doi:10.11918/j.issn.0367-6234.2015.05.021

Sm、La 掺杂 TiAl 结构和性能的第一性原理计算

秦永和1,2,乔英杰1

(1.哈尔滨工程大学 材料科学与工程学院, 150001 哈尔滨; 2. 中国电子科技集团公司 第四十九研究所, 150001 哈尔滨)

摘 要:为研究稀土元素掺杂对 Ti-Al 系金属室温延性的影响,基于密度泛函理论第一性原理,应用广义梯度近似 (GGA)和局域密度近似(LDA)平面波超软赝势法,建立稀土元素 Sm、La 掺杂 TiAl 晶胞模型,运用 Castep 计算分析 Sm、 La 两种稀土元素掺杂的 TiAl 结构,对本征 TiAl 和掺杂 TiAl 的结构及力学性质进行分析.结果表明:稀土元素 Sm 掺入 TiAl 后,TiAl 的共价性增强、成键方向性增加、硬度提高、离子性下降、延性降低;稀土元素 La 掺入 TiAl 后,TiAl 的共价性 下降、成键方向性减弱、硬度下降、离子性增强、延性提高.稀土元素掺杂金属间化合物,可改善其力学性能. 关键词:第一性原理;金属间化合物;稀土元素;电子结构

中图分类号: TB331 文献标志码: A 文章编号: 0367-6234(2015)05-0123-06

The first principle calculation for structure and mechanical property of Sm, La doping with TiAl

QIN Yonghe^{1,2}, QIAO Yingjie¹

(1.College of Materials and Chemical Engineering, Harbin Engineering University, 150001 Harbin, China;
2. The 49th Research Institute, China Electronics Technology Group Corporation, 150001 Harbin, China)

Abstract: In order to research the influence of doping lanthanon on Ti – Al series ductility in room temperature, based on first-principles full potential linearized augmented plan wave method, we use generalized gradient approximation (GGA) and local density approximation (LDA) to build a unit cell model, and use Castep to calculate and analyze TiAl structure doped with Sm, La, structure and mechanical property of intrinsic TiAl and doped TiAl. The data show that as TiAl has been doped with Sm, covalency of TiAl is enhanced, bonding directivity and hardness are improved; ionicity is declined and ductility is reduced. As TiAl has been doped with La, covalency of TiAl is declined, bonding directivity and hardness are reduced; ionicity is enhanced and ductility is improved. Therefore, doping intermetallic compounds with lanthanon may

improve mechanical property, it is a promising research direction.

Keywords: the first principle; intermetallic compounds; lanthanon; electronic structure.

Ti-Al 系金属间化合物以其低密度、高强度、 高熔点、高弹性模量、耐腐蚀和优良的高温抗蠕变 性能等优点,成为航空航天、工业燃气轮机以及汽 车工业中最具潜力的高温结构材料之一.

Ti-A1系金属间化合物主要存在Ti₃A1、 TiAl、TiAl2、TiAl3几种基本结构.其中,TiAl2和 TiAl3相对较脆^[1],Ti₃Al由于钛的百分含量太多,

作者简介:秦永和(1972—),男,副教授,博士研究生;

密度比 TiAl 重,且抗氧化性能差^[2],故而密度低、 强度高、高温性能好的 TiAl 是钛铝系金属间化合物的代表化合物,但其室温脆性极大的阻碍了发展^[3-5].有关 TiAl 金属间化合物抗高温氧化性能、 抗熔盐腐蚀性能有很多报道^[6-7],但对如何提高 其室温延性尚未见报道.近年来,稀土元素掺杂提 高金属间化合物延展性引起了人们的注意^[8-9].然 而,稀土元素对 TiAl 的合金化作用的研究还停留 在初级阶段,在 TiAl 中加入稀土的相互作用微观 机制目前尚不清楚.本文通过基于密度泛函理论 第一性原理,分别应用广义梯度近似(GGA)和局

收稿日期: 2014-12-07.

基金项目:电子信息产业发展基金(0602SK002).

