doi:10.11918/j.issn.0367-6234.2016.06.002

三维地震作用下应用 FPB 单层球面网壳抗震性能

孔德文1,2,范峰1,支旭东1

(1.哈尔滨工业大学 土木工程学院,150090 哈尔滨;2.贵州大学 土木工程学院,550025 贵阳)

摘 要:为准确确定三维地震作用下应用摩擦摆支座(FPB)单层球面网壳结构的减震效果,在精细化建模基础上,分析了摩擦摆支座的隔震机理,并对摩擦摆支座单层球面网壳结构从静力和动力两个方面进行分析.静力荷载作用下,从结构内力、变形和稳定性3个方面分析摩擦摆支座对网壳结构静力力学性能的影响;三维地震作用下,应用动力时程分析方法分析了地震动强度以及摩擦摆支座参数对单层球面网壳抗震性能的影响规律.结果表明:静力作用下,加强外环杆件能有效改善摩擦摆支 座对网壳结构的不利影响;三维地震作用下,地震动强度越大,摩擦摆支座隔震性能越好;摩擦摆支座的最优摩擦系数随着地 震动强度的增大而增加;摩擦摆支座曲率半径越大网壳结构的抗震性能越好.

关键词: 单层球面网壳;摩擦摆支座;隔震;最优摩擦系数;抗震性能

中图分类号: TU311.3 文献标志码: A 文章编号: 0367-6234(2016)06-0010-07

Seismic performance for single-layer reticulated shells with FPB under 3D ground motion

KONG Dewen^{1,2}, FAN Feng¹, ZHI Xudong¹

(1.School of Civil Engineering, Harbin Institute of Technology, 150090 Harbin, China;2.School of Civil Engineering, Guizhou University, 550025 Guiyang, China)

Abstract: To accurately determine the vibration reduction effect of single-layer reticulated shells with friction pendulum bearings (FPB), based on the refined finite element models, the isolation mechanism of FPB was given, and single-layer reticulated shells with FPB were analyzed from two aspects of static and dynamic. Structures were analyzed in three aspects including the internal force, deformation and stability under static loading, and were also researched through dynamic time-history analysis under 3-D earthquake waves. The impact of ground motion intensities and parameters of FPB on the seismic performance of single-layer reticulated shell with FPBs can be improved by strengthening the outer ring bars. Under 3-D earthquakes, the bigger the ground motion intensity, the better isolation performance of FPB will be. The optimal friction coefficient of FPB increased with the increase of reticulated shell structure will be.

Keywords: single-layer reticulated shell; friction pendulum bearing (FPB); isolation; optimal friction coefficient; seismic performance

收稿日期: 2014-09-23.

基金项目:国家自然科学基金重大计划集成项目(91315301); 国家自然科学基金面上项目(51278152); 黑龙江省杰出青年科学基金(JQ2010-10).
作者简介:孔德文(1984—),男,讲师; 范 峰(1971—),男,教授,博士生导师; 支旭东(1977—),男,教授,博士生导师.

通信作者: 孔德文, kongdewen0608@126.com.

近年来,大跨空间结构建造的比例不断上升,如体育馆、展览馆、以及大型装配车间等,这些建筑通常为人口密集场所,且造价高昂,为了保证人们的生命财产安全,大跨空间结构的隔震性能及措施研究显得尤为重要.摩擦摆支座(friction pendulum bearing, FPB)作为一种典型的基础隔震设备,由美国加州大学伯克利分校的Zayas等^[1]提出,它具有良好的隔震

• 11 •

性能,具有造价低、易施工、易维护、承载力高等特 点.在此基础上,许多隔震机理相近的摩擦摆支座形 式得到了进一步发展,如 VFPI^[2]和 MFPS^[3].1997 年,蔡崇兴^[4]推导了摩擦摆支座的有限元方程,并 分析了其隔震机理;2005年,杨林等^[5]对安装摩擦 摆支座的四层钢框架结构进行了振动台试验研究, 结果表明摩擦摆支座具有良好的隔震性能.此后,许 多学者对摩擦摆支座进行大量的试验和数值分 析^[6-8],并证明该种支座隔震设备的有效性.摩擦摆 支座已在全世界数百座建筑中得到应用,如西雅图 海鹰美式足球场、华盛顿州应急指挥中心等^[9].

