DOI:10.11918/202308068

翼伞系统两体模型雀降操纵高度的优化

程杨1,日忠3,孙志鸿1,董梁1,余莉1,2

(1. 飞行器环境控制与生命保障工业和信息化部重点实验室(南京航空航天大学),南京 210016;2. 南京航空航天大学 航空学院,南京 210016; 3. 航空工业宏光空降装备有限公司,南京 210022)

摘 要:为减小翼伞系统的着陆速度,提高载荷的着陆安全性,提出了最优雀降高度确定方法,并完成相对雀降高度和着陆速 度影响因素及计算模型研究。首先建立了翼伞-载荷系统两体九自由度动力学模型和雀降操纵耦合气动特性模型,更真实 地模拟了翼伞-载荷两体之间操纵情况下的运动性能,研究了雀降操纵下翼伞系统的速度、姿态变化,数值结果和文献规律 一致,滑翔比最大误差为8.20%。其次,基于该两体模型,以最小垂直着陆速度为优化目标,采用时间二分法确定最优雀降高 度,分析了雀降操纵时机对着陆速度的影响。然后,开展了不同初始工况、翼载荷、着陆海拔高度、安装角下翼伞系统最优雀 降实施的仿真计算,并采用最小二乘法完成了相对雀降高度、着陆速度的公式拟合。结果表明:初始参数对相对雀降高度几 乎没有影响;随着翼载荷及着陆海拔高度的升高,着陆速度及相对雀降实施高度增加;安装角对着陆速度影响不大,但安装角 的增大会引起雀降实施高度增加;所提出的相对雀降高度和着陆速度计算模型与仿真结果较为符合,最大误差小于4.00%, 表明该计算模型有良好的适用性。

关键词:翼伞;9 自由度模型;雀降操纵;雀降高度;着陆速度

中图分类号: V211 文献标志码: A 文章编号: 0367-6234(2024)08-0034-08

Optimization of flare landing maneuver altitude for two-body model of parafoil system

CHENG Yang¹, LV Zhong³, SUN Zhihong¹, DONG Liang¹, YU Li^{1,2}

(1. Key Laboratory of Aircraft Environment Control and Life Support, MIIT (Nanjing University of Aeronautics and Astronautics), Nanjing 210016, China; 2. College of Aerospace Engineering, Nanjing University of Aeronautics and Astronautics, Nanjing 210016, China; 3. AVIC Hongguang Airborne Equipment Co., Ltd., Nanjing 210022, China)

Abstract: To decrease landing velocity of parafoil system and improve landing safety of payload, a method for determining the optimal flare landing altitude was proposed, and a study on the influencing factors and calculation models of relative flare landing altitude and landing velocity was completed. Firstly, a two-body nine-degree-offreedom(DOF) dynamic model of the parafoil system and a coupled aerodynamic characteristic model of flare landing control were established, providing a more realistic simulation of the motion performance of the parafoil system under control between two bodies. The velocity and attitude changes of the parafoil system under flare landing control were studied, and the numerical results were consistent with the results in the literature, with a maximum error of 8.20% in glide ratio. Secondly, based on this model, with the minimum vertical landing velocity as the optimization objective, the optimal landing altitude was determined using the time dichotomy method, and the impact of flare maneuver timing on the landing velocity was analyzed. Then, simulation calculations were conducted on the optimal landing altitude under different initial conditions, wing load, landing altitude, and attack angle. The formula fitting of relative flare altitude and landing velocity was completed by the least squares method. It was found that the initial parameters have a minimal effect on the optimal landing altitude. As the wing load and landing altitude increase, the landing velocity and relative landing altitude also increase. The attack angle has a minor impact on the landing velocity, but an increase in the attack angle leads to an increase in the height of flare landing. The relative flare altitude and landing velocity calculation model proposed in this paper is in goof agreement with the numerical calculation results, with a maximum error less than 4.00%, indicating that the calculation model has good applicability.

Keywords: parafoil; 9DOF model; flare maneuver; flare altitude; landing velocity

翼伞具有极优的操纵能力,在精确空投、伞兵 空降及运动表演等领域都得到了广泛应用^[1-2]。 翼伞通过下拉双侧操纵绳使其气动外形发生变化, 升力、阻力系数迅速增大,前进速度和垂直速度在 着陆前迅速减小^[3],使之实现安全着陆的过程称为 雀降过程。雀降操纵本质上是一种小心操纵的动 力失速^[4]。

