doi:10.11918/j.issn.0367-6234.2016.01.026

考虑丝束变形和铺层力学方向的铺放线型规划

张吉法¹, 胡 斌¹, 徐东亮¹, 张小玉², 李卓球²

(1. 武汉理工大学 机电工程学院,430070 武汉;2. 武汉理工大学 理学院,430070 武汉)

摘 要:为规划不连续预浸丝束在构件曲面上的合理排布形式,分析构件外形、预浸丝束变形和铺层力学方向对构件曲面上 铺放路径规划的影响,提出一种工程实用的铺放线型规划方法.分别计算当前路径点的力学方向和材料容许铺放方向相对于 测地线方向的偏角,通过偏角比例控制系数来确定多约束条件下的铺放方向,依次求得新的路径点,从而实现构件曲面的铺 放路径规划;以曲面均匀铺满为目标,引入重叠系数进行线型的覆盖性分析,计算丝束增减的合理位置,完成构件曲面的铺放 线型规划.以某自由曲面铺放线型规划为例,验证了该规划方法的有效性.

关键词:预浸丝束;铺放路径;线型规划;容许偏角;覆盖性分析;边界处理

中图分类号: V261; TP391 文献标志码: A 文章编号: 0367-6234(2016)01-0172-08

Pattern planning for the deformation of fiber tows and mechanics direction of placement layers

ZHANG Jifa1, HU Bin1, XU Dongliang1, ZHANG Xiaoyu2, LI Zhuoqiu2

(1.School of Mechanical and Electronic Engineering, Wuhan University of Technology, 430070 Wuhan, China;2. School of Science, Wuhan University of Technology, 430070 Wuhan, China)

Abstract: To plan a reasonable placement pattern, this paper analyzes the influence of component surface shape, deformation of preimpregnated fiber tows and mechanics direction of placement layers on planning placement routes on the meshed surface, and presents a practical engineering approach for pattern planning. The deflection angles between geodesic direction and mechanical direction and allowable placement direction are calculated, respectively. Then, the multi-constraint placement directions are determined by proportional control coefficient of the deflection angles, and a new route point is obtained in turn. The placement route planning is implemented on the surface. In addition, to achieve a uniform covering surface, the overlap coefficient to the coverage analysis of placement pattern is introduced and the reasonable positions of increasing or decreasing fiber tows are calculated. Thus, the placement pattern planning is completed on the component surface. A placement pattern planning on a free form surface, for example, is used to verify the validity of these methods.

Keywords: preimpregnated fiber tows; placement route; pattern planning; allowable deflection angle; coverage analysis; boundary treatment

复合材料的广泛应用,在很大程度上取决于复 合材料的成型制造技术.采用先进制造技术可以降 低复合材料构件成本,保障产品质量,提高生产效 率.自动铺丝技术是在20世纪70年代提出来的,旨 在克服缠绕技术周期性、稳定性和非架空的特点给 复杂构件的成型带来的不便及自动铺带必须沿自然 路径进行铺放的限制.它综合了自动铺带技术和纤 维缠绕技术的优点,将多股预浸丝束集成一条宽度 可变的预浸带后自动按照一定线型铺到构件表面, 可实现复杂、甚至带窗口构件的铺放生产,在大型、 超大型复合结构部件的成型制造中具有极大的优越 性^[1-3].自动铺放线型规划过程是一个环节多、影响 因素多、涉及面广的复杂过程.尤其是复杂构件曲 面,需同时考虑构件曲面几何结构、原材料间和铺层 力学性能的耦合关系.线型反映了丝束在构件曲面 上的排布形式,决定了构件的复合材料结构和性能, 也是铺丝运动规划、自动 NC 编程以及轨迹仿真模 拟的重要依据.最近,Fayazbakhsh 和 Croft 等^[4-5]将 自动铺放过程中出现的丝束离缝和重叠等缺陷分布

收稿日期: 2014-09-23.

基金项目:国家高技术研究发展计划(863 计划)(2013AA031306).

作者简介:张吉法(1974—)男,讲师;

李卓球(1950—)男,教授,博士生导师.

通信作者:徐东亮,xdl556@163.com.

作为变量,研究了其对制品力学性能的影响;Beakou 等這研究了铺放过程中压紧力、预浸丝束黏性、铺 放速度和丝束回弹等对丝束局部曲皱的影响,建立 了曲面上丝束不屈皱的铺放路径的最小弯曲半径的 数学模型;Gürdal 等^[7-11]提出了用变刚度方法进行 复合材料层压结构铺层顺序的优化. 这些研究工作 为铺放线型规划提供了一定的理论依据. 在铺放路 径规划方面, Lewis 等^[12]首先提出了自然路径规划 法来保证自动铺放过程中预浸带整体变形最小.此 后,国内外学者基于此算法从精度和效率上进行了 不断的改进. 胡翠玲和罗海燕等[13-14] 将复杂曲面三 角网格化,采用测地线构造原理求解了该曲面上自 然铺放路径. 该方法计算简便,适用于较规则构件 曲面. Shirinzadeh 等^[15-16]对复杂曲面上纤维铺放路 径规划进行了研究,解决了纤维在多个方向上实现 连续排布和转向排布的问题,并提出了能实现曲面 上纤维均匀排布的铺放路径算法 SCAR. 韩振宇和 邵忠喜等[17-18]为研究纤维铺放路径规划和优化算 法,在分析与某一参考线成固定角度规划法和等距 偏置法的基础上,提出了纤维带铺放丝束数量计算 方法. 该规划算法主要涉及到构件曲面特征和刚度 要求,未考虑到沿规划路径进行铺放时预浸料可能 产生的变形对构件结构强度的影响. 李俊斐等[19] 及 熊文磊等^[20]分析了铺放过程中预浸料产生畸变的 原因及影响路径可铺放性的因素,提出了使路径能 够保证预浸料良好可铺放性的同时又满足构件的强 度分布要求的自调节路径规划算法. 文献 [12-20] 对铺放路径规划做了大量的工作,但在考虑影响规 划过程的因素方面侧重点有所不同.

