doi:10.11918/j.issn.0367-6234.2016.03.016

## 含界面裂纹的 GFRP 沥青混合料巴西盘断裂力学分析

## 任大龙<sup>1,2</sup>,万水<sup>1</sup>,李文虎<sup>2</sup>

(1. 东南大学 交通学院,210096 南京; 2. 常州市建设工程结构与材料性能研究重点实验室(常州工学院),213002 江苏 常州)

摘 要:为研究 GFRP 沥青混合料界面裂尖力学特性,对混合料进行强度分析,设计了含预制界面裂纹的双材料巴西盘试件, 实测了加载角度在 25°~90°之间 27 个巴西盘试件断裂荷载、裂纹扩展路径和断口形式等试验数据,结合试验数据建立了考虑 GFRP 正交异性双材料巴西盘有限元模型,采用数值外插法反算了界面应力强度因子,进行了 GFRP 沥青混合料巴西盘断裂 力学性能的理论分析和试验研究.结果表明,含预制界面裂纹的双材料巴西盘试件能全面地反映 GFRP 沥青混合料的断裂形 态,是一种有效的试验方法;以界面应力强度因子作为力学评价指标,能够很好地解释试验现象;含预制界面裂纹的 GFRP 沥 青混合料巴西盘符合椭圆强度准则.

关键词:桥面铺装;沥青混合料;GFRP;巴西盘;界面裂纹;应力强度因子 中图分类号:U441.6 文献标志码:A 文章编号:0367-6234(2016)03-0095-06

# Fracture mechanics analysis of GFRP asphalt mixtures brazilian disk with interface crack

REN Dalong<sup>1,2</sup>, WAN Shui<sup>1</sup>, LI Wenhu<sup>2</sup>

(1. School of Transportation, Southeast University, 210096 Nanjing, China; 2. Changzhou Key Lab of Structure Engineering and Material Properties(Changzhou Institute of Technology), 213002 Changzhou, Jiangsu, China)

**Abstract**: The mechanics property near interface crack tip is studied in order to strength analysis, which interface is between GFRP and asphalt mixtures. Bimaterial Brazilian Disk specimens with prefabricated interface crack are designed. 27 Brazilian Disk specimens are tested by loading angle in the range of 25 degree to 90 degree, and experimental data are recorded, such as ultimate load, crack propagation path, fracture form, etc. Finite element model of GFRP asphalt mixtures Brazilian Disk is built, considering the GFRP orthotropic property. Interface stress intensity factors (SIF) are calculated applying numerical extrapolation method, and fracture mechanics performance of GFRP asphalt mixtures Brazilian Disk is studied by theoretical analysis and experimental research. The results show that the bimaterial Brazilian Disk specimens with prefabricated interface crack can fully reflect fracture types of GFRP and asphalt mixtures, which is an efficient experiment method, that interface SIF acting as mechanics evaluation parameter, can well explain experiment phenomena, and that GFRP and asphalt mixtures Brazilian Disk specimens with elliptic strength criterion.

Keywords: deck pavement; asphalt mixtures; GFRP; brazilian disk; interface crack; stress intensity factor

GFRP(glass fiber reinforced plastics, GFRP)沥 青混合料是一种新型桥面结构形式,与传统混凝土 桥面系相比,具有自重轻,抗疲劳性能好、耐化学腐 蚀性好、施工方便等优点.GFRP沥青混合料是 GFRP板与沥青混合料粘结而成的结合材料,在结 合界面附近往往存在缺陷,会导致结合强度下降,而 且由于界面的存在而引发应力集中并产生残余应力

收稿日期: 2014-08-05.