目前,国内外学者多采用单体六自由度(6 degree of freedom,6DOF)模型开展翼伞雀降着陆阶 段的研究^[5-6]。早期开展此项工作代表人物 Goodrick 等^[7-8]提出并建立了系统平动及转动的 6DOF 模 型,对翼伞系统雀降过程进行了仿真研究,通过与试 验翼伞下降率、速度等对比,验证了模型的准确性。 国内一些学者利用 6DOF 模型开展了翼伞雀降着陆 阶段的研究。卞琨^[9]基于雀降着陆操纵时长及平 均垂直速度,得到了翼伞进入雀降着陆段的平均高 度;胡容^[10]针对 2 种雀降实施高度下着陆速度的对 比,得到了相对优化的雀降高度;张兴会等^[11]探究 了逆风对雀降高度的影响;熊菁^[12]则针对翼伞部分结 构参数对雀降性能的影响进行了较为深入的研究。

6DOF 模型将翼伞与载荷视为固连的刚体,没 有考虑到伞 - 载两体之间的相对运动状态变化。为 更好地探究翼伞 - 载荷体之间的相对运动变化对翼 伞雀降着陆阶段的影响规律,一些学者开始进行翼 伞系统多体动力学模型下的雀降研究^[13-16]。如杨 华等^[17]基于翼伞系统纵向对称面内的 4DOF 模型, 根据载荷体接地机械能及速度变化得到翼伞安全雀 降的高度及时间范围;李东^[18]基于 9DOF 模型,根 据速度的合理范围得到相应的雀降高度范围。上述 研究可以得到雀降操纵实施的时间或高度范围,但 鲜有对最优雀降实施高度方面的研究报道。

本文根据文献[19]建立了翼伞 - 载荷两体系 统9DOF 动力学模型,以垂直着陆速度最小为优化 目标,采用时间二分法开展了雀降实施高度的优化 研究,探究了初始工况、翼载荷、着陆高度及安装角 对于最优雀降实施高度、着陆速度的影响,并完成公 式拟合,为工程设计提供了理论依据。

1 翼伞系统动力学建模

1.1 坐标系定义

本文动力学方程、运动学方程之间的关系涉及 到3个坐标系,包括惯性坐标系 *O*_e*X*_e*Y*_e*Z*_e和两类体 轴坐标系(伞体坐标系 *O*_p*X*_p*Y*_p*Z*_p、载荷坐标系 $O_{b}X_{b}Y_{b}Z_{b}$),如图1所示。

惯性坐标系到体轴系的转换矩阵为

$$\boldsymbol{T}_{i} = \begin{pmatrix} C_{\theta_{i}}C_{\varphi_{i}} & C_{\theta_{i}}S_{\varphi_{i}} & -S_{\theta_{i}} \\ S_{\phi_{i}}S_{\theta_{i}}C_{\varphi_{i}} & -C_{\phi_{i}}C_{\varphi_{i}} & S_{\phi_{i}}S_{\theta_{i}}S_{\varphi_{i}} + C_{\phi_{i}}C_{\varphi_{i}} & S_{\phi_{i}}C_{\theta_{i}} \\ C_{\phi_{i}}S_{\theta_{i}}C_{\varphi_{i}} + S_{\phi_{i}}S_{\varphi_{i}} & C_{\phi_{i}}S_{\theta_{i}}S_{\varphi_{i}} - S_{\phi_{i}}C_{\varphi_{i}} & C_{\phi_{i}}C_{\theta_{i}} \end{pmatrix}$$

$$(1)$$

式中: $C_* = \cos(*)$, $S_* = \sin(*)$; ϕ_i 为滚转角, θ_i 为俯仰角, φ_i 为偏航角,其中下标 *i*为不同的体轴系。



图1 翼伞系统基本坐标系示意

Fig. 1 Schematic diagram of coordinate systems of parafoilpayload system

1.2 9DOF 动力学模型

本文將翼傘系统中的翼傘、载荷看作是两个中间由球铰连接的刚体,球铰只传递力不传递力矩,翼 傘及载荷之间不发生相对移动。因此,翼傘系统的 运动模型可简化为系统在连接点(图1中C点)处 的3自由度平动以及翼伞、载荷绕C点的3自由度 转动。由此建立刚柔组合系统9DOF动力学模型, 动力学方程为

$$\begin{bmatrix} -M_{\rm b}\tilde{R}_{\rm cb} & 0 & M_{\rm b}T_{\rm b} & T_{\rm b} \\ 0 & -(M_{\rm p} + M_{\rm F})\tilde{R}_{\rm cp} & (M_{\rm p} + M_{\rm F})T_{\rm p} & -T_{\rm p} \\ I_{\rm b} & 0 & 0 & -\tilde{R}_{\rm cb}T_{\rm b} \\ 0 & I_{\rm p} + I_{\rm F} & 0 & \tilde{R}_{\rm cp}T_{\rm p} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \dot{\Omega}_{\rm b} \\ \dot{\Omega}_{\rm p} \\ \dot{V}_{\rm c} \\ F_{\rm c} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} B_{\rm 1} \\ \dot{\Omega}_{\rm p} \\ B_{\rm 3} \\ B_{\rm 4} \end{bmatrix}$$

