doi:10.11918/j.issn.0367-6234.2015.03.013

# 多波束卫星系统中低复杂度分组预编码算法

# 王 杨,赵旦峰,廖 希

(哈尔滨工程大学信息与通信工程学院,150001哈尔滨)

摘 要:针对格基约减辅助的 THP (LRA-THP)算法运算复杂度高问题,在一种分组预编码算法的基础上,提出一种适用于多波束卫星系统的低复杂度分组预编码算法,该算法根据波束间的距离对用户进行分组,通过最大化 SSLNR 得到预处理矩阵,抑制组间干扰,各组内采用 LRA-THP 算法,计算预处理矩阵时充分利用多波束卫星信道的特点,降低需要求解的预处理矩阵的维度,从而减小算法的运算复杂度.理论及仿真分析结果显示,该算法的运算量远低于 LRA-THP,与原分组预编码算法相比,该算法的复杂度能够降低 24%,同时性能损失不超过 0.1 dB.另外,该算法中引入一组参数,使其能够灵活地在复杂度与可靠性之间进行折中.

关键词:卫星通信;多波束;预编码;信漏噪比

中图分类号: TN927.2 文献标志码: A

文章编号: 0367-6234(2015)03-0077-06

# Low-complexity group precoding in multi-beam satellite systems

WANG Yang, ZHAO Danfeng, LIAO Xi

(College of Information and Communication Engineering, Harbin Engineering University, 150001 Harbin, China)

**Abstract**: The lattice reduction aided Tomlinson-Harashima precoding (LRA-THP) is computationally intensive. In order to reduce the computational complexity, a low-complexity group precoding algorithm is proposed for multi-beam satellite systems based on an existing group precoding algorithm. Users are split into groups according to the distance between beams in the proposed algorithm. Then, preprocessing matrix is obtained by maximizing the successive signal-to-leakage-plus-noise ratio (SSLNR) to suppress the inter-group interference. The LRA-THP is applied in each group. The characteristic of the multi-beam satellite channel is exploited to reduce the dimension of the preprocessing matrix which results in computational complexity reduction. Simulation results show that the complexity of the proposed algorithm is much less than that of the LRA-THP. Furthermore, the proposed algorithm reduces the complexity over the existing group precoding algorithm by 24% while limiting the performance loss to 0.1 dB. In addition, the proposed algorithm can provide a flexible tradeoff between the performance and complexity.

Keywords: satellite communications; multi-beam; precoding; signal-to-leakage-plus-noise ratio

多波束卫星系统是实现高吞吐量卫星通信的 一种重要方案,可以通过频率复用提高频带利用 率.全频率复用多波束卫星系统可以看作分布式 MIMO系统,从而借鉴 MIMO 预编码以及检测技 术抑制波束间同频干扰<sup>[1-2]</sup>.本文研究多波束卫星 系统前向链路预编码技术.

基金项目:中国博士后科学基金(2011M500640).

文献[3-7]研究低复杂度的迫零和最小均方 误差线性预编码方案在不同结构的多波束卫星系 统中的性能.文献[8-9]将非线性 tomlinsonharashima 预编码(THP)方案用于多波束卫星系 统,能够获得比线性预编码方案更好的误码性能, 但同时增加了系统复杂度.格基约减辅助的 THP (lattice reduction aided THP, LRA-THP)方案利用 格基约减技术,能够进一步提高系统性能,但格基 约减技术的引入使预编码方案的复杂度变得更 高<sup>[10]</sup>.文献[11]针对多用户 MIMO 系统提出一种 基于信漏噪比(signal-to-leakage-plus-noise ratio,

收稿日期: 2015-05-11.

**作者简介:**王 杨(1988—),男,博士研究生;

赵旦峰(1961—),男,教授,博士生导师.

通信作者:赵旦峰, hongjianzyx@126.com.

SLNR)的分组预编码方案,能够获得接近 LRA-THP 的性能,同时降低系统复杂度.该分组预编码 方案同样能够用于多波束卫星系统中,降低 LRA-THP的复杂度.但由于多波束卫星系统中需 要联合处理的点波束很多,因此采用该分组预编 码方案时,系统复杂度依然很高.