本文从构件曲面外形、丝束变形和铺层力学方 向对铺放路径规划过程的影响入手,引入丝束最小 弯曲半径、铺放方向容许偏角控制系数和最大重叠 系数,将铺放路径看作网格化曲面上的空间曲线,应 用曲面微分几何和空间解析几何理论求解,提出一 种复杂曲面工程实用的铺放线型规划方法.

1 铺放路径工艺性

铺放路径是空间曲面上的曲线.如图 1, *C* 为曲面 *S* 上过点 *P* 的一条曲线, k_n 、 k_g 、n 和 τ 分别为曲面上曲线在 *P* 点的法曲率、测地曲率、单位法曲率向量和单位测地曲率向量, *t* 和 *k* 分别为曲线在 *P* 点单位切向量和主法向量, *s* 为弧长参数.根据微分几何理论,曲面上曲线测地曲率和法曲率为

 $k_{g} = dt/ds \cdot (\boldsymbol{n} \times \boldsymbol{t}) \; \boldsymbol{\pi} \; k_{n} = dt/ds \cdot \boldsymbol{n}.$

由于丝束带很薄(0.125~0.200 mm), k_n 不会对 丝束的铺放工艺性产生影响, m_k_g 的存在会使丝束

在幅宽方向产生侧弯进而影响其可铺性. 对于曲面 上丝束的变形,熊文磊等^[20]已作详细分析,并得到 了曲面上宽度为 w 的丝束微元内侧纤维的压缩应 变为 $\varepsilon = -2w/(2/k_s + w)$. 一定宽度丝束发生极限 变形时,其变形程度可用最小侧弯半径 ρ_{\min} 来表示, 即丝束铺放侧弯过程中,丝束中心的测地曲率半径 $\rho_{g}(\rho_{g} = 1/k_{g})$ 必须大于 ρ_{\min} ,否则丝束会产生局部 屈皱,将大大影响固化构件的力学性能. 丝束不产 生曲皱的条件为压缩应变的绝对值 | ε | \leq | ε_{max} | $(\varepsilon_{\text{max}})$ 为铺放材料容许压缩应变),令 $\varepsilon = \varepsilon_{\text{max}}$,则单 丝束最小相对侧弯半径: $\rho_{\min} = -w(\varepsilon_{\max}^{-1} + 0.5)$. 对 于丝束数为 n 和宽度为 n · w 的丝束带, 当其铺放路 径的测地曲率不为零时,丝束带内侧的曲率最大,所 以只要保证内侧丝束不产生屈皱就能使丝束具有良 好的可铺放性. 内侧丝束产生极限变形时,丝束带 的最小侧弯半径为

 $r_{\min} = \rho_{\min} + 0.5(n - 1) \cdot w.$



1.1 测地线铺放方向

复合材料结构中预浸丝束是主要承载材料,有 限宽丝束只有在不发生曲皱的情况下才能承受最大 载荷. 曲面上 k, 为0的曲线是测地线,沿测地线方 向铺放时丝束不发生变形,所以测地线方向是丝束 平整铺放的理想方向. 在复杂轮廓构件的曲面上难 以推导出铺放路径的精确数学模型,因此采用近似 的方法将构件曲面离散为若干三角面片. 丝束的平 整铺放路径是由网格面上若干条测地线所构成. 如 图 2,一条测地线可表示为网格上点的序列 P_1 、 P_2 、 \dots, P_{V}, \dots (下标 V 表示铺放路径上离散点的序号), 其中 P_v 是网格的顶点或者是边上的一个点,但大多 数情况是网格棱边上的点. 在这里若不考虑点 P_{v-1} 和 P_v 是网格内点的情况,则可通过将网格棱边上点 与网格顶点统一作为网格顶点来处理. 具体的做法 是将棱边上的点与此点相邻的网格顶点相连,这样 铺放路径上的一系列的点都可看作为曲面网格 顶点.

测地线的变化只能沿着曲面的法向方向,而不能在切平面上"左右"偏移.这样,在点 P_v的微邻域

内,测地线是逼近曲面沿给定方向的法截线.因此 点 P_V 处的法向量 n_{P_V} 和两个切向量 $P_{V-1}P_V$ 、 P_VP_G 是共面的,则有

 $\boldsymbol{n}_{\boldsymbol{P}_{\boldsymbol{V}}} \times \boldsymbol{P}_{\boldsymbol{V}-1} \boldsymbol{P}_{\boldsymbol{V}} \cdot \boldsymbol{P}_{\boldsymbol{V}} \boldsymbol{P}_{\boldsymbol{G}} = 0.$