目前,国内外学者主要关注单向地震动作用下 应用摩擦摆支座结构抗震性能的研究^[10-12],很少开 展多维地震动作用下结构动力性能的研究.2002年, 朱玉华等^[13]对应用摩擦滑移支座的三层缩尺钢框 架结构进行了多维振动台试验,结果表明竖向地震 动对上部结构的水平地震响应有显著影响;另外,王 建强等^[14-15]分析了应用摩擦摆支座的七层钢混结 构双向和多维地震动响应.同时,摩擦摆支座性能的 有限元计算也在不断发展,通常将其简化为弹簧阻 尼单元.2010年,薛素铎等^[16]利用有限元软件 SAP2000对应用摩擦摆支座的双层球面网壳结构进 行抗震性能分析,但这种简化很难准确描述上部结 构和摩擦摆支座之间的相互作用.

本文将摩擦摆支座进行精细化建模,并应用 LS-DYNA软件对应用摩擦摆支座的单层球面网壳 结构进行有限元分析,讨论三维地震作用下地震动 强度及摩擦摆支座参数(摩擦系数和曲率半径)对 网壳结构抗震性能的影响规律.

1 应用摩擦摆支座结构减震机理

摩擦摆支座由球面滑槽、滑块以及连接上部结构的盖板组成,见图1,滑块是连接盖板和滑槽的构件,*R*为球面曲率半径.根据图示,应用摩擦摆支座结构的减震机理可从两个方面进行分析,一方面是当地震动作用在滑槽上时,滑块在滑槽内滑动隔离一部分地震能量,另一方面是滑块在滑槽内滑动时,滑块与滑槽之间相互摩擦消耗一部分能量.

首先,从受力的角度分析结构的减震机理,图 2 是滑块受力图,G是上部结构的重力,N是滑槽支反 力,T是滑块与滑槽之间的滑动摩擦力,F是滑槽受 到的水平剪力,根据平衡条件可得 F 的表达式为

$$F = T/\cos \theta + G \tan \theta.$$
 (1)
应用摩擦摆支座结构的动力方程可写为

 $M\ddot{U} + C\dot{U} + KU = -MR(\ddot{U}_{g} + \ddot{U}_{b}).$ (2) 式中: $M \subset \mathcal{M} K$ 是上部结构质量矩阵、阻尼矩阵和 刚度矩阵, **R** 是地震影响因子矩阵, **Ü**、**U** 和 **U** 分别 是上部结构相对于基础的加速度向量、速度向量和 位移向量, **Ü**_g和 **Ü**_b分别是滑槽加速度和滑块相对于 滑槽的加速度.

另一方面,从耗能角度分析摩擦摆支座结构的 减震机理.摩擦摆支座的滞回曲线见图 3^[1],结构在 水平力或地震作用下,滑块在滑槽内滑动,摩擦摆支 座的摩擦耗能大小等于滞回曲线所包裹面积.



2 有限元模型建立

2.1 摩擦摆支座有限元模型

假设滑块在滑槽中滑动时,滑槽的形状不发生变化,可以将滑槽简化为一个刚性滑面,在有限元建模时,盖板与滑块采用 SOLID164 单元建模,刚性滑面采用 SHELL166 单元建模,材料的弹性模量为 2.06×10⁵ MPa,材料泊松比为 0.3.

图 1 中摩擦摆支座具体尺寸, D₁、D₂和 d 的值 分别取 70、30 和 20 cm, 经验证尺寸满足要求(滑槽 为刚性面,分析摩擦摆支座滑块, 静力时最大应力在 140 MPa 左右, 动力时(PGA 为 400 gal)最大应力在 190 MPa 左右), 盖板、滑块和滑面单元尺寸越小, 计 算结果越精确, 但计算时间越长, 当盖板和滑块单元 尺寸小于4 cm,滑面单元最大尺寸小于6 cm 时,单 元大小的变化对结构响应影响较小,因此取上述尺 寸进行网格划分,摩擦摆支座有限元模型见图4;盖 板与滑块以及滑块与刚性面之间通过接触连接(在 LS-DYNA软件中采用自动的点面接触,除摩擦系数 外,其余参数采用默认值),上部结构与盖板顶面多 个节点耦合连接(防止盖板转动).



图 4 摩擦摆支座有限元模型

2.2 单层球面网壳结构有限元模型

选用 K8 型单层球面网壳作为研究对象, 网壳 结构参数见表 1.

