# 钢框架结构直接基于位移的抗震性能设计

## 吕大刚,贾明明,李 佳,张素梅

(哈尔滨工业大学 土木工程学院,150090 哈尔滨,jiamingming@hit.edu.cn)

**摘 要:**为更好地实现基于性能的抗震设计思想,采用一种直接基于位移的抗震设计方法对钢框架结构进 行设计,依据初步设计的结构得到结构的屈服位移,根据大震作用下的设计目标位移,计算相应的延性系数, 确定等效黏滞阻尼或强度折减系数,从而构造相应的高阻尼弹性反应谱或弹塑性反应谱,并得到相应的位移 反应谱.以二折线模型模拟结构的性能曲线,在位移反应谱上确定结构目标位移对应的结构有效周期,根据 有效周期计算结构的刚度,得到结构的设计基底剪力.通过反复改变结构构件的截面使所设计结构的位移与 初始假设位移接近,完成结构的设计.通过直接基于位移的设计实现了钢框架结构的预期抗震性能目标,算 例分析表明:应用弹塑性反应谱较应用弹性反应谱的设计结果更准确,基于弹塑性反应谱采用直接基于位移 的方法可以更好地实现钢框架结构的抗震性能设计.

## Direct displacement-based seismic performance design of steel frame structures

LÜ Da-gang, JIA Ming-ming, LI Jia, ZHANG Su-mei

(School of Civil Engineering, Harbin Institute of Technology, 150090 Harbin, China, jiamingming@hit.edu.cn)

**Abstract**: Direct displacement-based seismic design is a more rational approach to performance-based seismic design, which was used to design steel frame structures. In this method, the yield displacement depends on the initial structures and the ductility factors are calculated according to objective displacement. Then equivalent viscous damping or strength discount factors are ensured, then high damping elastic displacement response spectra or elastic-plastic response displacement spectra are established. Based on structural bilinear model, effective period corresponding to objective displacement are ascertained on displacement response spectra, the structural stiffness and base shear force are confirmed. Component sections are modified to make the structural displacement approach to original displacement, then the structural design are accomplished. Seismic performance objectives of steel frame structures are implemented by the method. Compared to elastic response spectra, the application of elastic-plastic response spectra makes the design results more accurate. Base on elastic-plastic response spectra, performance-based seismic design of steel frame can be implemented by direct displacement-based design method.

Key words: direct displacement-based seismic design; steel frame; elastic spectra; elastic-plastic spectra; displacement spectra

直接基于位移的抗震设计(Direct displacement-based seismic design, DDBSD)主要是以结 构在某水平地震作用下的预期目标位移响应为依 据来进行结构设计,并希望设计的结构在未来实 际发生该水平地震作用时恰好实现上述目标位 移<sup>[1]</sup>.基于位移的抗震设计方法通常要采用能力 谱法通过迭代计算确定结构的性能目标,并据此

收稿日期: 2009-10-26.

基金项目:国家自然科学基金重大研究计划(90715021);国家自 然科学基金资助项目(51008090,50978080, 50678057,50108005);地震行业科研专项基金 (200808073);中国博士后科学基金资助项目 (20080440891);哈尔滨工业大学科研创新基金资助 (HIT. NSRIF. 2009).

作者简介: 吕大刚(1970—),男,教授,博士生导师; 张素梅(1963—),女,教授,博士生导师.

对结构进行设计:而直接基于位移的抗震设计方 法是一种可以直接基于结构的弹性或弹塑性位移 谱确定结构的设计参数,进而确定结构的设计荷 载和设计构件截面. 直接基于位移的抗震设计方 法在确定结构的设计参数时无需迭代计算,更加 简便易行,而且更侧重于目标位移的实现过程,即 如何通过设计,使给定的目标位移在设计水准地 震作用下能够得到实现.从这个意义上讲,直接基 于位移的抗震设计方法更能有效地实现基于性能 的抗震设计思想<sup>[2]</sup>. 直接基于位移的抗震设计方 法主要采用弹性反应谱等价线性化思想[3]以及 基于非线性反应谱的设计思想<sup>[4]</sup>,且都是采用单 自由度体系等效多自由度体系. 国内外学者对建 筑结构、被动耗能结构、桥梁结构等结构体系直接 基于位移的抗震设计方法进行了研究,对性能目 标的确定方法、结构等效线性化方法和反应谱的 建立方法进行了系统研究<sup>[5-14]</sup>. 在以往的研究 中,直接基于位移的抗震设计方法的设计步骤都 较为繁琐,并目研究的对象主要局限干钢筋混凝 土结构,本文将直接基于位移的抗震设计方法用 于钢框架结构,并给出了更加简便可行的设计步 骤,并对基于弹性反应谱和基于弹塑性反应谱的 直接基于位移的抗震设计方法进行了比较.

