整体叶轮展成电解精加工成型规律及运动设计

吴 锐,徐家文

(南京航空航天大学 江苏省精密与微细制造技术重点实验室, 210016 南京, wurui_ly@126.com)

摘 要:为提高整体叶轮精加工展成运动设计效率和加工精度,对精加工阴极表面进行离散化处理,研究其成型规律,建立了成型规律的数学模型,提出以叶片拟合型面母线的法向偏置线为基准进行展成运动轨迹设计.利用得到的数学模型对展成运动的合成进给速度进行优化设计,从而控制加工中去除材料的厚度.实验证明,以该数学模型为基础的展成运动设计方法可以精确地控制实际加工中去除材料的厚度,提高展成运动设计效率.

Shaping law and designing method of movement planning for precision electrochemical contour evolution machining of integral impeller

WU Rui, XU Jia-wen

(Jiangsu Key Laboratory of Precision and Micro – Manufacturing Technology, Nanjing University of Aeronautics and Astronautics, 210016 Nanjing, China, wurui_ly@126.com)

Abstract: In order to improve the precision of machining and efficiency of cathode movement planning, the shaping law of tool-cathode for precision electrochemical contour evolution machining of integral impeller has been studied, and the mathematical model was established, the offset curves along the normal direction of vane transversal in fitting surface of impeller blade profile has been used to design the movement trajectory of contour evolution, cathode velocity along the trajectory have been designed according to the mathematical model. Then, the thickness of electrochemical solution could be controlled. The results of experiment shows that using the mathematical model and the designing method of movement planning can improve the productivity of movement planning in electrochemical contour evolution machining integral impeller.

Key words: integral impeller; electrochemical contour evolution machining; vane surface; shaping law; movement planning

数控展成电解加工技术是一种将数控技术和 电解技术相结合的新型制造技术,它既有数控加 工的柔性,又具有一般电解加工的优点.数控展 成电解加工技术在整体叶轮加工中具有独特的优 势^[1-4],它通过利用简单形状的阴极做展成运动, 有效地解决难切削材料零件复杂型面的加工难 题^[5-8].但电解加工是非接触式加工,在加工过程 中工具阴极与工件之间始终有一加工间隙,这就 决定了展成电解加工中工具阴极运动轨迹的设计 不同于数控铣等切削加工中刀具轨迹的设 计^[9-10].阴极运动设计包括阴极运动轨迹设计和 运动参数的确定,为了获得高精度的整体叶轮叶 片型面,在进行阴极运动设计时必须要考虑工具 阴极的成型规律特点.不同形状的阴极会有不同 的成型规律模型,但是不同阴极成型规律研究的 基本思路是相通的.

本文以展成电解精加工直纹面叶轮为例,通 过对精加工阴极表面进行离散化处理的方法,研 究其成型规律.建立了电解加工间隙的数学模

收稿日期: 2009-01-08

作者简介:吴 锐(1974—),男,博士研究生; 徐家文(1941—),男,教授,博士生导师.

型,并利用这一模型对某型直纹面整体叶轮叶片 型面的精加工阴极的展成运动进行了设计.以阴 极成型规律为基础的展成运动设计方法,可以快 速、高效地进行整体叶轮叶片型面展成电解加工 阴极运动设计.

1 整体叶轮精加工阴极成型规律

在展成电解精加工整体叶轮叶片型面 时,采用内喷式阴极,叶片型面的加工过程如图1 所示.



图1 叶片型面展成加工示意图

阴极的运动轨迹由很多小的直线段近似拟 和,其中每一直线段即每一数控段的加工可以近 似认为是平面加工.为了便于分析电解加工的成 型规律,将一数控段的加工过程简化如图2所示 的平面加工.



(b)离散化加工示意图图 2 成型规律模型示意图

把阴极工作面看作是由若干平行于加工面的 微小工作面组成,则加工间隙是由这些微小工作 面共同作用形成.阴极的进给速度与工件平面平 行,即在工件平面法线方向没有进给,则阴极工作 面上的各个微小工作面对应的加工间隙就可以用 侧面间隙成型规律来分析,只是因为各个微小工 作面依次连续加工造成各个微小加工面的初始加 工间隙不同,后一个微小加工平面的初始加工间 隙取决于前一个微小加工平面形成的加工间隙, 整个阴极工作面形成的加工间隙就是最后一个微 小加工平面形成的加工间隙.

电解加工中侧面间隙成型规律与阴极在进给 方向上的长度有关,当阴极工作面与工件平面有 一夹角β时,阴极工作面在进给方向有效工作长 度为(2L+L_o)cosβ,其中L为阴极出液口两边阴 极工作面的长度,L_o为阴极出液口长度.相应的 每一微小工作面在进给方向的有效工作长度为 *l*cosβ,其中*l*为每一微小工作面的长度.

