金属-石墨烯复合物吸附活化 CO_2 的第一性原理

李 欣1,陈小康1,齐晶瑶2

(1.哈尔滨工业大学理学院, 150001哈尔滨; 2.哈尔滨工业大学市政环境工程学院, 150090哈尔滨)

摘 要: 在光催化 CO₂ 的反应体系中,CO₂ 的吸附活化是一个关键步骤;不同的活化方式和 CO₂ 的活化态决定了其反应 路线和最终产物.以金属-石墨烯体系为研究对象,采用密度泛函理论方法,结合局域密度近似(LDA)和 PWC 泛函,计算 该体系在 CO₂ 吸附前后的几何结构、能量、电荷分布和态密度等的变化.结果表明:电子从金属-石墨烯体系转移到 CO₂, 使 CO₂ 带负电并活化;其中 Cu-G 体系对 CO₂ 的活化效果最好,C—O 键长分别增加 6 和 14 pm,O—C—O 键角减小为 122°;金属原子簇和石墨烯的第一电离能和电子亲和势对电子的转移起决定性作用,金属原子簇电子亲和势比石墨烯第 一电离能越大,电荷越易从石墨烯转移到金属原子簇.

关键词:二氧化碳;石墨烯;金属;催化剂;第一性原理计算

中图分类号: 0641.12 文献标志码: A 文章编号: 0367-6234(2014)10-0058-07

First-principle theory calculations of CO₂ adsorption and activation by metal-graphene composite

LI Xin¹, CHEN Xiaokang¹, QI Jingyao²

(1. School of Science, Harbin Institute of Technology, 150001 Harbin, China;

2. School of Municipal and Environmental Engineering, Harbin Institute of Technology, 150090 Harbin, China)

Abstract: Metal-graphene system was taken as the research object. Density functional theory (DFT), combined with local density approximation (LDA) and PWC functional, was employed to study the changes in the geometry structure, energy, charge distribution and density of states (DOS) of the systems before and after absorption of CO_2 on them. The results show that the electrons are transferred from the M-graphene system to CO_2 , which is eventually activated by negative charge. The Cu-G system is most effective to activate CO_2 in these three complexes. The bond length of CO_2 increases by 6 and 14 pm, respectively, and the bond angle of O-C-O decreases to 122° . Furthermore, the first ionization energy and electron affinity of metal clusters and graphene play a decisive role in the electron transfer. Compared with the first ionization energy of graphene to metal cluster.

Keywords: carbon dioxide; graphene; metal; catalyst; first-principle theory calculation

目前,由于化石燃料的广泛使用,大气中二氧 化碳浓度逐年迅速增加,已成为一个严重的全球 问题^[1].另一方面,由于煤炭、石油和天然气等的 大量消耗也引起了全球范围内的能源短缺问题.

收稿日期: 2013-06-20.

- 基金项目:国家自然科学基金资助项目(51178142).
- 作者简介: 李 欣(1965—), 男, 教授, 博士生导师;
- 齐晶瑶(1960—),女,教授,博士生导师.
- 通信作者: 李 欣, lixin@hit.edu.cn.

因此,对 CO₂ 进行有效回收和利用具有解决能源 及环保问题的双重意义^[2].迄今为止,在众多的转 换方法中,通过光催化反应将 CO₂ 转化为具有高 附加值的化工产品或有机燃料是最有发展前途的 有效技术手段^[3].具有碳最高氧化态的 CO₂ 分子 十分稳定,它的活化和转化需要相当苛刻的反应 条件.在光催化 CO₂ 体系中,催化剂载体除了应具 有稳定性等特点外,还应具有很强的吸附能力,使 CO₂ 在催化剂表面尽可能地被吸附和活化,以提 高光催化反应的量子效率.石墨烯因具有稳定的 结构、独特的光电特性、较大的比表面积和极强的 吸附能力已成为理想的光催化剂载体^[4].

