理与应用 [M]. 北京:高等教育出版社, 2010.
- [5] 西原正夫. 静液挤压技术[M]. 吴建常,张清伏,译. 北京:国防工业出版社,1988.
- [6] 王仲仁. 塑性加工力学基础[M]. 北京:国防工业出版社,1989.
- [7] 颜永年, 俞新陆. 机械设计中的预应力结构[M]. 北京: 机械工业出版社, 1989.
- [8] 王仲仁,苑世剑,胡连喜,等.弹性与塑性力学基础 [M]. 哈尔滨:哈尔滨工业大学出版社,2007.
- [9] 陈俊丹,莫文林,王培,等. 回火温度对 42CrMo 钢冲击韧性的影响[J]. 金属学报,2012:48(10):1186-1193.
- [10] HILL R. The mathematical theory of plasticity [M]. Oxford: Oxford University Press, 1983.
- [11] JOHNSON W, MELLOR P B. Plasticity theory[M]. New York: Van Nostrand Reinhold, 1973.

(编辑 张 红)