当夹角 $\beta > 0^{\circ}$ 时,用下列公式计算加工间隙 Δ_{h} 和去除材料厚度 $h_{:}$

$$\begin{split} \Delta_{01} &= \Delta_0 + (2L + L_o) \sin(\beta) ,\\ \Delta_{b1} &= \sqrt{2K_U l \cos(\beta) / v_f + (\Delta_{01} - l \sin(\beta))^2} ,\\ \cdots,\\ \Delta_{bi} &= \sqrt{2K_U l \cos(\beta) / v_f + (\Delta_{b(i-1)} - l \sin(\beta))^2} ,\\ \cdots \end{split}$$

$$\Delta_{\rm b} = \Delta_{\rm bn}$$
$$h = \Delta_{\rm bn} - \Delta$$

当夹角 $\beta < 0^{\circ}$ 时,用下列公式计算加工间隙 $\Delta_{\rm b}$ 和去除材料厚度 $h_{\rm c}$

$$\Delta_{\rm bl} = \sqrt{2K_{\rm U}l\cos(\beta)/v_{\rm f} + (\Delta_0 + l\sin(\beta))^2},$$

...,
$$\Delta_{\rm bi} = \sqrt{2K_{\rm U}l\cos(\beta)/v_{\rm f} + (\Delta_{\rm b(i-1)} + l\sin(\beta))^2},$$

...,

 $\Delta_{\rm b} = \Delta_{\rm bn} ,$ $h = \Delta_{\rm bn} - (2L + L_{\rm o}) \sin(\beta) .$

式中,K_u为电解加工常数,与工件材料、电源、电 解液的选择有关,当电解加工工艺参数确定后为 一定值.

为了验证上述公式的正确性,用图 1 所示阴 极进行了不同 β_{v_f} 值情况下的电解加工平面实 验,以便了解去除材料厚度 $h = \beta_{v_f}$ 之间的关系. 实验中,阴极工作面上 L = 1 mm, $L_o = 0.5 \text{ mm}$, 取离散面 l = 0.1 mm,电解液为质量分数 20% NaNO₃ 溶液,加工温度为 28 ~ 32 °C,加工电源为 脉冲电源:峰值电压 15 V、频率 25 kHz、占空比 0.6,电解液进口压力为 0.7 Pa,当 $\Delta_0 = 0.1 \text{ mm}$ 时, $h = v_f$, β 的实验数据如表 1、2 所示,计算值与 实测值的平均误差 < 0.02 mm,本文所建立的成 型规律模型可以用于预测实际加工间隙.

表 1 $\beta > 0, \Delta_0 = 0.1 \text{ mm 时}, h 与 v_f, \beta$ 的关系

$v_{\rm f}$		h∕ mm					
(mm	• min ⁻¹)	10°	20°	30°	40°	45°	
0.5	计算值	0. 48	0. 44	0.34	0. 20	0. 26	
	实测值	0. 50	0. 40	0.32	0. 30	0. 28	
0.6	计算值	0. 40	0. 37	0.29	0. 23	0. 21	
	实测值	0. 38	0. 38	0.30	0. 20	0. 18	
0.8	计算值	0. 30	0. 27	0. 23	0. 17	0. 16	
	实测值	0. 30	0. 28	0. 26	0. 18	0. 16	
0.9	计算值	0. 26	0. 24	0. 20	0. 15	0. 14	
	实测值	0. 60	0. 24	0. 20	0. 18	0. 14	
1.0	计算值	0. 23	0. 21	0. 18	0. 13	0. 12	
	实测值	0. 24	0. 22	0. 20	0. 16	0. 12	

表 2 $\beta < 0, \Delta_0 = 0.1 \text{ mm 时}, h 与 v_f, \beta$ 的关系

$v_{ m f}/$		h∕ mm					
$(mm \cdot min^{-1})$		10°	20°	30°	40°	45°	
0.5	计算值	0. 35	0. 32	0. 29	0. 27	0. 22	
	实测值	0. 40	0. 32	0. 30	0. 26	0. 24	
0.6	计算值	0. 29	0. 27	0. 23	0. 22	0. 16	
	实测值	0. 30	0. 20	0. 20	0. 18	0. 14	
0. 8	计算值	0. 22	0. 19	0. 17	0. 18	0	
	实测值	0. 20	0. 16	0. 16	0. 14	0. 12	
1.0	计算值	0. 18	0. 13	0. 12	0. 14	0. 08	
	实测值	0. 18	0. 14	0. 12	0. 10	0. 08	

2 叶片型面精加工运动设计

2.1 阴极工作刃边运动轨迹设计

整体叶轮的叶片型面一般以列表形式给出某 一叶片型面上若干截面 *Y* = *Y_i*(*i* = 1,2,…,*m*)内 的若干数据点,以及进气边圆弧和排气边圆弧的 圆心位置和半径,没有确定的数学表达式,因此, 要先对型值点数据进行处理,以便分析和确定阴 极工作刃边相对于叶轮的运动轨迹.