卫星通信系统中,通信卫星能量、硬件资源严格受限,因此降低预编码算法复杂度有利于预编码 技术在多波束卫星通信中的应用.本文在文献[11] 中分组预编码方案的基础上,针对多波束卫星系 统提出一种低复杂度分组预编码方案.该方案充 分利用多波束卫星信道的特点,降低预编码算法 的复杂度.

文中 diag $\{x_1, \dots x_N\}$  为由  $x_i$  构成的对角阵; (・)<sup>T</sup> 和(・)<sup>H</sup> 分别为转置和共轭转置;0 为全零矩阵;  $[A]_{ii}$  为矩阵 A 中第 i 行,第 j 列的元素.

1 多波束卫星系统模型

考虑固定多波束卫星系统前向链路. 多波束 天线在地面形成的一簇 K 个波束如图 1 所示,所 有波束均占用相同的频带. 系统采用 TDMA 技 术,每个时隙从各个波束选择一个用户进行数据 传输.假设用户在波束内均匀分布,图 1 中的圆圈 为一组随机的用户位置.每个用户终端包含 1 个 天线,在一个符号周期内发送给第 k 个用户的数 据符号为 z<sub>k</sub>,且分配给每个用户的功率相等,则用 户 k 的接收信号为

$$y_k = \boldsymbol{h}_k \boldsymbol{T} \boldsymbol{z} + \boldsymbol{n}_k. \tag{1}$$

式中 T 为归一化预编码矩阵,使发送信号满足功 率约束条件,即 $E\{z^{H}T^{H}Tz\}=K; z=[z_{1},\cdots z_{K}]^{T}$ 为 原始发送符号向量;  $h_{k}=[h_{k1},\cdots,h_{kK}]$ 为第 k 个 用户与不同波束间信道的衰落因子. $n_{k}$  表示方差 为  $\sigma_{n}^{2}$ 的高斯白噪声.



图1 多波束卫星系统一簇波束示意

联合考虑所有用户的接收信号, 则  $\mathbf{y} = [y_1, \dots, y_K]^T$  可为

$$y = HTz + n. \tag{2}$$

式中:  $\boldsymbol{H} = [\boldsymbol{h}_{1}^{\mathsf{T}}, \cdots \boldsymbol{h}_{K}^{\mathsf{T}}]^{\mathsf{T}}$  表示信道矩阵,  $\boldsymbol{n} = [\boldsymbol{n}_{1}, \cdots, \boldsymbol{n}_{K}]^{\mathsf{T}}$ 表示噪声向量.

固定多波束卫星信道需要考虑路径传播损耗、多波束天线增益以及雨衰<sup>[5]</sup>.天线增益由天线 辐射方向图和用户位置决定.第*j*个波束在用户*i* 处的辐射增益 *b<sub>ij</sub>*可用式(3)表示,图 2 给出一个 波束的辐射方向图.



$$b_{ij}(\theta_{ij}) = \sqrt{b_{\max}} \left( \frac{J_1(u)}{2u} + 36 \frac{J_3(u)}{u^3} \right) , \quad (3)$$

$$\iota = 2.\ 071\ 23\ \frac{\sin\theta_{ij}}{\sin\theta_{_{3dB}}}\,.$$
 (4)

式中: $\theta_{ij}$ 为第*i*个用户通过卫星与第*j*个波束中心的夹角, $\theta_{3dB}$ 为半功率波束宽度的一半, $b_{max} = \left(\frac{\lambda}{4\pi}\right)^2 \frac{1}{d_0^2}$ 为路径传播损耗, $\lambda \ \pi \ d_0$ 分别为波长和卫星轨道高度, $J_1 \ \pi \ J_3$ 为第一类1阶和3阶贝塞尔函数.

降雨衰落 $\xi_{dB} = 20\log_{10}(\xi)$ 可以建模为对数正 太分布的随机变量<sup>[5]</sup>,即ln( $\xi_{dB}$ ) ~  $N(\mu,\sigma^2)$ ,其 中 $\mu$ 和 $\sigma^2$ 为对应正太分布的均值和方差.由于卫 星多波束天线馈源间距远小于信号传播距离,因 此假设不同波束与同一个用户间的降雨衰落因子 相同. $\sqrt{\xi_k} e^{-j\varphi_k}$ 为第k个用户的降雨衰落因子,则 信道矩阵 H 为

 $H = \tilde{H}B.$ 

式中:  $\tilde{H}$  = diag {  $\sqrt{\xi_1} e^{-j\varphi_1}$ , ...,  $\sqrt{\xi_K} e^{-j\varphi_K}$  , 矩阵 **B** 为天线增益矩阵,其中的元素  $b_{ii}$  由式(3) 得到.