基金项目:国家自然科学基金(50978055); 江苏省高校自然科学基金(14KJB560002). 作者简介:任大龙(1979—),男,博士研究生; 万水(1960—),男,教授,博士生导师. 通信作者:任大龙, chongrdl@163.com. 等,使界面附近的材料处于较高的应力水平,所以由 结合材料结构的强度往往都取决于界面的强 度<sup>[1-2]</sup>.结合材料具有界面端应力奇异性和界面裂 纹裂尖的非 *r*<sup>-0.5</sup> 振荡应力奇异性<sup>[3-5]</sup>,界面本身与 母材的强度也不同,传统的强度评价方法,如以应力 为基本评价参数的材料力学的方法,和以均质材料 裂纹应力强度因子为基本评价参数的断裂力学的方 法,都不能用来评价结合材料的强度或断裂行为,需 要建立一套针对界面性能的评价方法,为结合材料 的强度提供必要的理论基础.本文利用双材料巴西 盘试件进行 GFRP 沥青混合料试验研究,它可以通 过改变加载角度模拟试件的各种破坏模态,便于实 现结合材料试件强度的全面研究.

## 1 界面裂纹描述

Williams<sup>[1]</sup>最早采用特征函数法研究了各项同 性弹性材料界面裂纹尖端附近的应力场和位移场的 振荡奇异性,指出界面裂尖前沿应力场特征值为一 对共轭复根  $\lambda_{1,2} = \frac{1}{2} \pm i\varepsilon$ ,并给出应力场和开口位 移解析表达式<sup>[1-2,4]</sup>分别为

$$\sigma_{\theta j} + i\tau_{r\theta j} \Big|_{\theta=0} = \frac{K_1 + iK_2}{\sqrt{2\pi r}} \left(\frac{r}{2a}\right)^{i\varepsilon}, \qquad (1)$$

$$\delta_{y} + i\delta_{x} = \frac{K_{1} + iK_{2}}{2(1+2i\varepsilon)\cosh(\varepsilon\pi)} \left\{ \frac{k_{1}+1}{\mu_{1}} + \frac{k_{2}+1}{\mu_{2}} \right\} \cdot \sqrt{\frac{r}{2\pi}} \left( \frac{r}{2a} \right)^{i\varepsilon}.$$
(2)

式中:  $\varepsilon$  为振荡因子,  $\beta$  为 Dundurs 参数<sup>[5]</sup>,  $E_i$  为弹性 模量,  $\nu_i$  为泊松比,  $\mu_i$  为剪切模量,  $k_i$  为材料参数,  $K_1/K_2$  为应力强度因子 SIF(stress intensity factor).

$$\varepsilon = \frac{1}{2\pi} \ln\left(\frac{1-\beta}{1+\beta}\right),$$
  
$$\beta = \frac{\mu_1(k_2-1) - \mu_2(k_1+1)}{\mu_1(k_2+1) + \mu_2(k_1+1)},$$
  
$$k_i = (3-\nu_i)/(1+\nu_i) (\overline{\Psi} \overline{m} \overline{D} \overline{D} \overline{D}).$$

Suo<sup>[6]</sup>进一步分析了各向异性材料结合材料的 界面问题.对于图1所示正交各向异性材料界面裂 纹,当材料主轴方向与界面一致时,裂尖前沿应力场 和开口位移场的形式为

$$\sqrt{\frac{H_{22}}{H_{11}}}\sigma_{y} + i\tau_{xy} = \frac{K_{1} + iK_{2}}{\sqrt{2\pi r}}r^{i\varepsilon}, \qquad (3)$$

$$\sqrt{\frac{H_{22}}{H_{11}}}\delta_{y} + i\delta_{x} = \frac{2H_{11}(K_{1} + iK_{2})\sqrt{r}}{(1 + 2i\varepsilon)\sqrt{2\pi}\cosh(\varepsilon\pi)}r^{i\varepsilon}. \qquad (4)$$

式中H<sub>ii</sub>为汉密尔顿矩阵的分量为

$$\begin{split} H_{11} &= \left\{ 2n\Gamma^{0.25}\sqrt{\beta_{11}\beta_{22}} \right\}_{1} + \left\{ 2n\Gamma^{0.25}\sqrt{\beta_{11}\beta_{22}} \right\}_{11}, \\ H_{22} &= \left\{ 2n\Gamma^{-0.25}\sqrt{\beta_{11}\beta_{22}} \right\}_{1} + \left\{ 2n\Gamma^{-0.25}\sqrt{\beta_{11}\beta_{22}} \right\}_{11}, \end{split}$$