近年来,量子化学理论研究的迅速发展以及 计算机性能的快速提高,使得较精确地处理复杂 的催化体系成为可能.本文在第一性原理计算的 基础上,研究金属-石墨烯体系对 CO₂ 的吸附和 活化过程,通过理论计算和分析进行催化剂的初 步筛选.

1 计算方法

所有的密度泛函理论(DFT)计算均通过运行 DMol³代码^[5-6]实现.交换相关函数采用局域密度 近似(LDA)^[7-9]和 PWC^[10]泛函,计算金属纳米粒 子、石墨烯以及金属-石墨烯复合体系的电子结 构、几何结构和能量.计算时选用 DND 基组,并结 合有效势芯(ECP)^[11-12]近似处理方法.为了确保 计算结果具有可比性,孤立的 CO, 分子、原始的 石墨烯、金属与石墨烯的复合物和吸附 CO, 的金 属石墨烯体系均采用相同的计算条件.由于研究 的所有体系主要是沿着与石墨烯片层平行的方向 伸展,为了提高计算精度,所有体系 k 点分布设置 为2×2×1,以增加在xy平面上的k点数目.计算中 采用导体近似屏蔽模型(COSMO)^[13-15]作为溶剂 化模型,并将水(相对介电常数ε,=78.54)作为溶 剂,模拟溶剂对所有体系的影响,使结果更加符合 真实的环境.设定最大收敛能量差为 5.442×10⁻⁴ eV(能量1 Ha=27.21 eV),最大位移为0.4 pm, 最大的力为13.605 eV · pm⁻¹,用于确定自洽场迭 代是否已经收敛.

在计算模拟过程中,为了更准确地模拟实际 体系,均使用三维周期性边界条件.6×6(铜石墨烯 复合物和金石墨烯复合物体系)或7×7(银石墨 烯复合物体系)单层石墨烯超胞结构分别用于研 究体系,同时在两层石墨烯层之间建立2 nm 的真 空层.这些设定可以削弱相邻超胞中石墨烯层和 金属原子簇之间的相互作用,以排除它们之间相 互作用对结果的影响.除了在对 CO₂-M-G(CO₂ 吸附在金属-石墨烯复合物上的体系)体系进行 结构优化时限制了M-G(金属-石墨烯复合物体 系)原子的坐标,其他所有优化和能量计算过程 中,原子的所有坐标均完全释放.为了讨论金属原 子簇与石墨烯之间的相互作用强度,定义了金属 原子簇和石墨烯相互作用能 E_i,即

$$E_i = E_{M-G} - E_M - E_G.$$
 (1)
式中: E_{M-G} 为金属原子簇与石墨烯结合后体系的

整体能量; $E_{\rm M}$ 为金属原子簇的能量; $E_{\rm G}$ 为石墨 烯的能量.

3 种金属的晶体结构均为面心立方(fcc).所 有的金属原子簇由 9 个金属原子构成,与石墨烯 接触的面为金属的(100)面.4 个金属原子在簇合 物的顶层,5 个在底层,这与类似结构相关实验保 持一致^[16-17].从理论上说,这种碟状几何结构可 以增强金属原子簇和石墨烯之间的相互作用,也 可以尽量降低 M-G 体系的表面能.

2 M-graphene 体系

2.1 几何结构

所有金属簇 M 和金属簇石墨烯复合物(M-G,M是Cu、Ag和Au)均采用相同的方法进行优 化,优化结果如图1所示.可以看出,金属原子簇 几何结构相对原始金属结构只发生了很小的形 变,由5个金属原子组成的底层发生了扭曲.中心 原子向下突出,与底层中的其他4个原子组成了 类似金字塔的结构.Cu、Ag和Au金属簇合物的中 心原子与底层周围 4 个金属原子形成的平面之间 的距离 d, 分别为 13.8, 21.1 和 34.0 pm.这可能 是由于没有周围金属原子的作用,这些金属原子 受力不平衡.如表1所示,为了降低结构中的张 力,金属原子簇的几何形状向凸多面体的结构发 生形变,缩短了所有 M-M 的键长,特别是位于表 面上键长明显缩短也证实了这一猜想.这种变形 也可以降低原子簇的表面积,通过缩短所有键的 长度,使体系结构向球形方向发生形变,有效地降 低体系的能量.在俯视图中可以看出,顶层和底层 周围4个原子的几何结构都接近正方形.

