doi:10.11918/j.issn.0367-6234.2016.04.017

# 结构抗力指标对飞艇囊体变形的影响

### 沈克利,付功义,王凤欣,陈永霖

(上海交通大学 空间结构研究中心,200240 上海)

摘 要:为研究主要结构抗力指标变化下飞艇囊体变形的状态与特征,用数值方法对一类典型飞艇的充气囊体在不同抗力指标下的变形进行了数值分析.分析结果表明:弹性模量对变形的影响是非线性的,泊松比对变形的影响是线性的,弹性模量对变形的影响明显强于泊松比;相同工况下,囊体长度与绝对变形量之间为平方关系,与相对变形量之间为线性关系;长细比在 4~5时,相对变相量曲线近似为水平直线.因此,选用弹性模量较大的膜材、设计合理的飞艇长度并使长细比控制在 4~5 范围内,有利于减小飞艇囊体的相对变形.

#### Influence of structural resistance indexes on deformation of airship envelope

SHEN Keli, FU Gongyi, WANG Fengxin, CHEN Yonglin

(Space Structures Research Centre, Shanghai Jiaotong University, 200240 Shanghai, China)

**Abstract**: To explore deformation characteristics of airship envelope with different structure resistance indexes, a numerical method was employed to analyze the deformation of a kind of typical airship envelope with different structure resistance indexes. Analytical results show: the effect of elastic modulus on deformation is nonlinear, the effect of poisson ratio on deformation is linear, and the effect of elastic modulus on deformation is obviously stronger than that of poisson ratio. Meanwhile, a square relationship between envelope length and its absolute deformation, a linear relationship between envelope length and relative deformation have been certified under the same working condition. What is more, it was testified that the curve between slenderness ratio and relative deformation was horizontal when slenderness ratio was between 4 and 5. Therefore, to reduce the relative deformation, it is beneficial to adopt envelop materials with large elastic modulus anddesign airship with appropriate length to make the slenderness radio between 4 and 5.

Keywords: airship envelope; deformation; numerical analysis; structure resistance indexes; properties of envelope material; the airship structure geometrical features

自从 1852 年法国工程师亨利·吉法尔<sup>[1]</sup> 成功 制造世界上首架动力驱动的可驾驶飞艇后,飞艇很 快就迎来了它的黄金岁月.各国重视飞艇在军事中 的应用,在第一次世界大战前后,德国就建立了用于 海上巡逻、远程轰炸、空中运输等军事活动的飞艇部 队<sup>[2-3]</sup>.但是 1937 年的"兴登堡"号空难<sup>[4]</sup>阻碍了飞 艇进一步的应用与发展.随着材料科学等相关学科 的发展,提高飞艇的各项性能指标成为了可能,尤其 在无线通信系统和高分辨率对地观测系统等应用中

- 作者简介:沈克利(1989—),男,硕士研究生;
- 付功义(1957—),男,教授,博士生导师.

的广阔前景,再次激发了人们的兴趣,飞艇平台获得 了它的"第二次生命"<sup>[5]</sup>.

飞艇艇体有柔性结构、半刚性结构以及刚性结构3种结构形式<sup>[6-8]</sup>,不同的结构形式对应于不同的应用目的与飞行环境.其中,柔性结构的艇体由单纯的充气囊体构成;而半刚性结构以及刚性结构的艇体则由充气囊体与刚性结构体系组成刚柔混合结构体系,其力学协调关系更为复杂.

无论飞艇艇体为何种结构形式,把握充气囊体的力学行为特征是飞艇结构体系设计的一个重要基础.尤其是对于体量较大的飞艇结构,其结构行为的变化还将表现在对气动特性<sup>[9-10]</sup>以及浮重平衡的影响.对于近十多年来国内外所关注的平流层飞艇,利

收稿日期: 2014-10-31.

通信作者:付功义,gyfu@sjtu.edu.cn.