图1 裂尖界面裂纹

$$\beta = \frac{\left\{\sqrt{\beta_{11}\beta_{22}} + \beta_{12}\right\}_{11} - \left\{\sqrt{\beta_{11}\beta_{22}} + \beta_{12}\right\}_{1}}{\sqrt{H_{11}H_{22}}},$$

$$\Gamma = \frac{\beta_{11}}{\beta_{12}}, \rho = \frac{2\beta_{12} + \beta_{66}}{2\sqrt{\beta_{11}\beta_{12}}},$$

$$n = \sqrt{\frac{1+\rho}{2}}, m = \sqrt{\frac{1-\rho}{2}},$$

$$\beta_{11} = \frac{1}{E_1}, \beta_{12} = \beta_{21} = -\frac{\nu_{12}}{E_1},$$

$$\beta_{22} = \frac{1}{E_2}, \beta_{66} = \frac{1}{\mu_{12}} (\overline{\Psi} \overline{\Pi} \overline{D} \overline{D} \overline{H} \overline{K} \overline{K} \overline{\Gamma}).$$

将式(3)、(4)复变函数形式展开,整理得到 *K*<sub>1</sub>、*K*<sub>2</sub>,应力法:

$$K_{1} = \lim_{r \to 0} \sqrt{2\pi r} \left[ \sigma_{y} \cos Q + (2w_{1}\tau_{xy} + \frac{w_{2}}{w_{1}}(\sigma_{y} + 2w_{2}\tau_{xy}) \right] \sin Q \right], \quad (5)$$

$$K_{2} = \lim_{r \to 0} \sqrt{2\pi r} \bigg[ \tau_{xy} \cos Q - \frac{1}{2w_{1}} (\sigma_{y} + 2w_{2}\tau_{xy}) \sin Q \bigg].$$
(6)

式中
$$Q = \varepsilon \ln \frac{r}{ha}$$
.  
位移法:

$$K_{1} = \lim_{r \to 0} \frac{C}{w_{1}} \sqrt{\frac{2\pi}{r}} \left[ (S_{1}w_{1} - S_{2}w_{2})\Delta_{1} - (S_{1}w_{2} - S_{2}w_{1})\Delta_{2} \right] , (7)$$
$$K_{2} = \lim_{r \to 0} \frac{C}{2w_{1}} \sqrt{\frac{2\pi}{r}} \left[ S_{1}\Delta_{2} + S_{2}\Delta_{1} \right] . \tag{8}$$

式中:

$$C = \cosh(\varepsilon \pi) / (2H_{22}),$$
  

$$\Delta_1 = \delta_y - \frac{w_2}{2(w_1^2 + w_2^2)} \delta_x,$$
  

$$\Delta_2 = \frac{w_1}{2(w_1^2 + w_2^2)} \delta_x,$$

 $S_1 = (1 + 2\varepsilon w_2/w_1) \cos Q + (2\varepsilon - w_2/w_1) \sin Q,$  $S_2 = (2\varepsilon - w_2/w_1) \cos Q - (1 + 2\varepsilon w_2/w_1) \sin Q.$ 

当材料由正交各向异性材料退化为各项同性的结合材料时,  $2W_1 = 1, W_2 = 0$ ,即可得到各项同性均质材料 $K_1/K_2$ .

## 2 GFRP 沥青混合料巴西盘试验

#### 2.1 试验描述

试件由两个沥青混合料半圆、GFRP 板条粘结 而成,如图 2(a).试件制作时,首先将沥青混合料半 圆、GFRP 板条固定在专用夹具上,然后注入环氧树 脂胶,放入标准养护室养护不少于 48 h 方可试验. 界面裂纹在试件制作过程中预制,在一侧沥青混合 料半圆粘帖薄膜,确保注胶时胶水不能进入薄膜和 沥青混合料空腔,待试件养护硬化后割掉沥青混合料侧面薄膜,形成界面预制裂纹.试件制作时,为了防止在界面端及无预制裂纹界面破坏,对这些部位进行了加强,如图2(b).