表1 网壳几何参数

模型	矢跨比	跨度/m	斜杆	环杆和肋杆	最外环杆
模型一	1/5	80	φ159×6	φ180×8	φ180×8
模型二	1/5	80	φ159×6	φ180×8	φ299×10
模型三	1/5	80	φ159×6	φ180×8	φ299×20

计算分析时采用弹性假设,在 LS-DYNA 有限元 软件中,网壳结构杆件选用空间梁单元(BEAM161) 进行模拟,节点定义为刚接,屋面荷载为1 kN/m², 用质量单元(MASS166)模拟,材料的弹性模量为 2.06×10⁵ MPa,泊松比为 0.3,结构的阻尼比为0.02. 选用固定铰支座和实体摩擦摆支座,两种支座均安 装在最外环节点的下部,网壳平面图和支座布置见 图 5,图中●表示摩擦摆支座安装位置.



3 网壳结构静力性能分析

3.1 内力和变形分析

网壳结构选用表 1 中的模型,以曲率半径为 1 m,摩擦系数为 0.1 的摩擦摆支座为例,分析结构 静力作用下的内力和变形,并与铰支座结构所得结 果进行对比,见表 2.应用摩擦摆支座的结构变形和 内力明显增加,这是因为将铰支座改为摩擦摆支座 以后,结构的水平支承明显减弱,因此,结构的变形 增加;应用摩擦摆支座结构最外环杆件起约束结构 水平变形的作用,因此,最外环杆件内力增加(增加 100 多倍),而其余杆件的作用没有发生较大变化, 所以应力变化较小;加强最外环杆件能有效地减小 结构的变形,从 7.50 cm 减小到 2.86 cm,除最外环 杆件外,其余杆件应力变化较小,如,肋杆、环杆和斜 杆的应力分别在 35、36 和 43 MPa 左右;由于截面积 增加,外环杆件应力也明显降低.

表 2 结构静力力学	学性能
------------	-----

推刑	最大位	肋杆应	环杆应	斜杆应	最外环杆
候望	移/cm	力/MPa	力/MPa	力/MPa	应力/MPa
模型二(铰接)	1.29	-34.3	-36.3	-38.2	1.35
模型一(FPB)	7.50	-35.9	-36.4	-45.2	264.20
模型二(FPB)	4.16	-35.5	-36.4	-43.1	131.30
模型三(FPB)	2.86	-35.7	-36.4	-42.1	64.30

3.2 稳定性分析

结构应用摩擦摆支座后,结构受到的水平支承 力由滑块与滑槽之间的静摩擦力提供,与铰支座结 构相比,支座的水平支撑作用明显减弱,摩擦摆支座 对结构承载能力产生不利影响.

对表1中3种摩擦摆支座单层网壳结构进行稳定性分析,并与铰支座结构对比,见图6.应用摩擦摆支座网壳结构的承载力明显小于铰支座结构,而且结构的整体刚度也明显减弱,但随着外环杆件的加强(模型一到模型三最外环杆件逐渐增强),应用摩擦摆支座的结构承载力增加,并且结构的整体刚度增强.因此,应用摩擦摆支座结构的承载能力明显降低,但加强外环杆件有利于提高结构的承载能力.



静载下,摩擦摆支座不仅使网壳结构的内力和 变形增加,而且还使结构承载能力降低;加强结构的 外环杆件不仅能够有效减小结构的变形^[17],而且能 明显提高结构承载能力.因此,尽管应用摩擦摆支座 减弱了网壳结构的静力性能,但通过加强外环杆件, 结构的静力性能能够得到有效改善.

4 FPB 隔震效果分析

选用 K8 型单层球面网壳结构作为研究对象, 以表1 中模型二为例,摩擦摆支座参数、加载方案以 及地震波的选取见表3,对三维地震动作用下网壳 结构的抗震性能进行研究.

表 3 FPB 参数及加载方案

方案	摩擦系数	曲率半径/m	地震波	地震强度/(cm・s ⁻²)		
	0.025~0.25	1	El Contro Toft	70 400		
<u> </u>	0.1	0.5~2.5	EI-Centro; latt	70~400		

4.1 结构减震效果算例分析

以曲率半径为1m,摩擦系数为0.1的摩擦摆支 座作为隔震装置,对两种支座形式(铰支座和摩擦 摆支座)网壳结构施加 El-Centro 波,地震动强度为 400 cm/s².网壳结构部分地震响应结果见表 4(相对 位移是指结构中节点相对最外环节点的位移).

