doi:10.11918/j.issn.0367-6234.2016.11.002

考虑安装偏差的联合执行机构自适应控制算法

叶 东1,孙兆伟1,刘一帆2

(1.哈尔滨工业大学卫星技术研究所,哈尔滨150080; 2. 北京空间飞行器总体设计部,北京100094)

摘 要:为满足卫星机动过程中成像的需求,采用联合控制力矩陀螺和飞轮作为执行机构提供大且精确的控制力矩,但其安装的偏差会降低卫星姿态控制精度,基于设计自适应控制律处理这一问题.在携带变速控制力矩陀螺卫星通用模型的基础上,建立考虑安装偏差的联合执行机构控制模型.基于修正罗德里格参数描述的姿态运动学,设计多输入多输出自适应跟踪控制律估计执行机构的安装偏差与卫星转动惯量,并进行控制补偿以提高姿态控制精度.采用平滑映射避免控制律出现奇异现象而导致的无法执行,并基于 Lyapunov 原理分析了控制系统稳定性.数学对比仿真结果表明,该控制方法能够有效的实现 卫星快速机动过程中的高精度控制,可提高 2 个数量级的跟踪控制精度.

关键词:控制力矩陀螺;飞轮;安装偏差;控制精度;自适应控制

中图分类号: V448.2 文献标志码: A 文章编号: 0367-6234(2016)11-0007-07

An adaptive control algorithm for hybrid actuator with installation deviation

YE Dong¹, SUN Zhaowei¹, LIU Yifan²

(1. School of Astronautics, Harbin Institute of Technology, Harbin 150080, China;

2. Beijing Institute of Spacecraft System Engineering, Beijing 100094, China)

Abstract: To meet the requirement of satellite imaging during maneuver, the mixed control moment gyroscopes and flywheel are used as the actuator to provide large and precise control torque. Due to the fact that the installation deviation of these actuators will reduce the attitude control accuracy of satellite, an adaptive control law is designed to deal with this issue. Based on the dynamic model of a satellite with a cluster of single-gimbal variable-speed control moment gyros, the control model with the consideration of installation deviation is derived. Based on the kinematic equation described by modified Rodrigues parameters, a multi-input multi-output adaptive tracking control law is designed to estimate the installation deviation of the actuators and the inertia of satellite, and the corresponding control compensation is adopted to improve the control accuracy. The singularity phenomenon of the tracking control law is avoided by using smooth projector principle, and the stability of the controlled system is analyzed via Lyapunov theory. Simulation results show that the proposed adaptive controller enables the satellite fast maneuver with high control accuracy, and the accuracy of the tracking control can be improved by two orders of magnitude.

Keywords: control moment gyros; flywheels; installation deviation; control accuracy; adaptive control

现代航天器的功能需求对卫星的大角度快速机 动能力提出更高的要求,以提高卫星获取信息的能 力,这个能力不仅体现在获取信息的快速性上^[1], 还体现在信息获取的多样性上(如立体成像,拼接 成像等)^[2-3].在一些非沿迹成像^[4]、地面动目标跟

收稿日期: 2015-07-10

作者简介:叶 东(1985—),男,讲师,博士; 孙兆伟(1963—),男,教授,博士生导师

通信作者:叶 东,yed@hit.edu.cn

踪这些工作模式在卫星快速机动的基础上,还要求 卫星在机动过程中保持高精度的姿态跟踪能力.飞 行器快速机动与高精度跟踪是一对矛盾的控制要 求,对飞行器的姿态控制性能提出了很高的要求,特 别是执行机构的力矩特征.航天器常用的执行机构 有飞轮、推力器以及控制力矩陀螺(CMG).飞轮能 提供精确的控制力矩,但输出力矩较小;推力器能提 供大但粗糙的力矩,且消耗推进剂;CMG 能提供较 大的力矩,但需多个配合使用^[5-6].按照目前国内外 使用这些执行机构的情况,无论是从不同使用场景 或者备份的角度,一般飞行器都会携带多个不同种 类的执行机构^[7],因此,国内外很多学者都提出采

基金项目:国家自然科学基金(61603115);中央高校基本科研业务 费专项资金(HIT.NSRIF.2015033);微小型航天器技术国 防重点学科实验室开放基金(HIT.KLOF.MST.201501); 中国博士后科学基金(2015M81455)