在 M-G 复合物中, Cu 和 Ag 原子簇结构变化 很大, 对称性由 C_{4v}变成了 C_{2v}. Cu、Ag 金属原子簇 中底层中心原子与周围原子形成平面之间的距离 也大幅度减小, 分别由 13.8 pm 和 21.7 pm 变为 2.6 pm 和 22.4 pm.底层原子几何结构接近平面 结构, 这可能是因为石墨烯与金属原子簇之间的 相互作用平衡了底层原子的受力. 而 Au-G 体系 中 Au 原子簇结构几乎没有变化, 这与 Au 同石墨 烯之间很弱的相互作用相一致.

在 M-G 复合物体系中,石墨烯中的 C 原子 相对于石墨烯 C 原子的平均位置均出现一定的 偏离.在 Cu-G、Ag-G 和 Au-G 体系中,相对的平 均位置最大偏差分别为 20.2, 14.4 和 13.2 pm, 即石墨烯形变量的大小关系为 Cu> Ag> Au.在一 定程度上,C 原子偏离平衡位置的距离,揭示了金 属原子簇和石墨烯之间相互作用的强度.这种形 变可能是因为底层金属原子与石墨烯中 C 原子 之间发生轨道重叠,使得靠近金属簇的 C 原子的 杂化类型发生部分转变,即从 sp²杂化部分转变 为 sp³杂化.



图 1 金属原子簇和金属-石墨烯体系优化后的几何结构 表 1 金属簇合物体系几何结构

体系	$d_z / \ \mathrm{pm}$	表面键长/pm	内部键长/pm	标准键长/pm
Cu	13.8	264~280	251	256
Ag	21.7	233~240	289~303	289
Au	34.0	268~277	303	288

总之,金属团簇和石墨烯之间的相互作用越强,石墨烯的形变就越明显,更有利于平衡底层金属原子的受力情况,金属原子簇中的底层将更加平坦.

2.2 结合能

考察所有体系的总能量.表2给出了石墨烯 与不同金属原子簇的结合能.可以看出,所有金属 原子簇与石墨烯的结合过程从能量角度讲是自发 的,Cu-G、Ag-G和Au-G体系的结合过程能量变 化分别为-2.75, -3.34 和-1.98 eV(1 eV = 96.49 kJ/mol).即使考虑与石墨烯相互作用的底 层原子数目为5,它们之间的相互作用依然很强. 此外,金属簇与石墨烯之间的相互作用越强,说明 体系更稳定,更易于合成.

从表2还可以看出,石墨烯与金属原子簇之间的结合能与电荷量的绝对值之间存在正相关关系,说明两者复合时,电荷的转移与两者的相互作用之间存在一定的内在联系.

