自适应选取聚类中心 K-means 航迹起始算法

宫峰勋,戴丽华,马艳秋

(中国民航大学电子信息工程学院, 300300 天津)

摘 要:为揭示多传感器观测数据的正态分布态势,实现对源于异类目标的跟踪,提出一种新的多传感器航迹起始算法,本算法主要特点是初始聚类中心的自适应选取以及对逻辑估计法的起始夹角修正.估计算法中采用不相似性度量阈值的角度衡量方法,同时还结合聚类数目自适应归纳及初始聚类中心的推演逼近,从而使单传感器的航迹起始估计算法可以应用于多传感器的航迹起始根据;然后对聚类后的数据采用修正的逻辑航迹起始算法起始目标航迹起始估计算法得到的目标非常接近真实目 表明,新的自适应 K-means 聚类估计区分呈团状分布的不同目标的能力好,且通过估计算法得到的目标非常接近真实目标位置.经过自适应聚类处理后的目标航迹起始估计可有效滤除杂波干扰,降低虚警概率,能够获得较好的多传感器航迹起始.

Algorithm of multi-radar multi-target track initiation based on adaptive K-means clustering

GONG Fengxun, DAI Lihua, MA Yanqiu

(School of Electronics and Information Engineering, Civil Aviation University of China, 300300 Tianjin, China)

Abstract: According to the feature that the measurements of the same target at the same time have spherical shape, an algorithm of track initiation based on adaptive K-means clustering and modified logic-based approach is proposed in this paper. The improved K-means clustering algorithm can determine the cluster number and the initial cluster centers adaptively. Then the center of each cluster is found and taken as the measurement of the targets at this moment. By doing so, the track initiation process is simplified. According to the target's movement characteristic, a modified logic-based method is used to initiate the target track. Simulation results show that the improved K-means clustering algorithm can recognize the number of targets correctly and the recognized targets are close to the true targets; the modified logic-based approach can effectively suppresses clutter and reduces the probability of false alarm.

Keywords: K-means clustering; cluster center; adaptive; similarity measure; threshold; Track initiation

航迹起始是航迹处理中的首要问题.航迹起 始算法有两大类.强杂波环境下的航迹起始是研 究的重点,研究数据表明批处理技术用于起始强 杂波环境下目标的航迹具有很好的效果,主要包

收稿日期: 2013-05-08.

通信作者: 宫峰勋, fxgong@ cauc.edu.cn.

括 Hough 变换法等^[1-6].

在多部传感器同时监视某一空域的多批目标 时,在某一时刻,融合中心接收到多部传感器的量 测数据呈团状,且大致分布在目标真实值的周 围^[5].如何从这些量测数据中区分出源于不同目 标的数据,这是实现目标跟踪的重要问题.文 献[5]应用模式识别理论中的聚类思,进行量测 数据的聚类,实现不同目标量测数据的归并,但未 给出聚类中心和聚类半径的求解明确说明.当前 聚类方法中 K-means 算法是最为广泛应用的基于

基金项目:国家自然科学基金资助项目(61079008);国家自然科学 基金民航联合基金资助项目(U1233112);天津市应用 基础及前沿技术研究计划(重点)(11JCZDJC25200).

作者简介: 宫峰勋(1965—),男,教授,硕士生导师.

划分的聚类方法,标准的 K-means 聚类估计存在 诸如事先给定聚类数目 k、聚类结果依赖初始聚 类中心的选择等等.标准 K-means 聚类算法的改 进也就应运而生[7-10].这些改进方法虽然克服了 标准K-means算法随机选取初始聚类中心的缺点, 能够一定程度上加快算法的收敛速度,提高算法 的效率,但大多需要预先给定聚类数目,并没有解 决因预设聚类数目不准确给聚类结果带来的影 响.因应多传感器观测值的分布态势,本文推出一 种新的 K-means 聚类方法,其基本思想是自适应 修正选取初始聚类中心,即对每一时刻的多部传 感器的量测数据进行修正性聚类,通过递进式选 择度量两个量测数据不相似性的阈值,自适应的 选取聚类数目和初始聚类中心,使每个聚类中的 数据代表同一个目标,递进获得各聚类中心,从而 将多传感器的航迹起始问题简化为单传感器的航 迹起始问题,不仅解决标准 K-means 算法的两大 缺点,同时也提高了算法的效率;然后对该聚类量 测数据采用修正的逻辑航迹起始算法进行目标航 迹起始估计.实验仿真结果表明,这种递进式自适 应算法是可行的、结果正确.