## 2 分组预编码算法

该小节简单介绍文献[11]中提出的分组预 编码算法.图 3 给出了该预编码算法的结构框图. 该算法将K个用户分为N组,其中第i组的用户数 为 $g_i$ ,预编码矩阵 $T_i = \beta W_i F_i \cdot \beta$ 为归一化因子,用 于保证发送信号满足功率约束条件.W;用来抑制 第*i*组用户信号到第1,…,*i*-1组的泄露,是通过 最大化 SSLNR (successive SLNR)得到的预处理 矩阵.第 i 组用户对应的 SSLNR 定义为

$$R_{\text{SSLN}_{i}} = \frac{\parallel \boldsymbol{H}_{i} \boldsymbol{W}_{i} \parallel^{2}}{\sum_{l=1}^{i-1} \parallel \boldsymbol{H}_{l} \boldsymbol{W}_{i} \parallel^{2} + g_{i} \sigma_{n}^{2}} = \frac{\operatorname{tr} \{ \boldsymbol{W}_{i}^{\text{H}} \boldsymbol{H}_{i}^{\text{H}} \boldsymbol{H}_{i} \boldsymbol{W}_{i} \}}{\operatorname{tr} \{ \boldsymbol{W}_{i}^{\text{H}} (\boldsymbol{\breve{H}}_{i}^{\text{H}} \boldsymbol{\breve{H}}_{i} + \sigma_{n}^{2} \boldsymbol{I}_{K}) \boldsymbol{W}_{i} \}}$$
(5)

其中
$$\boldsymbol{H}_i = [\boldsymbol{H}_1^{\mathrm{T}}, \cdots, \boldsymbol{H}_{i-1}^{\mathrm{T}}]^{\mathrm{T}}.$$



# 图 3 分组预编码算法结构框图

最大化  $R_{SSLN_i}$  的  $W_i$  存在闭合表达形式

$$\boldsymbol{W}_{i} = \boldsymbol{\rho}_{i} \widetilde{\boldsymbol{W}}_{i} \begin{bmatrix} \boldsymbol{I}_{g_{i}} \\ \boldsymbol{0} \end{bmatrix}$$

式中:  $\tilde{W}_i$ 为( $H_i^{H}H_i$ , $H_i^{H}H_i$ + $\sigma_n^2 I_K$ )的广义特征向 量组成的矩阵,对应的特征值以递减的顺序排 列<sup>[12]</sup>; $\rho_i$ 为归一化因子,使tr{ $W_i^{H} W_i$ } =  $g_i$ .

得到预处理矩阵  $W_i(i = 1, \dots, N)$  后, 对各组 用户对应的等效信道矩阵 $(H_i W_i)^{H}$ 进行格基约 减运算,可得

$$\boldsymbol{\Gamma}_i = (\boldsymbol{H}_i \boldsymbol{W}_i)^{\mathrm{H}} \boldsymbol{B}_i.$$
 (6)

式中 $B_i$ 为幺模转换矩阵,对 $\Gamma_i$ 进行 QR 分解

$$\Gamma_i = Q_i R_i. \tag{7}$$

令 
$$\boldsymbol{D}_i = \operatorname{diag}\left\{\frac{1}{[\boldsymbol{R}_i]_{1,1}}, \cdots, \frac{1}{[\boldsymbol{R}_i]_{g_i,g_i}}\right\}, \boldsymbol{\mathcal{M}} \boldsymbol{F}_i$$
 和

 $C_{i,j}$ 为

$$\boldsymbol{F}_i = \boldsymbol{Q}_i \boldsymbol{G}_i, \qquad (8)$$

$$\boldsymbol{C}_{i,j} = \begin{cases} \boldsymbol{R}_i^{\mathrm{H}} \boldsymbol{G}_i - \boldsymbol{I}_{g_i}, & i = j; \\ \boldsymbol{B}_i^{\mathrm{H}} \boldsymbol{H}_i \boldsymbol{W}_j \boldsymbol{F}_j, & i > j. \end{cases}$$
(9)

最后,得到**B** = diag  $\{B_1, \dots, B_N\}$ ; C为子矩阵  $C_{ij}$ 构成的下三角阵; $T = [T_1, \cdots, T_N]$ .