用刚性结构体系的"笼子"效应,可以有效解决平流 层飞艇下降过程中的囊体进气难的问题,避免出现 明显的超冷超热效应,但是"笼子"行为的构成也依 赖于充气囊体在不同压差条件下对其力学特征的准 确把握.本文利用经典力学理论及商用有限元软件 ABAQUS,对典型飞艇外形囊体进行数值计算,对计 算结果进行比较分析,探讨结构抗力指标(材料弹 性模量、泊松比、囊体长度以及囊体长细比)对飞艇 充气囊体变形的影响,以便为平流层飞艇的设计提 供参考.

1 影响因素的分类

通常可以根据荷载效应(S)和结构抗力(R)两 个指标对变形的影响因素进行分类,见表 1.

荷载效应指标(S)	结构抗力指标(R)
流场作用:风向、风速等 大气环境:温度、湿度等 艇载荷重:结构自重、设备等 艇载执行机构:推进装置、尾 翼等	结构材料特性:弹性模量、泊松比、 抗拉强度指标、面密度等 结构几何特性:结构形式、长度、 长细比

表 1 两种指标下的影响因素

2 充气囊体的力学分析模型与方法

#### 2.1 充气囊体的几何外形与参数

本文使用的飞艇平台囊体的长细比为 2.65,外 形曲线为非标准三叶玫瑰线的一枝.在平面 X-Y 内 投影曲线为

$$4y^{2} = \left(\frac{4}{2.65}\right)^{2} \frac{-(2x^{2} + ax) + x\sqrt{8ax + a^{2}}}{2}$$

式中 *a* 为飞艇长度,本模型中 *a*=160 m. 飞艇囊体母线如图 1 所示.



用 Matlab 计算的飞艇囊体的几何特性参数见表 2.

表 2 囊体几何参数

体积/m <sup>3</sup>	表面积/m <sup>2</sup>	浮心/m	重心/m	最大半径/m
274 860	23 278	90.158 7	88.336 6	30.189 0

## 2.2 静力计算中无约束悬浮飞艇的处理方法

对悬浮于空气中的飞艇进行有限元静力分析计 算时,不能把飞艇处理为全自由度结构.由于有限元 静力分析的计算模型中应无机构和刚体运动<sup>[11-12]</sup>, 而全自由度结构刚度矩阵奇异,数值计算无法进行. 因此在数值分析中,通常可以采用以下两种方法计 算悬浮飞艇的静力问题.

1) 在 ANSYS 中可以利用惯性释放(inertia relief)技术对完全无约束的飞艇平台进行静力分析. 惯性释放指用结构的惯性力来平衡外力.尽管结构 没有约束,分析时仍假设其处于一种"静态"的平衡 状态.

利用惯性释放技术进行数值计算的过程如下<sup>[13]</sup>.

a) 计算结构所受合力以及相对于结构中心的 外力矩, 设为 $F_{T}(t)$ 、 $F_{r}(t)$ .

b)根据平衡条件,在结构上施加平动加速度及 转动加速度为

 $\begin{cases} F_{\rm T}(t) + M_{\rm T}a_{\rm T}(t) = 0, \\ F_{\rm r}(t) + M_{\rm r}a_{\rm r}(t) = 0. \end{cases}$ 

式中: $F_{T}(t)$ 、 $F_{r}(t)$ 分别为t时刻结构所受的平动力 和转动力; $a_{T}(t)$ 、 $a_{r}(t)$ 分别为t时刻结构相对于重 心的平动加速度和转动加速度.

c)根据新的外力,重新计算结构受力.

2)用 ABAQUS 进行静力计算时,可以通过施加 一定的约束条件使有限元分析能进行下去.一种常 用的做法是,用纵截面(*X*-*Y*)面剖切囊体,在截面处 施加 *Z* 向约束,飞艇头部施加全约束,尾部只允许 *X* 方向的位移.考虑吊挂荷载时,也可以在吊挂处施加 全约束.

惯性释放的方法忽略了重力荷载效应的影响, 会产生较大误差.因此本文在使用 ABAQUS 作数值 计算时,使用第2种方法处理约束.

### 3 算例验证

飞艇充气囊体是典型的大曲率充气膜结构,囊体头锥、尾锥曲率较大,对于该类充气膜结构,很难 通过解析的方法求解出其环向应力的精确值.