一般情况下, P_v 点处单位法向量 n_{P_v} 可用通过 与此点相邻的三角面片的法向量做凸组合来近似替 代. 将交于该顶点的所有三角网格的法向量进行重 心加权平均^[21]:

$$\boldsymbol{n}_{\boldsymbol{P}_{\boldsymbol{V}}} = \sum_{K=1}^{N} \boldsymbol{\omega}_{K} \cdot \boldsymbol{n}_{K} / \big| \sum_{K=1}^{N} \boldsymbol{\omega}_{K} \cdot \boldsymbol{n}_{K} \big|.$$

在这里重心权重

 $\boldsymbol{\omega}_{K} = \|\boldsymbol{G}_{K} - \boldsymbol{P}_{V}\|^{-2},$

式中:重心 $G_{K} = \sum_{V_{J} \in f_{K}} V_{J}/3, f_{K}$ 为顶点 P_{V} 相邻三角 形面片, V_{J} 为 f_{K} 上顶点, N 为顶点 P_{V} 相邻三角形面 片数.

在已知各三角面片顶点以及点 P_{v-1} 和点 P_v 的 情况下,根据上述共面条件易于求解点 P_c .点 P_c 即 是铺放路径测地方向上的点,向量 $P_v P_g$ 的方向表 示路径在点 P_v 处测地线的铺放方向.



图 2 丝束当前路径点的法曲率

1.2 力学铺放方向及偏角计算

复合材料构件的铺层是一种可设计的材料结构,其主要承载材料为纤维,为了使材料的性能得到最大的发挥,铺放路径上任一点的切向量必须满足一定的铺层力学方向要求,而这一方向往往与测地线的铺放方向存在一个偏离角度.如图3,路径上点 P_v 处力学方向为所要计算的向量 P_vP_{vs} 的方向,其与已知参照向量 P_vP_{vc} 方向的夹角为 α_{vc} ,与测地线方向 P_vP_{g} 的偏角为 α_{vs} .依据图形几何变换原理,在平面内任一单位向量P绕该平面单位向量n旋转 θ 后得到新的单位向量为

 $P' = P\cos \theta + (n \times P)\sin \theta.$ (1) 其中,逆时针旋转 $\theta > 0$,顺时针 $\theta < 0$.下面来计算向 量 $P_V P_{VS} \pi \alpha_{VS}$,图中下标 $I \setminus J \setminus K \pi L$ 为网格顶点 编号.

1)当 $\langle P_{v}P_{vc}, P_{v}V_{I} \rangle \ge \alpha_{vc}$,式中 $\langle \rangle$ 为向量夹角 求取运算符时,向量 $P_{v}P_{vc} \subseteq P_{v}P_{vs}$ 同在单位法向量 为 n_{K} 三角面片 $P_{v}V_{I}V_{K}$ 内,令

 $\boldsymbol{e}_{VC} = \boldsymbol{P}_{V}\boldsymbol{P}_{VC}/|\boldsymbol{P}_{V}\boldsymbol{P}_{VC}|, \quad \boldsymbol{e}_{VS} = \boldsymbol{P}_{V}\boldsymbol{P}_{VS}/|\boldsymbol{P}_{V}\boldsymbol{P}_{VS}|,$

由式(1)有

 $\boldsymbol{e}_{VS} = \boldsymbol{e}_{VC} \cos(-\alpha_{VC}) + (\boldsymbol{n}_{K} \times \boldsymbol{e}_{VC}) \sin(-\alpha_{VC}).$

2) 当 $\langle P_v P_{vc}, P_v V_I \rangle < \alpha_{vc}$ 时,向量 $P_v P_{vc}$ 与 $P_v P_{vs}$ 不在1 个三角面片内,若 $P_v P_{vs}$ 在单位法向量 为 n_I 三角面片 $P_v V_I V_J$ 内(在其它面片内计算方法一 样),向量 $P_v P_{vc}$ 投影到三角面片 $P_v V_I V_J$ 内的向量 为 $P_v P'_{vc}$,设向量 $P_v P_{vc}$ 与三角面片 $P_v V_I V_J$ 的倾角 为 φ_{P_v} ,在三角面片 $P_v V_I V_J$ 内从向量 $P_v P'_{vc}$ 旋转到 向量 $P_v P_{vs}$ 的角度为 α'_{vc} ,则根据空间立体几何理 论有 cos $\alpha_{vc} = \cos \varphi_{P_v} \cdot \cos \alpha'_{vc}$.

则有

 $\boldsymbol{e}_{VS} = \boldsymbol{e}'_{VC} \cos(-\alpha'_{VC}) + (\boldsymbol{n}_{I} \times \boldsymbol{e}'_{VC}) \sin(-\alpha'_{VC}).$

 $e'_{VC} = P_V P'_{VC} / |P_V P'_{VC}|,$

根据以上分析,在曲面上可以计算出丝束力学 路径在点 P_V 处的力学铺放方向 P_VP_{VS} ,其相对于测 地线铺放方向的偏角为 $\alpha_{VS} = \langle P_VP_G, P_VP_{VS} \rangle$.