对业长标	铰支座		FPB		减小量/%			
AJ 16.1日 4小	水平	竖向	水平	竖向	水平	竖向		
顶点最大位移/cm	18.7	13.8	16.7	11.5	10.7	22.5		
顶点最大加速度/(m・s ⁻²)	12.6	39.8	3.0	3.1	76.2	92.2		
节点最大相对位移/cm	2.5	8.2	1.1	1.7	56.0	79.3		
节点最大加速度/(m・s ⁻²)	13.2	39.8	7.1	5.6	46.2	85.9		
肋杆最大应力/MPa	-93.7		-47.7		49.1			
环杆最大应力/MPa	-177.6		-63.5		64.2			
斜杆最大应力/MPa	-172.4		-69.1		59.9			
最外环杆件最大应力/MPa		7.4	14	18.4	-			

网壳结构地震响应

恚 ₄

分析表 4 可得, 与铰支座结构相比,应用摩擦摆 支座网壳结构的动力响应明显减弱, 如, 顶点竖向加 速度从 39.8 m/s²减小到 3.1 m/s², 减小了 92.2%, 而 且杆件(除最外环杆件)的应力均能减小 40%以上.

为进一步说明摩擦摆支座隔震效果,对结构所 有杆件和节点的动力信息进行对比,见图 7.分析 图 7(a)可得,除最外环杆件外,铰支座结构杆件动 应力的范围为(0,150) MPa,而应用摩擦摆支座结构 杆件的动应力都小于 40 MPa,杆件的动应力明显减 小,说明摩擦摆支座的隔震效果明显;分析结构节点 信息,如图 7(b)所示,可以得到相同结论.



图 7 网壳结构动力力学性能对比

4.2 评价指标定义

由于结构中杆件和节点数目较多,很难对其一 一对比分析,为了方便比较,定义3个评价指标,分 别为 $\rho_s \, \rho_a \, n \rho_a$ (所有杆件中最大动应力增大系数、 所有节点中最大相对位移增大系数和最大加速度增 大系数),具体表达式为:

$$\rho_{s} = \sum_{j=1}^{m} \sigma_{\max j} / \sum_{j=1}^{m} \bar{\sigma}_{\max j}, \quad (j = 1, 2, \dots, m) \quad (3)$$

$$\rho_{\rm d} = \sum_{i=1}^{n} d_{\rm maxi} / \sum_{i=1}^{n} \bar{d}_{\rm maxi}, \quad (i = 1, 2, \dots, n) \quad (4)$$

$$\rho_{a} = \sum_{i=1}^{n} a_{\max i} / \sum_{i=1}^{n} \bar{a}_{\max i}, \quad (i = 1, 2, \dots, n) \quad (5)$$

式中:m和n分别是上部结构的杆件数和节点数 (不包括最外环杆件和节点), σ_{maxi} 、 d_{maxi} 和 α_{maxi} 分别 表示应用摩擦摆支座网壳结构的第*j*根杆件的最大 动应力、第*i*个节点的最大相对位移和加速度,同 样,表达式下部是铰支座结构相应的值.由公式表达 可以看出,当 $\rho \ge 1$ 时,摩擦摆支座没有减震效果;当 $\rho < 1$ 时,摩擦摆支座有减震效果,并且 ρ 值越小,减 震效果越好.

4.3 地震动强度影响

选取曲率半径为1m、摩擦系数为0.1的摩擦摆 支座作为隔震设备,得到增大系数随PGA变化的曲 线见图8.由图8(a)可得,随着地震动强度的增加, 增大系数的值逐渐减小,说明杆件动应力的减小幅 度越大,当地震动强度达到 400 cm/s²时,动应力能 减小 75%以上(增大系数小于 0.25).为了更全面地 分析网壳结构的抗震性能,从水平和竖向两个方面 对结构节点位移和加速度增大系数的变化规律进行 分析,如图 8(b)所示,当地震动强度大于50 cm/s² 时,各增大系数的值都小于 1,且随着地震动强度的 增加,其值逐渐减小,说明摩擦摆支座的隔震效果越 好;由图还可以看出,地震动强度较小时(El-Centro 波,PGA<50 cm/s²),X向加速度和相对位移的增大 系数大于1,这是因为地震动强度较小时,摩擦摆支 座的滑块与滑槽之间仍处在粘滞状态,且结构的水 平支承较弱,从而使得应用摩擦摆支座网壳结构的 变形微弱增加,但变形仍然较小,因此,这种增加可 忽略;随着地震动强度的增强,滑块在滑槽上滑动, 从而使传递给结构的地震能量减少,所以增大系数 逐渐减小.总之,随着地震动强度的增加,应用摩擦 摆支座网壳结构抗震性能逐渐增强.