文献[14-15] 推导了飞艇充气囊体环向应力近 似计算公式为

$$\sigma_{\rm HT} = \frac{R(x)\,\Delta p}{t}.\tag{1}$$

式中: $\sigma_{\rm HT}$ 为环向应力理论值;R(x)为截面半径; $\Delta p$ 为压差;t为膜材厚度.

分别用式(1)和有限元软件 ABAQUS,计算上 述三叶玫瑰线形囊体在零度攻角下 200、300、400、 500、600 Pa 纯压差下囊体环向应力最大值.材料厚度0.000 264 m,材料弹性模量 8 GPa.计算结果见表 3.

表 3 环向应力理论值与数值计算值的对比(三叶玫瑰线形)

<i>Δp∕</i> Pa	$\sigma_{ m HTmax}/$ MPa	$\sigma_{ m HAmax}/$ MPa	绝对误差/ MPa	相对误差/ %	
200	22.22	01.10	2.12	0.12	
200	23.22	21.10	2.12	9.13	
300	34.84	31.71	3.13	8.98	
400	46.45	42.38	4.07	8.76	
500	58.06	53.10	4.96	8.54	
600	69.67	69.87	5.80	8.32	

注: $\sigma_{\rm HT}$ 代表环向应力理论值, $\sigma_{\rm HA}$ 代表环向应力数值计算值.

式(1)是圆管形充气膜结构的环向应力解析值. 为消除由于环向应力近似对计算带来的影响,分别 用式(1)和 ABAQUS 计算长 160 m、长细比 2.67 的 充气圆管(图 2),计算结果见表 4.计算表明,在 200~600 Pa内,相对误差不超过 1.7%.理论与数值 结果吻合的较好.



图 2 充气圆管

表 4 环向应力理论值与数值计算值的对比(圆管形)

Δ <i>p/</i> Pa	$\sigma_{ m HTmax}/$ MPa	$\sigma_{ m HAmax}/$ MPa	绝对误差/ MPa	相对误差 /%
200	22.73	22.85	0.12	0.54
300	34.09	34.37	0.28	0.82
400	45.46	45.95	0.50	1.09
500	56.82	57.60	0.78	1.38
600	68.18	69.31	1.13	1.65

综上分析,对于大曲率充气膜结构,若想仅通过 理论推导来获取解析解并不现实,即使通过简化获 取了解析解,由于简化而引起的误差也将较大.数值 工具是计算大曲率充气膜结构的有效工具,其相对 误差不到1.7%,数值解和理论解吻合的较好.

4 主要抗力指标对变形的影响

# 4.1 材料弹性模量和泊松比对囊体变形的影响

弹性模量和泊松比是膜材最重要的两个力学性 能指标,也是两个重要的结构抗力指标.如何选择合 适的材料弹性模量和泊松比是飞艇结构设计的重要 内容.

目前已知可用于平流层飞艇囊体膜材的弹性模

量最大值在 8~9 GPa,选择 6.0、6.5、7.0、7.5、 8.0 GPa这 5个弹性模量值,计算各弹性模量下的囊体最大变形量以探究弹性模量对长度方向变形的影响,计算结果见表 5.膜材的泊松比一般为 0.2~0.5, 选择 0.25、0.30、0.35、0.40、0.45 这 5 个泊松比值,计 算各泊松比下囊体最大变形量,计算结果见表 6.

表 5 各弹性模量下囊体最大变形量(L=160 m,p=400 Pa, ν=0.3)

,	
<i>E/</i> GPa	$U_{ m max}$ / m
4	0.288 9
5	0.230 1
6	0.191 2
7	0.163 6
8	0.142 9

#### 表 6 各泊松比下囊体最大变形量(L=160 m, p=400 Pa, E=8 GPa)

£ 0 01u)	
v	$U_{ m max}/ m m$
0.25	0.147 4
0.30	0.142 9
0.35	0.138 4
0.40	0.134 0
0.45	0.129 6

计算结果表明:弹性模量与最大变形量曲线呈反比例,如图 3 所示.当弹性模量由 4 GPa 开始,每增加一个 1 GPa,增加到 8 GPa 时,变形分别减小 0.058 8、0.038 9、0.027 6、0.020 7 m.随着弹性模量的增大,曲线斜率的绝对值不断减小,弹性模量对变形的影响减弱.泊松比与变形关系曲线呈直线,变形随泊松比的增大而减小,泊松比每增大 0.05,变形减小约 0.004 5 m.从图 3 可见,弹性模量对变形的影响 比泊松比的影响更加明显.