图 3 丝束当前路径点力学铺放方向 1.3 材料容许的铺放方向与偏角计算

预浸丝束有一定的幅宽限制,复合材料构件不能完全按照铺层理想的纤维方向进行铺放,被铺丝束会产生屈皱或撕裂.根据微分几何理论,曲面上曲线在某点有限邻域内的测地曲率半径是此曲线投影到该点处的切平面上的弧长半径,并且影响被铺丝束变形程度的主要因素是铺放路径在该点处的测地曲率 k_g ,存在这样的 r_g ,满足 $r_g \ge r_{min}$ 时,铺放路径在曲面上是可铺的.此时的铺放方向相对于测地线铺放方向存在一个偏离角,如图 4,在网格曲面上铺放路径 $P_{V-1}P_V$ 投影到点 P_V 处的切平面上的线段 $P_{V-1T}P_V$ 近似为半径为 $r_{P_{V-1}}$ 测地弧线段.由于网格边长 $\ll r_{P_{V-1}}$,在切平面上从点 P_{V-1T} 到点 P_V 的转角为 $\alpha_{VT}^* \approx |P_{V-1T}P_V|/r_{P_{V-1}}$.

向量 $P_v P_{GT}$ 和 $P_v P_{V+1T}$ 的方向分别为铺放路径 在点 P_v 处的测地线方向 $P_v P_G$ 和与该方向偏角为 α_{v} 的铺放方向 $P_{v}P_{v+1}$ 在切平面上的投影. 向量 $P_{v}P_{GT}$ 与 $P_{v-1T}P_{v}$ 位于同一直线,且所夹 α_{vT}^{*} 的两边 分别垂直于直线 $P_{v}P_{GT}$ 和 $P_{v}P_{v+1T}$,则有 α_{v} 的投影: $\alpha_{vT} = \alpha_{vT}^{*}$.

向量 $P_v P_G$ 和 $P_v P_{v+1}$ 的位置可在同一个三角面 片或不在三角面片内. 设切平面与三角面片 $P_v V_K V_I$ 和 $P_v V_I V_J$ 的夹角分别为 $\gamma_K = \langle n_K, n_{P_V} \rangle$ 和 $\gamma_I = \langle n_I, n_{P_V} \rangle$,与它们的交线分别为 $P_v H_K$ 和 $P_v H_I$, $P_c H_K \perp P_v H_K$, $P_c H_I \perp P_{v+1} H_I$,直线 $P_v H_K$ 与 $P_v H_I$ 可 不在同一直线上,其单位方向向量分别设为 l_K 和 l_I , $l_K = n_{P_V} \times n_K$, $l_I = n_{P_V} \times n_I$. 直线 $P_v H_K$ 与 $P_v P_{cT}$ 的夹 角 $\beta_{vT} = \langle l_K, P_v P_{GT} \rangle$, 在切平面上将向量 l_K 绕单位 向量 n_{P_V} 旋转 $\theta = -\beta_{vT} - \alpha_{vT}$,则有

 $\boldsymbol{e}_{V+1T} = \boldsymbol{l}_{K} \cos \theta + (\boldsymbol{n}_{P_{V}} \times \boldsymbol{l}_{K}) \sin \theta.$

式中: $e_{V+1T} = P_V P_{V+1T} / |P_V P_{V+1T}|$,则可求出向量 $P_V P_{V+1T}, \angle P_{V+1T} P_V H_I = \langle l_I, P_V P_{V+1T} \rangle$. $\angle P_{V+1} P_V H_I$ 为 向量 l_I 与 $P_V P_{V+1T}$ 的夹角 $\langle l_I, P_V P_{V+1} \rangle$,将向量 $P_V V_I$ 投影到切平面得到的向量为 $P_V V_{IT}$,则: $\angle P_{CT} P_V V_{IT} = \langle P_V P_{GT}, P_V V_{IT} \rangle$.





1) 当 $\alpha_{vT} \leq \angle P_{cT} P_v V_{IT}$ 时,向量 $P_v P_G$ 和 $P_v P_{v+1}$ 的位置在同一个三角面片 $P_v V_\kappa V_I$ 内、上,依立体解 析几何理论有

 $\tan(\angle P_{V+1}P_VH_I) = \tan(\angle P_{V+1T}P_VH_I)\cos\gamma_K.$

在三角面片 $P_v V_K V_I$ 上将向量 l_I 绕单位向量 n_K 旋转 $\theta = - \angle P_{v+1} P_v H_I$, 无论网格曲面是凸曲面还是 凹曲面, 都有

2) 当 $\alpha_{vT} > \angle P_{cT}P_{v}V_{lT}$ 时,向量 $P_{v}P_{g}$ 和 $P_{v}P_{v+1}$ 的位置不在同一个三角面片内,若向量 $P_{v}P_{v+1}$ 在三角面片 $P_{v}V_{l}V_{J}$ 内(在其它面片内计算方法一样).依立体解析几何理论有

 $\tan(\angle P_{V+1}P_VH_I) = \tan(\angle P_{V+1T}P_VH_I)\cos\gamma_I.$

在三角面片 $P_v V_I V_J$ 上将向量 l_I 绕单位向量 n_I 旋转 $\theta = - \angle P_{v+1} P_v H_I$,则有

 $\boldsymbol{e}_{V+1} = \boldsymbol{l}_{I} \cos \theta + (\boldsymbol{n}_{I} \times \boldsymbol{l}_{I}) \sin \theta.$

根据以上分析,丝束在点 P_v 处的可行铺放方向 $P_v P_{v+1}$ 及其与测地线铺放方向 $P_v P_G$ 的偏角 $\alpha_v = \langle P_v P_G, P_v P_{v+1} \rangle$ 可以求出.同时,当 $r_{P_{v-1}} = r_{min}$ 时,可 得到丝束材料在点 P_v 处的容许偏角 α_{vmax} .在实际 工程中,丝束的容许铺放方向与力学铺放方向必在 测地线铺放方向的同侧,不在同侧的铺放方向及其 偏角的计算方法与在同侧相同,不再赘述.