式中B为翼伞系统外载荷矩阵,具体为

$$\begin{bmatrix} \boldsymbol{B}_{1} \\ \boldsymbol{B}_{2} \\ \boldsymbol{B}_{3} \\ \boldsymbol{B}_{4} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \boldsymbol{F}_{b}^{A} + \boldsymbol{F}_{b}^{G} - \tilde{\boldsymbol{\Omega}}_{b} \boldsymbol{M}_{b} \tilde{\boldsymbol{\Omega}}_{b} \boldsymbol{R}_{cb} \\ \boldsymbol{F}_{p}^{A} + \boldsymbol{F}_{p}^{G} - \tilde{\boldsymbol{\Omega}}_{p} (\boldsymbol{M}_{p} + \boldsymbol{M}_{F}) \tilde{\boldsymbol{\Omega}}_{p} \boldsymbol{R}_{cp} + \boldsymbol{M}_{F} \tilde{\boldsymbol{\Omega}}_{p} \boldsymbol{T}_{p} \boldsymbol{V}_{c} - \tilde{\boldsymbol{\Omega}}_{p} \boldsymbol{M}_{F} \boldsymbol{T}_{p} \boldsymbol{V}_{c} \\ \boldsymbol{M}_{b}^{A} - \tilde{\boldsymbol{\Omega}}_{b} \boldsymbol{I}_{b} \boldsymbol{\Omega}_{b} \\ \boldsymbol{M}_{p}^{A} - \tilde{\boldsymbol{\Omega}}_{p} (\boldsymbol{I}_{p} + \boldsymbol{I}_{F}) \boldsymbol{\Omega}_{p} \end{bmatrix}$$

(3)

(2)

运动学关系式为:

$$\begin{bmatrix} \dot{x}_{e} \\ \dot{y}_{e} \\ \dot{z}_{e} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \dot{x}_{c} \\ \dot{y}_{c} \\ \dot{z}_{c} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} u_{c} \\ v_{c} \\ w_{c} \end{bmatrix}$$
(4)

$$\begin{bmatrix} u_{\rm p} \\ v_{\rm p} \\ w_{\rm p} \end{bmatrix} = T_{\rm p} \begin{bmatrix} u_{\rm c} \\ v_{\rm c} \\ w_{\rm c} \end{bmatrix} + \dot{\boldsymbol{\Omega}}_{\rm p} \boldsymbol{R}_{\rm cp}$$
(5)

$$\begin{vmatrix} \dot{\phi}_{\mathrm{b}} \\ \dot{\theta}_{\mathrm{b}} \\ \dot{\varphi}_{\mathrm{b}} \end{vmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & S_{\phi_{\mathrm{b}}} t_{\theta_{\mathrm{b}}} & C_{\phi_{\mathrm{b}}} t_{\theta_{\mathrm{b}}} \\ 0 & C_{\phi_{\mathrm{b}}} & -S_{\phi_{\mathrm{b}}} \\ 0 & S_{\phi_{\mathrm{b}}} / C_{\theta_{\mathrm{b}}} & C_{\phi_{\mathrm{b}}} / C_{\theta_{\mathrm{b}}} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} p_{\mathrm{b}} \\ q_{\mathrm{b}} \\ r_{\mathrm{b}} \end{bmatrix}$$
(6)

$$\begin{bmatrix} \dot{\boldsymbol{\phi}}_{\mathrm{p}} \\ \dot{\boldsymbol{\theta}}_{\mathrm{p}} \\ \vdots \\ \dot{\boldsymbol{\varphi}}_{\mathrm{p}} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & S_{\phi_{\mathrm{p}}} t_{\theta_{\mathrm{p}}} & C_{\phi_{\mathrm{p}}} t_{\theta_{\mathrm{p}}} \\ 0 & C_{\phi_{\mathrm{p}}} & -S_{\phi_{\mathrm{p}}} \\ 0 & S_{\phi_{\mathrm{p}}} / C_{\theta_{\mathrm{p}}} & C_{\phi_{\mathrm{p}}} / C_{\theta_{\mathrm{p}}} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} p_{\mathrm{p}} \\ q_{\mathrm{p}} \\ r_{\mathrm{p}} \end{bmatrix}$$
(7)