A

计算 W<sub>i</sub> 需要进行广义特征分解.对 n 维矩阵 束(A,B)的广义特征分解需要的浮点运算量为 14n<sup>3[13]</sup>.因此计算 W; 的运算量为 14K<sup>3</sup>.当K 较大 时,算法运算复杂度很高.

低复杂度分组预编码算法 3

ſ

#### 3.1 算法原理

在文献[11]中分组预编码算法的基础上,提

出一种基于 SLNR 的低复杂度分组预编码算法,充 分利用多波束卫星信道的特点,减小需要求解的预 编码矩阵的维度,从而减小广义特征分解以及矩阵 乘法中矩阵的维度,降低算法的运算量.

多波束卫星系统中,由于每个波束天线辐射 存在指向性,因此相距很远的两个波束间的影响 很小.以图 1 中波束 2 和波束 18 为例,假设各个 波束的辐射方向图如图 2 所示.波束 2 中的用户 距波束 18 中心的最小距离为 5 倍波束半径,可 得  $\theta_{2,18} \ge 1.5$ ,则归一化的信道衰落因子  $\overline{h}_{2,18} \le$  $2.3 \times 10^{-3} \xi_1 e^{-j\varphi_1}$ .另外,波束 2 中的用户与该波束 间的信道衰落因子 $\bar{h}_{2,2} \ge 0.7\xi_1 e^{-j\varphi_1}$ . 波束 2 中用 户接收到的来自波束 18 和波束 2 的信号功率之 比为

$$\eta = \frac{|\bar{h}_{2,18}|^2}{|\bar{h}_{2,2}|^2} \le 1 \times 10^{-5}.$$

可见,波束18中发送的信号对波束2中的用 户影响很小,用户接收信号能量主要来自距用户 较近的波束.本文提出的算法将充分利用这一特 点降低预编码算法的复杂度.

假设对K个用户按如下方式进行分组

 $G_1 = \{1, 2, \dots, 7\}; G_2 = \{8, 9, \dots, 12\};$ 

 $G_3 = \{13, 14, \cdots, 19\}.$ 

则第1组用户的接收信号

 $y_{1} = H_{1}T_{1}\tilde{x}_{1} + H_{1}T_{2}\tilde{x}_{2} + H_{1}T_{3}\tilde{x}_{3} + n_{1}.$  (10) 等式右侧第一项为有用信号. 令 H<sub>1</sub> =  $[H_{11}, H_{12}]$ ,其中 $H_{11}$ 为 $g_1 \times (K - r_1)$ 的子矩阵;  $H_{12}$ 为 $g_1 \times r_1$ 的子矩阵.将有用信号项展开

 $H_{1}T_{1}\tilde{x}_{1} = H_{11}T_{11}\tilde{x}_{1} + H_{12}T_{21}\tilde{x}_{1}.$ (11)

由对信道特点的分析可得,适当选择 r<sub>1</sub>的 值,可以使  $\|\boldsymbol{H}_{12}\|^2 / \|\boldsymbol{H}_{11}\|^2 \ll 1$ ,此时式(11) 中第二项提供的增益远小于第一项提供的增益. 因此,为降低求解预编码矩阵的复杂度,考虑令  $T_{21} = 0$ ,即预编码时有  $r_1$ 个波束不发送该组用户 数据.