**图 3 不同泊松比和弹性模量下的囊体变形量** 在弹性模量、泊松比两个抗力指标中,弹性模量

• 107 •

对变形的影响是非线性的,泊松比对变形的影响是 线性的,弹性模量对变形的影响强于泊松比对变形 的影响.因此,在飞艇膜材选择时,应选择弹性模量 和泊松比均较大的膜材,但当弹性模量、泊松比同时 达到较大时,首选弹性模量较大的膜材.

#### 4.2 囊体长度对囊体变形的影响

相同材料弹性模量和长细比的情况下,对比 120、160、200、240 m 这4种囊体尺度在同一工况下 的最大变形,数值计算结果见表7.

表7 各长度下囊体最大变形量(E=8 GPa, p=400 Pa)

<i>L</i> /m	$U_{ m max}/ m m$	(U/L)/%
120	0.080 2	0.066 8
160	0.142 9	0.089 3
200	0.223 9	0.112 0
240	0.323 3	0.134 7

对比数值计算变形量分布云图,发现变形变化 趋势相似,但数量值却相差很大,变形量并不与艇体 长度成正比关系.如,240 m 艇体最大绝对变形量比 120 m 艇体最大绝对变形量大4倍左右.各长度下的 变形量有以下关系:

$$\frac{U_i}{U_j} = \left(\frac{L_i}{L_j}\right)^2,\tag{2}$$

$$\frac{U_i}{L_i} = \frac{L_i}{L_j} \cdot \frac{U_j}{U_j},\tag{3}$$

式中:*i*,*j*=1,2,3,4.

对数值结果的分析整理,得出如下结论:囊体长 度变为原来的 n 倍时,绝对变形量变为原来的 n<sup>2</sup> 倍,相对变形量 U/L 是原来的 n 倍,如图 4 所示.



#### 4.3 囊体长细比对囊体变形的影响

为考察长细比对变形的影响,对比一组不同长 细比下的充气囊体在相同工况下的囊体变形.选择 囊体长度为 160 m,材料弹性模量、密度均相等,计 算在长细比为 2.00、2.65、3.00、4.00、4.50、5.00 这 6 种情况下的囊体绝对变形量和相对变化量.长细比 为2、3、4、5的囊体外形如图5所示,各长细比囊体变形计算结果见图6及表8.

在图 6 中,长细比—绝对变形量曲线随长细比 增大而减小,但长细比—相对变形量曲线在长细比 为 3~4 的区段出现了极值点.这是因为囊体变形包 含了由外荷载引起的弹性变形和与结构外形有关的 结构变形,属于非弹性变形.对于如图 5 所示的不同 长细比的充气膜结构,长细比越大,非弹性变形越 小.因此,即使各长细比的囊体在不同的外荷载作用 下发生等量的弹性变形,但总的变形量也不会相等, 长细比大的总变形小,两种变形量共同决定总变形 量.该极值点的出现反映了弹性变形和结构变形各 自随压差变化曲线是非线性的.



表 8 各长细比下囊体最大变形量(L=160 m, E=8 GPa)

L/D	$U_{\rm max}/{ m m}$	(U/D)/%
2.00	0.224 4	0.280 5
2.65	0.142 9	0.236 7
3.00	0.131 2	0.246 0
4.00	0.092 0	0.230 0
4.50	0.080 2	0.225 6
5.00	0.071 3	0.222 8

由图 6 可知,长细比 2~3 区段,绝对变形量、相 对变形量曲线斜率均较大,该区段长细比对变形影 响十分明显;长细比 3~4 区段绝对变形量、相对变 形量曲线斜率较前 2~3 区段明显偏小,但又较 4~5 区段明显偏大;长细比 4~5 区段,绝对变形量曲线 接近直线,相对变相量曲线平缓,近似水平线.