用联合多个执行机构进行控制的理论方法,期望发 挥各个执行的优点[8-9].针对飞轮与推力器联合使 用的问题,文献[10]提出使用推力器产生快速机动 所需的大力矩,同时采用飞轮进行姿态跟踪偏差的 修正,并设计了变结构控制器对推力器不准确所带 来的干扰进行抑制.随着加工技术及工艺的提高, 在不久的未来将会有越来越多的飞行器采用 CMG 作为快速机动的执行机构,但CMG的使用过程中会 出现奇异现象^[11].虽然国内外学者提出各种避免/ 逃脱奇异性的方法,但这些方法多以牺牲控制精度 为代价[12]. 唯一一种保障精度的方案则依赖变速控 制力矩陀螺(VSCMG)^[13],但其机构复杂,且转子转 速降幅有限,过低的转速会破坏力矩放大的特性,目 前还很难实际应用.因此有学者就提出采用 CMG 和飞轮联合使用的方式,文献[14]提出在敏捷卫星 快速机动过程中采用 CMG 加速,在稳定阶段采用飞 轮进行姿态控制偏差修正以及高精度的稳定控制. 针对这些方法无法解决姿态机动中的控制精度的问 题,文献[15]提出了使用 CMG 进行粗控,利用飞轮 进行补偿控制的方式取得良好的效果. 文献 [16] 提 出利用奇异值分解确定 CMG 的奇异方向,并将此方 向的力矩指令分配给飞轮,从而达到避开奇异的效 果.

上述联合执行机构的使用能够很好地解决力矩 输出与精确控制之间的矛盾问题,但均没有考虑执 行机构安装不确定性给联合执行机构的使用所带来 的影响^[17].本文基于这一考虑,采取设计多输入多 输出的自适应控制器处理这一问题.首先,建立携 带变速控制力矩陀螺的卫星动力学方程,在此基础 上建立联合 CMG 和飞轮作为执行机构的卫星姿态 控制模型;然后,针对具有执行机构安装偏差的卫 星模型进行自适应控制律设计;最后,针对所提出的 算法进行数学仿真以验证其有效性.

1 动力学模型建立

为后续的控制设计的需要建立卫星动力学模型. 控制对象为携带多个 CMG 和飞轮的敏捷卫星, 为此基于 VSCMG 建立一个通用的动力学模型.

携带 VSCMG 的卫星模型示意图如图 1 所示,其 中框架坐标系 (g, s, t) 定义为:g 为框架轴转动的方 向,s 为转子轴方向,t 与g和s构成右手系,则 VSCMG 相对于卫星本体系的方向余弦矩阵可表示为

 $C = [g \ s \ t].$

VSCMG 的框架和转子的转动惯量在卫星本体 坐标系可表示为

 $\boldsymbol{J}_{g} = \boldsymbol{C}\boldsymbol{I}_{g} \boldsymbol{C}^{\mathrm{T}}, \quad \boldsymbol{J}_{w} = \boldsymbol{C}\boldsymbol{I}_{w} \boldsymbol{C}^{\mathrm{T}}.$

式中, $I_g = \text{diag}[I_{g1}, I_{g2}, I_{g3}]$ 、 $I_w = \text{diag}[I_{w1}, I_{w2}, I_{w3}]$ 分别表示在框架坐标系中表示的 VSCMG 的框架和 转子的转动惯量. 在框架坐标系和本体坐标系下表 示的卫星本体角速度具有以下关系:

$$\boldsymbol{\omega} = \boldsymbol{C}\boldsymbol{\omega}_{g},$$

式中 $\omega_x \omega_g$ 分别表示在本体坐标系和框架坐标系下 表示的卫星本体角速度. 令 J_s 表示包括把 VSCMG 看做是点质量在内的卫星本体转动惯量,则卫星本 体的角动量 h_s 可以表示为

 $h_s = J_s \omega$.



图 1 携带一个 VSCMG 卫星的坐标系定义

Fig.1 The coordination definition for the satellite with one VSCMG

首先考虑只携带一个 VSCMG 的卫星模型. 使用 $\dot{\gamma}_g$ 和 $\tilde{\omega}_g$ 分别表示 VSCMG 框架角和转子的转速,则 VSCMG 框架的角动量 h_g 表示为

$$\boldsymbol{h}_{g} = \boldsymbol{C}\boldsymbol{I}_{g}(\boldsymbol{\omega}_{g} + \dot{\boldsymbol{\gamma}}_{g}).$$

VSCMG 的角动量 h_w 表示为

 $\boldsymbol{h}_{w} = \boldsymbol{C} \boldsymbol{I}_{w} (\boldsymbol{\omega}_{g} + \dot{\boldsymbol{\gamma}}_{g} + \widetilde{\boldsymbol{\omega}}_{g}).$