式中: F_*^{A} 为气动力矢量; F_*^{C} 为重力矢量; M_*^{A} 为气动 力矩矢量; M_* 为质量矢量; I_* 为转动惯量矢量; V_* 为速度矢量; Ω_* 为角速度矢量; R_* 为距离矢量; $\tilde{\Omega}_*$ 、 \tilde{R}_* 分别为各自的叉乘矩阵; $t_* = \tan(*)$;下标 p为翼傘;下标 b 为载荷;下标 c 为伞载系统连接 点;下标 e 为地面。翼伞结构示意如图 2 所示。



图 2 翼伞结构示意

Fig. 2 Schematic diagram of parafoil structure

1.3 气动力模型

雀降操纵会引起翼伞气动外形改变,从而使翼 伞气动特性发生改变,因此气动力系数和气动力矩 系数计算过程中需加入双侧操纵量的影响,计算公 式如下:

$$\begin{cases} \mathbf{C}_{L} = \mathbf{C}_{L}(\boldsymbol{\alpha}_{p}, \boldsymbol{\delta}_{e}) \\ \mathbf{C}_{D}^{p} = \mathbf{C}_{D}^{p}(\boldsymbol{\alpha}_{p}, \boldsymbol{\delta}_{e}) \end{cases}$$

$$\begin{cases} C_{X} = (-C_{\rm D}^{\rm p}u_{\rm p} + C_{\rm L}w_{\rm p})/V_{\rm p} \\ C_{Y} = C_{Y\beta}\beta + C_{Y_{\rm r}}(r_{\rm p}b/2V_{\rm p}) \\ C_{Z} = (-C_{\rm D}^{\rm p}w_{\rm p} - C_{\rm L}u_{\rm p})/V_{\rm p} \end{cases}$$

$$\begin{cases} C_{l} = C_{l\beta}\beta + C_{l_{\rm p}}\frac{p_{\rm p}b}{2V_{\rm p}} + C_{l_{\rm r}}\frac{r_{\rm p}b}{2V_{\rm p}} \\ C_{m} = C_{mc/4}(\alpha_{\rm p}, \delta_{\rm e}) + C_{m_{\rm q}}\frac{p_{\rm p}c}{2V_{\rm p}} \\ C_{n} = C_{n_{\beta}}\beta + C_{n_{\rm p}}\frac{p_{\rm p}b}{2V_{\rm p}} + C_{n_{\rm r}}\frac{r_{\rm p}b}{2V_{\rm p}} \end{cases}$$

$$(8)$$

式中: δ_e 为双侧下偏量, C_X 、 C_Y 、 C_Z 为翼伞体轴坐标 系下的气动力系数, C_l 、 C_m 、 C_n 为翼伞的滚转、俯仰、 偏航力矩系数, C_L 、 C_p 、 C_m 、 C_n 为采用插值拟合法拟合 得到和攻角、双侧下偏量同时相关的升力、阻力、1/4 弦线处俯仰力矩系数,其他气动数据取值为常数。

2 翼伞系统动力学仿真

2.1 研究对象及计算工况

为验证本文模型及方法的准确性,以文献[19] 中翼伞系统为研究对象采用龙格库塔方法进行了编 程计算。其中,翼伞系统结构参数见表1,翼伞、翼 载荷质量分别为5、135 kg,式(7)中的气动参数和 文献[19]一致,初始运动参数见表2。为更好模拟 雀降操纵,本文设计如下仿真工况:在5 s时对翼伞 施加双侧下拉操纵,操纵下偏量为100%,30 s时操 纵下偏量回复至0,操纵实施时间均为1 s,计算总 时长 60 s。

表1 翼伞系统结构参数

Tab. 1	Parafoi-payload	system	structure	parameters
--------	-----------------	--------	-----------	------------

展长 b/m	弦长 c/m	切口高度 e/m	安装角μ/(°)
7.5	3.75	0.675	9
伞衣面积	载荷体阻力	翼伞中心与系统	载荷中心与系统
$S_{\rm p}/{ m m}^2$	面积 $S_{\rm b}/{\rm m}^2$	质心距离 $R_{\rm p}/{\rm m}$	质心距离 $R_{\rm b}/m$
28	0.5	-7.5	0.5

表2 初始运动状态参数

Tab. 2 Initial motion parameters

$u_{\rm c}, v_{\rm c}, w_{\rm c}/({\rm m\cdot s^{-1}})$	$\phi_{\mathrm{p}}, heta_{\mathrm{p}}, arphi_{\mathrm{p}}/(^{\circ})$	<i>x</i> , <i>y</i> , <i>z</i> /m
10.5,0,3.5	0, -10,0	0,0,-1000

