doi:10.11918/j.issn.0367-6234.2016.01.025

燃机端面齿联轴器刚度特性参数化建模与实验

席文奎1,蒋翔俊2,杨旭东3,徐建宁1

(1.西安石油大学 机械工程学院, 710054 西安; 2.先进制造国家重点实验室(西安交通大学), 710049 西安;3. 中石油长庆油田公司油气工艺研究院, 710018 西安)

摘 要:为研究刚度特性对重型燃机端面齿联轴器工作行为的影响,构建端面齿联轴器刚度分析参数化模型,对端面齿接触压力、扭转刚度、压缩变形等重要参数进行计算分析.采用有限元方法研究联轴器结构变形与刚度的变化规律.用实验装置对联轴器的变形和刚度进行了直接测试,刚度模型计算结果与有限元结果以及实验结果吻合较好.研究结果表明:螺栓预紧过程中端面齿及轮盘圆柱发生了不同程度的扭转,导致联轴器各部件刚度特性各有不同,其中端面齿压缩刚度随预紧力增大明显增大,而其它部件的刚度略微减小.由于扭转的存在,端面齿联轴器在变形、刚度变化规律、接触应力及接触状态等特征上有别于一般的联轴器.

关键词:端面齿联轴器;刚度分析;结构变形;参数化模型;有限元;实验 中图分类号:TH133.4 文献标志码:A 文章编号:0367-6234(2016)01-0165-07

Parametric modeling and experimental research of stiffness characteristics of curvic coupling of gas turbine

XI Wenkui¹, JIANG Xiangjun², YANG Xudong³, XU Jianning¹

(1. School of Mechanical Engineering, Xi'an Shiyou University, 710054 Xi'an, China;

2. State Key Laboratory for Manufacturing System (Xi'an Jiaotong University), 710049 Xi'an, China;

3.0il & Gas Technology Institute, Changqing Oil Field Company, 710018 Xi'an, China)

Abstract: To study the effects of stiffness characteristics on the working behavior of bolted joint with curvic coupling of heavy duty gas turbine, a stiffness analytical model was established with parametric modeling method. The curvic contact pressure, rotation stiffness, compression deformation have been derived by the proposed method, the deformation and stiffness change of all parts of the curvic coupling are investigated during the bolt tightening by finite element analysis and experimental method. The validity of the method is proved by experiments and finite element simulation. The results show that the bending behavior on the curvic and the cylinder part of the disc in bolt tightening, the curvic compression stiffness increases sharply and the stiffness, contact stress, contact status of contact surfaces in curvic coupling are different from those in usual couplings.

Keywords: curvic coupling; stiffness analysis; structural deformation; parametric model; finite element; experiment

端面齿联轴器作为重型燃气轮机、航空涡轮发动机等高参数转子系统(高能量、高速度、高稳定性)^[1]的连接与传扭重要部件^[2],对转子系统高能量、大扭矩传递过程和复杂工况下的稳定运行起关键性作用.由于自身结构的复杂性和工况条件限制,国内外只有少数学者对端面齿联轴器的刚度特

性进行了研究,较深入的研究主要采用接触力学理 论、磨损理论并考虑棘轮效应等作为理论基础,辅以 有限元分析获得定性定量结论加以验证^[2-6],但研 究工作并不完备.目前的研究主要考虑外部载荷 (轴向或剪切方向)、预紧力状态、结构变形、楔形接 触面的滑移、磨损等多个因素(物理量)的影响.这 些因素与端面齿的刚度特性密切相关,许多重要参 数的物理特征受刚度特性影响、支配甚至存在相互 映射和数学解析关系,而目前针对端面齿刚度特性 的直接研究较少,所以理论研究工作需要进一步完

收稿日期: 2014-11-28.

基金项目: 国家自然科学基金(51405385, 51405371).

作者简介:席文奎(1982—),男,博士,讲师. 通信作者:席文奎,xiwenkui@xsyu.edu.cn.