乔英杰(1965—),男,教授,博士生导师. 通信作者:乔英杰,qiaoyingjie@hrbeu.edu.cn.

域密度近似(LDA)平面波超软赝势法,分别建立 稀土元素 Sm、La 掺杂 TiAl 晶胞模型,通过计算模 型结构、弹性及电子性质,从本质上揭示稀土元素 与 TiAl 之间的微观作用机制,从而找到提高 TiAl 室温延展性的方法.

1 计算方法与模型

在计算晶胞模型的电子结构和弹性常数时, 采用密度泛函理论的第一性原理方法,利用 Materials Studio 软件中的量子力学模块 CASTEP 程序包展开.本文中交换关联能泛函选用广义梯 度近似 GGA 中的 Perdew-Burke-Ernzerhof 形式, 赝势取倒易空间表征中的 PBE 超软(ultrasoft)赝 势.应用 CASTEP 程序包建立 TiAl 单晶胞模型,见 图 1,TiAl 单晶胞具有 L_{10} 型超点阵结构,空间群 为四方晶系,晶格常数 a = b = 0.399 nm, c = 0.407 nm, c/a 约为 1. $02^{[10]}$.Ti 原子坐标为(0,0, 0)、(0.5,0.5,0),Al 原子坐标为(0,0.5,0.5).建 立的掺杂元素的超晶胞模型,见图 2.图 2(a)中稀 土元素 M 替换超胞芯位 Al 的位置,即构成超胞 模型 Ti₈Al₇M;利用同样的方法使稀土 M 替换芯 位的 Ti 原子即构成超胞 Ti₇Al₈M,见图 2(b).



图1 TiAl 晶体结构计算模型

为确定动能截断值和布里渊 K 点网格数,分别做了截断能测试曲线图,见图 3,布里渊 K 点的测试曲线图,见图 4. 通过曲线的收敛情况及要求的精度,最终确定动能截断值为 360 eV,布里渊 K 点按 4×4×4 划分网格.在进行各项计算之前都用 Broyden-Fletcher-Goldfarb-Shanno 方法对超胞进行 了几何优化,以求得局域最稳定结构.自洽场计算 (SCF)时应用 Pulay 密度混合法,体系每个原子 总能量的收敛值取 5.0×10⁻⁶ eV,每个原子上的力 要求<10⁻¹ eVnm⁻¹,公差偏移 5.0×10⁻⁵ nm,应力 偏差<10⁻¹ GPa.



3 计算结果与讨论

1

3.1 稀土元素在 TiAl 中占据位置判断

为研究确定稀土元素在 TiAl 中的占位情况, 应用形成焓来判断稀土元素 M 在 TiAl 中较稳定 位置的选择.位置选择能为

$$E_{site} = E_1 - E_2. \tag{1}$$

式中: E_1 、 E_2 分别为 Ti₇Al₈M 和 Ti₈Al₇M 的形成 焓.形成焓的定义为固态化合物和构成元素之间 的总能量差异^[11-12]为

$$E_1 = E_{\text{Ti7Al8M}} - 7E_{\text{Ti}} - 8E_{\text{Al}} - E_{\text{M}}, \qquad (2)$$

 $E_2 = E_{\text{Ti8A17M}} - 8E_{\text{Ti}} - 7E_{\text{A1}} - E_{\text{M}}.$ (3)

 $E_{\text{Ti}} (E_{\text{Al}} \ \pi E_{\text{M}} \ \text{分别是纯 Ti} (Al 及掺杂元素 M)$ 在孤立状态的总能.故 $E_{\text{site}} \ \text{可转变为如下形式}:$ $E_{\text{site}} = E_1 - E_2 = E_{\text{Ti7Al8M}} - E_{\text{Ti8Al7M}} + E_{\text{Ti}} - E_{\text{Al}}.$ (4)

如果 $E_{site} < 0$, M 倾向于占据芯位 Ti 的位置, 如果 $E_{site} > 0$, M 倾向于占据芯位 Al 的位置. 对于面心立方的 Al 和 Ti,其孤立时的能量分别为 -5. 235×10³ kJ/mol 和-1. 540×10⁵ kJ/mol, 其模 型构建方法为:建一个空间群,空间群符号与 TiAl 相同, 晶格常数为 a = 0.399 nm (a = b), c =0. 407 nm的单胞, Ti 或 Al 原子坐标为(0.5, 0.5, 0.5), K 点网格数为"gamma only", 晶格常数设为 1 nm.