2.2 结果分析

翼伞速度和伞载姿态的动态变化如图 3 所示。 由图 3 可知,本文的仿真结果与文献结果规律一致, 翼伞的运动特性变化与操纵绳下拉相互对应,翼伞 系统工作过程分为无操纵稳定滑翔阶段、双侧全下 拉减速雀降阶段、操纵绳回复至稳定滑翔3个阶段。



图 3 模型和文献结果对比

Fig. 3 Comparison between model and literature results

操纵绳在第5s下拉后,翼伞的升力、阻力、俯 仰力矩系数均增加,从而导致翼伞的前向速度和垂 相速度减小,俯仰角增加,翼伞垂向速度在第6s达 到最小值,该值被称作最优着陆速度,此时被认为是 雀降操纵的最佳着陆点,也是确定最优雀降高度的 依据;之后由于翼伞的攻角急速增加,升力系数减 小,翼伞的垂向速度逐渐增加,俯仰力矩系数逐渐减 小从而俯仰角减小。操纵绳在第30s恢复后,翼伞 的升力系数增加,阻力、俯仰力矩系数减小,从而导 致翼伞的前向速度增加、垂相速度减小、俯仰角减 小,之后由于俯仰力矩系数增加,俯仰角增加,最终 恢复至初始值。

表 3 为稳定时各阶段运动特征量和文献的对 比,最大误差为 8.20%。上述结果验证了本文雀降 操纵两体动力学模型的准确性。 表 3 本文和文献系统稳定运动特性对比

Tab. 3 Comparison of main steady flight characteristics between present study and literature

运动阶段	Ľ	$u_{\rm e}/({\rm m}\cdot{\rm s}^{-1})$	$w_{\rm e}/({\rm m\cdot s^{-1}})$	滑翔比
	文献	10.50	3.50	3.00
宿翔阶段/s	本文	10.52	3.53	2.98
(0~5, 50~00)	误差/%	0.20	0.90	0.70
	文献	5.25	7.20	0.73
雀降阶段/s	本文	5.31	6.75	0.79
(20~30)	误差/%	1.10	6.30	8.20

3 雀降操纵优化高度确定方法

3.1 优化目标及求解方法

根据翼伞系统动力学仿真的分析结果,雀降操 纵后系统的垂直速度会迅速降低到最小值随后增 加,为保证着陆安全,应该确保翼伞系统以载荷体最 小垂直速度着陆。本文以载荷体垂直着陆速度最小 为优化目标,采用时间二分法获得最优雀降实施高 度,技术方案如图4所示,若载荷体垂直速度达到最 小时的高度和预设着陆高度之间差值的误差小于 0.01 m则可认为符合优化目标。



图4 雀降实施高度优化方案

Fig. 4 Optimization scheme of flare altitude

翼伞雀降采用一次操纵、"匀速下拉"模式^[20], 操纵总时长为3 s,操纵量变化满足:

$$\delta_s = \frac{t - t_k}{3}, \quad t_k \le t \le t_k + 3 \tag{9}$$

3.2 雀降操纵实施高度影响分析

为探究翼伞系统滑翔运动状态对雀降实施高度 的影响,本文以翼伞系统为对象,设计了10种计算 工况,采用稳定滑翔阶段初始工况作为稳定状态计 算工况,同时设计初始非稳定状态,具体见表4。

表 4 仿真内容 Tab. 4 Simulation content

在古	7				
切 兵 内交	u_{c} , v_{c} , $w_{\mathrm{c}}/$	$\phi_{ m p}$, $ heta_{ m p}$, $arphi_{ m p}$ /	H. /km	备注	
內谷	$(m \cdot s^{-1})$	(°)	<i>H</i> ₀ / KIII		
1	(5.0,0,8.0)	(0,0,0)	1~5	非稳定滑翔状态	
2	(10.5,0,3.5)	(0,-10,0)	1 ~ 5	稳定滑翔状态	

通过计算得到了最优雀降实施高度随不同初始 高度 H₀的变化情况如图 5 所示。随着高度的变化, 初始稳定工况和非稳定工况的雀降高度集中在 7.02 m左右;同时仿真结果中不同初始工况下的雀 降时长、着陆速度均相同,分别为 2.63 s、1.95 m/s。 对同一对象无外在干扰的情况下,不同的初始运动 参数最终会稳定至同一滑翔状态,本文由于算法的 影响,不同初始工况下的雀降高度存在较小的波动, 平均保持在 7.02 m 左右。



图 5 不同初始参数下雀降高度随初始高度的变化曲线

Fig. 5 Curve of flare altitude with initial altitude for different initial parameters