2 铺放线型规划

铺放线型规划内容包括铺放路径规划和覆盖性 分析.规定曲面线型由上向下,从左向右进行规划, 沿铺放方向用当前铺放丝束带的左侧丝束去拼接上 一相邻线型段右侧丝束,原则上要求当前丝束带幅 宽最大.以开曲面为研究对象,总体过程:在待铺曲 面上确定当前线型段的参考点,以此参考点在该曲 面上向垂直于该点的力学方向右侧偏移半个丝束带 宽得到路径规划基点,并计算出该点的力学方向;再 以力学方向为目标同时兼顾丝束的可铺性确定当前 路径及其铺放终点,更新待铺曲面边界;在待铺曲面 边界上选取下一条线型段的参考点,以此参考点按 上述类似的方法从左向右遍历整个曲面,从而得到 完整铺放线型.

2.1 铺放路径规划

在路径规划过程中同时兼顾铺层力学方向和丝 束的可铺性的影响,通过利用丝束的有限变形,使复 合材料结构中纤维承载能力得到充分发挥.

2.1.1 路径规划方法

一般曲面上路径规划基点的初始方向是铺层力 学设计要求的方向,但当按照基点和初始方向生成 整根铺放路径时,得到路径上任意点的力学铺放方 向和测地线铺放方向往往是不一致的.因此,在满 足构件整体结构性能的前提下,提出一种实用的路 径规划方法.定义力学铺放方向偏角与容许偏角的 比例控制系数为

$\lambda_{V} = \alpha_{VS} / \alpha_{Vmax}$.

 $λ_v$ 反映了路径当前点处铺层力学的设计方向超 出材料容许形变的程度.规划过程中每步依靠当前 $λ_v$ 的值来确定当前路径点的合理铺放方向,再根据 所规划的铺放方向来计算下一路径点 P_{v+1} .如图 5.

1) 当 $\lambda_v \in [0,1]$,在丝束容许变形范围内,按路径当前点的力学铺放方向进行铺放,铺放质量良好,能够满足构件整体结构性能要求,此时实际铺放方向 $P_v P_{vs}$.

2) 当 $\lambda_{v} \in (1,\lambda]$ (λ 为铺放工艺性的协调参数,它表示力学铺放方向超出材料容许形变程度的可接受值,可根据构件曲面外形、制造精度要求和丝束规格等铺放路径工艺设计原则综合确定),将实际铺放方向 $P_{v}P_{v+1}$ 取为材料容许的铺放方向 $P_{v}P_{vr}$.

3) 当 $\lambda_v \in (\lambda, \infty)$, 铺放路径当前点的力学方 向超出材料容许形变程度的可接受值,按照现有的 曲面外形和丝宽以及铺层力学方向的要求不能规划 出当前路径点 P_v 处合理的铺放方向,此时,可通过 综合考虑各影响因素,采用更窄的丝束进行铺放,或 局部修改铺层设计来微调力学铺放方向.



图 5 力学铺放方向偏角与材料容许偏角

铺放路径基点 P_0 的方向与力学方向一致,因此 在网格化曲面上,易于计算出路径上与其相邻点 P_1 ,当前点 P_v 的铺放方向及下一路径点 P_{v+1} 的计算 过程如下:

1) 对相交于点 P_v 的三角面片的法向量做凸组 合来计算出该点处单位法向量 n_{P_v} ;根据向量 $P_{v-1}P_v$,应用测地线的法截面算法,求出路径的测 地线铺放方向 $P_v P_g$ 及点 P_c .

2)根据给定的参照向量 $P_v P_{vc}$,应用图形变换 原理和空间解析几何理论计算出点 P_v 处力学铺放 方向 $P_v P_{vs}$ 及该方向与 $P_v P_g$ 的夹角 α_{vs} .

3)在点 P_v 的切平面上,已知丝束最小侧弯半径 r_{\min} ,求出从 P_{v-1} 的投影点到 P_v 的近似转角,此角 度为点 P_v 的铺放方向 $P_v P_{vR}$ 相对于向量 $P_v P_G$ 的容 许偏角 α_{vmax} 在切平面上的投影.

4)根据相交于点 P_v 的各线段间的几何关系,计 算出 P_vP_{v+1} 所在的三角面片与切平面交线的单位 方向向量;再根据图形变换原理和立体解析几何理 论,求出向量 P_vP_{vR} 及其相对于向量 P_vP_G 的偏角 α_{vmax} .

5)计算 λ_v 的值和确定下一路径点 P_{v+1}

① $\lambda_v \in [0,1]$, 点 P_v 的铺放方向 $P_v P_{v+1}$ 取向 量 $P_v P_{vs}$ 的方向, 点 P_{v+1} 为向量 $P_v P_{vs}$ 所表示的直

线与点 P_v 邻域内的网格边的交点;

② $\lambda_{v} \in (1, \lambda]$,点 P_{v} 的铺放方向 $P_{v}P_{v+1}$ 取向 量 $P_{v}P_{vR}$ 的方向,点 P_{v+1} 为向量 $P_{v}P_{vR}$ 所表示的直 线与点 P_{v} 邻域内的网格边的交点;

③ $\lambda_v \in (\lambda, \infty)$, 点 P_v 处不能计算出合理的铺 放方向,计算结束.