定义 $I_c = I_g + I_w$,则卫星整体的角动量表示为

 $\boldsymbol{h} = (\boldsymbol{J}_s + \boldsymbol{C}\boldsymbol{I}_c\boldsymbol{C}^{\mathrm{T}})\boldsymbol{\omega} + \boldsymbol{C}\boldsymbol{I}_c\dot{\boldsymbol{\gamma}}_g + \boldsymbol{C}\boldsymbol{I}_w\widetilde{\boldsymbol{\omega}}_g,$

其中

$$CI_{c}C^{\mathrm{T}} = I_{csi}ss^{\mathrm{T}} + I_{cti}tt^{\mathrm{T}} + I_{cgi}gg^{\mathrm{T}}.$$

根据 VSCMG 的特征可知 $\dot{\boldsymbol{\gamma}}_{g} = [\dot{\boldsymbol{\gamma}}, 0, 0]^{\mathrm{T}}$ 和 $\tilde{\boldsymbol{\omega}}_{u} = [0, \tilde{\boldsymbol{\omega}}, 0]^{\mathrm{T}}, 则$

 $CI_{c}\dot{\gamma}_{g} = I_{cgi}\dot{\gamma}g$, $CI_{w}\tilde{\omega}_{g} = I_{wsi}\tilde{\omega}s$, 故卫星整体角动量可以改写为

$$\boldsymbol{h} = (\boldsymbol{J}_{s} + \boldsymbol{I}_{csi}\boldsymbol{s}\boldsymbol{s}^{\mathrm{T}} + \boldsymbol{I}_{cti}\boldsymbol{t}\boldsymbol{t}^{\mathrm{T}} + \boldsymbol{I}_{cgi}\boldsymbol{g}\boldsymbol{g}^{\mathrm{T}})\boldsymbol{\omega} + I_{cgi}\boldsymbol{\dot{\gamma}}\boldsymbol{g} + \boldsymbol{I}_{wsi}\widetilde{\boldsymbol{\omega}}\boldsymbol{s},$$

则可以得到携带 L 个 VSCMG 的卫星角动量为

$$\boldsymbol{h} = \boldsymbol{J}\boldsymbol{\omega} + \boldsymbol{A}_{g} \boldsymbol{I}_{cg} \dot{\boldsymbol{\gamma}} + \boldsymbol{A}_{s} \boldsymbol{I}_{ws} \boldsymbol{\tilde{\omega}}, \qquad (1)$$

$$\boldsymbol{J} = \boldsymbol{J}_{s} + \boldsymbol{A}_{s} \boldsymbol{I}_{cs} \boldsymbol{A}_{s}^{\mathrm{T}} + \boldsymbol{A}_{t} \boldsymbol{I}_{ct} \boldsymbol{A}_{t}^{\mathrm{T}} + \boldsymbol{A}_{g} \boldsymbol{I}_{cg} \boldsymbol{A}_{g}^{\mathrm{T}}, \qquad (2)$$

$$\ddagger \psi$$

 $\boldsymbol{\gamma} = [\boldsymbol{\gamma}_1, \, \boldsymbol{\gamma}_2, \, \cdots, \, \boldsymbol{\gamma}_L]^{\mathrm{T}}, \, \boldsymbol{\tilde{\omega}} = [\boldsymbol{\tilde{\omega}}_1, \, \boldsymbol{\tilde{\omega}}_2, \, \cdots, \, \boldsymbol{\tilde{\omega}}_L]^{\mathrm{T}}, \\ \boldsymbol{A}_s = [\boldsymbol{s}_1, \, \boldsymbol{s}_2, \, \cdots, \boldsymbol{s}_L], \, \boldsymbol{A}_t = [\boldsymbol{t}_1, \, \boldsymbol{t}_2, \, \cdots, \, \boldsymbol{t}_L], \\ \boldsymbol{A}_g = [\boldsymbol{g}_1, \, \boldsymbol{g}_2, \, \cdots, \, \boldsymbol{g}_L],$

且 $I_{c} = I_{g} + I_{w}, I_{g} = \text{diag}[I_{g}, I, I_{g}, w, I_{g}]$ 和 $I_{w} = \text{diag}[I_{w}, I, I_{w}, w, I_{w}, I], 这里 \cdot 表示 g, s$ 或 者 $t. A_{s}$ 和 A_{t} 可以改写成

$$A_{s} = A_{s0} [\cos \gamma]^{d} + A_{t0} [\sin \gamma]^{d},$$

$$A_{t} = A_{t0} [\cos \gamma]^{d} - A_{s0} [\sin \gamma]^{d}.$$
(3)