1 自适应测量数据聚类算法原理

多传感器量测数据的分布特征要求在聚类算 法的选择时必须满足:

1) 目标类别数未知;

2)有较强的鲁棒性,个别虚警和漏警的存在 不会影响分类结果.

基于以上两个方面的考虑,本文采用改进的 K-means 聚类算法.

1.1 标准的 K-means 聚类算法

K-means 聚类算法的基本思想:随机选取 k 个初始聚类中心,其中 k 为聚类个数,然后计算各 数据对象到初始聚类中心的欧氏距离,并把它们 指派到离它们最近的那个聚类中心所在类;对调 整后的新类,更新聚类中心;重复指派和更新过 程,直到聚类中心不再发生变化为止^[11].

假设量测样本数据集为 $X = \{x_i | i = 1, 2, \dots, n\}$, $C_j(j = 1, 2, \dots, k)$ 表识为初始聚类的k 个类别,其中 $c_j(j = 1, 2, \dots, k)$ 规定为初始的聚类中心,两个量测数据对象之间的欧氏距离(空间距离) 表示为 $d(x_i, x_j) = \sqrt{(x_i - x_j)^T(x_i - x_j)}$,令聚 类中心 $c_j = \frac{1}{n_j} \sum_{x \in C_j} x$,其中 n_j 表示聚类 C_j 中对象的个数.

K-means 聚类估计的准则函数为 $E = \sum_{i=1}^{k} \sum_{j=1}^{n_j} d(x_j, c_i), E 表示观测数据集中所有观测目标的误差平方和, 当聚类中心不再发生变化时, E 收敛^[12-13].$

分析可知, K-means 聚类算法必须给定聚类数目 k, 很多时候事先并不知道给定的数据集应该分成多少个类别才合适;且 K-means 聚类结果依赖于初始聚类中心的选择,选择不同聚类结果相异.由于随机选取 K-means 的初始聚类中心,结果导致聚类结果不确定,还会出现有些类中可能没有选中的数据对象,而有些类中可能选中多个数据对象,若以这样的初始聚类中心来对数据对象进行聚类,其聚类结果肯定是不正确的.

1.2 自适应初始聚类中心选取的 K-means 聚类 算法

通常量测数据呈团状分布,且分布在以真实 值为中心范围,由于未知目标个数,故不宜直接采 用标准 K-means 时需要注意应用条件.针对要求 预先给定聚类数目的问题,这里研究并给出一种 修正的自适应初始聚类中心的选取方法.衡量数 据对象间的相似性可采用距离来实现聚类估计. 若能估计出度量任意量测数据间相似性的阈值, 则可确定聚类的数目以及初始聚类中心^[14-15].

假设传感器数目为 N_s , 样本数据集为 $X = \{x_i \mid i = 1, 2, ..., n\}$, $C_j(j = 1, 2, ..., k)$ 表示聚类的 k 个类别, 聚类中心为 $c_j(j = 1, 2, ..., k)$, 度量两个 量测数据不相似性的阈值为 ε , 改进的 K-means 聚 类算法选取初始聚类中心的准则为: 若 $d(x_i, c_j) > \varepsilon$, 则 x_i 不属于 C_j 类, 其中 $d(x_i, c_j) = \sqrt{(x_i - c_j)^T(x_i - c_j)}$.

算法步骤:

1) 输入各传感器测量数据集 $X = \{x_i \mid i = 1, 2, \dots, n\}$;

估计数据集内随机观测值 x_i,x_j间的空间
 距离 D(x_i,x_i)并按升序排列,放进数集 D;

3) 随机选取一观测值为初始聚类中心,且取 聚类数目 k = 1,两观测值相似性的阈值取为 $D(k * C_{N_x}^2)$;

4) 估计集合内其余观测值与给定初始聚类 中心间的空间距离,选中极小值与 $D(k * C_{N_s}^2)$ 比较.如果大于 $D(k * C_{N_s}^2)$,则聚类数量进1,于是获 得更新的聚类中心;如果小于 $D(k * C_{N_s}^2)$,否则将 此点与选取的聚类中心归为一类.同时相似性阈 值的数值被更新为 $D(k * C_{N_s}^2)$; 5) 重复步骤 4, 直至数据集中所有数据都已 分类完毕.