1 位移反应谱的建立

### 1.1 高阻尼弹性位移反应谱的建立

弹塑性体系的地震响应可以由等价的线性体 系代替近似值估算得出,用等价线性体系设计弹 塑性体系的方法也已被应用在基于位移的设计方 法中.考虑一个在初始荷载作用下力 – 变形成双 线性关系的单自由度弹塑性体系,如图1所示.弹 性阶段刚度为k,屈服段刚度为 $\alpha k$ . 屈服力和屈服 位移分别由 $V_y$ 和 $D_y$ 表示. 顶点最大位移用 $D_m$ 表 示. 延性系数 $\mu = D_m/D_y$ . 对于图1的双线性体系, 与等效切线刚度 $k_{sec}$ 有关的等效线性体系的自由 振动周期为

$$T_{\rm ep} = T_{\rm n} \sqrt{\frac{\mu}{1 + \alpha \mu - \alpha}}.$$
 (1)

其中 $T_n$ 为体系在线弹性阶段( $V < V_y$ )的振动 周期.

定义等效黏滞阻尼的大多数方法是使等价弹 性体系和弹塑性体系的能量损耗相等,基于该准则,Chopra提出等效黏滞阻尼可以表示为

$$\zeta_{\rm ep} = \frac{1}{4\pi} \frac{E_{\rm D}}{E_{\rm S}}.$$
 (2)

其中 E<sub>D</sub> 为弹塑性体系的能量损耗,其滞回曲线如

图 2 所示.  $E_{\rm s} = k_{\rm sec} D_{\rm m}^2 / 2$  为由  $k_{\rm sec}$  表示的体系的应 变能. 将  $E_{\rm D}$  和  $E_{\rm s}$  代入式(2),得

$$\zeta_{\rm eq} = \frac{2 \times (\mu - 1) (1 - \alpha)}{\pi \mu (1 + \mu - \alpha)}.$$
 (3)

等效弹性体系的黏滞阻尼的总和为

$$\xi_{\rm eq} = \zeta + k \zeta_{\rm eq}. \tag{4}$$

其中 $\zeta$ 为双线性体系的弹性阶段( $D < D_y$ )的黏 滞阻尼比(通常取 0.05),k为阻尼修正系数<sup>[15]</sup>.

将我国抗震设计规范给出的阻尼系数为 5% 的弹性设计反应谱转化为阻尼为  $\hat{\zeta}_{eq}$ 的高阻尼弹性反应谱,将谱加速度 – 自振周期( $A - T_n$ 格式)曲线转化为位移 – 自振周期( $D - T_n$ 格式)表示的位移反应谱为

$$D = \frac{T_{\rm n}^2}{4\pi^2} A.$$
 (5)





由于上述方法采用的反应谱是以不同等效阻 尼比给出的等效弹性反应谱,这种方法用等效阻 尼弹性反应谱代替阻尼比为5%的弹性反应谱, 主要是依据等效过程和原过程的滞回耗能相等, 但是滞回耗能和等效阻尼之间并不存在一个稳定 的关系,因此导致的这个等效过程存在着很大的 误差,有时甚至会导致对于层数大的结构计算不 收敛,不便于实际工程应用.近年来,Chopra等<sup>[14]</sup> 对以上不足进行了研究并提出了改进,其方法就 是采用弹塑性反应谱的方法.采用与延性系数相 关的弹塑性反应谱,在线弹性反应谱的基础上,通 过对不同特性地震波的线性和非线性谱的计算与 回归分析,得到了相应的与延性有关的非线性反 应谱和线弹性反应谱的关系(用强度折减系数表 示),具体表达式可参照相关文献.