表 1 Ti₇Al₈M 模型和 Ti₈Al₇M 模型的总能量、位置选择 能及所选位置

元素	Ti ₇ Al ₈ M 形成焓/ (kJ・mol ⁻¹)	Ti ₈ Al ₇ M 形成焓/ (kJ・mol ⁻¹)	位置选择能/ (kJ・mol ⁻¹)	选择 位置
Sm	-634 739	-783 617	116	Al
La	-567 976	-716 861	124	Al

Ti₇Al₈M 模型和 Ti₈Al₇M 模型的总能量以及 各模型中掺杂元素的位置选择能见表1.从表中的 *E*_{site} 值表明 Sm 和 La 的位置选择能很强,倾向于 占据 Al 的位置,所以相对较稳定的模型分别为 Ti₈Al₇Sm 模型、Ti₈Al₇La 模型.

3.2 晶格常数

Sm、La 掺杂前后 TiAl 晶格常数晶格常数及 其变化 [$\delta_a = (a - 0.399)/0.399, \delta_c = (c - 0.407)/0.407$] 见表 2.由于稀土元素的掺入,使 得模型的晶格常数不同程度增加.在这些模型中, Ti₈Al₇La 模型的晶格常数变化比较明显, Ti₈Al₇Sm 模型的晶格常数变化不大.

表 2 Ti₈Al₇Sm 及 Ti₈Al₇La 平衡时的晶格常数及其变化

模型	晶格常数 a∕nm	变化率 $\delta_a / \%$	晶格常数 c∕nm	变化率 $\delta_c / \%$
${\rm Ti}_8{\rm Al}_8$	0. 399	0	0.407	0
$\rm Ti_8Al_7Sm$	0.402	0.63	0.408	0.26
Ti ₈ Al ₇ La	0.425	6. 59	0.412	1.23

3.3 弹性常数

一般的,材料的硬度与弹性模量有关,如杨氏 模量 E,剪切模量 G.尽管对于不同的材料,其硬度 与模量的关系有所不同,但是总的趋势是:模量越 大,材料的硬度越大.因此,计算材料的杨氏模量和 剪切模量可作为一种指导手段应用于材料的选择 当中.体积模量 B₀可描述均质各向同性固体的弹 性,可表示为单位面积的力,表示不可压缩性.G/B₀ 为剪切模量与体模量的比值,被用于衡量材料的延性,Pugh 提出可用 G/B_0 来表征弹性模量与材料的 弹性性质的关系,当 $G/B_0 < 0.5$ 时,材料具有延性;当 $G/B_0 > 0.5$ 时,材料表现为脆性.

泊松比 v 是材料横向应变与纵向应变的比值,也叫横向变形系数,它是反映材料横向变形的 弹性常数.泊松比的范围是 - 1 ~ 0.5,泊松比的 倒数 1/v 越小,材料的延性越好.

对于四方晶系, 对照弹性模量矩阵方程, 有 C_{11} 、 C_{12} 、 C_{13} 、 C_{33} 、 C_{44} 、 C_{66} 共 6 个独立分量, 其力学 稳定要求弹性常数必须满足如下条件^[10]:根据四 方结构晶体的弹性稳定性准则($C_{11-}C_{12}$) > 0, ($C_{11} + C_{33} - 2C_{13}$) > 0, C_{11} > 0, C_{33} > 0, C_{44} > 0、 C_{66} > 0, ($2C_{11} + C_{33} + 2C_{12} + 4C_{13}$) > 0; 通过计 算得到了各模型的弹性常数 C_{11} 、 C_{12} 、 C_{13} 、 C_{33} 、 C_{44} 、 C_{66} 的值, 见表 3. 计算所得的弹性常数都满足 上式条件, 表明这 3 种结构都是力学稳定的.对于 正交(或四角)晶体, 体模量和剪切模量的 Voigt 和 Reuss 近似分别为