由 
$$T_1 = \beta W_1 F_1 = \beta \begin{bmatrix} W_{11} \\ W_{21} \end{bmatrix} F_1, 可得 W_{21} = 0.$$

式(5) 变为

$$R_{\text{SSLN}_{i}} = \frac{\operatorname{tr} \{ \boldsymbol{W}_{11}^{\text{H}} \boldsymbol{H}_{11}^{\text{H}} \boldsymbol{H}_{11} \boldsymbol{W}_{11} \}}{\operatorname{tr} \{ \boldsymbol{W}_{11}^{\text{H}} (\boldsymbol{\breve{H}}_{11}^{\text{H}} \boldsymbol{\breve{H}}_{11} + \boldsymbol{\sigma}_{n}^{2} \boldsymbol{I}_{K-r_{1}}) \boldsymbol{W}_{11} \}}.$$
 (12)

式中 $\tilde{H}_{11}$ 是 $\tilde{H}_1$ 的前 K – r<sub>1</sub>列构成的子矩阵.最优 解  $W_1 = [W_{11}^T, 0^T]^T$ 可以通过对矩阵束( $H_{11}^H H_{11}$ ,  $\hat{H}_{11}^{\text{H}} \hat{H}_{11} + \sigma_n^2 I_{K-n}$ )进行广义特征分解得到,运算 复杂度降低为  $14(K - r_1)^3$ .利用相同的原理也可

以减小求解 W<sub>2</sub> 和 W<sub>3</sub> 时的运算量.

得到 预 处 理 矩 阵 *W<sub>i</sub>*(*i* = 1,2,3) 后,由 式(6)~(9)可以得到*B*、*C*和*T*.由于*W<sub>i</sub>*(*i*=1,2, 3)中包含全零的子矩阵,因此式(6)、(9)中的矩 阵乘法的运算量同样可以降低.

为分析预编码矩阵维度的降低对算法性能的 影响,本文定义用户平均信干噪比

$$R_{\rm SIN} = \frac{\sum_{i=1}^{N} \| \boldsymbol{H}_{i} \boldsymbol{T}_{i} \tilde{\boldsymbol{x}}_{i} \|^{2}}{\sum_{i=1}^{N} \sum_{l=i+1}^{N} \| \boldsymbol{H}_{i} \boldsymbol{T}_{l} \tilde{\boldsymbol{x}}_{l} \|^{2} + K \sigma_{n}^{2}} = \frac{\sum_{i=1}^{N} \| \boldsymbol{\beta} \boldsymbol{H}_{i} \boldsymbol{W}_{i} \boldsymbol{F}_{i} \tilde{\boldsymbol{x}}_{i} \|^{2}}{\sum_{l=2}^{N} \sum_{i=1}^{l-1} \| \boldsymbol{\beta} \boldsymbol{H}_{i} \boldsymbol{W}_{l} \boldsymbol{F}_{l} \tilde{\boldsymbol{x}}_{l} \|^{2} + K \sigma_{n}^{2}}.$$
 (13)  
$$\stackrel{\text{H}}{=} \text{Bayleigh-Bitz} \stackrel{\text{GFH}^{[11]}}{=} \Pi \langle \boldsymbol{\Xi} \boldsymbol{\Xi} \rangle.$$

$$\boldsymbol{W}_{i}^{\mathrm{H}} \boldsymbol{H}_{i}^{\mathrm{H}} \boldsymbol{H}_{i} \boldsymbol{W}_{i} = \boldsymbol{\rho}_{i}^{2} \operatorname{diag} \{\boldsymbol{\lambda}_{i,1}, \cdots, \boldsymbol{\lambda}_{i,g_{i}}\},\$$

 $\boldsymbol{W}_{i}^{\mathrm{H}}(\boldsymbol{H}_{i}^{\mathrm{H}}\boldsymbol{H}_{i}+\sigma_{n}^{2}\boldsymbol{I})\boldsymbol{W}_{i}=\boldsymbol{\rho}_{i}^{2}\boldsymbol{I}.$ (14) 式中 $\boldsymbol{\lambda}_{i,1},\cdots,\boldsymbol{\lambda}_{i,g_{i}}$ 为 $\boldsymbol{W}_{i}$ 中广义特征向量对应的 $\boldsymbol{g}_{i}$ 