善与发展.由于重型燃机服役条件极其恶劣并受端 面齿结构制约,直接进行端面齿各项性能测试非常 困难,导致理论研究缺少有效的试验数据支撑,这是 导致研究工作不完备的客观条件.

端面齿联轴器的重要特征是通过周向或中心拉 杆螺栓对轮盘进行紧固连接,多个螺栓的预紧状态 对结构部件刚度的影响非常大.早期的螺栓连接刚 度分析以预紧条件下平行弹簧模型为基础^[7],但对 端面齿联轴器而言该模型过于简单.当外部负载引 起构件额外变形时,文献[8]提出一种新的解析模 型来补偿传统模型的不足,文献^[9-10]进一步发展了 该新模型,但当构件外形变化或受到不对称外载荷 时,该模型并不适用^[11-13].大量研究表明外部荷载 对联轴器的连接刚度^[14-17]存在影响.普通联轴器 只受螺栓预紧力的作用,可不考虑外载荷的影响. 但端面齿联轴器由于其结构特殊性,当螺栓预紧之 后,会导致被夹紧轮盘承受一个额外载荷,从而发生 不同于普通联轴器变形的额外变形,进而引起连接 刚度发生非线性变化.

本文对重型燃机所采用端面齿联轴器的结构变 形与刚度特性进行了系统分析和参数化建模,端面 齿的接触应力、扭转刚度、压缩刚度等重要参数可通 过刚度分析模型求解得到,有效支持端面齿联轴器 的行为状态分析.基于测试手段进行结构刚度分析 是端面齿联轴器结构完整性研究的重要内容,由于 直接进行端面齿各项性能测试非常困难,考虑到拉 杆螺栓体积较大,从测试的"结构适应性"而言,其 性能参数如螺栓预紧力和螺栓刚度可直接测试获 取,本文构建的刚度分析模型建立了螺栓与端面齿 在工作环境下存在的潜在联系,为端面齿联轴器测 试研究提供了有效的方法.基于所建立的刚度分析 模型,对端面齿联轴器的螺栓预紧过程中各个结构 部件的变形和刚度变化规律进行了研究.

 端面齿联轴器刚度特性分析与参数 化建模

本文选择重型燃机所采用双轮盘端面齿联轴器 结构进行刚度特性分析和参数化建模.该结构联轴 器主要由3部分组成:24个端面齿、圆柱体以及中 间环形连接部分(如图1).由于连接结构共有24个 端面齿和6根螺栓,因此单根螺栓承受预紧力是单 个端面齿所承受载荷的4倍.端面齿的几何外形如 图2所示.

分析图1联轴器结构的刚度特性,需对整体结构各构件的变形(压缩、扭转)进行分析,围绕模型 表征参数化和模型参数可识别的研究出发点,本文 在受力分析的基础上,根据经验公式对联轴器各构件的变形情况进行了系统分析和参数化建模;因为 所建立分析模型的表达式力学关系和物理意义明确,所以便于测试研究.



图 2 端面齿截面

根据图 3,端面齿所受载荷对轮盘圆柱部分的作 用可作为外载进行处理,由于端面齿载荷中心点与螺 栓的预紧载荷中心不在同一直线,导致整个结构存在 附加弯矩,该弯矩使得轮盘圆柱和端面齿均产生扭转 变形,进而对连接结构的刚度产生影响.同时必须注 意到,端面齿所受载荷并不是等效传递给轮盘圆柱, 而是以剪切作用方式进行传递.如图 4,该载荷导致 轮盘圆柱部分的压缩变形可表述为

$$\delta_{\rm cy, F_c} = \alpha F_{\rm c} / K_{\rm cy}. \tag{1}$$

式中: α 表示比例因子,体现了端面齿载荷对连接结构产生压缩变形的效率; K'_{ey} 为轮盘圆柱的等效刚度,由经验公式可表述为: $K'_{ey} = \pi E(d^2_{s} - d^2_{w})/(8t_{ey})$.



