doi:10.11918/j.issn.0367-6234.2015.05.008

# 大型挠性航天器刚柔耦合动特性分析

### 张巍耀,高晶波,王 聪

(哈尔滨工业大学 航天学院, 150001 哈尔滨)

摘 要:为研究装载周边桁架式可展开天线的航天器在进行姿态调整时的动态响应特性,建立了航天器动力学模型,并 对姿态调整过程的动态响应进行数值求解.首先建立由可展开天线、太阳帆板和中心平台组成的整星有限元模型并求出 无约束边界条件下的固有频率和振型.通过有限元模型和 Adams 联合仿真建立航天器零次刚柔耦合动力学模型并求得 姿态调整过程整星的位移和转角以及太阳帆板和可展开天线的动态响应.结果表明:整星的低阶模态特性主要体现在太 阳帆板和天线连接杆的变形上,而天线结构无变形;航天器在进行姿态调整时,挠性部件在做大范围整体运动的同时发 生显著的结构振动;航天器完成姿态调整后天线几何中心点在平衡位置附近继续振荡.

关键词: 桁架式可展开天线;模态特性;刚柔耦合;动态响应

中图分类号: V414.5 文献标志码: A 文章编号: 0367-6234(2015)05-0046-04

# Rigid-flexiblecoupling dynamic analysis of the spacecraft installing large flexible attachments

ZHANG Weiyao, GAO Jingbo, WANG Cong

(School of Astronautics, Harbin Institute of Technology, 150001 Harbin, China)

Abstract: The mechanical model of the spacecraft equipped with the hoop truss deployable antenna was developed and its characteristic of dynamic responses in the stage of attitude adjustments are solved numerically. Firstly the FE model composed of the central platform, solar panels and deployable antenna was established and its natural frequencies and mode shapes in the unconstrained condition were calculated. By the union simulation of FEM and Adams the zero-order rigid-flexible coupling dynamic model of the spacecraft was set up, and then the model's translation and rotation angle as well as dynamic responses of solar panels and the deployable antenna in the process of attitude adjustments were given. Results show that the lower order mode shapes of the model are mainly from the antenna's connecting link and solar panels' deformation while the antenna's shape is fixed. In the procedure of attitude adjustments, the spacecraft's flexible attachments can deform elastically along with rigid motions and the vibration is rather serious. The antenna's geometry central point keeps vibrating around the equilibrium position even though attitude adjustments are finished.

Keywords: hoop truss deployable antenna, modal characteristic, rigid-flexible coupling, dynamic responses

周边桁架式天线又称环形可展开天线,主要应用于空间飞行器对地观测任务,是一种极具应用前景的星载天线结构<sup>[1]</sup>.20世纪90年代美国 TRW Astrospace 公司研发的空间可展开天线 Astromesh 是最早应用于工程实际的周边桁架式 天线.该天线于 2000年12月5日入轨服役<sup>[2]</sup>. Astromesh 由周边桁架、上下柔性索网、调节索和 金属反射丝组成,人轨完全展开后口径可达 12.25 m,质量仅为55 kg,具有口径可变范围大、 收缩率高、变形小、型面精度高等优点.在一定范 围内增加天线尺寸不会改变自身结构,单位尺度 质量并不成比例增加,反而呈大幅下降趋势<sup>[3]</sup>.然 而反射面预应力求解难度大、型面精度要求过高、 结构展开技术过于复杂以及严酷的太空环境等均 是周边桁架式天线投入实际应用过程中所面临的 难题<sup>[4-6]</sup>.Mobrem 等<sup>[7]</sup>对 Astromesh 空间飞行器

收稿日期: 2014-07-01.

作者简介:张巍耀(1990—)男,硕士研究生;

王 聪(1966—)男,教授,博士生导师.

通信作者:高晶波, gaojb@ hit.edu.cn.

的质量特性、固有频率和振型做了详细研究,并讨 论了热变形、装配误差和外界扰动对天线膜面精 度的影响.Stegman 等<sup>[8]</sup>用口径 5 m 的 Astromesh 天线模拟了太空环境的地面热变形试验,得到了 膜面温度分布情况以及节点变形位移等实验结 果. Chodimella 等<sup>[9]</sup> 对满足 NASA 未来对地观测 任务需求的 35 m 口径 Astromesh 天线设计方案进 行了可行性分析,并研究了天线的结构质量特性 以及受到太阳辐射后结构的热变形,提出了一种 保持反射面膜面精度的主动控制方案.国内研究 人员主要从结构设计与样机试验、反射面预应力 计算和天线结构动力学特性等方面展开研究.西 北工业大学、浙江大学和哈尔滨工业大学对空间 可展开天线的结构设计和展开机理做了相应研 究<sup>[10-12]</sup>.闫军等<sup>[13]</sup>建立了 12.25 m 口径天线非线 性有限元模型,得到了天线结构的固有频率和振 型.西安电子科技大学对天线反射面预应力计算 和精度控制做了详尽研究<sup>[14]</sup>.