个广义特征值.令 $\bar{\lambda}_i = 1/g_i \sum_{j=1}^{g_i} \lambda_{i,j}; \bar{x}_i = \beta F_i \bar{x}_i$ .由于  $F_i$ 为列正交矩阵且发送功率已进行归一化,因此 在高信噪比条件下 $R_{SIN}$ 可近似为

$$R_{\text{SIN}} \approx \frac{\sum_{i=1}^{N} \operatorname{tr} \{ \rho_{i}^{2} \, \overline{\boldsymbol{x}}_{i}^{\text{H}} \, \operatorname{diag} \{ \boldsymbol{\lambda}_{i,1}, \cdots, \boldsymbol{\lambda}_{i,g_{i}} \} \, \overline{\boldsymbol{x}}_{i} \}}{\sum_{l=2}^{N} \rho_{l}^{2} \, \| \, \overline{\boldsymbol{x}}_{l} \|^{2} + K \sigma_{n}^{2}} \approx \frac{\sum_{i=1}^{N} \rho_{i}^{2} \, \overline{\boldsymbol{\lambda}}_{i} g_{i}}{\sum_{l=2}^{N} \rho_{l}^{2} \, g_{l} + K \sigma_{n}^{2}}.$$
(15)

低复杂度分组预编码算法中,进行广义特征 分解的矩阵束的维度降低,影响广义特征值及 $\rho_i$ , 从而影响系统性能.

#### 3.2 复杂度分析

算法的运算量主要集中于广义特征分解、格基约减和 QR 分解,因此本文重点考虑完成这 3 种运算需要的浮点运算次数.

假设对第 *i* 组用户数据预编码时,不发送该 组用户数据的波束数为 *r<sub>i</sub>*,则计算 *N* 个预处理矩 阵需要的运算量为  $14\sum_{i=1}^{N} (K - r_i)^3$ .

利用文献[14]中 CLLL 算法实现格基约减,则完成所有分组的格基约减运算需要的运算量为  $\sum_{i=1}^{N} O(g_{i}^{4} \log g_{i}).$ 

对 n 维方阵进行 QR 分解需要的浮点运算量 为  $4n^3/3$ ,因此完成 N 次 QR 分解的运算复杂度为  $\sum_{i=1}^{N} 4g_i^3/3$ .

综上,本文提出算法的运算复杂度约为

$$\sum_{i=1}^{N} \left[ 14(K - r_i)^3 + O(g_i^4 \log g_i) + 4g_i^3/3 \right].$$

与原分组预编码算法相比,本文算法复杂度的降低主要集中在计算 $W_i$ 的过程中,计算复杂度由 14*NK*<sup>3</sup>降低为 14 $\sum_{i=1}^{N} (K - r_i)^3$ .可见 $r_i$ 越大,本文算法减小的运算量越大.

# 4 仿真结果及分析

利用 MATLAB 建立多波束卫星系统前向链路仿真模型,以图 1 所示 19 个波束为一簇,用户位置随机产生,如图 1 中圆圈所示.表 1 给出了多波束卫星系统模型的参数.通过蒙特卡罗仿真分析本文算法在不同分组方案、不同  $r_i$  条件下的运算复杂度及误码性能,并与文献[11]中的分组预编码算法进行比较.所有仿真均进行 3 000 次蒙特卡罗实验.文献[11]中分组预编码和本文算法分别用 BLR-SSLNR-THP 和 LC-BLR-SSLNR-THP 表示.本文不考虑用户分组优化问题,重点分析算法在下面两种简单但非常有效的分组方案下的性能.利用 GS1 和 GS2 分别表示第一种和第二种分组方案.不同分组方案及不同  $r_i$  参数下的预编码算法用 GSi -  $(r_1, \dots, r_N)$ 表示.

第一种分组方案:将 K 个用户分为 3 组 G<sub>1</sub> = {1,2,...,7};G<sub>2</sub> = {8,9,...,12};G<sub>3</sub> = {13,14,...,19}

第二种分组方案:将K个用户分为5组  $G_1 = \{1,2,3\}; G_2 = \{4,5,6,7\}; G_3 = \{8,9,\dots,12\}$  $G_4 = \{13,14,15,16\}; G_5 = \{17,18,19\};$ 

表1 多波束卫星系统模型参数

参数	频带/Hz	波束数	半功率波束 宽度/(°)	卫星轨道 高度/Km	降雨衰落 均值/dB	降雨衰落 方差/dB	调制方式
值	Ka (20G)	19	0.6	35 786	-2.6	1.63	16QAM

利用式(15),在3000个信道衰落采样点下 计算用户平均信干噪比.采用 BLR-SSLNR-THP 和 LC-BLR-SSLNR-THP 方案时的结果见图 4.结果显示提出的低复杂度方案的性能损失很小,平均信