式中: cos $\gamma = [\cos \gamma_1, \cos \gamma_2, \cdots, \cos \gamma_L]^T$, sin $\gamma = [\sin \gamma_1, \sin \gamma_2, \cdots, \sin \gamma_L]^T$. $[\mathbf{x}]^d$ 表示 对角阵 $[\mathbf{x}]^d = \text{diag}(x_1, x_2, \cdots, x_N)$. 由于 \mathbf{g} 方向 固定于卫星本体,所以 \mathbf{A}_g 是常值矩阵. 式(3)的导 数形式为

 $\dot{\boldsymbol{A}}_{s} = \boldsymbol{A}_{t} [\dot{\boldsymbol{\gamma}}]^{d}, \dot{\boldsymbol{A}}_{t} = -\boldsymbol{A}_{s} [\dot{\boldsymbol{\gamma}}]^{d}.$ 对卫星整体角动量式(2)求导可得到: $\dot{\boldsymbol{J}} = \boldsymbol{A}_{t} [\dot{\boldsymbol{\gamma}}]^{d} (\boldsymbol{I}_{cs} - \boldsymbol{I}_{a}) \boldsymbol{A}_{s}^{\mathrm{T}} + \boldsymbol{A}_{s} [\dot{\boldsymbol{\gamma}}]^{d} (\boldsymbol{I}_{cs} - \boldsymbol{I}_{a}) \boldsymbol{A}_{t}^{\mathrm{T}},$ 进一步,卫星动力学方程可以表示为

 $\boldsymbol{\omega}^{\times} \left(\boldsymbol{J}\boldsymbol{\omega} + \boldsymbol{A}_{g}\boldsymbol{I}_{cg}\boldsymbol{\dot{\gamma}} + \boldsymbol{A}_{s}\boldsymbol{I}_{ws}\boldsymbol{\dot{\omega}} \right) = 0.$

为便于后续控制系统的设计,进行以下合理假 设:由于 VSCMG 的转动惯量相对于卫星本体是小 量,则卫星本体的转动惯量变化律可以忽略; ω 和 $\dot{\gamma}$ 都是小量,所以 $\omega^{\times} A_{g} I_{cg} \dot{\gamma}$ 可以忽略;由于 VSCMG 的转动惯量和 $\dot{\gamma}_{g}$ 都是小量, $I_{cg} \ddot{\gamma}_{g}$ 可以忽略,则携带 $L \uparrow VSCMG$ 的动力学方程为

 $\boldsymbol{J}\boldsymbol{\dot{\omega}} + \boldsymbol{\omega}^{\times} \boldsymbol{J}\boldsymbol{\omega} + \boldsymbol{\omega}^{\times} \boldsymbol{A}_{s} \boldsymbol{I}_{us} \boldsymbol{\dot{\omega}} = -\boldsymbol{A}_{t} \boldsymbol{I}_{us} \boldsymbol{\tilde{\omega}}^{d} \boldsymbol{\gamma} - \boldsymbol{A}_{s} \boldsymbol{I}_{us} \boldsymbol{\dot{\omega}}$ (4)

这里讨论的是 CMG 和飞轮的联合执行机构控制问题,对上述建立的动力学方程式(4)进行适当改造(不妨假设卫星携带 $M \land CMG 与 N \land C \land v \land v \land y$):令其中 $M \land VSCMG$ 的转子转速为恒定值且 $\dot{\omega} = 0$,形成 $M \land CMG$ 模型;再令 $N \land VSCMG$ 的框架固定,即 $\gamma = \gamma = 0$,形成飞轮模型.此时卫星动力学方程可表示成

$$J\dot{\boldsymbol{\omega}} + \boldsymbol{\omega}^{\times} J\boldsymbol{\omega} + \boldsymbol{\omega}^{\times} (\boldsymbol{A}_{cs} \boldsymbol{I}_{cws} \tilde{\boldsymbol{\omega}}_{c} + \boldsymbol{A}_{ws} \boldsymbol{I}_{wws} \tilde{\boldsymbol{\omega}}_{w}) = -\boldsymbol{A}_{cs} \boldsymbol{I}_{cws} \tilde{\boldsymbol{\omega}}^{d} \dot{\boldsymbol{\gamma}}_{c} - \boldsymbol{A}_{cs} \boldsymbol{I}_{cws} \tilde{\boldsymbol{\omega}}_{c}$$

式中下角标 c、w 分别为 CMG 或飞轮所对应的量.