6) 重复步骤 1) ~5), 计算出点 P_{v+1} 的铺放方向 及其相邻待规划点, 直到构件边界, 或在某点处力学 铺放方向的偏角与材料容许的偏角间的比值大于 λ , 计算终止. 连接 P_0 , P_1 , …, P_v , …, 构成铺放路 径.

2.1.2 路径规划验证

以某自由曲面铺放路径规划为例进行验证,在 CATIA 中将曲面模型网格化,转化为 STL 文件,将 其导入到 VC++中进行模型重构,再对上述规划过 程进行编程.给定预浸丝束的最小侧弯半径 r_{min} = 3 000 mm,铺放工艺性的协调参数 λ = 1.5,铺层力 学的设计方向为 30°,基点的铺放方向与力学方向 重合.

图 6 为测地线铺放路径、30°力学铺放路径和实际规划的铺放路径示意图,从图 6 可以看出,开始时力学路径与测地路径比较接近,随曲面上路径点的曲率变化,二者分离,规划所得到的路径在这两条路径中间且靠近前者的一侧.从仿真结果来看,达到了铺放路径规划的目标,验证了所规划路径的合理性.



图 6 铺放路径规划算法验证

2.2 覆盖性分析

对于复杂构件曲面,不能保证相邻铺丝路径间 的距离总是恒定值,若以相同的丝束数目进行铺放 就会出现丝束带间离缝或重叠.覆盖性分析内容包 括线型规划的初始参考点(线或面)、边界处理和丝 束增减位置计算.

2.2.1 线型规划的初始参考点

线型规划的初始参考点位于曲面边界上,要求 沿铺放方向的左侧无待铺区域,是线型的左极限点. 如图 7,曲面边界由曲线 *l*₀、*l*₁、*l*₂构成,沿顺时针方 向遍历整个边界,采用定步长 δ 来求得线型的初始

• 177 •

参考点 $C_i(N = [s/\delta], []$ 为取整运算符, s 为曲面 边界周长, $i \in [1,N]$). 点 C_i 处的法向量和力学方 向分别为 n_{c_i} 和 C_{is} , 过该点法向量为 τ_{c_i} 的平面为 F_{c_i} ,其中 $\tau_{c_i} = n_{c_i} \times C_{is}$. 在点 C_i 的领域内选取 m 个 考查点 $C_{i1}, C_{i2}, \dots, C_{im}$, 分别判断这些点在平面 F_{c_i} 的左侧或右侧. 若所有考查点都位于该平面的右 侧,则认为点 C_i 为铺放丝束带的左极限点,同时将 该点作为线型规划的初始参考点. 通过此方法求得 的参考点可能有多个, 但是求解线型的最终结果 相同.



图 7 初始参考点与边界处理

2.2.2 线型规划边界处理

求得初始参考点 C_i 后,在被铺曲面上将该点向 垂直于 C_{is} 方向右侧偏移半个丝束带宽,得到当前 铺放路径的基点 P_i .如图 7,点 P_i 在待铺曲面内,计 算出该点的力学方向 P_{is} .若按 2.1 节铺放路径规划 方法只能得到路径 $P_i P_M$ (点 P_M 为边界上的铺放路 径终点).为了求得完整的铺放路径,还需以点 P_i 向 P_{is} 的反方向来求得另一路径 $P_0 P_i$ (点 P_0 为边界上 的铺放路径起始点),然后将这两段路径连接重构, 组成一条完整的铺放路径.反方向求解路径方法与 上述类似,在这里不再赘述.

以点 P_0 为起始点,以点 P_M 为终点进行铺放时, 所得铺放区域在点 P_0 和 P_M 处出现漏铺的情况,如 图 7 区域 A 和 B. 为了能够铺满这两个区域,必须将 该路径向曲面外延伸. 具体过程如下:以区域 A 铺 满为例,求解第一个延伸点 Y_0^1 . 待铺曲面上点 P_0 的 法向量为 n_{P_0} ,力学方向为 P_{0s} ,令 $\tau_{P_0} = P_{0s} \times n_{P_0}$, 过点 P_0 作待铺曲面的切平面 T_0 . 曲面上点 P_0 处的 丝束带沿其宽度方向的测地线长度可近似为在该切 平面上的带宽,因此在 T_0 平面上将点 P_0 沿 τ_{P_0} 方向 平移单丝宽得到点 P_{01}^* 后,再将点 P_{01}^* 沿 n_{P_0} 反方向 投影到曲面上得到点 P_{01}' ,点 P_{01}' 可近似为点 P_0 右相 邻丝束路径点. 再按照 2.1 节铺放路径规划的方法, 以点 P_{01}' 向成方向求得边界上的点 P_{01} ,连接点 P_{01} 和 P_{01}^* 构成直线,将该直线沿 τ_{P_0} 的反方向平移 使得点 P_{01}^* 与点 P_0 重合,将点 P_{01} 对应的点 Y_0^1 看作 为铺放路径的外延伸点. 然后求解第二个延伸点 Y_0^2 ,将点 P_{01} 在该点的切平面 T_{01} 沿 $\tau_{P_{01}}$ 方向平移单 丝宽得到点 P_{∞}^* 后,求解点 Y_0^2 的方法与点 Y_0^1 相同. 重复以上步骤,将路径不断向外延伸,直到下列情况 停止延伸:1)延伸点 Y。右侧丝束数目为最大出丝数 (总出丝 n 为偶数时, j = n/2; n 为奇数时, j = (n + 1)/2).2)当将计算过程的点 P^{*}_{0j+1} 沿 **n**_{Poi} 反方向投 影时,在曲面上找不到对应点. 连接点 P₀、Y¹₀、…、 Y。构成当前路径的延伸线. 在区域 B 铺满的条件 下,铺放路径的延伸点的求解方法与区域A类似,只 是求解过程中所涉及的方向与区域 A 相反. 连接点 $Y_0 \cdots Y_0 P_0 \cdots P_M \cdots Y_M^*$ 组成当前铺放路径 r_0 , 保证了 区域A和B能够被铺满.更新当前铺放路径和待铺 区域边界,并以点 $Y_0(r_0$ 对应的铺放右边界上第一 个点)作为规划下一铺放路径 r₁ 的参考点. 确定了 规划参考点后, r_1 的求解过程与 r_0 类似,依次求得 待铺曲面所有其它铺放路径.