图 3 端面齿联轴器结构变形

轮盘圆柱和端面齿在承载方向的扭转变形使得 圆柱部分和端面齿的原有结构刚度发生了变化,并

$$\delta_{\rm cy,\theta d} = F_{\rm c}/K_{\rm \theta d}.$$
 (2)

式中: K_{ed} 为圆柱部分的等效扭转刚度, 可看出随 K_{ed} 增加将导致轮盘圆柱整体变形变小.

端面齿环形部分对连接结构的整体变形有影 响,根据文献[8],环形连接部分在燃机实际工作时 能起到缓解冲击振动的作用,其压缩变形为

$$\delta_{\mathbf{r},F_{\mathrm{c}}} = \beta F_{\mathrm{c}} / K_{\mathrm{r}}^{'}.$$

式中: β 为比例因子; K_r 为环形部分的等效刚度,且 $K_r = A_r E/t_r, A_r$ 为环形部分径向横截面积.



图 4 由端面齿接触载荷转化的剪切载荷示意图

进一步分析端面齿自身变形对联轴器刚度的影响.端面齿自身变形同时受齿面接触压力和端面齿自身扭转的影响,而端面齿自身扭转与螺栓夹紧载 荷存在联系,端面齿扭转角度随螺栓夹紧载荷的增加而增加,求解端面齿联轴器的等效刚度必须和螺 栓的夹紧载荷相联系.由有限元分析可知,在螺栓 加载初期,端面齿的接触压力逐渐增加,端面齿接触 面为滑移或近接触状态.与此同时,端面齿开始发 生扭转变形,使得端面齿接触面积减小,再加上端面 齿的扭转,使得端面齿的等效压缩刚度发生了变化. 随着螺栓载荷进一步增加,端面齿部分接触面的接 触状态变成了粘连,而近接触部分也逐渐消失.因 此,将端面齿压缩变形 δ_{сu, Fpe} 与端面齿接触状态及 接触压力建立如下联系:

$$\delta_{\rm cu, F_{pc}} = \gamma F_{\rm pc} / K_{\rm cu}.$$
 (3)

式中: F_{pc} 表示端面齿的总体接触力; K_{eu} 表示端面齿的刚度,可表述为

$$K_{\rm cu} = 2A_{\rm cu}E/t_{\rm w}; \qquad (4)$$

A_{eu} 为端面齿接触面有效面积,可表征为 F_b 或端面 齿接触压力的函数,即

$$A_{\rm cu}(F_{\rm b}) = \gamma F_{\rm pc} t_{\rm w} / (2E\delta_{\rm cu,F_{\rm pc}}).$$
 (5)

根据图 3, $\delta'_{eu,F_{pc}}$ 通过有限元分析可直接获得, 则 $\delta_{eu,F_{nc}}$ 可表述为

$$\delta_{cu,F_{pc}} = \delta_{cu,F_{pc}} / \cos \theta_{cu}.$$
 (6)
式中 θ 为螺栓加载过程中端面齿的扭转角度.

由受力平衡关系可知: $K_b \delta_b = K_d \delta_d$, δ_d 为轮盘整体的压缩变形量,可描述为

$$\begin{split} \delta_{\rm d} &= \delta_{{\rm cu},F_{\rm pc}} + 2\delta_{{\rm r},F_{\rm c}} + 2\delta_{{\rm cy},F_{\rm c}} + 2\delta_{{\rm cy},\theta_{\rm d}}.\\ K_{\rm d} 表示轮盘的整体轴向等效刚度,可定义为 \end{split}$$

$$K_{d} = \frac{4}{\frac{1}{K_{cu}} + \frac{2}{K_{r}} + \frac{2}{K_{cy}} + \frac{2}{K_{\theta d}}}.$$

式中: $K_{r} = \beta K_{r}, K_{av} = \alpha K_{av}$. 求解方程(3)~(6),可得

$$A_{\rm cu}(F_{\rm b}) = F_{\rm b} t_{\rm w} \cos \theta_{\rm cu} / (2E\delta_{\rm cu}^{\prime} F_{\rm sc}), \qquad (7)$$

$$\gamma = F_{\rm b} / F_{\rm nc}.$$
 (8)

当螺栓载荷或端面齿接触面摩擦系数足够大时,端面齿接触面会趋于整体粘连状态,此时端面齿接触面的等效接触面积将不会发生变化,当端面齿体积足够小以及齿数足够多时会发生这种情况^[6].本文并不考虑这种情况,由于重型燃机端面齿体积相对较大,单个齿面所承受载荷相对更小,因此端面齿接触面之间始终保持着非整体粘连状态.