$$B_{\rm v} = \frac{C_{33} + 2(C_{11} + C_{12} + 2C_{13})}{9}, \qquad (5)$$

$$B_{\rm R} = \frac{1}{S_{33} + 2(S_{12} + S_{11} + 2S_{13})},$$
 (6)

$$G_{\rm v} = \frac{2C_{11} + C_{33} - C_{12} - 2C_{13} + 3(2C_{44} + C_{66})}{15},$$
(7)

$$G_{\rm R} = \frac{15}{4(2S_{11} + S_{33}) - 4(S_{12} + 2S_{13}) + 3(2S_{44} + S_{66})}.$$
(8)

运用 Hill 经验平均计算体模量和剪切模量: $B_{H} = (B_{v} + B_{R})/2 \ G_{H} = (G_{v} + G_{R})/2.$ 杨氏模量 E和泊松比 v 为

$$E = \frac{9B_{H}G_{H}}{3B_{H} + G_{H}},$$
 (9)

$$v = \frac{3B_H - 2G_H}{2(3B_H + G_H)}.$$
 (10)

表 3 各模型的弹性常数 GPa

模型	C ₁₁	C ₁₂	C ₁₃	C ₃₃	C ₄₄	C ₆₆
$\mathrm{Ti}_8\mathrm{Al}_8$	163.03	86.7	77.46	177.58	110.88	71.79
$\mathrm{Ti}_{8}\mathrm{Al}_{7}\mathrm{Sm}$	171.79	60.8	108.63	127.97	107.56	51.75
$\mathrm{Ti}_8\mathrm{Al}_7\mathrm{La}$	135.29	79.73	77.56	158.36	72.45	68.21

通过式(5)~(10)得到表征各模型硬度和延性的参量,见图 5. *E* 和 *G* 表现出相同的变化趋势. 稀土元素 Sm 的掺入提高了 TiAl 的硬度,稀土元素 La 加入降低 TiAl 的硬度.对于体模量 *B*₀,与 Ti₈Al₈模型相比较, Ti₈Al₇Sm 模型和 Ti₈Al₇La 模型均有所降低, 即降低了 TiAl 的原子间结合能. G/B₀的值越小, TiAl 的延性越好. G/B₀以及泊松 比的倒数 1/v 表明稀土元素 Sm 掺入使 TiAl 的延 性降低, 而 La 则可提高 TiAl 的延性.





3.4 电子结构

Ti₈Al₈ 模型的态密度见图 6,可见 Ti₈Al₈ 模型 态密度的显著特征是在费米能级处,其尖峰主要 是 Ti 原子 d 轨道电子的贡献, Ti 和 Al 的相互作 用主要是 Ti 的 d 电子轨道和 Al 的 s、p 电子轨道 的杂化作用.

Ti₈Al₇La 的态密度见图 7.图中出现了两个尖峰,分别在-1.57×10 eV、-3.3×10 eV 处,这是 La 的 s、p 轨道与 Ti 的 p 轨道电子杂化作用的结果. La 的掺入,降低了 Ti d 能态的峰高.





图 7 Ti₈Al₇La 模型的分波态密度

Ti₈Al₇Sm 模型的态密度图见图 8, 与 Ti₈Al₈ 模型相比, Ti 原子与 Sm 原子 sp 轨道杂化作用增 强, Ti 原子与 Sm 原子之间的成键作用增强.