图 8 地震动强度的影响

4.4 摩擦系数影响

为保证摩擦摆支座的滑块和滑槽之间良好的滑移性能,在支座的滑道内衬聚四氟乙烯材料,聚四氟乙烯具有耐高温的特点,其摩擦系数极低,根据不同的抛光层度,可以使摩擦系数在不同区间内变化,此种支座的耐久性和可靠性已得到理论和实验验证^[18-19].滑动速度和压力大小等因素影响此种材料摩擦系数的大小,但影响较小^[20],因此,本文假设摩擦系数在滑动过程中保持常数.

选取表 3 中方案一研究摩擦系数对摩擦摆支座 隔震性能的影响,得到结构评价指标变化曲线见 图 9.随着摩擦系数的增加,多数增大系数的值先减 小后增加,说明并非摩擦系数越小隔震效果越好,例 如,当摩擦系数小于 0.05 时,由于摩擦系数较小,使 得滑块与滑槽之间的相对位移增加,体现在图 2 中 就代表角度 θ 增加,根据式(1)得出水平剪力 F 增 加,上部结构的响应也随之增加,因此,摩擦系数较 小时,各种评价指标的值反而较大.

由图 9 还可看出,除 X 向相对位移增大系数变 化曲线外,其余曲线的最低点(增大系数最小值所对 应的点)随地震动强度的增大而逐渐右移,说明最优 摩擦系数(最低点对应的摩擦系数值)随地震动强 度的增加而增加;X 向相对位移增大系数变化幅度 较小,因此,摩擦系数的变化对其影响较小.分析图 9 还可得出,曲线的最低点多数落在区间(0.05,0.15) 上,即,4种不同地震动强度所对应的最优摩擦系数 都在此区间上,与文献[21]给出的区间相同.因此, 摩擦系数在区间(0.05,0.15)上取值时,支座的隔震 效果较好.

4.5 曲率半径影响

选取表3中方案二研究曲率半径的影响,得到 结构的评价指标变化曲线见图 10.图中多数曲线都 是逐渐下降的(增大系数逐渐减小),由此说明,摩 擦摆支座曲率半径越大,隔震效果越好,这与文献 [10,16]所得结论相近;当曲率半径大于 2.0 m 时, 几乎所有曲线都接近水平,说明此时曲率半径的变 化对网壳结构抗震性能的影响较小,因此,可以选择 曲率半径大于 2.0 m 的摩擦摆支座作为网壳结构的 隔震设备.此外,根据图1、2可得出,当滑块和滑槽 之间相对位移一定时,曲率半径 R 越小,旋转角度 θ 就越大,再根据式(1),角度 θ 越大,恢复力F越大, 因此,为了保证摩擦摆支座有良好的自恢复性能,摩 擦摆支座曲率半径越小越好.由图 10 还可看出,当 选用曲率半径为1 m 的摩擦摆支座作为隔震支座 时,各增大系数的值较大,这是因为网壳结构的自振 周期和摩擦摆支座的周期相近,分别为 1.87 和 1.98 s,因此,不应选择周期与结构自振周期相近的 摩擦摆支座作为隔震设备.



图 10 曲率半径影响规律

综上所述,当摩擦摆支座所用材料的摩擦系数为0.1时,选择曲率半径为2.0m的摩擦摆支座作为隔震装置可以使网壳结构的抗震性能最好.文献[10,16]给出摩擦摆支座的曲率半径应该大于1m,因此,曲率半径为2.0m的摩擦摆支座满足这个要求.

5 结 论

 1)静载下,应用摩擦摆支座网壳结构不仅内力 和变形增加,而且承载能力也明显降低,但通过加强 结构的外环杆件可有效减弱此种不利影响.

2)随着地震动强度的增加,摩擦摆支座的隔震 效果增强,即,应用摩擦摆支座的网壳结构抗震性能 增强.

3)随着地震动强度的增加,摩擦摆支座的最优 摩擦系数取值也随之增加;对于给定曲率半径的摩 擦摆支座,存在一个最优区间,当摩擦系数在此区间 上取值时,结构的抗震性能较好.