为便于后续控制系统设计及表达方便,令 H_{ew} = $I_{ews}\tilde{\omega}_{e}^{d}$, $h = J\omega + A_{es}I_{ews}\tilde{\omega}_{e} + A_{ws}I_{wws}\tilde{\omega}_{w}$, 去掉 $\dot{\gamma}$ 以及 $\tilde{\omega}$ 的下角标,得到书写简洁的卫星动力学方程为

$$\mathbf{J}\dot{\boldsymbol{\omega}} + \boldsymbol{\omega}^{\times} \mathbf{h} + \mathbf{A}_{ct} \mathbf{H}_{cw} \dot{\boldsymbol{\gamma}} + \mathbf{A}_{ws} \mathbf{I}_{wws} \overset{\cdot}{\boldsymbol{\omega}} = 0.$$
(5)

2 控制模型建立

本文利用无冗余的修正罗德里格参数(MRP)表示 姿态,方向余弦矩阵 C 与 MRP 之间的转换关系为

$$\boldsymbol{C}(\boldsymbol{\sigma}) = \boldsymbol{I} - \frac{4(1 - \boldsymbol{\sigma}^{\mathrm{T}}\boldsymbol{\sigma})}{(1 + \boldsymbol{\sigma}^{\mathrm{T}}\boldsymbol{\sigma})^{2}}\boldsymbol{\sigma}^{\mathrm{X}} + \frac{8}{(1 + \boldsymbol{\sigma}^{\mathrm{T}}\boldsymbol{\sigma})^{2}}(\boldsymbol{\sigma}^{\mathrm{X}})^{2}.$$

式中: σ^{\times} 是 σ 的叉乘算子,I为单位矩阵.基于 MRP的卫星姿态运动学方程为

$$\dot{\boldsymbol{\sigma}} = \boldsymbol{G}(\boldsymbol{\sigma}) \boldsymbol{\omega},$$
 (6)

其中 G(**o**) 为

$$\boldsymbol{G}(\boldsymbol{\sigma}) = \frac{1}{4} ((1 - \boldsymbol{\sigma}^{\mathrm{T}} \boldsymbol{\sigma}) \boldsymbol{I} + 2\boldsymbol{\sigma}^{\mathrm{X}} + 2\boldsymbol{\sigma} \boldsymbol{\sigma}^{\mathrm{T}}).$$

对式(6)进行微分可得

$$\boldsymbol{\sigma} = \dot{\boldsymbol{G}}(\boldsymbol{\sigma}, \ \boldsymbol{\sigma}) \boldsymbol{\omega} + \boldsymbol{G}(\boldsymbol{\sigma}) \boldsymbol{\omega} ,$$

其中

$$\dot{\boldsymbol{G}}(\boldsymbol{\sigma},\,\boldsymbol{\dot{\sigma}}) = \frac{1}{2}(\boldsymbol{\dot{\sigma}}^{\times} + \boldsymbol{\dot{\sigma}\sigma}^{\mathrm{T}} + \boldsymbol{\sigma}\boldsymbol{\dot{\sigma}}^{\mathrm{T}} - \boldsymbol{\dot{\sigma}}^{\mathrm{T}}\boldsymbol{\sigma}\boldsymbol{I})$$

进而可以得到:

$$\dot{\boldsymbol{\omega}} = \boldsymbol{G}^{-1}(\ddot{\boldsymbol{\sigma}} - \dot{\boldsymbol{G}}\boldsymbol{\omega}). \tag{7}$$

此外,由于在轨卫星受到的外界干扰力矩在 10⁻⁵N·m量级,而卫星在执行机动任务的时间一 般在5min左右,则在这短时间内由外界干扰引起 的卫星角动量变化作用非常小,则可认为整星角动 量在惯性系下的是保守的.使用*H*₁表示在惯性系下 表示的整星角动量,则*H*₁和式(5)中*h*之间的关系 可以表示为