(a) Sm 原子态密度



(b) Ti 原子态密度



(c) Al 原子态密度



图 8 Ti_sAl₇Sm 模型的分波态密度

一般来讲,布居数是布居在不同能量层次的 原子/分子的数量.键的布居表示的是两个成键原 子电子云的重叠程度,可判断化学键的离子性与 共价性^[13-14].对于键的布居,最低值与最高值分 别表示所成化学键的离子性与共价性的强弱.对 于离子性和共价性,通过单位键长的布居得到的 结果是相对的,共价键表征了电荷分布的方向性 强,而离子键表征了原子间有电荷转移.当稀土元 素替换了 TiAl 中的 Ti 原子或 Al 原子时,导致 TiAl 内部原子间的成键方式发生了改变,进而表现出宏观性质的差异性.

在 Ti₈Al₈ 模型中,3 种类型的 Ti 原子即可代 表所有 Ti 原子位置的情况,即角位、棱位和面心 位置.据计算结果可知,Ti-Al 键的布居值均相同. Al-Al 键(或 Ti-Ti 键)是由每一个 Al 原子(或 Ti 原子)与其最近邻的 3 个 Ti 原子(或 Al 原子)组 成的,所有的 Al-Al 键(或 Ti-Ti 键)的布居值均 相同.Ti₈Al₈ 模型各键的布居见表 4.

表 4 Ti_sAl_s 模型单位键长的布居

键 Ti ₈ Al ₈	布居数/ 10 ⁻¹⁹ C	键长/nm	单位键长布居数/ (10 ⁻¹⁹ C・nm ⁻¹)
Ti-Ti	-0. 625	0. 283	-2.208
Al-Al	1.939	0. 283	6. 852
Ti-Al	0. 497	0. 286	1.738

在稀土掺杂的模型中,根据表1计算可知,两种元素掺入Ti₈Al₈中,都占据Al的位置,即占据图2中Al1的位置.因为超胞的对称性,对于Ti-Al键,Al2与Ti1、Ti2、Ti4之间成键即表示所有Ti与Al成键情况,原子序号见图2.Ti₈Al₇La模型单位键长的布居见表5,与Ti₈Al₈模型单位键长的布居和比,对于Ti-Al键,部分单位键长布居数增大,表明Ti-Al键的共价性增强.Al-Al键单位键长布 居数大幅减小,说明其共价性减弱.Ti₈Al₇La模型中不存在Al-La键.La只与Ti成键,且表现为极强的离子性.

Ti₈Al₇Sm 模型单位键长的布居见表 6,与 Ti₈Al₈模型相比,对于 Ti-Al 键,单位键长布居数 大幅增大,表明 Ti-Al 键的共价性增强; Ti-Ti 键 的布居值降低,说明他们之间的离子性减弱;对于 Al-Al 键,单位键长布居数减小,说明 Sm 的掺杂 使其共价键减弱.Sm 与 Ti 成离子键,Sm 与 Al 成 共价键.

表5 Ti_sAl₇La 模型单位键长的布居

键 Ti ₈ Al ₇ La	布居数/ 10 ⁻¹⁹ C	键长/nm	单位键长布居数/ (10 ⁻¹⁹ C・nm ⁻¹)
Ti-Ti	-0.641	0. 284	-2.257
Al-Al	0. 833	0. 286	2.913
Ti1-Al2	0. 497	0. 286	1.738
Ti2-Al2	0. 417	0. 284	1.468
Ti4-Al2	2.356	0. 294	8.014
Ti-La	-4. 792	0. 294	-16.299
Al–La	_	_	_

表 6 Ti_sAl₇Sm 模型单位键长的布居

键 Ti ₈ Al ₇ Sm	布居数/ 10 ⁻¹⁹ C	键长/nm	単位键长布居数/ (10 ⁻¹⁹ C・nm ⁻¹)
Ti-Ti	-0.192	0. 295	-0.652
Al-Al	0.449	0.300	1.496
Ti1-Al2	0.175	0. 283	6.172
Ti2-Al2	0. 577	0. 283	2.039
Ti4-Al2	-0.128	0. 285	-0.450
Ti-Sm	-0.465	0. 285	-16.307
Al-Sm	0. 224	0. 296	0. 758

将 Ti₈Al₇La 模型和 Ti₈Al₇Sm 模型布居数相 对比发现, Ti₈Al₇Sm 模型内部的共价性高于 Ti₈Al₇La 模型,离子性则相反.