6) 输出初始聚类中心.

得到初始聚类中心以后就可以按照标准 K-means聚类算法的一般步骤对量测数据的聚类 进行调整,直到聚类中心不再发生变化为止,输出 的聚类中心就是各个目标的航迹.

假设聚类前测量数据已经过时空校准,各观测单元的工作时间一致.算法结束后得到的 k 即为目标个数,输出的聚类中心作为 K-means 聚类算法的初始聚类中心.

如上所述,着眼于初始聚类中心分类的正确 性是由观测值间不相似性的阈值决定的.合适选 取的阈值,较为准确的聚类和初始聚类中心获得 奠定基础.由于一种聚类集合中不会出现两个量 测点迹来自相同传感器,故一个聚类含有的观测 值数量应不多于所有观测扫描到的航迹数.考虑 到同一时刻对单个目标的多传感器观测值聚集为 团状及各传感器同一时刻对同一目标的观测值呈 状态分布的特点,估算各聚类中观测数据的最大 距离并逐个比较,获得的最大值作为度量观测值 间不相似性的阈值.若集中任意一点的测量值与 初始聚类中心的最小空间距离大于预定阈值,则 此观测值属于新目标;若小于阈值,则认为此量测 数据与其最近的初始聚类中心源于同一目标,即 属于同一聚类^[16-18].

图 1 所示为度量两观测值间不相似性阈值的 方法,其中 a~c 区代表获得的聚类, d₁,d₂,d₃分 别为聚类 a~c 区中相距最远的两点间的空间距 离.如图 1 可见,聚类 a 中两点间的距离最大,则 度量两量测数据不相似性的阈值取 d₁.



图1 不相似性阈值选取示意

实验仿真结果表明:采用改进的 K-means 聚 类算法推得的自适应初始聚类中心方法获得的聚 类优于随机选择的估算方法.假设有 3 部传感器 对 10 个目标进行跟踪.图 2(a)为标准 K-means 算 法采用随机方法选取初始聚类中心的聚类结果, 圆圈表示更新后的聚类中心,相同形状的点表示 同一聚类.图2(b)所示为采用本文方法提取初始 聚类中心的估计结果.由图2(a)和(b)所示估计 结果可知,随机选取聚类中心方法性能较差,有些 观测值集合中出现2个聚类中心,有些目标观测 值集中却没有选中的聚类中心,因而就出现观测 值集分批和合批的现象;考虑到多部传感器观测 值在空间呈团状分布的特点,这里的估计方法中 采用相似性空间距离度量方法,选择最小空间距 离为阈值,可达到良好的聚类估计结果.



图 2 不同初始聚类中心选取方法的聚类结果

2 航迹起始算法分析

经过改进的 K-means 聚类过程,整个多传感 器系统就可以简化为单传感器估计的情况,航迹 起始过程也大大简化.这里采用修正的逻辑航迹 起始算法对多传感器观测值进行起始航迹估计, 并根据空间阈值对估计算法进行修正.

2.1 修正的逻辑航迹起始算法

设z_j^(k)表示传感器在第 k 个扫描周期的第 j 个 量测, T 表示扫描周期, N 为扫描次数.

在实际应用中采用文献[7]的研究结果,给出 落入波门观测值与可能航迹一致的限制条件,达到 剔除与可能航迹成 V 字形的航迹结果.对于落入波 门内的量测 $z_m^{(3)}$,假设 $z_m^{(3)}$ 与该可能航迹的第2个点的连线与该航迹的夹角为 α ,若 $\alpha \leq \theta(\theta - \theta = \theta)$ 量误差决定,为保证很高的航迹起始概率, θ 可以选择较大),则认为 $z_m^{(3)}$ 与该航迹关联^[2].

2.2 角度限制条件的选取

目标观测点迹的连线与该航迹夹角的限制条件 $\alpha \leq \theta + \theta$ 的选择,影响修正的逻辑航迹起始算 法的准确性与可靠性.只有选择合理的 θ 才能达 到更好的性能.文献[7]虽然详细阐述了修正的 逻辑航迹起始方法的步骤,但是对角度限制条件 如何选择却并没有做出说明.本文通过实验仿真, 给出了合理选择 θ 的方法.