 $h = C(\sigma) H_{I}$

将式(7)代入式(5)可得

$$\ddot{\boldsymbol{\sigma}} = \boldsymbol{F}^*(\boldsymbol{\sigma},\,\boldsymbol{\sigma}) + \boldsymbol{G}^*(\boldsymbol{\sigma},\,\boldsymbol{\sigma})\boldsymbol{u},\qquad(8)$$

$$F^{*}(\sigma, \sigma) = H^{*^{-1}}(H^{*}\dot{G}G^{-1}\sigma - G^{-T}\omega^{*}C(\sigma)H_{1}) \in \mathbb{R}^{3\times 1}, \quad (9)$$

$$\boldsymbol{G}^{*}(\boldsymbol{\sigma}, \boldsymbol{\sigma}) = -\boldsymbol{H}^{*^{-1}}\boldsymbol{G}^{-\mathrm{T}}\boldsymbol{Q} \in \boldsymbol{R}^{3\times(m+n)}, \quad (10)$$

$$\boldsymbol{Q} = \left[\boldsymbol{A}_{ct}\boldsymbol{H}_{cw}, \, \boldsymbol{A}_{ws}\boldsymbol{I}_{wws}\right] \in \, \mathbf{R}^{3\times(m+n)}\,, \qquad (11)$$

$$\boldsymbol{u} = [\dot{\boldsymbol{\gamma}}^{\mathrm{T}}, \, \widetilde{\boldsymbol{\omega}}^{\mathrm{T}}]^{\mathrm{T}} \in \mathbf{R}^{(m+n)\times 1}, \qquad (12)$$

$$\boldsymbol{H}^{*}(\boldsymbol{\sigma}) = \boldsymbol{G}^{-\mathrm{T}} \boldsymbol{J} \boldsymbol{G}^{-1} \in \mathbf{R}^{3\times 3}.$$
 (13)

将式(8)改写成状态空间形式为

$$\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t} \begin{bmatrix} \boldsymbol{\sigma} \\ \dot{\boldsymbol{\sigma}} \end{bmatrix} = \boldsymbol{A}_0 \begin{bmatrix} \boldsymbol{\sigma} \\ \dot{\boldsymbol{\sigma}} \end{bmatrix} + \boldsymbol{B}_0 (\boldsymbol{F}^*(\boldsymbol{\sigma}, \ \dot{\boldsymbol{\sigma}}) + \boldsymbol{G}^*(\boldsymbol{\sigma}, \ \dot{\boldsymbol{\sigma}})\boldsymbol{u}),$$
(14)

其中

$$\boldsymbol{A}_{0} = \begin{bmatrix} \boldsymbol{0} & \boldsymbol{I} \\ \boldsymbol{0} & \boldsymbol{0} \end{bmatrix}, \ \boldsymbol{B}_{0} = \begin{bmatrix} \boldsymbol{0} \\ \boldsymbol{I} \end{bmatrix}.$$

安装偏差以及卫星发射时振动所造成的结构偏差,会严重降低执行机构的控制精度. CMG 群的力 矩输出矩阵 *A*_a、飞轮群角动量矩阵*A*_{ws} 分别为

$$\boldsymbol{A}_{ct} = \boldsymbol{A}_{ct}^{n} + \boldsymbol{A}_{ct}^{\Delta}, \ \boldsymbol{A}_{ws} = \boldsymbol{A}_{ws}^{n} + \boldsymbol{A}_{ws}^{\Delta},$$

式中, *A*^{*}_{*}、*A*⁴_{*}分别表示相应的标称值以及标称值 和准确值之间的偏差. 整星角动量可以表示为

$$\boldsymbol{H}_{\mathrm{I}} = \boldsymbol{H}_{\mathrm{I}}^{n} + \boldsymbol{H}_{\mathrm{I}}^{\Delta}$$

式中**H**^A、**H**ⁿ 分别表示角动量估计偏差值和标称值.

则式(9)与式(10)可以写成

$$F^* = F^{*n} + F^{*\Delta}, G^* = G^{*n} + G^{*\Delta},$$

其中:
$$F^{*n} = H^{*^{-1}} (G^{-T} J G^{-1} \dot{G} G^{-1} \dot{\sigma} - G^{-T} \boldsymbol{\omega}^{\times} C(\sigma) H_1^n),$$

(15)

$$\boldsymbol{F}^{*\Delta} = -\boldsymbol{H}^{*-1}\boldsymbol{G}^{-\mathrm{T}}\boldsymbol{\omega}^{\times}\boldsymbol{C}(\boldsymbol{\sigma})\boldsymbol{H}_{1}^{\Delta}, \quad (16)$$

且.

$$\boldsymbol{G}^{*n} = -\boldsymbol{H}^{*-1}\boldsymbol{G}^{-\mathrm{T}}\boldsymbol{Q}^{n}, \qquad (17)$$

$$\boldsymbol{G}^{*\,\boldsymbol{\Delta}} = -\boldsymbol{H}^{*\,\boldsymbol{-}\boldsymbol{1}}\boldsymbol{G}^{-\boldsymbol{1}}\boldsymbol{Q}^{\boldsymbol{\Delta}},\qquad(18)$$

式中 Q^n 、 Q^{Δ} 分别表示Q的标称值和估计偏差.