叶片型面是由阴极的直线刃边通过一定的轨 迹运动得到的,工具阴极运动轨迹面与叶片型面 之间始终有一初始加工间隙 Δ_0 ,因此,阴极刃边 的运动轨迹不是叶片型面拟合直纹面的母线,而 是拟合直纹面上各母线做法向等距偏置后得到的 直线,但由于各个 Y_i 截面内拟合曲线的弯曲角度 变化情况不同,拟合出的直纹面上各母线做法向 等距偏置后有可能不与 Z_i 截面平行,且各母线偏 置后与 Z_i 截面的夹角也不尽相同,若以直纹面母 线偏置后得到的直线作为运动轨迹,则阴极直线 刃在数控加工运动中相对 Z_i 截面就有一个摆动, 增加了数控运动的复杂性,也会降低加工型面的 光滑连续性.因此,得到叶片型面在 Y_i 截面内的 拟合曲线 $M_{\rm Pi}$ 、 $M_{\rm Bi}$ (下标 P、B分别对应叶盆面和叶 背面)后,先在各 Y_i 截面根据拟合曲线方程把给 定型值点在拟合曲线法向偏置一个距离 Δ_0 ,再对 偏置后得到的点进行三次 B 样条曲线拟合,得到 一组叶片轮廓曲线的偏置曲线 $C_{\rm Pi}$ 、 $C_{\rm Bi}$,其方程可 写为

$$C_{\mathrm{P}i}(u) = M_{\mathrm{P}i}(u) + \Delta_{\mathrm{b}} \cdot \boldsymbol{n}_{\mathrm{P}i}(u), u \in [0,1];$$

 $C_{\rm Bi}(u) = M_{\rm Bi}(u) + \Delta_{\rm b} \cdot \boldsymbol{n}_{\rm Bi}(u), u \in [0,1].$

其中 $\boldsymbol{n}_{P_i}(u)$ 、 $\boldsymbol{n}_{P_i}(u)$ 分别为曲线 M_{P_i} 、 M_{B_i} 的单位法 矢.

用一组等距平面 $Z = Z_i(i = 0, 1, ..., n)$ 与 $C_{Pi} \ C_{Bi}$ 相交,在各个 Z_i 平面内对所得交点用最小 二乘法进行直线拟合,并分别求出所得直线与叶 根圆的交点 $P_{Pi} \ P_{Bi}$ 和与叶顶圆的交点 $Q_{Pi} \ Q_{Bi}$,得 到的两组直线段 $L_{Pi} \ L_{Bi}(i = 0, 1, ..., n)$:

 $L_{\rm Pi}: \qquad \gamma_{\rm Pi}(z) = a_{\rm Pi}z + b_{\rm Pi},$

 $L_{\rm Bi}: \qquad y_{\rm Bi}(z) = a_{\rm Bi}z + b_{\rm Bi}.$

这两组直线段即为所求阴极工作刃精加工叶 盆面和叶背面的运动轨迹,其设计方法如图3.



图 3 阴极工作刃运动轨迹设计示意图

2.2 展成加工运动速度分析

整体叶轮的精加工过程中,工件和阴极之间的 相对运动是 X、Y、Z 方向的平动及绕 Z 轴旋转的合 成运动,工具阴极仅在 Z 向做直线运动,工件随工 作台作 X、Y 方向直线运动和绕 Z 轴转动,此时各数 控段的加工可以简化为如图 4 所示斜面加工.