仿真环境中有10个目标,且它们保持匀速直 线运动状态,其中使用3部二维传感器对这些目 标进行跟踪,目标初始位置分别为(2.5,2.3)、 (2.5,2.5) (3.0,3.0) (3.0,2.0) (1.0,1.5)(1.5,4.0), (1.3,3.8), (1.0,1.3), (0.5,2.7), (0.5,3.0),单位为 km.这些目标的速度均为 v = 200 m/s.令该传感器采样周期 T = 1 s,测向误差 和测距误差分别为 $\sigma_{\theta} = 0.3^{\circ}$ 和 $\sigma_{r} = 20 \text{ m}, 威力范$ 围 $A_0 = 2 \times 10^8 \text{ m}^2$,波门半径r = 300 m.估算的航迹 检测概率与虚假航迹起始概率随θ变化曲线如图 3 所示. 令测距误差取值为(20 m, 30 m, …, 60 m), θ的取值为(0, $\pi/18, 2 \times \pi/18, \dots, \pi$), 做 1000次蒙特卡洛实验,统计得到的航迹检测概率 曲线如图 3 所示.由图 3 所示的航迹检测概率与 θ 间的变化曲线分析得,首先其随着 θ 的增大先上 升,进而保持不变,然后再下降,航迹检测概率曲 线是以 $\theta = \pi/2$ 为对称中心.



图 3 航迹检测概率 θ 的变化曲线

令 θ 取值为(0,π/18,2×π/18,…,π),单扫 周期的杂波数 λ 取值为(50,100,…,250),做 1 000 次蒙特卡洛仿真,计算得到的假航迹起始 概率曲线如图 4 所示.假航迹起始概率随着 θ 的 增大呈上升趋势.



图 4 假航迹检测概率随 θ 的变化曲线

本文仿真实验假定传感器测距误差为 $\sigma_r = 20 \text{ m}$,一个扫描周期内的杂波数 $\lambda = 50$,如图 3 所示可知,航迹检测概率在航迹夹角 $\theta = 20^{\circ}$ 时达到 最大值,而假航迹起始概率在 $0 \le \theta \le \pi/2$ 时随着 θ 的增大呈上升的趋势.基于航迹检测概率和假航 迹起始概率参数的考虑,蒙特卡洛仿真中采用的 可能航迹点连线与航迹夹角 θ 应取 20°.

综上分析可知,θ的选择跟传感器的测距误 差有关.若使修正的逻辑航迹起始算法的性能达 到最佳,需要在确定的测距误差和杂波数的条件 下,选取最大航迹检测概率值的同时使假航迹起 始概率最小的 θ.

3 聚类与航迹起始仿真

仿真环境中有 10 个目标,且它们保持匀速直 线运动状态,其中使用 3 部二维传感器对这些目 标进行跟踪,目标初始位置分别为(2.5,2.3)、 (2.5,2.5)、(3.0,3.0)、(3.0,2.0)、(1.0,1.5)、 (1.5,4.0)、(1.3,3.8)、(1.0,1.3)、(0.5,2.7)、 (0.5,3.0),单位为 km.这些目标运动速度为 v =200 m/s.同时假定雷达的采样周期 T = 1 s,雷达的 测向误差和测距误差分别为 $\sigma_{\theta} = 0.3^{\circ} \pi \sigma_{r} = 20$ m.

3.1 量测数据聚类仿真分析

图 5 所示为目标的真实航迹分布,不同形状的点代表不同的目标.图 6 所示为各传感器的量测数据分布.图 7 所示为采用标准 K-means 聚类算法对传感器量测数据进行分类的结果.图 8 所示是采用本文改进的 K-means 聚类算法对传感器量测数据进行聚类的结果,相同形状的点表示源于同一目标,总共识别出 10 个目标.比较图 7、8 所示仿真结果可知,本文提出的改进的K-means聚类算法可实现对量测数据正确聚类,能正确识别出目标的个数,而标准 K-means 聚类算法并不能对量测数据进行正确的分类,即无法识别出目标. 图 9 所示为采用改进的 K-means 聚类算法得到的







图 9 采用本文方法得到的聚类中心

由于在同一时刻来自同一传感器的两观测值 实现与同一目标关联是不可能的,故一个聚类中 包含的观测值数目应不多于所有传感器观测到的 航迹数.

K-means 聚类估计的复杂函数为 O(nkt),其 中 n 为整个观测值集合的对象数目,k 为最终的聚 类数目,t 为聚类仿真中的迭代次数.表1 对标准 K-means 聚类算法和本文改进的 K-means 聚类算 法的复杂度和运行时间进行了比较,可知本文改 进的 K-means 聚类算法的复杂度远小于标准 K-means聚类算法.