假设翼伞系统雀降操纵前处于稳定滑翔状态, 初始高度为1km开始计时,若雀降提前实施或延迟 实施3m,操纵时刻虽然相差不大但着陆速度却相 差较大(如表5及图6所示)。由此可知,雀降操纵 时机对着陆速度的影响较大,需合理判断雀降实施 高度以更好地保证载荷体的无损着陆。

表 5 不同雀降实施高度下的比较

Tab. 5 Comparison of different flare altitudes

特征量	实施高度/m	操纵时刻/s	着陆速度/(m·s ⁻¹)
提前实施	10.01	278.69	4.18
准确实施	7.01	279.56	1.95
延迟实施	4.01	280.42	2.67



图 6 载荷体垂直高度随垂直速度的变化

Fig. 6 Variation of altitude of payload with vertical velocity

4 雀降操纵影响因素研究

4.1 翼载荷影响

为探究翼载荷 m_b对雀降操纵的影响,设置翼载 荷分别为 55~215 kg 的 5 组对比工况,初始工况见 表 2,得到结果如图 7 所示。



Fig. 7 Influence of wing load on flare control

随着翼载荷的增加,滑翔速度增加,雀降操纵时 的高度损失增加,因此需要在更高的高度实施雀降 操纵,相对雀降高度随之增加(如图7所示),且相 对雀降高度与翼载荷的1/2次方成正比,采用最小 二乘法进行拟合,得到如式(10)所示的计算模型; 当翼载荷越大时,系统重力越大,即翼伞竖直向上的 气动力越大,着陆速度增加,且着陆速度与翼载荷的 1/3次方成正比,采用最小二乘法进行拟合,得到如 式(11)所示的计算模型。

$$h_{\rm land} = 0.618 \ 1m_{\rm b}^{1/2}, R^2 = 0.998$$
 (10)

 $w_{\text{land}} = 0.378 \ 4m_{\text{b}}^{1/3}, R^2 = 0.998$ (11)

为验证相对雀降高度和着陆速度模型的准确性 和适用性,本文选取大(250 kg)、中(100 kg)、小(20 kg) 翼载荷进行雀降数值计算,所得到的结果与式(10)、

· 39 ·

(11)计算结果进行对比,结果如表 6 及图 8 所示。 从图 8 中可以看出,本文提出的相对雀降高度和着 陆速度计算模型与仿真计算结果较为符合,最大误 差小于 4.00%,表明该模型在全翼载荷范围内均有 良好的适用性。

表 6 计算模型和数值计算结果对比

Tab. 6 Comparison of calculation models and numerical calculation results

	相对	相对雀降高度/m			着陆速度/(m·s ⁻¹)		
$m_{\rm b}/{\rm kg}$	计算	仿真	误差/	计算	仿真	误差/	
	模型	计算	%	模型	计算	%	
250	9.85	9.77	-0.73	2.37	2.39	0.85	
100	5.99	6.18	3.14	1.77	1.76	-0.66	
20	2.87	2.76	-3.73	1.06	1.03	-2.38	



图 8 不同翼载荷下计算模型和数值计算结果对比

Fig. 8 Comparison of calculation models and numerical calculation results under different wing loads

4.2 着陆高度影响

考虑到空气密度的变化,设置5组不同着陆高度(0~4 km)完成着陆高度对雀降性能的影响,仿 真初始高度为5 km,初始运动参数见表2,得到翼伞 系统相对雀降高度和着陆速度变化如图9所示。



Fig. 9 Influence of landing altitude on flare control

随着着陆高度减小,空气密度增大,近地面的滑 翔速度减小,因此雀降操纵时的高度损失减小,雀降 实施高度减小;同时由于越小的着陆海拔高度雀降 操纵前滑翔速度越小,操纵后着陆速度越小。分析 得到相对雀降高度、着陆速度分别和密度的 – 1/2、 -1/3 次方成正比,计算模型如式(12)、(13)所示。

 $h_{\text{land}} = 7.859 \ 0 \rho^{-1/2}, \ R^2 = 0.987$ (12)

$$w_{\text{land}} = 2.080 \ 0 \rho^{-1/3}, \ R^2 = 0.999$$
 (13)

选取大(4.5 km)、中(1.5 km)、小(-0.2 km) 着陆高度所对应的密度进行雀降数值计算,所得到 的结果对比如表7及图10所示。从图10中可以看 出,本文提出的相对雀降高度和着陆速度计算模型 与仿真计算结果最大误差小于2.00%,表明该模型 在全着陆高度范围内均有良好的适用性。