阴极相对于叶轮的合成进给速度为

 $\overrightarrow{v_{\rm f}} = \overrightarrow{v_{\rm x}} + \overrightarrow{v_{\rm y}} + \overrightarrow{v_{\rm z}} + \overrightarrow{\omega r}.$

阴极在 Y 方向移动量很小(仅为其他几个轴运动量的5% ~ 10%),因此忽略 Y 方向的进给速度.此外,由于存在一个绕 Z 轴的转动,所以沿叶轮径向阴极进给速度会有差别,为简化数控运动参数的设计过程,把阴极工作刃在叶长中部的进给速度看作为整个阴极加工刃的进给速度,则阴极加工刃相对于叶片型面的合成进给速度可写为

 $v_{\rm f} = \sqrt{v_z^2 + (\omega R_h + v_x)^2}.$

阴极工作面与叶片型面夹角为叶片扭角 β, 在叶片加工过程中各数控段的 β 值不同,但在每 一数控段中是以斜面代替曲面进行加工的,所以 认为在每一段中 β 值是不变的.在进行阴极数控 运动参数设计时,数控段的多少取决于 Z_i 截面的 划分,因此每一数控段在 Z 轴方向的移动量是已 知的,其他各轴在每一数控段内的移动量要与 Z 轴方向的移动量相匹配,因此可以先确定每一数 控段在 Z 轴方向的进给速度,根据前面分析得到: $v_{ii} = v_{zi}/\cos \beta_i$,各轴进给速度与 Z 轴进给速度的 关系为

$$v_{Xi} = \frac{\delta x_i}{\delta z_i} v_{Zi}, v_{Yi} = \frac{\delta y_i}{\delta z_i} v_{Zi}, \omega_i = \frac{\delta \theta_{Pi}}{\delta z_i} v_{Zi}$$

式中: δθ_{Pi} 为相邻直线段 L_{Pi+1} 与 L_{Pi} 的夹角,对叶 盆面(对叶背面,下式中各变量下标 P 换为 B 即 可) 有

$\left\lceil \delta x_i \right\rceil$	$\cos(\delta heta_i)$	$\sin(\delta heta_i)$	[0	$x_{P_{\text{P}i+1}}$		$\begin{bmatrix} x_{P_{\text{P}i}} \end{bmatrix}$
$\left \delta y_i \right =$	$\sin(\delta heta_i)$	$\cos(\delta heta_i)$	0	$y_{P_{\text{Pi}+1}}$	-	$y_{P_{\mathrm{P}i}}$.
$\lfloor_{\delta z_i} \rfloor$	0	0	1^{\perp}	$z_{P_{P_{i+1}}}$		$\lfloor z_{P_{\mathbf{P}_i}} \rfloor$

2.3 展成运动速度的确定

叶片精加工中,叶片扭角是已经给定的设计 参量,不能随意改变,如本文所讨论的某直纹面叶 轮叶盆面.β 为 – 20° ~ – 45°,叶背面.β 为 – 30° ~ 60°,所以在展成电解加工过程中只有通 过调整 $v_{\rm f}$ 、 Δ_0 来控制去除材料的厚度 h 而得到理 论的加工型面.

由前述成型规律数学模型,通过优化方法得 到当 $\Delta_0 = 0.1 \text{ mm}, h = 0.3 \text{ mm}$ 时叶盆面和叶背 面 v_f 随 β 变动的关系曲线(如图 5 所示),其中叶 盆面 β —直为负值, v_f 随 β 的增大而逐渐增大;而 叶背面 v_f 在 $\beta = 0$ 处有一明显的突变.实际加工 中 $\beta < 0$ 时阴极工作面的下刃边是主要加工刃, $\beta > 0$ 时主要加工刃则变为上刃边,即在 $\beta = 0$ 处 完成主要加工刃边的变换.加工刃的变换是一个 过程,为了避免在此处发生过切,需要阴极或以极 快的速度完成主要加工刃的变换,或增大 Δ_0 ,使 这一过渡过程的材料去除厚度降低到精度许可的 范围. 在试验加工中综合采用了这两种方法,使 这一变换过程的阴极运动速度和 Δ_0 相对于相邻 数控段的变化不至于太大.



3 工艺实验

利用上述方法对某型整体叶轮展成电解精加 工运动进行设计,并进行了加工实验.电解液为质 量分数 20% NaNO₃ 溶液,加工温度为 30 ℃,加工 电压峰值 15 V(脉冲电源:25 kHz,占空比 0.6), 电解液进口压力为 0.4 Pa. 精加工后的叶片型面 经三座标测量机检测,叶盆面余量小于 0.20 mm, 达到了叶片形面设计精度要求,叶背面最大余量 不超出 0.30 mm,极大地减小了后续的手工抛光 工作量.

4 结 论

オ精加工阴极工作面进行离散化处理,研究其成型规律,建立了成型规律的数学模型.平面加工实验表明:该模型可以准确地反映阴极进给速度 v_Γ、阴极进给角度 β 和加工间隙 Δ_b 之间的关系.

2)利用成型规律模型对某型直纹面整体叶 轮叶片型面的精加工阴极的展成运动进行了设 计.叶片加工实验表明:以此为基础的展成运动设 计方法可以快速有效地进行整体叶轮叶片型面展 (下转第136页)