2.2.3 增丝和减丝位置计算

覆盖性的目的是合理地分布丝束增/减位置,减 小丝束带间离缝或重叠.在这里引用重叠系数f(丝 束带间重叠部分宽度与单丝宽的比值),最大重叠 系数定义为f_{max}.为了确定丝束增/减位置,对于铺 放路径上每个点都要计算出其对应的丝束数目.

如图 8,待铺区域边界点 C 为当前铺放路径的 参考点,求得的铺放路径为 r,规划起始点(基 点) P、铺放起始点 P₀ 和终点 P_M,同时确定路径延 伸点 Y₀ 和 Y^{*}_M (n 为偶数时, j, k \in [1,n/2]; n 为奇 数时, j, k \in [1,(n + 1)/2]).铺丝头沿路径 r 从点 Y₀ 到 Y^{*}_M进行铺放,可将路径分为 3 段进行覆盖性分 析.(1)铺丝头进入待铺曲面时,在点 Y^{*}₀ 对应的 P₀; 进行增丝操作;走出待铺曲面,在点 Y^{*}_M 对应的 P_{Mk} 进行减丝操作.(2)铺丝头在待铺曲面时,要计算出 丝束数目来判断丝束的增/减.



图 8 丝束增减位置计算

铺放头左侧丝束增/减的判断:当前路径点 P_v 沿垂直于该点铺放方向左侧作测地线与边界线的交 点为 C'_v ,计算出测地线弧长为 s'_v ,则左侧丝束的数 目为

$$N'_{V} = \left[\left(s'_{V} + f_{\max} \cdot w \right) / w \right]$$

式中:[]为取整运逄符. 判断 N_v 与上一规划点的 左侧丝束数目 N_{v-1} 的关系. 若两者相等,则左侧丝 束数不变;若前者大于后者,则增丝;若前者小于后 者,则减丝.

当 $N'_v > N'(N'$ 为左侧最大出丝数)相邻铺放路径的丝束带间出现离缝(图中D区),则当前路径无效.此时,为了保证左侧丝束控制在最大出丝范围内,应将规划基点P向左回退单丝宽所得到的点P'作为新的基点,以此参考点重新规划出新的铺放路径r',再从新的铺放起始点开始计算左侧出丝数目.若当前的左侧出丝数目仍>N',则点P继续回退,直到空缺铺满或点P'与C重合.当点P'与C重合时仍有空缺未铺满,则当前铺放路径无效,此时需要重新确定待铺曲面路径规划的参考点,其方法与求解线型初始参考点的方法类似,得到的参考点不能与点C重合.接下来再规划出新的铺放路径,继续进行覆盖性分析,直到整个曲面满铺.

铺放头右侧丝束增/减的判断: 铺丝头右侧最 大出丝数与左侧相等. 将当前路径点 P_v 沿垂直于该 点铺放方向右侧作测地线, 如果该测地线向右延伸 碰不到待铺曲面边界, 则该测地线的长度 s_v^* 最大长 度为 N'w, 并计算出终点 C_v^* ; 若碰到边界, 则计算 出 s_v^* 和交点 C_v^* . 此时点 C_v^* 为当前路径点 P_v 处铺 丝头的极右出丝点. 再计算出右侧丝束的数目 $N_v^* =$ [$(s_v^* + f_{max} \cdot w)/w$], 判断其与上一规划点的左侧丝 束数目 N_{v-1}^* 的关系. 右侧丝束增/减的判断与左侧 相同, 不再叙述. 当前路径对应的所有铺丝头极右 出丝点依次连接而构成的曲线作为下一铺放路径对 应的左边界.

2.2.4 线型规划验证

在铺放路径验证的基础上,给定单丝宽为5 mm、满丝数目为6根和 f_{max} = 0.5,进行线型规划 算法验证.图9中,粗实线表示铺放路径,其两侧阴 影区域表示丝束带覆盖范围.两相邻路径间颜色较 深的区域为丝束重叠部分,而白色部分为丝束带间 的间隙.从图9中可看出,该曲面的铺放过程中丝 束数目有增有减,铺放路径向曲面外延伸.

由于受到构建曲面外形、丝束变形能力和铺层 力学方向等因素的制约,在实际铺放过程中就要求 增/减丝束.一方面,对于丝束带间的拼接,在合理 的位置增/减丝束有助于提高铺放效率和节约成本; 另一方面,铺放路径向外延伸使得构件曲面边界能 够铺满,减少了构件的后加工和原材料成本.根据 以上分析和结合线型规划结果,表明了这种规划方 法的有效性.