上述分析主要集中在结构变形上,而结构部件 刚度及比例因子需要进一步推导.相关刚度和变形 参数都可通过有限元或经验方法获得.根据式(1), 比例因子 α 可通过有限元分析所获得的 δ_{ey,θd} 计算 得到:

 $\alpha = F_{b}/(K_{cy}\delta_{cy,F_{c}}).$ 同样方法可用来得到比例因子 β :

$$\boldsymbol{\beta} = \boldsymbol{F}_{\mathrm{b}} / (\boldsymbol{K}_{\mathrm{r}} \boldsymbol{\delta}_{\mathrm{r}, F_{\mathrm{c}}}).$$

同样,根据有限元分析得到图 3 中 $\delta'_{ey,\theta d}$ 和 θ_{eu} 后, $K_{\theta d}$ 可由式(2)和(6)得到, γA_{eu} 可由式(7)和(8)得到,而 K_{eu} 可由式(4)和(5)推导得到.

为增加分析模型的独立性及工程实用性,将模型中需通过有限元确定的系数,包括 K_{eu}、K_r、K_{θd}、 K_{ey}等进一步进行独立分析.将刚度系数与螺栓预紧 力 F_b和联轴器结构参数联系起来,构建多项式函数 表达式,记为

 $\boldsymbol{K}_{\boldsymbol{X}} = \boldsymbol{Z}\boldsymbol{F}_{\mathrm{B}}.$

式中:

$$\boldsymbol{F}_{\rm B} = \begin{bmatrix} F_{b1}^{n} & \cdots & F_{bi}^{n} & \cdots & F_{bm}^{n} \\ \vdots & \ddots & \vdots & \ddots & \vdots \\ F_{bi}^{j} & \cdots & F_{bi}^{j} & \cdots & F_{bm}^{j} \\ \vdots & \ddots & \vdots & \ddots & \vdots \\ 1 & \cdots & 1 & \cdots & 1 \end{bmatrix},$$

 F_{bi} 表示第i个预紧力的j次方;**Z** 是多项式系数矩阵,为联轴器结构参数(如端面齿结构或螺栓结构) 所构成的多项式函数矩阵,表示为

$$Z = UX,$$

$$\boldsymbol{X} = \begin{bmatrix} x_1^{T} & \cdots & x_i^{T} & \cdots & x_n^{T} \\ \vdots & \ddots & \vdots & \ddots & \vdots \\ x_1^{j} & \cdots & x_i^{j} & \cdots & x_n^{j} \\ \vdots & \ddots & \vdots & \ddots & \vdots \\ 1 & \cdots & 1 & \cdots & 1 \end{bmatrix}$$

式中:xⁱ 为第i个元素的第i次方,表示联轴器特定 结构下的尺寸;U为多项式系数矩阵,对其求解可 得到不同尺寸、不同预紧力下联轴器各部件的刚度 矩阵为

 $\boldsymbol{K}_{X} = \boldsymbol{U}\boldsymbol{X} \boldsymbol{F}_{B} = [K_{eu}, K_{r}, K_{\theta d}, K_{e}]^{T}.$ 由此,联轴器整体轴向刚度 K_p 可重新表达为

$$K_{\rm D} = \left(\frac{1}{K_{\rm CU}} + \frac{2}{K_{\rm R}} + \frac{2}{K_{\rm CY}} + \frac{2}{K_{\rm \partial D}}\right)^{-1}$$

式中: K_{CU} 、 K_{R} 、 $K_{\theta D}$ 、 K_{CY} 分别表示经多项式拟合处理 后 K_{cu} 、 K_r 、 $K_{\ell d}$ 、 K_{cv} 的表达形式. 求解 K_p 可预测实际 端面齿联轴器的力与变形的关系.