图 2 巴西盘试件

沥青混合料为 AC-16F 环氧树脂改性沥青混凝 土,通过沥青混合料弯曲试验测得 AC-16F 环氧树脂 改性沥青混凝土在室温下弹性模量为 173 MPa,抗拉 极限强度为 1.32 MPa,泊松比为 0.297. GFRP 板条采 用 E 玻璃纤维和乙烯基树脂制成,其中纤维增强材料 采用了无碱纱(1200Tex)、0/90 和-45/45 双轴布(双 向比例为 1:1),基体为乙烯基树脂.板厚度为 10 mm,共有 4 层纱层,5 层纤维布层,均沿纵向铺设, 对称铺层,各铺层厚度分别为:纱层 2.0 mm,双轴纤维 布层 0.4 mm,GFRP 材料弹性常数见表 1.

铺层	弹性模量/GPa	剪切模量/GPa	泊松比
纤维束层	8.8/8.8	3.1/3.3	0.326/0.275
双轴布层	19.6/19.6	2.6/2.6	0.098/0.098

#### 表1 GFRP 材料弹性常数(x/y)

试件参数:沥青混合料半圆半径r = 50 mm,厚度 b = 10 mm;粘结层厚度t = 2 mm;GFRP 板条长度、 宽度、厚度分别为 100、10、10 mm;预制界面裂纹长度 2a = 10 mm.

巴西盘试件利用 SDS10KN 试验机加载,试件夹 持采用混凝土专用夹具,如图 3 所示. 位移模式加载, 加载速度为 1 mm/min. 加载角 β 分别在 25°、30°、 40°、45°、50°、60°、70°、80°、90°时,加载角 β 为加载力 *P* 与界面层夹角.



 (a) 试件加载全貌
 (b) 试件局部夹持

 图 3 试件加载

当试件出现下列情况之一时即认为破坏,停止 试验并记录破坏荷载:1)试件界面可见裂纹;2)试 件界面剥离;3)界面端出现裂纹或破坏;4)其他部 位开裂.

#### 2.2 试验结果描述

进行了3组巴西盘试验,每组9个试件,共27 个试件.21个试件界面裂纹破坏,两个在夹持端附 近沥青混合料开裂,3个界面端开裂,1个因粗骨料 附近缺陷开裂.

发生界面裂纹破坏的 21 个试件破坏形式分为 两类:1)沿界面剪开破坏.裂纹首先自界面裂尖(左 裂尖或右裂尖)开始扩展,随着荷载的施加,裂纹扩 展迅速,很快发生界面剪开破坏,这类破坏发生在加 载角度β为25°~45°的试件,如图4(a)所示;2)裂 纹向沥青混合料曲折破坏和界面拉开破坏.裂纹扩 展始于界面裂尖(左裂尖或右裂尖),随着荷载的施 加,裂纹以斜线的形式向沥青混合料(母材弱侧)扩 展,裂纹扩展较第一种类型破坏缓慢,直至裂纹贯通 沥青混合料半圆,导致巴西盘破坏,这类破坏发生在 加载角度β为50°~90°的试件,如图4(b)、4(c)所 示,其中图4(b)中斜线为裂纹扩展路径,图4(c)中 界面上微小突起为界面拉开破坏时,遗留着界面上 的沥青混合料小块.裂纹在沥青混合料中扩展时, 由于粗骨料的存在,可能会影响裂纹扩展路径.



(a)沿界面剪开破坏(b)裂纹向沥青混合料扩展(c)沿界面拉开破坏 图 4 试件典型破坏形式

剔除 6 个无效试件数据,21 个有效试件数据取 相同试件的破坏荷载平均值作为最终试件破坏荷载 值,试件在加载角度 β 为 25°、30°、40°、45°、50°、 60°、70°、80°、90°时,对应的破坏荷载 P 分别为 1 972、1 793、2 256.7、1 501、1 270.2、1 502.1、 1 648.9、1 910.7、1 802 N.