表 2 M-G 体系中金属原子簇电荷量和金属原子簇与石 墨烯之间的结合能

体系	Mulliken 电荷/e	结合能 E _i / eV
Cu	0.217	-2.85
Ag	0.687	-3.23
Au	-0.190	-1.98

2.3 Mulliken 电荷分布与电子转移

Mulliken 布局分析结果表明,金属原子簇底 层中心原子带正电,铜、银和金团簇分别约为 0.024, 0.028 和 0.119 e,底层的其他 4 个原子带 负电,而顶层的4个原子带正电.因此,底层周围4 个原子附近的电子密度高于底层中心原子和顶层 4个原子附近的电子密度.其中 Au 原子簇的电子 密度分布差异最大.在一定程度上,金属原子簇不 同位置的原子附近电子密度的微小差异是吸附和 催化性能明显不同的根源.当金属簇和石墨烯结合 之后,Cu-G和Ag-G体系中金属簇底层中心原子 带更多的正电荷(分别增加 0.037 和 0.109 e),底 层其他4个原子电性发生了反转,且 Ag-G 体系中 的金属簇电荷变化更大.此时,顶层的4个原子具 有不同的电荷性质,两个体系中更接近中心的两个 原子比其他两个原子具有更多的电子.从总体上 看,铜、银原子簇与石墨烯结合后,分别有0.217和 0.687 e 的电子从金属簇转移到石墨烯.而 Au-G 体 系的电荷分布和转移情况与 Cu-G 和 Ag-G 体系 完全不同,当Au金属簇与石墨烯结合后,底层中心 原子带有更少的正电荷,底层其他原子所带负电荷 的量减少,而顶层原子电荷发生了翻转.整体电子 不是有金属转移到石墨烯,而是石墨烯向 Au 原子 转移电子 0.190 e.

M-G体系中,Ag原子簇的电荷分布类似于 Cu原子簇.但是,Ag原子簇顶层原子电荷分布的 不均匀性大大增加,换句话说,所有原子具有更多 的剩余电荷.另外,在Ag-G体系中,从金属簇到 石墨烯的电荷转移量大于 Cu-G体系.由于 CO₂ 是一个强电子受体,这种电荷转移将不利于吸附 在 Ag-G 复合物上 CO₂的活化,Ag原子簇中低电 子密度的 d 轨道不能有效地将电子转移到 CO₂ 的 π * 轨道上.Au-G 体系中,Au 原子簇上具有更 多的电子,电子密度越大,越利于金属原子的 d 轨 道与 CO₂ 的 π * 轨道的重叠.但是 Au 原子簇带有 更多的负电荷,从另一个方面也说明其具有更大 的电子亲和势,不利于 CO₂ 从 Au 金属原子簇上 获得电子.

复合物中石墨烯的电荷分布变化也很大.原始的石墨烯碳原子是中性的.然而,与金属原子簇结合后,金属原子簇与石墨烯之间发生了电子转移,使得石墨烯带上电荷,并且越靠近金属原子簇的C原子带有更多的电荷.此外,从图2中也可以看出,Cu-G体系中的石墨烯电荷分布最不均匀.与金属原子直接接触的C原子带负电荷,而间接接触的原子却带上了正电荷,远离金属原子的C

原子接近中性.这体现了金属原子簇与石墨烯之间电荷转移的细节,也体现出 Mulliken 布局分析的缺陷.Mulliken 布局分析的缺陷在 Au-G 体系中石墨烯电荷分布中体现得非常明显.电荷是从石墨烯转移到金属,与金属原子直接接触的原子失去电子,应该带正电荷.但是由于 Mulliken 布局分析是将两个原子共有额外电荷均分给两个原子,这样必然会将金属原子弥散的电子云中的电子不合理地分配给 C 原子,造成这些 C 原子带上负电荷.Ag-G 体系中石墨烯的电荷分布与 Cu-G 体系类似,只是不均匀性减小.而 Ag-G 体系中电荷转移量之间没有必然联系,应该是与之间的相互作用和金属原子性质有关.



(a) Cu-G

(b) Ag-G

(c) Au-G



如表 3 所示, 石墨烯和金属原子簇的第一电 离能、电子亲和势和 Fermi 能级绝对值的整体趋 势为: Au> G> Cu> Ag.电子将尽可能填充到能量 较低的能级上, 因此, Au-G 体系中, 电子必然从 石墨烯转移到 Au 原子簇. 而在 Cu-G 和 Ag-G 体 系中, 电子从金属原子簇转移到石墨烯, 从而使金 属簇整体带正电.