有限元建模 2

对建立的刚度分析模型通过有限元方法和实验 进行验证. 有限元模型采用商用软件 Ansys 建立,如 图 5. 模型中螺栓头采用了简化模型,即不包含螺 纹. 单元类型采用 8 节点轴对称体单元 185. 设定建 模材料为弹性且各向同性,杨氏模量为 209 GPa. 有 限元模型中有6根螺栓,24个端面齿,几何尺寸见 图 6.



图 5 端面齿联轴器有限元建模



图 6 模型几何尺寸(mm)

由于环形连接部分相对于端面齿及圆柱部分属 于薄壁结构件,该部分网格密度与质量对分析结果 影响较大,因此对该部分网格进行了加密处理,并确 保网格划分质量的合法性(单元节点不能是其它单 元的内部节点)、相容性(单元须在区域内部,不可 落入外部)、协调性(相邻单元的自由度相互匹配)、 良好过渡性(单元之间过渡平稳)和网格划分一致 性(单元节点只能与单元节点相连,不能与相邻单 元中间节点相连,相邻单元公共边具有相同的节点 数). 经过上述处理所建立有限元模型总共有 12 243 个网格节点,15 955 个八节点三维实体单元.

通过接触耦合对来模拟接触条件,分别是螺母 和轮盘表面之间的接触、两个轮盘端面齿之间的接 触和螺栓头和轮盘表面之间的接触,各接触面摩擦 因数设为 0.2, 接触目标单元选用 Targe170, 接触单 元选用 Contal74,并考虑了接触对目标面和接触面 对应节点的相互匹配.

模型边界条件的施加包括两个步骤:为保证模 型不出现刚体位移,对一端进行全约束,另一端设置 为自由端,如图5;施加螺栓预紧载荷,施加方法如 图 7. 通过试错法不断调整螺栓头与螺母之间的建 模距离 $\Delta l_{\rm T}$ 来确定所需预紧载荷 $F_{\rm b}$ 大小.



图 7 螺栓预紧力的确定方法

具体过程如图 8 所示: 1) 给定预紧载荷 $F_{\rm b}$, 以 及螺栓弹性模型E、横截面积A和有效长度l等初始 参数;2) 计算螺栓拉伸刚度 $k_{\rm h}(k_{\rm h} = EA/L)$,确定给 定 $F_{\rm b}$ 下的螺栓伸长量 $\Delta l_{\rm b}$;3) 假设一个 $\Delta l_{\rm T}$ 初值,通 过有限元计算提取 $F_{\rm b}$ 以及螺栓伸长量 $\Delta l_{\rm Tb}$;4) 对比 $\Delta l_{\rm h}$ 与 $\Delta l_{\rm m}$,若不相等调整 $\Delta l_{\rm T}$ 大小,直到二者相等为 止;5) 当 $\Delta l_{\rm h}$ 与 $\Delta l_{\rm m}$ 相等时,预紧力设定值即为实际 螺栓预紧力大小.



图 8 螺栓预紧力确定流程

3 计算结果

表1计算结果表明,端面齿扭转角 θ_{eu} 随预紧载 荷 F_b 的增加而增加,其他比例系数随 F_b 的增加而 降低.由图9可知,联轴器各部件刚度特性有所区 别,端面齿压缩刚度 K_{eu} 随 F_b 的变化比较明显,而其 它部件刚度随 F_b 的增大略微减小.由于轮盘圆柱部 分扭转变形,使得端面齿在联轴器预紧后存在向轮 盘径向外方向翻转的趋势,而端面齿与环形连接部 分形成的凹陷使得端面齿产生向内方向的扭转.相 对而言,端面齿向内方向扭转的可能性更大,因此 θ_{eu} 随 F_b 的增加而增加, K_{eu} 随 F_b 的增加而降低.