航天器在进行姿态调整时会对挠性附件的运 动状态产生一定的影响.卫星平台的平移或转动会 激发挠性附件的弹性振动.由于结构刚度较低且真 空环境下无空气阻尼效应,挠性附件的弹性振动难 以抑制.这不仅不利于中心平台的姿态稳定,而且 会对挠性附件的正常工作产生有害影响.因此研究 航天器调姿过程动态响应特性对挠性附件振动抑 制和提高中心平台姿态稳定性具有重要意义.本文 首先研究了挠性航天器的结构动力学特性,通过建 立有限元模型求解整星的固有频率和振型.利用有 限元模型和多体动力学软件 Adams 建立航天器零 次刚柔耦合动力学模型,最后对航天器姿态调整过 程动态响应进行了数值仿真求解.

1 动力学模型

挠性航天器的中心平台可视作刚体,挠性附件如可展开天线和太阳帆板等在同中心刚体作整体平移和转动的同时还发生着结构振动,这是典型的刚柔耦合动力学问题<sup>[15]</sup>.

如图 1 所示, e<sup>r</sup> 为惯性坐标系, e<sup>b</sup> 为浮动坐标 系,则航天器任意一点 p 的位置向量为

$$\boldsymbol{r} = \boldsymbol{r}_0 + \boldsymbol{A}(\boldsymbol{s}_p + \boldsymbol{u}_p). \tag{1}$$

式中: r 为点 p 在惯性系下的位置向量;  $r_0$  为  $e^b$  原 点在惯性系的坐标向量; A 为方向余弦矩阵;  $s_p$  为 点 p 在  $e^b$  的位置向量;  $u_p$  为相对变形量, 采用模态 坐标表示为

$$\boldsymbol{u}_{p} = \boldsymbol{\Phi}_{p} \boldsymbol{q}_{f}$$
. (2)  
式中  $\boldsymbol{\Phi}_{p}$  为点  $p$  的模态振型矩阵,  $\boldsymbol{q}_{f}$  为广义位移. 由

式(1) 可得柔性体上任意一点p的速度和加速度为  $\dot{\mathbf{r}}_p = \dot{\mathbf{r}}_0 + \dot{\mathbf{A}}(\mathbf{s}_p + \mathbf{u}_p) + \mathbf{A}\boldsymbol{\Phi}_p \dot{\mathbf{q}}_f,$  (3)

 $\ddot{\boldsymbol{r}}_{p} = \ddot{\boldsymbol{r}}_{0} + \ddot{\boldsymbol{A}}(\boldsymbol{s}_{p} + \boldsymbol{u}_{p}) + 2\dot{\boldsymbol{A}}\boldsymbol{\Phi}_{p}\dot{\boldsymbol{q}}_{f} + \boldsymbol{A}\boldsymbol{\Phi}_{p}\ddot{\boldsymbol{q}}_{f}.$ (4)



图1 柔性航天器示意

选取浮动坐标系的位置坐标和柔性体的模态 坐标作为广义坐标 **ξ**,即

 $\boldsymbol{\xi} = [x, y, z, \boldsymbol{\psi}, \boldsymbol{\theta}, \boldsymbol{\phi}, q_i]^{\mathrm{T}} = [\boldsymbol{r} \quad \boldsymbol{\psi} \quad \boldsymbol{q}]^{\mathrm{T}}.$  (5) 式中 *i* = 1, 2, …, *M*. 则点 *p* 的速度表达式(3) 可以 表示为