表 3 石墨烯与金属原子簇第一电离能、电子亲和势、费 米能级和金属功函实验值 eV

元素	E_{I}	$E_{\rm A}$	$E_{ m F}$	Φ
G	4.96	4.34	-4.52	
Cu	3.89	3.89	-3.86	5.10
Ag	3.89	3.96	-3.76	4.64
Au	5.33	4.66	-5.04	5.47

2.4 态密度

M-G体系各部分和整体的 PDOS(偏态密度)如图 3~5 所示.从石墨烯(6×6)的 PDOS(图 3 (b))中可以看出,随着能量从-19 eV 增加到-3 eV,s 轨道的 DOS(态密度)减为 0,而 p 轨道的 DOS 一直增加.能量大于-3 eV 的态密度几乎完全归功于 C 原子 p 轨道的贡献.在约-3 eV 的 DOS 对位置存在一个分割区,能量低于-3 eV 的 DOS 对

应石墨烯中 C 原子的 sp² 杂化轨道, -3 eV 以上 对应于 C 原子 2p_z 轨道的 DOS.在费米能级以上, 孤立的尖峰对应石墨烯的 $\pi *$ 轨道.



(a) Cu 簇合物 (b) G(6×6) (c) Cu-G 各部分

图 3 Cu-G 体系各部分和整体的 PDOS

比较石墨烯和 Cu-G 的 DOS 发现,当 Cu 原 子簇与石墨烯结合后,-6 eV 附近宽阔的 p 带整 体向低能量区域发生了移动,即更多的 p 轨道(p, 轨道)与s轨道杂化.这与几何结构分析结果相符,即石墨烯中一些sp²杂化的C原子部分地向sp³杂化转变. π *带向低能量方向迁移,说明在Cu-G体系中,更多的电子填充在石墨烯的 π *带,降低了Cu-G体系中石墨烯的稳定性.总体来说,Cu原子簇和石墨烯的结合将一些sp²杂化的C原子部分转变为sp³杂化,部分打破了 π 电子的离域,因此,石墨烯的稳定性大大降低.此外,Cu金属簇与石墨烯结合后,Cu原子的d带略微变宽,并与p₂带强烈共振,说明Cu金属簇中Cu原子的d轨道和石墨烯的p₂轨道间存在强烈相互作用.Cu原子簇d带尖峰的消失也证明了它们之间存在强烈的相互作用.



图 4 Ag-G 体系各部分和整体的 PDOS

Cu和Ag在周期表中属于同一族,具有相似 的价电子结构,Ag原子簇与石墨烯之间也存在强 烈的相互作用,这种作用同样源于 Ag 原子簇 d 带和石墨烯 C 原子 p_z带的共振.Ag-G 体系中,石 墨烯的 DOS 向低能量区域移动更加明显,换句话 说,Fermi 能级移动到能量更高位置,即更多的石 墨烯 DOS 填充了电子.这可能是由于 Ag 原子簇 的 DOS 更加分散,更多的轨道分布在费米能级之 上.费米能级以下轨道数量太少,不能容纳 Ag 原 子簇的所有电子,因此,电子填充到具有更高能量 的轨道.同时,费米能级附近的 DOS 强度非常弱, 增强了这种迁移.与 Cu 原子簇的 d 带相比,在 Ag -G复合物中Ag原子簇的d带变化很小,小于Cu -G复合物.说明 Ag-G 体系中的金属簇 d 带与石 墨烯 p 带之间的相互作用比 Cu-G 体系弱,这与 从几何结构分析得到的结果相符.

Au 原子簇合物 DOS 中, -7~0 eV 的宽带主

要为 d 带.0 eV 以上为 Au 原子簇的 6s 带.Au 原子簇的 d 带变窄,尖峰突出,体现了电荷转移对能带结构的影响.同样,Au 原子簇 d 带与石墨烯 p_z带强烈共振.说明 Au 原子簇 d 轨道与石墨烯 C 原子的 p_z 轨道之间发生重叠.



3 CO₂-M-G 体系

3.1 几何结构

为了研究 M-G 体系对 CO₂ 分子的吸附活化 效果,对 CO₂-M-G(CO₂ 吸附在 M-G 体系上的体 系,M 为 Cu、Ag 和 Au)体系进行了结构优化和性 质计算.