强度折减系数为结构所承受的非弹性力与所 承受的弹性力的比值:

$$R_{\mu} = \frac{V}{V_{y}} = \frac{A}{A_{y}}.$$
 (6)

由力的折减系数的物理意义可得

$$A = \frac{A_e}{R_{\mu}}.$$
 (7)

为区别弹性和弹塑性体系用 A<sub>e</sub> 和 D<sub>e</sub> 表示弹 性体系反应谱的加速度和位移值.利用与延性系 数相关的强度折减系数即可由线弹性反应谱来确 定弹塑性反应谱,弹塑性谱对应的周期是结构弹 性状态时对应的周期,理论上非弹性谱会比等效 阻尼弹性谱更加精确,具有良好的物理基础,特别 是在短周期范围内和高延性情况下更是如此.

同样将我国抗震设计规范给出的阻尼系数为 5%的弹性设计反应谱利用强度折减系数转化为 延性系数为μ的弹塑性反应谱,并依据式(5)转 化为弹塑性位移反应谱.

2 直接基于位移的抗震设计步骤

#### 2.1 高阻尼弹性位移反应谱的应用

利用高阻尼弹性位移反应谱进行直接基于位 移的抗震设计可依据以下步骤:1)将结构体系转 化为等效单自由度体系,结构的性能为双线性模 型,并确定屈服位移  $D_y$ ;2)确定结构的设计目标 位移  $D_p$ ,在本文中,结构的设计目标位移转角参 考我国建筑抗震设计规范给出的钢结构"大震" 作用时层间位移角限值 $\theta = 1/50$ 确定;3)计算延

性系数: $\mu = D_p/D_y$ ;4) 由式  $\zeta_{eq} = \frac{2}{\pi}$  ·

 $\frac{2(\mu - 1)(1 - \alpha)}{\pi\mu(1 + \alpha\mu - \alpha)}$ 和式 $\hat{\zeta}_{eq} = \zeta + k\zeta_{eq}$ ,已知的延性 系数估计总的等效黏滞阻尼 $\hat{\zeta}_{eq}$ ,这里 $\zeta$ 是双线性 体系的弹性阶段( $V < V_y$ )的黏滞阻尼比(通常取 0.05),k为修正系数;5)依据上节的方法建立高 阻尼弹性位移反应谱;6)依据结构体系的设计目 标位移  $D_p$ ,在高阻尼弹性位移反应谱上确定对应 的等效单自由度线性体系的自由振动周期  $T_{eq}$ ; 7)由 $k_{sec} = \frac{4\pi^2}{T_{eq}^2}m$ 确定等效切线刚度,其中m为结 构体系的等效质量;8)由图1 双线性力 – 位移关 系确定必要的基底剪力: $V_y = \frac{k_{sec}D_p}{1 + \alpha\mu - \alpha}$ ;9)由  $V_y$ 估计构件尺寸和细节设计;10)重复1~9步直 到相邻两次所设计的结构的屈服位移与设计目标 位移差值较小.

#### 2.2 弹塑性位移反应谱的应用

利用弹塑性位移反应谱进行直接基于位移的 抗震设计可依据下列步骤:1)~3)与应用弹性反 应谱进行直接基于位移的抗震设计步骤的1~3 步相同;4)依据上节的方法建立弹塑性位移反应 谱;5)依据结构体系的屈服位移  $D_y$ ,在弹塑性位 移反应谱上确定等效单自由度线性体系的自由振 动周期  $T_n$ ;6)由式  $k = \frac{4\pi^2}{T_n^2}m$ 确定结构体系最初 的弹性刚度;7)由式  $V_y = kD_y$ 确定必要的屈服 力;8)由  $V_y$ 估计构件尺寸和细节设计;9)重复 1~8步直到相邻两次所设计的结构的屈服位移与 设计目标位移差值较小.

## 3 算例分析

设计计算一个制糖车间多层钢框架,其横向 为框架,纵向为支撑抗侧力体系,其中一框架形式 如图 3 所示.梁柱节点刚接,采用现场焊接连接, 屋(楼)面构造均采用预制肋式钢筋混凝土板上 加 40 mm 配筋整浇层,外墙采用加气混凝土外包 (200 mm)砌筑,并分别由各层强梁支托.

风荷载及雪荷载标准值分别为及 0.4 kN/m<sup>2</sup> 各层楼盖上活荷载标准值均为 5.0 kN/m<sup>2</sup>,屋面 活荷载标准值为 7.0 kN/m<sup>2</sup>.抗震设防烈度为 9 度,场地类别为 II 类,设计地震分组为第一组.框 架梁、柱采用焊接工字型钢截面,梁、柱的截面尺 寸列入表 1 中,材质均为 Q235 钢;弹性模量  $E = 2e^8 kN/m^2$ ,泊松比  $\nu = 0.3$ .