图 9 铺放线型规划效果

3 结 论

1)复杂曲面的铺放路径难以用精确的数学模型来表示,本文将曲面进行网格化处理,应用曲面微分几何和空间解析几何理论进行分析计算,给出了 丝束变形能力和铺层方向约束条件下,能够均匀铺 满整个曲面的线型规划方法.

2)该线型规划算法引入了丝束最小弯曲半径、 铺放方向容许偏角控制系数和最大重叠系数,很好 地考虑了预浸丝束在铺放过程中的形变适应能力、 铺放制品的铺层力学要求和规划结果中丝束增减位 置分布的要求.该规划方法能充分利用丝束的有限 变形,发挥纤维的承载能力,改善构件铺放质量,提 高铺放效率和节约成本.

3) 仿真结果表明, 该线型规划能协调处理力学 方向和测地线方向不一致的情况, 能根据重叠系数 要求进行合理的丝束增减处理, 为解决自动铺放制 造的实际工程应用提供了一定的理论支持.

参考文献

- [1] 史耀耀, 阎龙, 杨开平. 先进复合材料带缠绕、带铺放成型技术[J]. 航空制造技术, 2010, (17): 32-36.
- [2] 肖军,李勇,李建龙.自动铺放技术在大型飞机复合材料 结构件制造中的应用[J].航空制造技术,2008(1): 50-53.
- [3] GRANT G G. Fiber placement process utilization within the worldwide aerospace industry [J]. SAMPE Journal, 2000, 36 (4):7-12.
- [4] FAYAZBAKHSH K, NIK M A, PASINI D, et al. Defect layer method to capture effect of gaps and overlaps in variable stiffness laminates made by Automated Fiber Placement[J]. Composite Structures, 2013, 97(3):245-251.
- [5] CROFT K, LESSARD L, PASINI D, et al. Experimental study of the effect of automated fiber placement induced

defects on performance of composite laminates [J]. Composites: Part A, 2011, 42(5):484-491.

- [6] BEAKOU A, CANO MJ, CAMA B L, et al. Modelling slit tape buckling during automated prepreg manufacturing: A local approach [J]. Composite Structures, 2011, 93(10): 2628-2635.
- [7] GÜRDAL Z, OLMEDO R. In-plane response of laminates with spatially varying fiber orientations: variable stiffness concept[J]. AAIA Journal, 1993, 31(4):751-758.
- [8] OLMEDO R, GÜRDAL Z. Buckling response of laminates with spatially varying fiber orientations [C]//Proccedings of the 34th AAIA/ASME/ASCE/AHS/ASC Structures , Structural Dynamics and Materials Conference. La Jolla: AAIA Press, 1993: 2261-2269.
- [9] GHIASI H, FAYAZBAKHSH K, PASINI D, et al. Optimum stacking sequence design of composite materials. Part II: Variable stiffness design[J]. Composite Structures, 2010, 93 (1):1-13.
- [10] HALE R D, MOON R, LIM K, et al. Integrated design and analysis tools for reduced weight, affordable fiber steered composites [R]. Lawrence: university of Kansas, 2004.
- [11] IJSSELMUIDEN S T, ABDALLA M M, GÜRDAL Z. Optimization of variable-stiffness panels for maximum buckling load using lamination parameters [J]. AIAA Journal, 2010, 48(1): 134-143.
- [12] LEWIS H W, ROMERO J E. Composite tape placement apparatus with natural path generation means: 4696707
 [P]. 1987 09 29 [2014 09 28]. http://www.

freepatentsonline.com/4696707.pdf.

- [13] 胡翠玲,肖军,李勇,等.复合材料自动铺带技术研究
 (I):自然路径特性分析及算法[J]. 宇航材料工艺, 2007(1):40-43.
- [14]罗海燕,李勇,肖军,等.复合材料自动铺带技术研究: 曲面铺带轨迹算法[J]. 航空学报,2009,30(9): 1782-1786.
- [15] SHIRINZADEH B, ALICI G, FOONG C W, et al. Fabrication process of open surfaces by robotic fibre placement [J]. Robotics and Computerk-Integrated Manufacturing, 2004, 20(1): 17-28.
- [16] SHIRINZADEH B, CASSIDY G, OETOMO D, et al. Trajectory generation for open-contoured structures in robotic fiber placement [J]. Robotics and Computer-Integrated Manufacturing, 2007,21 (6): 380-394.
- [17]韩振宇, 邵忠喜, 富宏亚, 等. S 型进气道纤维铺放轨 迹网格化生成[J]. 航空制造技术,2009(19):72-78.
- [18] 邵忠喜,富宏亚,韩振宇,等.S形进气道纤维铺放轨迹 规划和优化方法[J].宇航学报,2010,31(3):855-861.
- [19]李俊斐, 王显峰, 肖军. 开孔曲面自动铺放轨迹规划算 法研究[J]. 航空学报, 2013, 34(7): 1716-1723.
- [20]熊文磊,肖军,王显峰,等.基于网格化曲面的自适应 自动铺放轨迹算法[J].航空学报,2013,34(2): 434-441.
- [21]神会存,李建华,周来水. 三角网格模型顶点法矢与离 散曲率计算[J]. 计算机工程与应用,2005,41(26), 12-15.

(编辑 杨 波)