图 4 不同预编码方案用户平均信干噪比

表 2、3 给出不同分组方案、不同 r<sub>i</sub>条件下,两 种算法的浮点运算次数.结果显示 r<sub>i</sub>越大,本文算 法的复杂度越低,相比 BLR-SSLNR-THP 的复杂 度降低越显著.另外,LRA-THP 算法的复杂度约 为 1.34×10<sup>6</sup>.可见,两种分组预编码算法的复杂度 均远低于 LRA-THP.图 5 为不同用户数情况下 2 种分组预编码算法的浮点运算次数,两种算法中 均将用户分为 3 组,其中本文算法参数 r<sub>i</sub>为(3,0, 3).由图中结果可看出用户数越多,本文算法复杂 度的降低也越明显.

表 2 BLR-SSLNR-THP 复杂度

分组方案	BLR-SSLNR-THP					
GS1	$3.25 \times 10^5$					
GS2	4. $87 \times 10^5$					
表 3 LC-BLR-SSLNR-THP 复杂度						
分组方案	LC-BLR-SSLNR-THP					
GS1-(3,0,3)	2. $47 \times 10^5$					
GS1-(7,0,7)	$1.81 \times 10^{5}$					
GS1-(7,2,7)	$1.54 \times 10^5$					
GS2-(7,3,0,3,7)	2. $66 \times 10^5$					
GS2-(7,7,2,7,7)	$1.72 \times 10^5$					
3.5 3.0 3.0 3.0 3.0 → BLR-SSLNR → LC-BLR-SSL 公 2.0 5 公 2.0 5 1.5 1.0 0.5	THP P NR-THP					

#### 图 5 不同用户数时预编码算法的运算复杂度

14

用户数

16

18

12

10

20

0

图 6 给出 LC-BLR-SSLNR-THP 在 GS1-(7, 0,7)条件下的误码性能,同时给出 LRA-THP 和 BLR-SSLNR-THP 的性能.与 BLR-SSLNR-THP 算 法相比,本文算法的误码性能损失约 0.4 dB.同

时,由表 2、3 结果可看出,在该条件下本文算法的 复杂度降低了约 44.3%.



图 6 不同预编码算法的误码性能

在第一种分组方案下对 BLR-SSLNR-THP 和 LC-BLR-SSLNR-THP 的误码性能进行仿真,结果 见图 7.图中给出本文算法在不同 r<sub>i</sub>条件下的性 能.结果显示,在 GS1-(3,0,3)条件下,本文算法 的运算量降低了 24%,同时性能损失<0.1 dB;在 GS1-(7,2,7)条件下,算法的性能比 BLR-SSLNR-THP 差约1 dB,但降低的复杂度超过 52%;可见, 本文算法可以在几乎不损失性能的情况下,将运 算复杂度降低 24%.表4给出不同 r<sub>i</sub>时,LC-BLR-SSLNR-THP 的浮点运算次数和误比特率达到 10<sup>-4</sup>时的信噪比.表中结果显示,通过调整参数 r<sub>i</sub>, 本文算法能够在误码性能和复杂度之间进行折 中.

表 4	LC-BLR-SSLNR-THP	在不同 $r_i$	条件下的性能比
表 4	LC-BLR-SSLNR-THP	在不同 $r_i$	条件下的性能比

算法参数	浮点运算次数	信噪比/dB
GS1-(3,0,3)	2. 47×10 <sup>5</sup>	23.2
GS1-(5,0,5)	2. $10 \times 10^5$	23.4
GS1-(7,0,7)	$1.81 \times 10^{5}$	23.6
GS1-(7,2,7)	1. $54 \times 10^5$	24.0



图 7 第一种分组方案下分组预编码算法的性能

图 8 中的结果为本文算法在第二种分组方案 下的误码性能曲线.对比不同 r<sub>i</sub>条件下的算法性 能,同样可看出 r<sub>i</sub>越大,算法性能损失越大,同时 复杂度降低也越多.在 GS2-(7,3,0,3,7)条件下, 算法性能损失约为 0.1 dB,此时复杂度降低了约 45.3%.另外,与算法在第1种分组方案下的性能 相比,在第二种分组方案下获得相同的误码性能 需要更多的运算量,但算法的灵活性更高.