#### 3.1 高阻尼弹性位移反应谱的应用

对此钢框架结构应用高阻尼弹性位移反应谱 进行直接基于位移的设计. 首先根据设计步骤假 设屈服位移  $D_y$ 为 60 mm,设计目标位移  $D_p$  为 300 mm,延性系数  $\mu$  为 5;经计算  $\hat{\zeta}_{eq} = \zeta + \zeta_{eq} =$  $\zeta + \frac{2}{\pi} \frac{(\mu - 1)(1 - \alpha)}{\mu(1 + \alpha \mu - \alpha)} = 0.4534;$  画出  $\hat{\zeta}_{eq} =$ 0.453 4 的位移反应谱,如图 4 所示; 由图 4 和  $\frac{4\pi^2}{T_{\rm eq}^2}m$ 

 $D_{\rm p} = 300 \text{ mm}得 T_{\rm eq} = 2.06 1 \text{ s}; 切线刚度 k_{\rm sec} =$ 80. 89 kN,  $F_3 = 104.52$  kN,  $F_4 = 125.78$  kN,  $F_5 =$ 61.80 kN;由上面所得数值,按照 JGJ 99-98,柱 = 1 681.565 kN/m; 屈 服 力 V<sub>v</sub> = 和梁分别选用 56a 和 40a 工字型钢, 对所设计结  $\frac{k_{sec}D_{m}}{1 + \alpha \mu - \alpha} = 420.40 \text{ kN}; 将上述等价单自由度$ 构进行非线性分析得 D,为 75.53 mm,设计目标位 移D<sub>n</sub>为137.87 mm. 所得结果与假设相差很大,重 体系基底剪力按式  $F_i = \frac{m_i \Phi_i}{\sum m_i \Phi_i} V_y$  施加到每一层 复上面步骤. 上,则各层地震作用 F<sub>1</sub> = 47.46 kN, F<sub>2</sub> = 21.2 kN/m 21.2 kN/m 5 000 mm 44.7 kN/m 44.7 kN/m Ŷ. Å Ŷ Ŷ 44.7 kN/m 44.7 kN/m 3 500 mm Ŷ Ŷ Ŷ Ŷ Ŷ Ŷ 44.7 kN/m 44.7 kN/m 3.500 mm Ŷ Ŷ 4 000 mm 44.7 kN/m 44.7 kN/m 6 000 mm 5 000 mm 5 000 mm





图 4 用弹性设计谱建立的 $\hat{\xi}_{eq}$  = 0.453 4 的位移反应谱 最后边柱、中柱和梁分别选用截面为800×

 $400 \times 12 \times 16,900 \times 450 \times 14 \times 18,700 \times 300 \times$ 12×16的焊接工字钢(单位均为mm),对所设计 结构进行非线性分析得 D 、为 50.01 mm,设计目 标位移 D<sub>n</sub>为 76.42 mm,所得结果与上一步结果 相差不大,可以终止迭代.将上述迭代程序在表2 中列出.

#### 3.2 弹塑性位移反应谱的应用

对此钢框架结构应用弹塑性位移反应谱进行 直接基于位移的设计.首先假设屈服位移 D,为 60 mm,设计目标位移  $D_{\rm o}$ 为 300 mm,则延性系数  $\mu$ 为5;由规范给出的加速度反应谱得到弹塑性反 应谱,并得到相应的位移反应谱,如图5所示;依 据 $D_v$ 在图5位移反应谱上得出相应的周期 $T_n$ = 1.534; 计算弹性刚度  $k = 4\pi^2/(T_n^2m) =$ 3 035.421 kN/m; 屈服力  $V_y = kD_y = 182.13$  kN; 将上步得到的等价单自由度体系的基底剪力按式

 $F_{t} = \frac{m_{t} \Phi_{t}}{\Sigma m_{t} \Phi_{t}} V_{y}$ 施加到每一层上,则各层地震作用  $F_1 = 20.56 \text{ kN}, F_2 = 35.05 \text{ kN}, F_3 = 45.28 \text{ kN},$ 

 $F_4 = 54.50$  kN,  $F_5 = 26.78$  kN;由上面所得数值, 梁、边柱和中柱分别选用 32a,36a 和 40a 工字钢, 对所设计结构进行非线性分析得  $D_y$ 为 80.09 mm,

设计目标位移  $D_p$ 为 159.57 mm. 所得结果与假设 相差太多,重复上面步骤.