综上所述,掺La的模型中,Ti与La的成键使 模型中离子性增强,而Al与Al以及Ti与Ti之间 反键作用使Ti₈Al₇La模型中共价性降低,方向性 键的数量降低.因此Ti₈Al₇La延性较好而硬度较 差.掺Sm的模型中,Ti-Al键的共价性增强、成键 方向性增强,离子型降低.因而Ti₈Al₇Sm模型的 延性降低而硬度提高.

4 结 论

1)稀土元素的掺入,使得模型的晶格常数不 同程度增加.

2)稀土元素 Sm 掺入对 TiAl 影响如下:体模 量 B₀ 有所提高,说明其原子间结合能降低;G/B₀、 泊松比的倒数 1/ν 均表明降低 TiAl 的延性;由态 密度图和布居数分析表明其共价性增强,成键方 向性增加、硬度提高.离子性下降,延性降低.

3)稀土元素 La 掺入对 TiAl 影响如下:体模 量 B₀ 有所提高,说明其原子间结合能降低;G/B₀、 泊松比的倒数 1/ν 均表明提高 TiAl 的延性;由态 密度图和布居数分析表明其共价性下降,成键方 向性减弱、硬度下降;离子性所有增强、延性提高.

参考文献

[1] 徐福松,耿浩然,王守仁.镧对 TiAl₃ 金属间化合物显
 微组织及力学性能的影响[J].稀有金属材料与工程,
 2009,38(2):361-364.

- [2] 彭超群,黄伯云,贺跃辉.Ni-Al 系、Fe-Al 系和 Ti₃Al 金属间化合物研究进展[J].特种铸造及有色合金, 2001,6:27-29.
- [3] 李文,张瑞林.Ti-Al 系的相图及金属间化合物[J].材 料导报,1995,9(4):14-18.
- [4] WANG Yan, LIU Yong, YANG Guangyu, et al. Microstructure of cast γ-TiAl based alloy solidified from β phase region [J]. Transactions of Nonferrous Metals Society of China, 2011 (2): 215 - 222. doi: 10. 1016/ S1003-6326(11) 60702-4.
- [5] 吴建鹏,朱振峰,曹玉泉.金属间化合物的研究现状与 发展[J].热加工工艺,2004 (5):41-43.
- [6] JIN Guangxi, QIAO Lijie, GAO Kewei. Effect of microstructure on hot corrosion behavior of TiAl intermetallics [J]. Transactions of Nonferrous Metals Society of China, 2004, 14(2):210-215.
- [7] 彭小敏,夏长清,王志辉,等.TiAl 基合金高温氧化及防护的研究进展[J].中国有色金属学报,2010,20
 (6):1116-1130.
- [8] QIU Congzhang, LIU Yong, HUANG Lan, et al. Effect of Fe and Mo additions on microstructure and mechanical properties of TiAl intermetallics [J]. Transactions of Nonferrous Metals Society of China, 2012, 22(3):521-527.
- [9] 何君琦. 稀土掺杂 NiAl 金属间化合物结构和性能的 第一性原理研究[D]. 哈尔滨:哈尔滨工业大学, 2013.
- [10] 陈国良.金属间化合物结构材料研究现状与发展[J]. 材料导报,2000,14(9):1-5.
- [11]吴平伟,朱志斌,戴金辉.Amond 软件在晶体对称性 教学中的应用-32 点群晶体模型库的建立[J].化学 通报,2007(10):556-558.
- [12] 殷开梁, 邹定辉, 杨波,等. Materials Studio 软件涉及 力场中氢键的研究[J].计算机与应用化学, 2006. 23 (12):1335-1340.
- [13] 杜永胜. Materials Studio 在固体物理教学中的应用 [J].技术物理教学, 2009,17(3):45-46.
- [14] 吴红丽,张伟,宫声凯.Nb 元素影响 Ti-Al 金属间化 合物键合特征的第一原理计算[J].化学学报,2008 (6):14-15.

(编辑 苗秀芝)