为便于后续自适应控制器的设计,式(16)可写 成以下形式:

$$\boldsymbol{F}^{*\Delta} = \boldsymbol{Y}_{F}\boldsymbol{\Theta}_{F}$$

式中: $\Theta_F = H_1^{\Delta}$ 为待估计的角动量参数, $Y_F = -H^{*-1}G^{-T}\omega^{\times}C(\sigma)$ 是关于 σ 和 σ 的向量函数,称 之为退化矩阵.

同样,式(18)也可以写成:

$$\boldsymbol{G}^{*\Delta} = -\boldsymbol{H}^{*^{-1}}\boldsymbol{G}^{-\mathrm{T}}[\boldsymbol{A}_{ct}^{\Delta}\boldsymbol{H}_{cw}, \boldsymbol{A}_{ws}^{\Delta}\boldsymbol{I}_{wws}],$$
$$\boldsymbol{A}_{ct}^{\Delta}\boldsymbol{H}_{cw} = [\boldsymbol{t}_{c1}^{\Delta}, \boldsymbol{t}_{c2}^{\Delta}, \cdots, \boldsymbol{t}_{cN}^{\Delta}]\operatorname{diag}(\boldsymbol{h}_{cwi}) = [\boldsymbol{t}_{c1}^{\Delta}\boldsymbol{h}_{cw1}, \cdots, \boldsymbol{t}_{ci}^{\Delta}\boldsymbol{h}_{cwi}, \cdots, \boldsymbol{t}_{cN}^{\Delta}\boldsymbol{h}_{cwN}],$$

其中

 $\boldsymbol{t}_{ci}^{\Delta}\boldsymbol{h}_{cwi} = (\boldsymbol{t}_{ci0}^{\Delta}\cos\boldsymbol{\gamma}_{i} - \boldsymbol{s}_{ci0}^{\Delta}\sin\boldsymbol{\gamma}_{i})\boldsymbol{h}_{cwi}.$ 式中 $\boldsymbol{t}_{ci0}^{\Delta},\boldsymbol{s}_{ci0}^{\Delta}$ 分别表示在 CMG 框架角均为 0 时的力 矩输出和转子轴方向偏差.

设

$$\boldsymbol{\Theta}_{cGi} = [\boldsymbol{t}_{ci0}^{\Delta \mathrm{T}}, \boldsymbol{s}_{ci0}^{\Delta \mathrm{T}}]^{\mathrm{T}} \in \mathbf{R}^{6},$$

则

 $\begin{aligned} \mathbf{Y}_{cGi} &= -h_{wci} \mathbf{H}^{*^{-1}} \mathbf{G}^{-\mathrm{T}} [\cos \gamma_i \mathbf{I}_3, -\sin \gamma_i \mathbf{I}_3] \in \mathbf{R}^{3 \times 6}, \\ 于是可以得到 \end{aligned}$

$$\begin{aligned} \boldsymbol{Y}_{cG} &= [\boldsymbol{Y}_{cG1}, \boldsymbol{Y}_{cG2}, \cdots, \boldsymbol{Y}_{cGm}] \in \mathbf{R}^{3 \times 6m}, \\ \boldsymbol{\Theta}_{cG} &= \operatorname{diag}(\boldsymbol{\Theta}_{cG1}, \boldsymbol{\Theta}_{cG2}, \cdots, \boldsymbol{\Theta}_{cGm}) \in \mathbf{R}^{6m \times m}. \end{aligned}$$
(19)

$$\boldsymbol{\Pi} \boldsymbol{\Xi}$$

$$\mathbf{A}_{ws}^{\Delta} \mathbf{I}_{wws} = \begin{bmatrix} \mathbf{I}_{wws1} \mathbf{I}_3, \ \mathbf{I}_{wws2} \mathbf{I}_3, \ \cdots, \ \mathbf{I}_{wwsN} \mathbf{I}_3 \end{bmatrix} \cdot \mathbf{diag}(\mathbf{s}_{w1}^{\Delta}, \mathbf{s}_{w2}^{\Delta}, \ \cdots, \mathbf{s}_{wN}^{\Delta}).$$