### 3 有限元分析

#### 3.1 有限元模型

有限元分析的目的是将 GFRP 沥青混合料巴西 盘试验荷破坏荷载 *P* 施加到巴西盘有限元模型,通 过有限元计算的界面裂尖附近的奇异位移场数据, 利用数值计算反推出界面裂尖奇异场的断裂力学参 数<sup>[7-9]</sup>界面应力强度因子 SIF *K*<sub>1</sub>/*K*<sub>2</sub>, 进行 GFRP 沥 青混合料巴西盘强度评价.

GFRP 沥青混合料巴西盘有限元模型如图 5 所示,两个沥青混合料半圆和环氧树脂粘结层采用 shell63 单元;GFRP 条为正交异性材料,采用层单元 shell199 单元模拟,有限元模型中 GFRP 板材料与铺 层参数见表 1. GFRP 板条与沥青混合料非预制裂纹 界面区域采用接触单元 targe169 和 contal71 模拟; 沥青混合料半圆与 GFRP 之间预制界面裂纹区域网 格加密,沥青混合料半圆与粘结层预制裂纹之间的 界面自由,单元划分 3 级控制,中央界面区域网格加 密,预制界面裂纹裂尖附近进一步细化,裂尖附近单 元最小网格尺寸 0.25 mm,有限元模型共6 005 个节 点,5 918 个单元.



#### 3.2 界面 SIF 的数值计算方法

绝大多数结合材料的界面裂纹的应力强度因子 没有解析解,也没有类似于断裂力学的 1/4 奇异单 元可用,只能通过数值计算求取<sup>[10]</sup>.本文参考断裂 力学常用的数值外插法<sup>[11]</sup>,利用界面裂纹尖端后缘 的有限元张开位移计算界面 SIF<sup>[12-13]</sup>.应力强度因 子 K 为裂纹尖端出对应于 r = 0 时的值,然而直接的 数值计算无法达到 r = 0,因此采用外插法来计算 K. 在有限元计算中,界面裂纹尖端后缘的裂纹张开位 移值 $\delta_{xi}, \delta_{yi}$ 和那个对应的坐标值r可以直接获得.对 应于每一个  $r_i > 0$ ,都有一组非奇异的位移值 $\delta_{xi}, \delta_{yi}$ 

构造函数(r<sub>i</sub>,K<sub>ii</sub>),利用最小二乘法原则,以函数数据点和设定曲线之间的方差小为目标进行拟合. 假定 r<sub>i</sub>、K<sub>ii</sub>满足线性关系,则有

$$K = Ar + B. \tag{9}$$

当r = 0时,  $K_{I} \approx \tilde{K}_{I}(r = 0) = B$ . 从式(9)得,每 个数据点处的偏差为( $\tilde{K}_{Ii} - K_{Ii}$ ),得到方差 S, 即

$$\begin{split} S &= \sum (\tilde{K}_{li} - K_{li})^2 = \sum (Ar_i + B - K_{li})^2. \end{split} \tag{10} \\ & \text{根据最小二乘法原则,须满足} \end{split}$$

$$\begin{cases} \frac{\partial S}{\partial A} = 2\sum (Ar_i + B - K_{li})r_i = 2(A\sum r_i^2 + B\sum r_i - \sum r_i K_{li}) = 0, \\ \frac{\partial S}{\partial B} = 2\sum (Ar_i + B - K_{li}) = 2(A\sum r_i + Bn - \sum K_{li}) = 0. \end{cases}$$
(11)

得

$$A = \frac{\sum r_{i} \sum K_{li} - n \sum r_{i}K_{li}}{(\sum r_{i})^{2} - n \sum r_{i}^{2}},$$
  
$$B = \frac{\sum r_{i} \sum r_{i}K_{li} - \sum r_{i}^{2} \sum K_{li}}{(\sum r_{i})^{2} - n \sum r_{i}^{2}}.$$
 (12)

因此 B 值即为所求界面 SIF  $K_1/K_2$ .

#### 3.3 试验结果分析

图 6 表示加载角度  $\beta$  = 90°巴西盘试件界面 SIF  $K_1/K_2$  与到界面裂尖距离 r 关系,外加荷载  $P_{90}$  为加载角度  $\beta$  = 90°时巴西盘试件对应的试验破坏值.