表1 分析模型计算结果	Ę
-------------	---

$F_{\rm b}/{ m N}$	$\theta_{\rm cu}/(10^{-4}(^{\circ}))$	$A_{\rm cu}/{ m mm}^2$	α	β	γ
829.8	2.728	18.849	5.267	0.801	2.255
2 283.6	6.417	5.031	5.234	0.820	3.918
3 839.1	8.464	3.209	5.134	0.795	4.877
5 453.0	9.470	2.527	5.067	0.777	5.591
7 135.8	9.929	2.184	5.002	0.761	6.094

注: α 为反映圆柱部分压缩刚度变化情况的比例系数, β 为反映环 形连接部分压缩刚度变化情况的比例系数,γ 为反映螺栓预紧力与 端面齿接触力关系的比例关系.



图 9 端面齿联轴器各部件刚度的变化

端面齿扭转使其有效接触面积 A_{eu} 随预紧力 F_b 的增加而明显减小,因此端面齿的平均压缩量增加, 在总接触力不变的情况下,K_{eu} 随扭转角 θ_{eu} 的增加 而降低. 在螺栓预紧加载初期,由于端面齿顶端局 部变形比较严重,导致整体压缩变形较大,而预紧加 载后期,整个端面齿表现为平稳受载,压缩刚度也逐 渐缓和.

比例系数 α 反映了圆柱部分压缩刚度 K_{ey} 的变化情况,可发现随着螺栓预紧力 F_{b} 的增加,比例系数 $\alpha(表 1)$ 及压缩刚度 K_{ey} (图 9) 呈现缓慢衰减状态,或者认为圆柱部分的压缩刚度逐渐减小.由前面的分析可知,圆柱部分的扭转变形在螺栓预紧过

程中逐渐变化,该变形是导致 K_{ey} 减小的主要原因; 或可认为当圆柱部分发生扭转变形时,同样的预紧 力会在圆柱部分压缩方向产生更大的压缩变形,反 映在刚度值求解结果上呈现减小趋势.

比例系数β反映了环形连接部分压缩刚度 K_r 的变化情况,可发现随着螺栓预紧力 F_b的增加,比 例系数β及压缩刚度 K_r呈现缓慢的衰减状态,可认 为环形连接部分压缩变形有所增加.环形连接部分 压缩变形量受端面齿和圆柱部分扭转变形的影响很 大,当两者的扭转逐渐增加时,环形连接部分的局部 压缩变形量明显增加,因此总体变形量也较其受到 平稳压缩时变形量更大.

比例系数γ反映了螺栓预紧力与端面齿接触力 的关系.由分析结果可知,比例因子γ随着预紧力 的增加而增加,或者也可认为端面齿的接触力随着 预紧力的增加其增加的速率放缓.端面齿总的接触 力是其接触应力的反映,根据有限元分析结果,端面 齿总接触力很大程度上由端面齿顶端的局部接触应 力所决定.在预紧加载的初始阶段,端面齿顶端的 局部接触应力变化较大,而到加载后期(预紧力较 大),其局部接触应力变化逐渐缓慢.

由图 9 可知,经多项式拟合函数处理后的刚度 值 K_{CU}、K_R、K_{θD}、K_{CY} 与 K_{eu}、K_r、K_{θd}、K_{ey} 非常接近,误 差在 5% 以内. 多项式系数矩阵 U 的元素值 u_{ij} 见 表 2.

表 2 μ_{ij} 计算结果

	u_{ij}				
l	j = cu	j = cy	j = r	$j = \theta d$	
<i>i</i> = 1	1.95E+01	4.82E-02	1.07E-01	-1.37E-02	
i = 2	-3.21E+03	-7.51E+00	-1.62E+01	2.85E+00	
<i>i</i> = 3	1.98E+05	4.38E+02	9.18E+02	-2.08E+02	
i = 4	-5.38E+06	-1.13E+04	-2.30E+04	6.51E+03	
<i>i</i> = 5	5.47E+07	1.09E+05	2.15E+05	-7.41E+04	