CO₂ 吸附在 M-G 上优化后的几何结构如图 6 所示.在 CO₂-Cu-G 体系中, CO₂ 以桥位吸附在 Cu 原子簇上, CO₂ 中的一个 C 和一个 O 原子分别 与 Cu 原子簇中的一个 Cu 原子相连.

C—Cu 和 O—Cu 键长均约为 193 pm,Cu—O 和 Cu—C 共价半径之和分别为 175 和 187 pm.然 而,在 CO₂-Ag-G 体系中,CO₂ 和 Ag 原子簇之间 的键长分别为 245 和 258 pm,均明显大于 Ag—C 共价半径之和 203 pm.上述分析表明,CO₂ 和 Cu 原子簇之间形成了化学键,而 CO₂ 和 Ag 原子簇 之间很可能没有键合作用.

如表 4 所示,在 CO_2 -M-G 体系中,本来直线 型的 CO_2 分子发生了弯曲, Cu、Ag 和 Au 体系中 键角 \angle OCO 分别为 122°, 144°和 170°.同时,相对 于正常 CO_2 键长(实验值为 114 pm,相同条件下 的计算值为 117 pm), Cu、Ag 体系中 CO_2 的两个 C—O 键长明显增大.吸附在 Cu-G 体系上 CO_2 的 两个 C—O 键长分别为 123 和 131 pm,在 CO_2 -Ag -G体系中均为121 pm.这些形变说明,吸附在 M -G体系上的CO₂分子与金属原子簇之间存在强 烈的相互作用.而Au体系中CO₂的键长几乎没 有变化,为119 pm.说明Au-G体系与CO₂的相互 作用很弱,活化作用也很弱.

由于 CO₂ 分子结构的改变, CO₂ 分子中 C 和 O

原子的 p 轨道不能有效重叠, sp 杂化的碳原子部分 转变为 sp² 杂化,进而削弱了 C = O 之间的双键.由 此可以推出, M-G 体系活化了 CO₂ 分子,使其更易 于受其他物质的进攻,进而能发生化学反应.比较吸 附在 Cu-G、Ag-G 和 Au-G 上 CO₂ 的键长和角度可 以得出一个结论, Cu-G 的活化效果最好.



(a) CO₂-Cu-G

(b) CO₂-Ag-G

(c) CO_2 -Au-G

图 6 CO₂-M-G 体系优化后的几何结构

3.2 电荷分布与电子转移

CO₂ 吸附在 M-G上后,对体系中各金属原子上面的电荷分布进行分析.当 CO₂ 吸附在 Cu-G和 Ag-G体系上后,CO₂带较多的负电荷.Cu-G和 Ag-G体系中 CO₂上的多余电荷分别为-0.733和-0.446 e.因为 CO₂分子是一个强电子受体,使 CO₂带上负电荷能够破坏其原始结构,使其活化,最终催化其与其他物质发生化学反应. 表4 CO₂-M-G体系各部分电荷分布和 CO₂分子几何结构

体系	键角∠0C0/	c = o	金属簇上	CO2上	石墨烯上
	(°)	键长/pm	电荷量/e	电荷量/e	电荷量/e
Cu	122	123, 131	0. 344	-0.411	0.067
Ag	144	121	0.942	-0.294	-0.648
Au	170	119	-0. 149	-0.090	0. 239

 CO_2 分子活化的根本原因为:多余的负电荷 意味着较多的电子,这些电子可以填充在 CO_2 的 $2\pi_u$ 反键轨道上,削弱 CO_2 分子的 C = O 键,进 而 CO_2 分子可以与其他分子碰撞或自身振动发 生化学反应.

3.3 态密度

CO₂-M-G 的 PDOS 如图 7~9 所示.可以看出,CO₂ 的能带与金属原子簇的 d 带存在强烈的 共振,这从另一个方面说明 CO₂ 分子与金属原子 簇之间存在强烈的相互作用.此外,与金属 d 带共 振的主要是 CO₂ 的 p 带,说明金属原子主要同 CO₂ 的 p 轨道发生作用.由于金属 d 轨道的作用, 不同程度地破坏 CO₂ 分子中 p 轨道形成的 π 键, 此为 CO₂ 在金属原子簇上吸附活化的根源.