表7 计算模型和数值计算结果对比

Tab. 7 Comparison of calculation models and numerical calculation results

芝 叶言亩。	家庄/	相对	雀降高	度/m	着陆i	速度/(n	$\mathbf{n \cdot s^{-1}}$
有 面 尚 皮 /	留度/	计算	仿真	误差/	计算	仿真	误差/
KM (I	(kg·m ⁻¹)	模型	计算	%	模型	计算	%
4.5	0.78	9.06	8.92	-1.60	2.26	2.26	0.28
1.5	1.06	7.60	7.64	0.45	2.04	2.04	-0.10
-0.2	1.25	6.92	7.03	1.63	1.94	1.93	-0.28





Fig. 10 Comparison of calculation models and numerical calculation results under different landing altitudes

4.3 安装角影响

翼伞安装角是定位翼伞相对于载荷体位置的重 要参数,工程中其大小可通过改变伞绳长度来调节。 采用初始工况见表 2,通过仿真计算得到不同安装 角下翼伞系统着陆速度、相对雀降高度的变化如 图 11所示,高度随攻角和气动力的变化曲线如图 12、 13 所示。





图 11 安装角对雀降操纵的影响

Fig. 11 Influence of attack angle on flare control



图 12 系统高度随攻角变化曲线

Fig. 12 Curve of system altitude variation with angle of attack







随着安装角的增加,稳定滑翔阶段平衡攻角减 小(如图 12 所示),从而引起翼伞气动特性改变, 升、阻力系数减小,由升、阻力计算公式及系统平衡 可知稳定阶段滑翔速度增大,同理可知雀降实施操 纵提前,相对雀降高度增加(如图 11 所示),且相对 雀降高度与平衡攻角的 – 1/2 次方成正比,得到如 式(14)所示的计算模型。雀降操纵后,不同安装角 下气动力变化幅度接近(如图 13 所示),着陆速度 随安装角的增加先减小后增加,在此范围内差值小

于0.1 m/s,几乎可以忽略不计。

h_{land} = 17.800 0α^{-1/2}, R² = 0.983 (14)
选取大(15°)、中(10°)、小(5°)安装角进行雀
降数值计算,所得到的结果对比如表 8 及图 14 所
示。从图 14 中可以看出,该计算模型与数值计算结
果较为符合,最大误差小于 4.00%,表明该模型在
全安装角范围内均有良好的适用性。

表 8 计算模型和数值计算结果对比

Tab. 8 Comparison of calculation models and numerical calculation results

皮壮舟((○)	亚施中央 ((0)	相对雀降高度/m			
女衣用/(*)	十阕以用 (4/(-))	 (°) 相对雀降高度/n 计算模型 仿真计算 9.98 10.04 7.49 7.41 	误差/%		
15	3.15	9.98	10.04	0.60	
10	5.77	7.49	7.41	-1.08	
5	9.97	5.43	5.64	3.87	



图 14 不同安装角下计算模型和数值计算结果对比



5 结 论

 1)翼伞系统雀降高度需准确实施,提前或延迟 实施均会引起着陆速度的增加。

2)初始运动参数对最优雀降高度和着陆速度 几乎没有影响;随着翼载荷和着陆高度的增加,系统 雀降实施高度和着陆速度增加,安全性降低;随着安 装角的增加,雀降实施高度增加。

3)相对雀降高度及着陆速度的拟合计算模型 结果和仿真结果最大误差小于 4.00%, 计算模型具 有良好的适用性。

参考文献

- [1]赵秋艳. 翼伞雀降技术[J]. 航天返回与遥感, 1999, 20(2):5
 ZHAO Qiuyan. Flare maneuver of RAM-AIR parachute [J].
 Spacecraft Recovery & Remote Sensing, 1999, 20(2):5
- [2]王利荣.降落伞理论与应用[M].北京:宇航出版社,1997
 WANG Lirong. Parachute theory and application [M]. Beijing: Aerospace Press, 1997

[3]赵培尧. 单层翼伞回收末段飞行特性研究[D]. 北京:北京理工 大学,2017

ZHAO Peiyao. Study on the flight characteristics of parawing at the last stage of recycling [D]. Beijing: Beijing University of Technology, 2017