4 实验验证

本文设计了一个多轴液压紧固系统,对刚度分 析模型进行有效性验证,如图 10(a)所示.该装置能 保证六根螺栓同时预紧且各螺栓预紧载荷相互偏差 在±2.5%以内.实验螺栓采用 45#材料,螺栓总长 51 mm,有效工作长度 43 mm,螺纹部分长 15 mm, 螺栓头直径 8.88 mm,螺栓杆直径 5.78 mm.实验前 各螺栓螺母经热循环炉加热至 300 ℃后置于空气进 行冷却,以消除残余应力,经超声振动仪去除表面磨 屑,以保证螺纹表面光洁度.

测试位置如图 10(b)所示. 各实验螺栓贴有应 变片,沿轴向方向,可测量螺栓受载之后的轴向应 变,通过换算可获得各螺栓预紧力大小,对各预紧力 取均值即可得到加载过程螺栓的预紧力大小.同时, 在螺栓预紧后采用螺旋测微仪对整个轮盘的变形量 δ_{d} 以及 δ'_{d} 进行测量. δ'_{d} 为除去轮盘圆柱扭转量后的 整体变形量,表达式为

 $\delta_{\rm d}^{'} = \delta_{{\rm cu},F_{\rm pc}} + 2\delta_{{\rm r},F_{\rm c}} + 2\delta_{{\rm cy},F_{\rm c}}.$

测试设备采用日本横河应变仪(型号 MX100), 应变仪输入端与应变片引线端相连并进行温度补 偿. 采样数据通过网络数据线与 PC 相连进行传输, 采样频率1 Hz. 实验过程中对六根螺栓的轴向应变 进行同时采集(换算得到螺栓预紧力大小),同时对 轮盘变形δ_a 以及δ_a 进行测量,得到了多组端面齿联 轴器螺栓预紧力与轮盘结构变形量的关系,如图 11 所示.



(a) 实验装置



图 10 实验测试装置

由图 11 可知,轮盘变形 δ_a 与 δ'_a 随螺栓预紧载 荷 F_b 的增大而增加,二者变化规律相似,且与 F_b 呈 线性关系. 对比图 11 (a) 和图 11 (b) 可知,轮盘圆 柱部分存在一个扭转变形,大小约为轮盘整体压缩 变形量的一半.本文刚度分析模型计算结果与 FEA 结果和实验结果对比较为理想,特别是整体变形量 δ_d . 而造成 δ'_a 存在差异的原因主要在有限元模型的 网格密度上,通过加密端面齿联轴器有限元建模网 格,该问题可以得到改善. 如前所述,环形连接部分 由于其薄壁结构特征,有限元分析时对该部分网格 不断进行加密处理,发现在保证网格质量的情况下 逐渐加密网格使得端面齿及圆柱部分扭转变形量的 预测值不断得到改善,从而逐渐改善了有限元模型 的计算精度;同时发现当网格加密到一定程度后有 限元分析结果变化不大,同时对计算机处理能力提 出了要求,因此在保证计算精度的情况下对网格数 量进行了控制.



5 结 论

1)建立了一种端面齿联轴器刚度分析参数化 模型,联轴器各部件的扭转角、压缩刚度、扭转刚度 等重要参数可通过该模型求解得到,为端面齿联轴 器行为分析提供了完备的刚度数据支持,弥补了传 统研究的不足.

2) 解决了端面齿联轴器现有测试手段存在的 结构受限难题:基于参数化模型构建测试方法,联轴 器的结构变形和刚度数据可直接测试获得,使得复 杂工况下端面齿联轴器的性能测试具有"结构适 应性".

3)通过仿真分析和实验发现:螺栓预紧过程中端面齿及圆柱部分存在不同程度的扭转,导致联轴器各部件刚度特性各有区别;端面齿压缩刚度随预紧力增大明显增大,其他部件刚度略微减小.由于

该扭转的存在,使得端面齿联轴器在结构变形、刚度 变化规律、各接触面接触应力及接触状态等特征上 不同于一般联轴器.