比较 Cu、Ag 和 Au 体系的 DOS 图可以看出, CO₂ 分子的 p 带与 Cu-G 体系中金属簇 d 带的共 振最强烈.说明 Cu-G 体系对 CO₂π 键的破坏程度 最大,因而 CO₂ 的活化效果最好.



4 结 论

1)金属原子簇与石墨烯的结合能均很大.同时,金属原子簇与石墨烯之间的结合能与两者之间电荷转移量正相关.

2) Cu、Ag 和 Au 簇合物与石墨烯形成的 3 种 复合物中, Cu-G 体系对 CO₂ 活化效果最好. CO₂ 活 化的根源为金属原子簇的 d 带与 CO₂ 的 p 带相互 作用,最终破坏了 CO₂ 分子中 p 轨道形成的 π 键.

3) M-G 体系对 CO₂ 的活化性能与最终转移 到 CO₂ 上的电子直接相关,主要取决于金属原子 簇的第一电离能和电子亲和势.金属原子簇必须 具有适当的电子接受能力才能使金属石墨烯体系 达到最好的 CO2 活化效果.

参考文献

- LAL R. Sequestration of atmospheric CO₂ in global carbon pool[J]. Energy Environ Sci, 2008, 1: 86–100.
- [2] 王明明,徐磊,段雪,等.中国二氧化碳资源化有效利用的战略选择[J].资源科学,2009,31(5):829-835.
- [3] 倪小明,谭猗生,韩怡卓.二氧化碳催化转化的研究进展[J].石油化工,2005,34(6):505-512.
- [4] LIU Haitao, RYU S, CHEN Zheyuan, et al. Photochemical reactivity of graphene [J]. J Am Chem Soc, 2009, 131: 17099-17101.
- [5] DELLEY B. An all-electron numerical-method for solving the local density functional for polyatomic-molecules [J]. J Chem Phys, 1990, 92: 508.
- [6] DELLEY B. From molecules to solids with the DMol³ approach[J]. J Chem Phys, 2000, 113: 7756.
- [7] HEDIN L, LUNDQVIST B I. Explicit local exchange correlation potentials[J]. J Phys C, 1971, 4: 2064–2083.
- [8] CEPERLEY D M, ALDER B J. Ground state of the electron gas by a stochastic method[J]. Phys Rev Lett, 1980, 45: 566-569.
- [9] LUNDQVIST S, MARCH N E. Theory of the inhomogeneous electron gas[M]. Plenum: New York, 1983.
- [10] PERDEW J P, WANG Yue. Accurate and simple analytic representation of the electron-gas correlation energy[J]. Phys Rev B,1992, 45:13244.
- [11] DOLG M, WEDIG U, STOLL H, et al. Energyadjusted ab initio pseudopotentials for the 1st-row transition-elements[J]. J Chem Phys, 1987, 86: 866.
- [12] BERGNER A, DOLG M, KUECHLE W, et al. Abinitio energy-adjusted pseudopotentials for elements of groups 13-17[J]. Mol Phys, 1993, 80: 1431.
- [13]SLATER J C. Statistical exchange-correlation in the selfconsistent field[J]. Adv Quantum Chem, 1972, 6: 1– 92.
- [14] KLAMT A, SCHÜÜRMANN G. COSMO: a new approach to dielectric screening in solvents with explicit expressions for the screening energy and its gradient[J].
 J Chem Soc, Perkin Trans, 1993, 2:799.
- [15] DELLEY B. The conductor-like screening model for polymers and surfaces[J]. Mol Simul, 2006, 32: 117-123.
- [16] NURIA L, JENS K N. Catalytic CO oxidation by a gold nanoparticle: a density functional study[J]. J Am Chem Soc, 2002, 124: 11262-11263.
- [17] HÖLZL J, SCHULTE F K. Work function of metals, in solid surface physics[M]. Springer-Verlag: Berlin, 1979. (编辑 刘 彤)