 $v_p = [I - A(s_p + u_p)B A \Phi_p]$ 矣. (6) 式中 B 为欧拉角的时间导数与角速度之间的转换 矩阵.柔性体的动能和势能为

$$T = \frac{1}{2} \int_{V} \rho \boldsymbol{v}^{\mathrm{T}} \boldsymbol{v} \mathrm{d} V \approx \frac{1}{2} \sum_{p} m_{p} \boldsymbol{v}_{p}^{\mathrm{T}} \boldsymbol{v}_{p} + \boldsymbol{\omega}_{p}^{GBT} \boldsymbol{I}_{p} \boldsymbol{\omega}_{p}^{GB},$$
(7)

$$W = W_g(\boldsymbol{\xi}) + \frac{1}{2}\boldsymbol{\xi}^{\mathrm{T}}\boldsymbol{K}\boldsymbol{\xi} = \int_{W} \rho[\boldsymbol{r}_B + \boldsymbol{A}(\boldsymbol{s}_p + \boldsymbol{K}\boldsymbol{\xi})]$$

$$\boldsymbol{\Phi}_{\boldsymbol{p}}\boldsymbol{q})^{\mathrm{T}}]g\mathrm{d}W + \frac{1}{2}\boldsymbol{\xi}^{\mathrm{T}}\boldsymbol{K}\boldsymbol{\xi}.$$
(8)

式中 $m_p$ 和 $I_p$ 分别为节点p的质量和惯性张量,  $\omega_p^{GB} = B_p \dot{\psi}$ 为点p相对于全局坐标基的角速度在 局部坐标基中的斜方阵表示.运用拉格朗日乘子 法建立柔性体的运动微分方程为

$$\boldsymbol{M}\boldsymbol{\ddot{\xi}} + \boldsymbol{M}\boldsymbol{\dot{\xi}} - \frac{1}{2} \left[ \frac{\partial \boldsymbol{M}}{\partial \boldsymbol{\xi}} \boldsymbol{\dot{\xi}} \right]^{\mathrm{T}} \boldsymbol{\dot{\xi}} + \boldsymbol{K}\boldsymbol{\xi} + \boldsymbol{F}_{g} + \boldsymbol{C}\boldsymbol{\dot{\xi}} + \left[ \frac{\partial \boldsymbol{\psi}}{\partial \boldsymbol{\xi}} \right]^{\mathrm{T}} \boldsymbol{\lambda} = \boldsymbol{Q}.$$
(9)

式中M、K和C分别为质量、刚度和阻尼矩阵, $F_s$ 为广义重力, $\lambda$ 为拉格朗日乘子,Q为广义外力.

#### 2 有限元模型

参考文献[9,16-17]建立口径 12.5 m 的周 边桁架式可展开天线有限元模型.框架采用梁单 元等效,前后索网和拉锁使用杆单元等效,预张力 通过力密度法求出.反射网采用膜单元等效,其预 张力通过降温法获得,即

$$\varepsilon = \alpha (T - T_{\rm ref}) \ . \tag{10}$$

式中: α 为热膨胀系数; T 和 T<sub>ref</sub> 分别为当前温度和 参考温度; ε 为预应变.卫星平台有限元模型参照 我国东方红 3 A 建立<sup>[18]</sup>.当卫星完全展开锁定后, 部件之间的连接方式等效为刚性连接.通过采用多 点约束将天线和太阳帆板与中心平台连接可以得 到整星有限元模型, 如图 2 所示.

自由边界条件下有限元模型一至六阶模态为 刚体模态.表1为天线与平台间连杆长度*l*为 7338 mm时整星七至十二阶固有频率和振型.





表1 有限元模型固有频率和振型

阶次	固有频率/Hz	模态振型描述
7	0. 254	整体绕 Z 轴转动,太阳帆板弯曲变形,天线无结构变形.
8	0. 276	太阳帆板弯曲变形,卫星平台和天线保持静止且无变形.
9	0. 507	整体绕 Z 轴转动,太阳帆板弯曲变形,天线无结构变形.
10	0. 696	整体绕 Y 轴转动,连接杆在 X - Z 平面内弯曲变形,天线随连接杆做整体运动,无结构变形.
11	0. 794	整体绕 X 轴转动,连接杆在 Y - Z 平面内弯曲变形,天线随连接杆做整体运动,无结构变形.
12	0.939	整体绕 X 轴转动,太阳帆板在 Y - Z 平面内运动,天线不发生结构变形.

在低阶模态中整星振型特性主要体现在太阳 帆板和连接杆的变形上,天线无明显的结构变形. 事实上从第十八阶模态开始,天线结构才发生明 显变形.表 2 给出了连接杆取不同长度时整星的 固有频率.