表1 两种聚类算法复杂度和运行时间的比较

参与比较算法	算法复杂度 $O(nkt)$	运行时间/s
标准 K-means 聚类算法	去 890	0.045
本文提出的算法	585	0.034

综上分析可知,标准的 K-means 聚类算法由 于随机选取初始聚类中心,导致在对观测值进行 分类时完全失效了,且聚类结果很不稳定,算法的 复杂度也相对较大;作者改进的 K-means 聚类估 计通过自适应的初始聚类中心获取手段,克服了 标准 K-means 聚类估计中必须事先给定类别数 k 和聚类结果依赖于初始聚类中心这两大缺点,正 确识别出目标数,且识别出的目标航迹与真实目 标航迹接近,同时算法的复杂度也得到降低,这样 就使多传感器系统简化为单传感器估计的情况, 也使航迹起始过程大大简化.

3.2 航迹起始过程仿真分析

每个周期的杂波数是根据文献[3]中所述方 法按泊松分布确定的,即给定参数λ,首先产生 (0,1)区间均匀分布的随机数r,然后由式(1)表 示为

$$e^{-\lambda} \sum_{j=0}^{J-1} \frac{\lambda^j}{j!} < r \le e^{-\lambda} \sum_{j=0}^J \frac{\lambda^j}{j!}, J = 1, 2, \cdots (1)$$

确定出 J,则 J 就是要产生的杂波个数.在确 定出 J后,每个观测周期的 J 个杂波按均匀状态分 布随机地分布在传感器"视距"区域.

假定 λ = 50,在连续4个观测周期内获得的杂 波点与目标真实点的状况如图 10 所示.在图 10 所 示观测数据分布态势下,采用本文的改进聚类算 法估计获得的聚类结果如图 11 所示.对图 11 所示 结果按修正的 3/4 逻辑航迹起始方法进行起始的 航迹如图 12 所示,其中 θ = 20°;按 3/4 逻辑法起始 的航迹如图 13 所示;按 Hough 变换起始的航迹如 图 14 所示,其中 N_{θ} = 90、 N_{ρ} = 90,参数空间的门限 取为 4;按修正的 Hough 变换起始的航迹如图 15 所示,其中:取 N_{θ} = 90、 N_{ρ} = 90,参数空间的门限 也取为 4.







图 15 基于修正的 Hough 变换起始的航迹图

比较图 12~15 可知,基于 Hough 变换的航迹 起始算法最差,根本不能正确起始目标航迹,基于 修正的 3/4 逻辑法和基于修正的 Hough 变换法起 始的航迹的性能最好,基于 3/4 逻辑法起始的航 迹的性能次之.比较图 12、13 所示结果知,基于修 正的 3/4 逻辑法航迹起始性能明显优于 3/4 逻辑 法的航迹起始性能.这是因为修正的逻辑航迹起 始估计算法采用新增 $\alpha \le \theta$ 的限制条件,确保落 入相关波门中的量测应与可能航迹共线,并保证 确定航迹中不会存在 V 字形的航迹.采用该条件 可以有效地抑制点迹杂波,降低起始虚警概率.比 较图 12 和 15 可以看出,基于修正的 3/4 逻辑法 和基于修正的 Hough 变换法起始的航迹基本一样,这是因为修正的 Hough 变换和修正的逻辑法 一样,都是通过使用速度门限、加速度、角度来进 一步剔除虚假航迹.

表 2 对这 4 种典型的航迹起始算法的运行时 间进行了比较.由表 2 可知,基于逻辑法的航迹起 始时间最短,修正的 Hough 变换法次之,而 Hough 变换法的航迹起始时间最长.

表 2 4 种典型的航迹起始算法运行时间比较

3/4	修正的 3/4	Hough	修正的 Hough
逻辑法	逻辑法	变换法	变换法
0.17	0.18	114.5	7.29

综上分析可知,在杂波密度不是很大的环境 下,采用修正的逻辑航迹起始算法既可以快速起 始航迹,又能有效地抑制杂波,降低虚警概率.