4)本文刚度特性分析仅考虑了螺栓预紧载荷, 对于其它形式载荷,如联轴器受到扭转及弯曲等载 荷并没有进行分析,但该分析模型对其它形式载荷 仍具有效性.

参考文献

- [1] 席文奎,陈润霖,张宏涛,等.高参数转子系统通流力的 系统表征及协同设计研究[J].西安交通大学学报(自然 科学版),2013,47(01):52-56.
- [2] JIANG X J, ZHANG Y Y, YUAN S X. Analysis of the contact stresses in curvic couplings of gas turbine in a blade-off event [J]. Strength Material, 2012,44(5):539– 550.
- [3] YUAN S X, ZHANG Y Y, ZHANG Y C, et al. Stress distribution and contact status analysis of a bolted rotor with curvic couplings [J]. Journal of Mechanical Engineering Science, 2010,224(9):1815-1829.
- [4] PEDERSEN N L, PEDERSEN P. Stiffness analysis and improvement of bolt-plate contact assemblies [J]. Mechanics Based Design of Structures and Machines, 2008, 36(1), 47-66.
- [5] RICHARDSON I J, HYDE T M, BECKER A A, et al. A three-dimensional finite element investigation of the bolt stresses in an aero-engine curvic coupling under a blade release condition [J]. Journal of Aerospace Engineering, 2000, 214(4), 231-245.
- [6] RICHARDSON I J, HYDE T M, BECKER A A, et al. A validation of the three-dimensional finite element contact method for use with curvic couplings by comparing predictions with photoelastic test data [J]. Journal of Aerospace Engineering, 2002, 216(2), 63-75.
- [7] MOTOSH N. Determination of joint stiffness in bolted connections [J]. Journal of Engineering for Industry, Transactions of the ASME, 1976, 98 Ser B(3), 858-861.

- [8] ZHANG O. New analytical model of bolted joints [J]. Journal of Mechanical Design, Transactions of the ASME, 2004,126(4), 721-728.
- [9] ZHANG O. Discussions on behavior of bolted joints in tension [J]. Journal of Mechanical Design, Transactions of the ASME, 2005, 127(3), 506-510.
- [10] LIU S G, MA Y H, ZHANG D Y, et al. Studies on dynamic characteristics of the joint in the aero-engine rotor system [J]. Mechanical Systems and Signal Processing, 2007, 29, 120-136.
- [11] KIM J, YOON J C, KANG B S. Finite element analysis and modeling of structure with bolted joints [J]. Applied Mathematical Modelling, 2007, 31(5), 895-911.
- [12] BOUZID A H, NECHACHE A. The modelling of bolted flange joints used with disc springs and tube spacers to reduce relaxation [J]. International Journal of Pressure Vessels and Piping, 2010, 87(12), 730-736.
- [13] BOUZID A H, HICHEM G. A new approach to model bolted flange joints with full face gaskets [J]. Journal of Pressure Vessel Technology, Transactions of the ASME, 2011, 133, 021203-021209.
- [14] KWIATHOWSKI J K, WINNICKI L A, KRZYSPIAK A.
 Stress analysis of bolted tensile end plate connections [J].
 Rozprawy Inzynierskie, 1986, 34(1/2), 113-117.
- [15] LEHNHOFF T F, KO K I, MCKAY M L. Member stiffness and contact pressure distribution of bolted joints [J]. Journal of Mechanical Design, Transactions of the ASME, 1994, 116(2), 550-557.
- [16] LEHNHOFF T F, BUNYARD B A. Effects of bolt threads on the stiffness of bolted joints [J]. Journal of Pressure Vessel Technology, Transactions of the ASME, 2001, 123 (2), 161–165.
- [17] NASSAR S A, YANG X J, GANDHAM S V T, et al. Nonlinear deformation behavior of clamped bolted joints under a separating service load [J]. Journal of Pressure Vessel Technology, Transactions of the ASME, 2011, 133 (2), 0210011-0210019.

(编辑 杨 波)