防次 l = 7 338 mm l = 9 784 mm l = 12 229 mm l = 14 675	_				
固有频率/Hz	DIC	l = 7338  mm	l = 9.784  mm	l = 12.229  mm	<i>l</i> = 14 675
	RAY/P				

表 2 不同连接杆长度整星固有频率

	t = 7.556 mm	<i>i</i> – 9 / <del>04</del> mm	i = 12.229 mm	i = 140/3  mm
7	0. 254	0. 252	0. 250	0. 247
8	0.276	0.276	0.276	0.276
9	0.507	0.492	0.479	0.467
10	0.696	0. 599	0. 527	0.471
11	0.794	0.737	0.686	0.641
12	0.939	0.937	0.935	0. 933

可以发现,连接杆的增长会使整星的固有频 率降低.然而对于第八阶模态而言,连接杆长度增 加其固有频率保持不变.这是由于第八阶振型特 性主要体现在太阳帆板的变形上,整星和天线保 持静止且连接杆和天线无结构变形,因此连接杆 长度增加对第八阶固有频率影响较小.

3 刚柔耦合动力学仿真

挠性航天器在轨运行且受到外界激励时的动态响应求解属于刚柔耦合动力学范畴,可以采用 有限元+Adams 联合求解.即将有限元模型的模态 结果导入 Adams,建立整星零次刚柔耦合动力学 模型.柔性部件上任意一点的运动等效为刚体位 移和变形位移的叠加.变形位移采用模态叠加法 (式(2))表示.整星在初始时刻为静平衡状态.模 型的阻尼为:固有频率在 100 Hz 以下的模态阻尼 率为1%;固有频率在100~1000 Hz的模态阻尼 率为10%;固有频率在1000 Hz以上的模态阻尼 率为100%.

图 3 为中心平台所受推力,其中  $F_1 \cong F_4$ 的推力如图 4(a)所示,  $F_5 \cong F_8$ 的推力如图 4(b)所示. 整星在推力的作用下绕质心沿 Y 轴旋转.图 5 为整 星质心不同方向的位移.图 6 显示了航天器绕质心 沿 Y 轴旋转的角度.可以发现,在姿态调整过程中, 整星质心位置并不改变,仅姿态角发生变化.



图 3 调姿发动机推力布局



图 7、8 为连接杆和天线的连接点 N<sub>1</sub>(图 2)的 位移曲线.当卫星完成调姿后,连接杆继续在平衡 位置处振动.图 9(a)为整个姿态调整过程天线几何 中心的运动轨迹,图 9(b)为调姿结束后几何中心 的运动轨迹.由于连接杆的弹性振动,在航天器完成调姿后,天线几何中心仍然在一定区域内振荡.



-3.24

-3.25

18.5 <sup>0.02</sup>

Y/m

18.0

X/m

图 9 天线几何中心运动轨迹

-0.02 17.0 17.5

(a)整个姿态调整过程

18.48

X/m

18.47

-0.02 18.46

(b)平衡状态

-6.0

-7.00.02

Y/m

图 10 为姿态调整过程太阳帆板最远自由端的中心处节点 N<sub>2</sub>(图 2)X 方向振动位移(变形位移)及其傅里叶变换.由节点 N<sub>2</sub>自由振动部分位移曲线的傅里叶变换可以识别整星的第八、九、十阶模态.

![](_page_3_Figure_6.jpeg)

![](_page_3_Figure_7.jpeg)

#### 4 结 论

1)整星的低阶模态特性主要体现在太阳帆板和连接杆的变形上,可展开天线随连接杆作整体刚性运动,无显著结构变形.

2)增加连接杆的长度会使整星固有频率降低.但在第八阶模态中,由于仅太阳帆板发生变形,天线、连接杆与中心平台保持相对静止,其固有频率不随连接杆长度变化而变化.

3)航天器在轨姿态调整会使挠性附件如天 线和太阳帆板在做整体运动的同时产生显著的结 构变形,且挠性附件的结构振动会在姿态调整过 程结束后的一段时间内继续存在.由于连接杆的 弹性变形,姿态调整结束后天线几何中心点在平 衡位置附近继续保持振荡.

## 参考文献

- [1] SANTIAGO-PROWALD J, BAIER H.Advances in deployable structures and surfaces for large apertures in space [J].
   CEAS Space Journal, 2013, 5: 89–115.
- [2] THOMSON M W. Astromesh deployable reflectors for Kuand Ka-band commercial satellites [C]//20th AIAA International Communication Satellite Systems Conference and Exhibit. Reston VA: AIAA, 2002: 12–15.
- [3] THOMSON M W. The Astromesh deployable reflector
   [C]//Antennas and Propagation Society International Symposium, 1999IEEE. Piscataway: IEEE, 1999, 3: 1516-1519.
- [4] 胡海岩,田强,张伟,等.大型网架式可展开空间结构的非线性动力学与控制[J].力学进展,2013,43(4):390-414.