• 99 •

图 6 可以看出,界面 SIF  $K_1/K_2$  与到界面裂尖距 离 r 表现出良好的线形,这说明式(9) 假定是合理 的,由式(12) 可以计算得到两个加载工况下的界面 SIF  $K_1/K_2$ :加载角 $\beta = 90$  °时界面 SIF 数值  $K_1 =$ 0.303 MPa ·  $\sqrt{m}$ , $K_2 = 0.012$  MPa ·  $\sqrt{m}$ ;加载角 $\beta =$ 45°时界面 SIF  $K_1/K_2$  数值  $K_1 = 0.312$  MPa ·  $\sqrt{m}$ ,  $K_2 = 0.173$  MPa ·  $\sqrt{m}$ .

从图 6 可以看出,当加载角度  $\beta$  = 90°,即 I 型模 态下,界面 SIF  $K_2$  也不等于 0,这是由于模态 I、II 型界 面 SIF  $K_1/K_2$  不仅仅与单独的 $\delta_{xi}$ 或 $\delta_{yi}$ 有关,而是同时 与 $\delta_{xi}$ 、 $\delta_{yi}$ 均有关,所以界面 SIF  $K_1/K_2$  与均质材料裂 纹  $K_1/K_1$  有本质区别(为了区别于均质材料,界面应 力强度因子记为  $K_1/K_2$ ). SIF  $K_2$  = 0.012 MPa ·  $\sqrt{m}$ , 原因是受到界面振荡因子  $\varepsilon$  的影响,本文双材料巴西 盘振荡因子 |  $\varepsilon$  | = 0.106,数值较小,在奇异位移场 支配区域内,  $K_1$  主要由 $\delta_y$ 决定, $K_2$  主要由 $\delta_x$ 决定,这 一点由式(4)也不难分析得到.

加载角度β分别为25°、30°、40°、45°、50°、60°、 70°、80°、90°加载工况下,巴西盘试件界面SIF *K*<sub>1</sub>/*K*<sub>2</sub>数值计算结果汇总如表2所示.

β⁄ (°)	$K_1 / (\text{MPa} \cdot \text{m}^{0.5})$	$K_2 / (\text{MPa} \cdot \text{m}^{0.5})$	$K/(MPa \cdot m^{0.5})$	$\gamma/(^{\circ})$
25	0.056	0.388	0.392	81.83
30	0.111	0.362	0.379	72.99
40	0.165	0.345	0.382	64.47
45	0.173	0.312	0.357	61.02
50	0.202	0.261	0.33	52.29
60	0.252	0.216	0.332	40.62
70	0.275	0.103	0.342	20.54
80	0.288	0.076	0.338	14.79
90	0.303	0.012	0.303	2.27

表 2 不同加载工况下界面 SIF K<sub>1</sub>/K<sub>2</sub>数值计算结果

表 2 表明,当加载角由 25°到 90°变化时,界面 SIF  $K_1$ 逐渐增大, $K_2$ 逐渐减小.当加载角 $\beta$  = 90°时,  $K_1$  = 0.303, $K_2$  = 0.012, $K_2/K_1$  = 4.0%,即界面裂尖奇 异位移场支配区以 $\delta_y$ 为主,但 $\delta_x$ 也起作用;当加载 角 $\beta$  = 25°时, $K_1$  = 0.056, $K_2$  = 0.388, $K_1/K_2$  = 14.4%, 即界面裂尖奇异位移场支配区以 $\delta_x$ 为主, $\delta_y$ 也起 作用.