4 结 语

针对航迹起始问题,本文应用模式识别理论 中的聚类思想,提出一种自适应选取初始聚类中 心的 K-means 聚类算法,对每一时刻各传感器的 观测值进行聚类,以区分源于不同目标的数据,并 采用修正的逻辑航迹起始算法起始目标航迹.实 验结果表明该算法是可行的.自适应 K-means 聚 类估计算法克服了标准 K-means 聚类估计的缺 点,通过基于有效性选择度量两个量测数据不相 似性的阈值,能够自适应的选取聚类数目和初始 聚类中心,同时降低了算法复杂度,使多传感器系 统的航迹起始过程大大简化;采用修正的逻辑航 迹起始算法可提高起始航迹速度,还能大幅度抑 制点迹干扰杂波,降低航迹起始的虚警概率.

参考文献

- [1] 何友,王国宏,陆大琻,等. 多传感器信息融合及应用 [M].北京:电子工业出版社,2010.
- [2] 张彦航,苏小红,马培军. 减法聚类的 Hough 变换航 迹起始算法[J]. 哈尔滨工业大学学报, 2010,42
 (2):264-267.
- [3] 蒲勇,袁富宇,苗艳.常用航迹初始化技术分析[J]. 指挥控制与仿真,2008,28(1):98-101.
- [4] 吴丹,冯新喜. 多雷达多目标航迹起始算法研究[J].空军工程大学学报:自然科学版,2006,7(1):16-19.
- [5] 汤琦,黄建国,杨旭东. 航迹起始算法及性能仿真 [J]. 系统仿真学报, 2007, 19(1):149-152.
- [6] 金术玲,梁彦,潘泉,等. 基于 Hough 变换和聚类的航 迹起始算法[J]. 系统仿真学报, 2009,21(8):2362-2364.
- [7] 苏峰,王国宏. 修正的逻辑航迹起始算法[J]. 现代防

御技术, 2004, 32(5): 66-68.

- [8] CHEN Xiaowei, LIN Jiajun, ZHANG Jie. Performance analysis of track initiation algorithm [C]//Proceedings of the World Congress on Intelligent Control and Automation (WCICA). Dalian, China: Institute of Electrical and Electronics Engineers Inc, 2006: 4239–4243.
- [9] QING Xiaoping, ZHENG Shijue. A new method for initialising the K-means clustering algorithm [C]//2009
 2nd International Symposium on Knowledge Acquisition and Modeling (KAM, 2009). Wuhan, China: IEEE Computer Society, 2009: 41-44.
- [10] SHI Na, LIU Xumin, GUAN Yong. Research on Kmeans clustering algorithm: an improved K-means clustering algorithm [C]//3rd International Symposium on Intelligent Information Technology and Security Informatics (IITSI 2010). Jinggangshan, China: IEEE Computer Society, 2010: 63-67.
- [11] WILKIN G A, HUANG Xiuzhen. K-means clustering algorithms: implementation and comparison [C]// Proceedings 2nd International Multi Symposiums on Computer and Computational Sciences (IMSCCS '07). Iowa City, IA, United states: Inst of Elec and Elec Eng Computer Society, 2007: 133-136.
- [12]周士兵,徐振源,唐旭清. K-means 算法最佳聚类数 确定方法[J]. 计算机应用:2010,30(8):1995-1998.
- [13]周武,赵春霞,张浩峰. 动态联合最近邻算法[J]. 电 子学报:2010,38(2):359-365.
- [14] REUTER S, DIETMAYER K. Adapting the state uncertainties of tracks to environmental constraints
 [C]//13th Conference on Information Fusion (Fusion 2010). Edinburgh, United Kingdom: IEEE Computer Society, 2010: 1-7.
- [15] SONG T L, MUSICKI D, SOL K D. Target tracking with target state dependent detection [J]. IEEE Transactions on Signal Procession, 2011, 59 (3): 1063-1074.
- [16] WILLIAM N G, JACK L I, SIMON G, et al. Multitarget initiation, tracking and termination using bayesian monte carlo methods [J]. The Computer Journal, 2007, 50(6): 674-693.
- [17] SONG T L, SICKI D M. Adaptive clutter measurement density estimation for improved target tracking [J]. IEEE Transactions on Aerospace and Electronic Systems, 2011, 47(2): 1457-1466.
- [18] TURNER E L. Firm track loss due to M of N track initiation of a radially inbound target [C]//IEEE International Radar Conference 2010 (RADAR 2010). Washington DC, United states: Institute of Electrical and Electronics Engineers Inc, 2010: 1250-1254.

(编辑 苗秀芝)