4)摩擦摆支座的曲率半径越大隔震效果越好, 但曲率半径越小,摩擦摆支座自恢复能力越强,因此,建议在保证良好恢复力的前提下,选取曲率半径 较大的摩擦摆支座作为隔震设备.

参考文献

- [1] ZAYAS V, LOW S, MAHIN S. The FPS earthquake resisting system [R]. Technical Report UCB/EERC-87 / 01. Berkeley: University of California at Berkeley, 1987.
- [2] PRANESH M, SINHA R. VFPI: an isolation device for aseismic design [J]. Earthquake Engineering and Structure Dynamic, 2000, 29:603-627.
- [3] TSAI C S, CHEN B J, PONG W S, et al. Interactive behavior of structures with multiple friction pendulum isolation system and unbounded foundations [J]. Advances in Structural Engineering, 2004, 7(6): 539-551.
- [4] TSAI C S. Finite element formulations for friction pendulum seismic isolation bearings [J]. International Journal for Numerical Methods in Engineering, 1997, 40(1): 29-49.
- [5] 杨林,周锡元,苏幼坡,等. FPS 摩擦摆隔震体系振动
 台试验研究与理论分析[J].特种结构,2005,22(4):
 43-46.
- [6] 杨林,常永平,周锡元,等. FPS 隔震体系振动台试验 与有限元模型对比分析[J].建筑结构学报,2008,29 (4):66-72.
- [7] LU L Y, LEE T Y, YEH S W. Theory and experimental study for sliding isolators with variable curvature [J].

Earthquake Engineering and Structural Dynamics, 2011, 40: 1609-1627.

- [8] ARMIN M, GILBERTO M. Experimental simulation of baseisolated buildings pounding against moat wall and effects on superstructure response [J]. Earthquake Engineering And Structural Dynamics, 2012, 41: 2093-2109.
- [9] Earthquake Protection Systems (EPS). Technical characteristics of friction pendulum bearings [EB/OL]. (2011-03-30) [2014-09-20]. http://www.Earthquake protection. com /Technical Characteristicsof FPBearngs. pdf.
- [10]薛素铎,赵伟,李雄彦.摩擦摆支座在单层球面网壳结 构隔震控制中的参数分析[J].北京工业大学学报, 2009, 35(7): 933-938.
- [11]王建强, 攸青言, 丁永刚, 等. 支座摩擦系数对摩擦摆 基础隔震结构地震反应的影响[J]. 世界地震工程, 2012, 28 (2): 98-102.
- [12] DION C, BOUAANANI N, TREMBLAY R, et al. Realtime dynamic substructuring testing of a bridge equipped with friction-based seismic isolators [J]. Journal of Bridge Engineering, 2012, 17(1): 4-14.
- [13]朱玉华,吕西林. 滑移摩擦隔震系统在多向地面运动作用下的试验研究[J]. 地震工程与工程振动, 2002, 22
 (5): 77-84.
- [14]王建强,管品武,李大望.摩擦摆基础隔震结构双向地 震反应分析[J].世界地震工程,2005,21(3):11-15.
- [15]王建强,管品武,李大望. 摩擦摆基础隔震结构多维地 震反应分析[J]. 世界地震工程, 2009, 25 (4):92-96.
- [16] KIM Y C, XUE S D, ZHUANG P, et al. Seismic isolation analysis of FPS bearings in spatial lattice shell structures
 [J]. Earthquake Engineering and Structural Dynamics, 2010, 9(1): 93-102.
- [17]孔德文,孙梦涵,支旭东,等.应用摩擦摆支座的单层
 球面网壳地震相应分析[J].土木工程学报(增刊1),
 2012,45:158-162.
- [18] CONSTANTINOU M, MOKHA A, REINHORN A. Teflon bearings in base isolation [J]. Journal of Structural Engineering, 19900, 116(2): 455-474.
- [19] CONSTANTINOU M C, CACCESE J , HARRIS H G. Frictional characteristics of teflon-steel interfaces under dynamic conditions [J]. Earthquake Engineering and Structural Dynamics, 1987, 15(6): 751-759.
- [20]江子政. 复摆隔震器于防震工程之应用[D]. 台中: 逢 甲大学, 2004.
- [21] JANGID R S. Optimum friction pendulum system for near-fault motions [J]. Engineering Structures, 2005, 27: 349–359.

(编辑 赵丽莹)