当加载角在 25°~45°之间时,巴西盘试件界面 SIF  $K_2$  远大于  $K_1$ ,即位于这个加载角度范围的巴西 盘试件,试件破坏模态由  $K_2$  控制,断裂首先自界面 裂尖处起裂,沿着界面扩展,直至界面完全剪开,这 与试件试验现象完全一致,如图 4(a)所示.试件所 用的粘结胶脆性很大,所以整个裂纹扩展和破坏过 程试件很短. 随着加载角由 50°~80°增大,巴西盘试件界面 SIF  $K_1$ 逐渐增大、 $K_2$ 逐渐减小,两者数值相当,此时 加载的巴西盘试件断裂模态由复合应力强度因子  $K = \sqrt{K_1^2 + K_2^2}$ 控制,断裂自界面裂尖处起裂,然后 开始向弱侧母材曲折(与 GFRP 板相比,沥青混合料 为弱侧母材),裂纹扩展路径表现为斜线,最后由于 沥青混合料被拉断导致试件破坏,如图 4(b)所示. 加载角度在 50°~80°之间的试件,由复合应力强度 因子  $K = \sqrt{K_1^2 + K_2^2}$ 控制试件的破坏模态.

当加载角度达到 80°~90°时,巴西盘试件界面 SIF K<sub>1</sub>在试件破坏模态中起主导作用,此时巴西盘试 件裂纹依然自界面裂尖处起裂,向母材弱侧沥青混合 料作微小曲折,然后随着荷载的增大沥青混合料被拉 断,沥青混合料的断口近似平行于界面. 在加载角度 80°~90°有效试件为 5 个,加载角度 80°试件 3 个,加 载角度 90°试件 2 个. 2 个 90°试件是沥青混合料沿着 界面被拉断,断裂近似为一条直线,而且断口上能分 辨出界面裂纹起裂向沥青混合料扩展的痕迹,如 图 4(c)所示. 3 个 80°试件中,2 个试件断口为斜线,1 个试件断口为直线,可能的原因是 80°时 SIF K<sub>1</sub> 大于 K<sub>2</sub>,但两者的差值还没达到K<sub>1</sub>起主导作用的程度,加 上试验误差,使得加载角度为 80°的 3 个试件破坏断 口出现了分化.

将表 2 的数值计算结果以模态角  $\gamma$  = arctan( $K_2/K_1$ )和断裂破坏时的复合应力强度因子 *K* 之间的关系图来表示,如图 7 所示.可以看出,在不同模态角下试件断裂破坏时的临界复合应力强度因子  $K_{ic}$  是不同的,所以在进行 GFRP 沥青混合料界面强度评价时不能单单以  $K_i \ge K_{ic}$  作为破坏准则,还需要考虑  $K_{ic}$  对应的模态角.



图 7 各种模态下界面裂纹复合应力强度因子

界面复合应力强度因子 K<sub>i</sub> 达到临界复合应力 强度因子 K<sub>ie</sub> 时, 界面裂纹将开始扩展, 可能的扩展 路径有沿界面、向沥青混合料一侧曲折和向 GFRP 板一侧曲折 3 个方向, 决定界面裂纹实际起裂的参 数是模态角 γ. 当界面裂纹有向较强材料 GFRP 一 侧曲折趋势时,先达到界面破坏条件,此时 GFRP 还 未达到破坏条件,发生界面破坏. 当界面有向较弱 材料沥青混合料一侧曲折趋势时,如果模态角较小, 则会先达到沥青混合料曲折破坏条件,发生曲折破 坏;如果模态角较大,则会先达到界面破坏条件,发 生界面破坏. 以加载角 25°试件为例,界面复合应力 强度因子 K<sub>i</sub> 达到临界复合应力强度因子 K<sub>ie</sub> 时,对 应的模态角 γ = 81.8°,发生界面破坏.

根据表 2 所列  $K_1/K_2$  数值计算结果,整理成图 8 的形式,并对数据进行拟合.可以看出 GFRP 沥青混 合料巴西盘试件断裂破坏时应力强度因子表现为椭 圆分布形式. 拟合椭圆强度曲线的长轴、短轴分别 记为  $K_{2c}^*$ 、 $K_{1c}^*$ ,即界面的断裂韧性.