另外,值得注意的是:飞艇是依靠浮升气体提供 浮升力的,而浮升力与飞艇体积正相关.在飞艇结构 设计时,给定飞艇有效荷载,则飞艇囊体的体积 V 也可以近似估算出来,在 V 为定值的情况下,长细 比 L/D 大意味着 L 较长.较大的长度无论是对于飞 艇空气静力学、动力学、飞行控制,还是对于飞艇的 制造,都是不利的.美国《Airship Design Criteria》 (NO.FAA-P-8110-2)所用的有关飞艇力学计算的 长细比不大于 6 也是基于这个考虑的.

因此,在飞艇结构设计时,长细比应位于相对变 形量曲线为近似水平直线的4~5区段,尽可能使长 细比接近4以避免囊体长度过长.

5 结 论

1)材料刚度与最大变形量关系曲线呈反比例, 泊松比与最大变形量曲线为正比例,弹性模量对变 形的影响强于泊松比.

2) 同种工况条件下,囊体长度变为原来的 n 倍 时,绝对变形量变为原来的 n<sup>2</sup>倍,相对变形量变为 原来的 n 倍.

3)长细比4~5 区段时相对变形量曲线近似水 平直线,选择长细比为4~5 并尽可能接近4 对减小 相对变形是有利的.

参考文献

- [1] 甘晓华,郭颖.飞艇技术概论[M].北京,国防工业出版 社,2005.
- [2] RYAN, D E. The airship's potential for intertheater and intratheater airlift[R]. Alabama: Air University School of Advanced Airpower Studies United States Air Force

Maxwell Air Force Base, 1992.

- [3] GERKRN L C. Airships: history and technology [M]. Chula Vista, California: American Scientific Corporation, 1990:464.
- [4] ARCHBOLD R. Hindenburg: an illustrated history [M]. Toronto: Viking Studio/Madison Press, 1994.
- [5] WILSON J R. A New era for airship [ J ]. Aerospace America, 2004, 42(5):27-31.
- [6] KHOURY G A, GILLET J D. Airship technology [M]. Cambridge, UK: Cambridge University Press, 1999.
- [7] LIAO L, PASTERNAK I. A review of airship structure research and development [J]. Progress in Aerospace Science, 2009, 45(4/5)83-96.
- [8] 杨艳初,王生,姜鲁华.飞艇总体构形新概念设计[C]//2007年中国浮空器大会论文汇编.北京:中国浮空器大会论文集,2007:39-43.
- [9] LIU Jianmin, LU Chuanjing, XUE Leiping, et al. Coupling computation of the flow field and the large deformation of membrane structure of stratosphere airships [J]. Journal of Hydrodynamics, 2008, 20(4): 536
- [10] LI Yuwen, NAHON M, SHARF I. Airship dynamics modeling: a literature review [J]. Progress in Aerospace Sciences, 2011,47(3):217-239.
- [11] LIN Liao. A Study of Inertia Relief Analysis [C]//Proceedings of the 52<sup>nd</sup> AIAA/ASCE/AHS/ASC Structures, Structural Dynamics and Materials Conference. Denver, Colorado:AIAA, 2011:1-10.
- [12] 张少雄, 杨永谦. 惯性释放在油船结构强度直接计算中 的应用[J]. 船海工程, 2004, (4): 4-6.
- [13]刘平. 大体积柔性充气结构流固耦合性能分析方法研究[D]. 上海: 上海交通大学, 2014.
- [14]杨留义. 囊体结构设计及其气弹特性计算分析[D]. 哈 尔滨:哈尔滨工业大学, 2012.
- [15]黄迪,赵海涛,邱野,等.平流层飞艇蒙皮强度建模与仿 真研究[J].计算器仿真,2013,30(1):150-153.

(编辑 张 红)