表 2 5 层两跨钢框架结构应用弹性设计谱的迭代过程													
迭代次数	$D_y/\mathrm{mm}$	$D_{\rm p}/{ m mm}$	$\mu$	$\hat{oldsymbol{\xi}}_{ ext{ep}}$	$T_{ m ep}$	$k_{ m sec}$	$V_{\rm y}$	$D_{\rm y}$					
1	60	300	5	0.453 4	2.061	1 681.57	420.40	75.53					
2	75.53	137.87	1.825 4	0.312 8	1.046	6 528.39	864.40	51.05					
3	51.05	77.72	1.561 6	0.2617	0.647	17 063.32	1 323.1	50.00					



图 5 应用弹塑性设计谱建立的μ=5的位移反应谱
 最后边柱、中柱和梁分别选用截面为850×
 400×12×16,1000×450×14×18,700×350×12×

16 的焊接工字钢(单位均为 mm),对所设计结构 进行非线性分析得 *D*,为 48.91 mm,设计目标位移 *D*,为82.75 mm.所得结果与上一步结果接近,可以 终止迭代,上述的迭代步骤列于表 3.

上面分别应用弹性反应谱和弹塑性反应谱对 钢框架结构进行了直接基于位移的抗震设计.应 用等效黏滞阻尼构造弹性反应谱精度较差,而弹 塑性反应谱精度较好.从上面的设计结果也可以 看出,两种方法得出的结果有所不同.在屈服位移 基本相同的情况下,应用弹塑性反应谱比应用弹 性反应谱设计的结构构件截面更大,设计偏于安 全,因此应用有严格理论基础的弹塑性反应谱能 更准确地对结构进行抗震设计.

表3 5层两跨钢框架结构应用弹塑性谱的迭代过程

迭代次数	$D_y/\mathrm{mm}$	$D_{ m p}/ m mm$	μ	$T_{ m ep}/ m s$	$k / ( k N \cdot m^{-1} )$	$V_{\rm y}$	$D_{\rm y}$
1	60.00	300.00	5.000 0	1.534	3 035.42	182.13	80.09
2	80.09	159.57	1.9924	0.766	12 173.40	974.97	57.58
3	57.58	126.39	2.195 0	0.615	18 885.11	1 087.41	49.92
4	49.92	81.62	1.635 0	0.484	30 491.51	1 522.14	48.91

## 4 结 论

1)针对钢框架结构,基于大震时的结构位移 限值,采用直接基于位移的抗震设计方法对结构 进行设计,所设计的结构能够满足性能目标的要 求.同基于位移的抗震设计方法不同的是,直接基 于位移的抗震设计方法更侧重于目标位移的实现 过程,即如何通过设计,使给定的目标位移在设计 水准地震作用下能够得到实现.从这个意义上讲, 直接基于位移的抗震设计方法更能有效地实现基 于性能的抗震设计思想.

2)设计过程中采用单自由度体系等效多自 由度体系,并采用弹性反应谱等价线性化思想以 及基于非线性反应谱的设计思想构造了结构设计 的位移谱.

3) 弹塑性反应谱相对于应用等效黏滞阻尼 构造的弹性反应谱精度更好,本文的研究也表明 基于前者的直接基于位移的抗震设计方法的设计 结果更加准确.

## 参考文献:

- [1] 吴波, 熊焱. 一种直接基于位移的结构抗震设计方法[J]. 地震工程与工程振动, 2005, 25(2):62-67.
- [2] 郭磊,李建中,范立础. 直接基于位移的结构抗震设 计理论研究进展[J]. 世界地震工程,2005,21(4): 157-164.
- [3] PRIESTLEY M J, KOWALSKY M J. Direct displacement-based seismic design of concrete buildings [J].
   Bulletin of the New Zealand National Society for Earth-quake Engineering, 2000, 33(4): 421 444.
- [4] CHOPRA A K, GOEL R K. Direct displacement-based design: use of inelastic design spectra versus elastic design spectra [J]. Earthquake Spectra, 2001, 17(1): 47-65.