 $K_{1e}^*$ 表示 GFRP 沥青混合料抵抗界面拉开的能力, $K_{2e}^*$ 表示 GFRP 沥青混合料抵抗界面剪切的能力. 在图 8 的椭圆强度拟合曲线中 $K_{2e}^*$ =0.398, $K_{1e}^*$ =0.263, $K_{2e}^*$ > $K_{1e}^*$ ,表明 GFRP 沥青混合料抵抗界面剪切的能力强于抵抗界面拉开的能力,即GFRP 沥青混合料发生界面拉开破坏的可能大于界面剪切破坏.

4 结 论

1)采用含预制界面裂纹的双材料巴西盘进行 了 GFRP 沥青混合料的断裂力学性能分析,讨论了 不同加载角度下界面预制裂纹试件的破坏规律. 含 预制界面裂纹的双材料巴西盘试验能很好地反映 GFRP 沥青混合料在拉伸、拉剪等不同荷载作用下 的断裂过程和破坏形式.

2)加载角度在 25°~45°的巴西盘试件,试件破 坏模态由 K<sub>2</sub>控制,发生界面剪开断裂;加载角度在 50°~80°时,巴西盘试件断裂模态由复合应力强度 因子 K 控制,发生界面曲折破坏,断裂裂纹扩展路 径表现为斜线,沥青混合料被拉断;加载角度在 80°~90°时,试件破坏模态由 K<sub>1</sub> 控制,发生界面拉 开破坏,沥青混合料的断口近似平行于界面. GFRP 沥青混合料应力强度因子 K<sub>1</sub>/K<sub>2</sub> 表现为椭圆分布, 符合椭圆强度准则.

3)利用界面裂尖后缘裂纹张开位移外插计算的界面 SIF *K*<sub>1</sub>/*K*<sub>2</sub>,计算方法简单实用,可以作为 GFRP 沥青混合料界面强度的评价参数.

## 参考文献

- [1] WILLIAMS M L. The stresses around a fault or a crack in dissimilar media [J]. Bull Seismol Soc Am, 1959, 49 (2): 199-204.
- [2] RICE J R, SIH G C. Plane problems of cracks in dissimilar media [J]. App Mech, 1965, 32: 418-423.
- [3] ERDOGAN F. Fracture problems in composite materials[J]. Eng Fract Mech, 1972, 4: 811-840.
- [4] COMNINOU M. Interface crack with friction in the contact zone [J]. J Appl Mech Trans ASME, 1977, 44:780–786.
- [5] DUNDERS J. Effect of elastic constants on stress in a composite under plane deformation [ J ]. Composite Materials, 1967, 1: 310-322.
- [6] SUO Z G. Singularities, interface and cracks in dissimilar anisotropic media [J]. Proc Roy Soc, 1990, A427: 331– 358.
- [7] XU J Q, YUUKI R. Stress intensity factors for interface cracks between dissimilar orthotropic materials [J]. Trans of JSME, 1994, 60(577): 1943-1950.
- [8] LEE G H, CUI C B, BEOM H G. Edge delamination in an orthotropic bimaterial consisting of a thin film and a substrate [J]. Acta Mech, 2014,225: 2583-2594.
- [9] MANKOUR A, BACHIR B B, BELHOUARI M. Brazilian disk test simulation intended for the study of interfacial cracks in bi-materials [J]. Computational Materials Science, 2012, 43: 696-699.
- [10] LEVESQUE G, ARAKERE N K, MECHOLSKY J, et al. Numerical and experimental investigation of mixed-mode fracture parameters on silicon nitride using the Brazilian disc test [J]. Fatigue & Fracture of Engineering, 2013,33 (8):490-503.
- [11] 解德,钱勤,李长安. 断裂力学中的数值计算方法及工程应用[M].北京:中国科学出版社, 2009:7-15.
- [12] ZHONG Zhipeng, REN Dalong, WAN Shui. A new numerical method for determining collapse load-carrying capacity of structure made of elasto-plastic material [J]. Journal of Central South University of Technology, 2014, 21(1): 398-404.
- [13] 钟志鹏, 万水, 任大龙. 巴西圆盘中心裂纹摩擦接触问题的逐点 Lagrange 乘子法[J]. 东南大学报(自然科学版), 2012, 42(5):994-999.

(编辑 魏希柱)