- [4]余莉. 气动减速技术[M]. 北京:科学出版社,2018
 YU Li. Aerodynamic deceleration technology[M]. Beijing: Science Press, 2018
- [5] SLEGERS N, GORMAN C. Comparison and analysis of multi-body parafoil models with varying degrees of freedom [C]//21st AIAA Aerodynamic Decelerator Systems Technology Conference and Seminar. Reston: AIAA, 2011: AIAA2011-2615. DOI:10.2514/ 6. 2011-2615
- [6] TAN Panlong, SUN Mingwei, SUN Qinglin, et al. Dynamic modeling and experimental verification of powered parafoil with two suspending points [J]. IEEE Access, 2020, 8: 12955. DOI:10. 1109/ACCESS.2020.2965541
- [7] GOODRICK T. Simulation studies of the flight dynamics of gliding parachute systems [C]//6th Aerodynamic Decelerator and Balloon Technology Conference. Reston: AIAA, 1979: 417. DOI:10.2514/6.1979-417
- [8] GOODRICK T. Comparison of simulation and experimental data for a gliding parachute in dynamic flight [C]//7th Aerodynamic Decelerator and Balloon Technology Conference. Reston: AIAA, 1981: 1924. DOI:10.2514/6.1981-1924.
- [9]卞琨.复杂风场下翼伞系统航迹规划与跟踪控制[D].长沙:国 防科技大学,2020

BIAN Kun. Trajectory planning and path following control of parafoil system in complex wind area[D]. Changsha: National University of Defense Technology, 2020. DOI: 10.27052/d. cnki. gzjgu. 2020. 000183

[10] 胡容. 高空精确空投翼伞归航轨迹规划与控制[D]. 南京:南京航空航天大学, 2014

HU Rong. Homing trajectory planning and control for the accurate aerial delivery of parafoil system[D]. Nanjing: Nanjing University of Aeronautics and Astronautics, 2014

- [11]张兴会,朱二琳. 翼伞系统雀降性能及控制研究[J]. 航天控制, 2012, 30(1):29
 ZHANG Xinghui, ZHU Erlin. The study of the flare-landing performance and control of parafoil system[J]. Aerospace Control, 2012, 30 (1):29. DOI:10.16804/j.cnki.issn1006-3242.2012.01.007
- [12] 熊菁. 翼伞系统动力学与归航方案研究[D]. 长沙: 国防科学 技术大学, 2005

XIONG Jing. Research on the dynamics and homing project of parafoil system [D]. Changsha: National University of Defense Science and Technology, 2005

- [13] OCHI Y. Modeling and simulation of flight dynamics of a relativeroll-type parafoil[C]//AIAA Scitech 2020 Forum. Reston: AIAA, 2020: 1643. DOI:10.2514/6.2020-1643
- [14] GANG Yu. Nine-degree of freedom modeling and flight dynamic analysis of parafoil aerial delivery system [J]. Procedia Engineering, 2015, 99: 866. DOI:10.1016/j. proeng. 2014.12. 614
- [15]SLEGERS N, COSTELLO M. Aspects of control for aparafoil and payload system[J]. Journal of Guidance, Control, and Dynamics, 2003, 26(6): 898. DOI: 10.2514/2.6933
- [16] MORIYOSHI T, YAMADA K, NISHIDA H. The effect of rigging angle on longitudinal direction motion ofparafoil-type vehicle: basic stability analysis and wind tunnel test[J]. International Journal of Aerospace Engineering, 2020, 2020: 8861714. DOI: 10. 1155/ 2020/8861714
- [17]杨华,宋磊,王文剑,等.动力翼伞纵向四自由度动力学仿真
 [J].北京航空航天大学学报,2014,40(11):1615
 YANG Hua, SONG Lei, WANG Wenjian, et al. 4-DOF longitudinal dynamic simulation of powered-parafoil [J]. Journal of Beijing University of Aeronautics and Astronautics, 2014, 40(11):1615. DOI:10.13700/j.bh.1001-5965.2014.0086
- [18] 李东.区域信标/差分 GPS 组网导航技术研究[D].西安:西北 工业大学,2001
 LI Dong. Research on RB/DGPS-network based integrated navigation technology[D]. Xi'an: Northwestern Polytechnical University, 2001
- [19] PRAKASH O, ANANTHKRISHNAN N. Modeling and simulation of 9-DOFparafoil-payload system flight dynamics [C]//AIAA Atmospheric Flight Mechanics Conference and Exhibit. Reston: AIAA, 2006: 6130. DOI:10.2514/6.2006-6130
- [20]程杨,仇博文,余莉,等.操纵方式对翼伞系统雀降性能的影响研究[J/OL].北京航空航天大学学报.https://doi.org/10.13700/j.bh.1001-5965.2022.0914
 CHENG Yang, QIU Bowen, YU Li, et al. The effects of maneuver modes on the flare performance of parafoil-payload system flare performance[J/OL]. Journal of Beijing University of Aeronautics and Astronautics. https://doi.org/10.13700/j.bh.1001-5965.2022.0914

(编辑 张 红)