图 8 第二种分组方案下分组预编码算法的性能

## 5 结 语

本文在文献[11] 基于 SLNR 的分组预编码算 法基础上,提出一种适用于多波束卫星系统的低 复杂度分组预编码算法.该算法充分利用多波束 卫星信道特点降低运算复杂度.在不同分组方案、 不同 r<sub>i</sub>条件下分析算法的运算量及误码性能,结 果显示,本文算法能够显著地降低 LRA-THP 的复 杂度.而相比原分组预编码算法,本文算法能够将 运算复杂度降低 24%,同时使性能损失低于 0.1 dB.改变本文算法中的参数 r<sub>i</sub>,能够进一步降低算 法复杂度,并在复杂度与误码性能之间取得灵活 的折中.

# 参考文献

- [1] VIDAL O, VERELST G, LACAN J, et al. Next generation high throughput satellite system[C]//Proceedings of IEEE
   First AESS European Conference on Satellite Telecommunications. Rome: IEEE, 2012: 1–7.
- [2] ARAPOGLOU P,LIOLIS K,BERTINELLI M, et al. MIMO over satellite: a review [J]. IEEE Communications Surveys & Tutorials, 2011, 13(1): 27–51.
- [3] COTTATELLUCCI L, DEBBAH M, GALLINARO G, et al. Interference mitigation techniques for broadband satellite systems [C]//Proceedings of 24th AIAA International Communications Satellite Systems Conference. San Diego: AIAA, 2006: 329-341.
- [4] DI CECCA F, GALLINARO G, TIRRÒ E, et al. Onground beamforming and interference cancellation for next generation mobile systems [C]//Proceedings of AIAA International Communications Satellite System Conference. Ottawa: AIAA, 2012.

- [5] CHRISTOPOULOS D, CHATZINOTAS S, ZHENG G, et al. Linear and nonlinear techniques for multibeam joint processing in satellite communications [J]. EURASIP Journal on Wireless Communications and Networking, 2012, 2012(1): 1-13.
- [6] ARNAU J, DEVILLERS B, MOSQUERA C, et al. Performance study of multiuser interference mitigation schemes for hybrid broadband multibeam satellite architectures [J]. EURASIP Journal on Wireless Communications and Networking, 2012, 2012(1): 1–19.
- [7] TRONC J, ANGELETTI P, SONG N, et al. Overview and comparison of on-ground and on-board beamforming techniques in mobile satellite service applications [J]. International Journal of Satellite Communications and Networking, 2014, 32(4): 291-308.
- [8] DIAZ M A, COURVILLE N, MOSQUERA C, et al. Non-linear interference mitigation for broadband multimedia satellite systems [C]//Proceedings of International Workshop on Satellite and Space Communications. Salzburg: IEEE, 2007: 61-65.
- [9] ZHENG Wei, LI Jianbo, LUO Yong, et al. Multi-user interference pre-cancellation for downlink signals of multi-beam satellite system [C]//Proceedings of International Conference on Consumer Electronics, Communications and Networks. Xianning: IEEE, 2013: 415-418.
- [10] POGGIONI M, BERIOLI M, BANELLI P. BER performance of multibeam satellite systems with Tomlinson-Harashima precoding [C]//Proceedings of IEEE International Conference on Communications. Dresden: IEEE, 2009: 1-6.
- [11] CHEN C, CHO T, CHUNG W. Block-lattice-reductionaided Tomlinson-Harashima precoder designs for MU-MIMO downlink communications with clusters of correlated Users [J]. IEEE Transactions on Vehicular Technology, 2014, 63(3): 1146-1159.
- [12] SADEK M, TARIGHAT A, SAYED A H. A leakagebased precoding scheme for downlink multi-user MIMO channels [J]. IEEE Transactions on Wireless Communications, 2007, 6(5): 1711-1721.
- [13] CHEN Rui, LI Jiandong, LI Changle, et al. Multi-user multi-stream vector perturbation precoding [J]. Wireless Personal Communications, 2013, 69(1): 335-355.
- [14] GAN Y H, LING C, MOW W H. Complex lattice reduction algorithm for low-complexity full-diversity MIMO detection [J]. IEEE Transactions on Signal Processing, 2009, 57(7): 2701-2710.

(编辑 苗秀芝)