于是可以得到

 $\begin{aligned} \boldsymbol{Y}_{wG} &= -\boldsymbol{H}^{*^{-1}}\boldsymbol{G}^{-\mathrm{T}}[\boldsymbol{I}_{wws1}\boldsymbol{I}_{3}, \boldsymbol{I}_{wws2}\boldsymbol{I}_{3}, \cdots, \boldsymbol{I}_{wwsN}\boldsymbol{I}_{3}] \in \mathbf{R}^{3\times 3n}, \\ \boldsymbol{\Theta}_{wG} &= \mathrm{diag}(\boldsymbol{s}_{w1}^{\Delta}, \boldsymbol{s}_{w2}^{\Delta}, \cdots, \boldsymbol{s}_{wN}^{\Delta}) \in \mathbf{R}^{3n\times n}. \end{aligned}$

将式(19)与式(20)合并可以写为

$$Y_{c} = [Y_{cG}, Y_{wG}] \in \mathbb{R}^{3 \times 3(2m+n)},$$

 $\Theta_{c} = \begin{bmatrix} \Theta_{cG} \\ \Theta_{wG} \end{bmatrix},$
则式(18)可写成如下简洁形式:

 $\boldsymbol{G}^{*\Delta} = \boldsymbol{Y}_{\boldsymbol{G}}\boldsymbol{\boldsymbol{\Theta}}_{\boldsymbol{G}}.$

完成控制模型的建立,本文在此基础上进行控制器设计.

3 自适应控制律设计

使用 $\sigma_d(t)$ 表示相对于惯性系卫星的参考姿态, 假设 $\sigma_d(t)$ 及其导数项 $\dot{\sigma}_d(t)$ 和 $\dot{\sigma}_d(t)$ 均已知.定义:

$$\boldsymbol{e} \triangleq \begin{bmatrix} \boldsymbol{\sigma}_{e} \\ \dot{\boldsymbol{\sigma}}_{e} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \boldsymbol{\sigma} - \boldsymbol{\sigma}_{d} \\ \dot{\boldsymbol{\sigma}} - \dot{\boldsymbol{\sigma}}_{d} \end{bmatrix}.$$

根据式(14),可以得到卫星的跟踪误差动力 学为

$$\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t}\boldsymbol{e} = \frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t} \begin{bmatrix} \boldsymbol{\sigma} & -\boldsymbol{\sigma}_{\mathrm{d}} \\ \dot{\boldsymbol{\sigma}} & -\dot{\boldsymbol{\sigma}}_{\mathrm{d}} \end{bmatrix} = \boldsymbol{A}_{0}\boldsymbol{e} + \boldsymbol{B}_{0}(\boldsymbol{F}^{*}(\boldsymbol{\sigma}, \boldsymbol{\sigma}) + \boldsymbol{G}^{*}(\boldsymbol{\sigma}, \boldsymbol{\sigma})\boldsymbol{u} - \dot{\boldsymbol{\sigma}}_{\mathrm{d}}), \qquad (21)$$

系统 (A_0, B_0) 可控,则可通过选取合适的矩阵 K 使 得矩阵 $A_1 = A_0 - B_0 K$ 满足 Hurwitz 矩阵的条件,式 (21)可改写成

$$\boldsymbol{e} = \boldsymbol{A}_{1}\boldsymbol{e} + \boldsymbol{B}_{0}(\boldsymbol{K}\boldsymbol{e} + \boldsymbol{F}^{*}(\boldsymbol{\sigma}, \boldsymbol{\sigma}) + \boldsymbol{G}^{*}(\boldsymbol{\sigma}, \boldsymbol{\sigma})\boldsymbol{u} - \boldsymbol{\sigma}_{d}).$$
(22)

选择系统 Lyapunov 函数,如

$$V = \frac{1}{2} \boldsymbol{e}^{\mathrm{T}} \boldsymbol{P} \boldsymbol{e} + \frac{1}{2\alpha_{F}} \tilde{\boldsymbol{\Theta}}_{F}^{\mathrm{T}} \tilde{\boldsymbol{\Theta}}_{F} + \frac{1}{2\alpha_{G}} \mathrm{tr} (\tilde{\boldsymbol{\Theta}}_{G}^{\mathrm{T}} \tilde{\boldsymbol{\Theta}}_{G}). (23)$$

式中: $\tilde{\boldsymbol{\Theta}}_*$ 定义为参数估计偏差 $\tilde{\boldsymbol{\Theta}}_* \triangleq \boldsymbol{\Theta}_* - \hat{\boldsymbol{\Theta}}_*$,其 中 $\tilde{\boldsymbol{\Theta}}_*$ 是参数 $\boldsymbol{\Theta}_*$ 的估计值; $P(P = P^T)$ 是 Lyapunov 方程 $A_1^T P + PA_1 = -Q$ 的解.

设计反馈控制器 u, 如

$$\boldsymbol{u} = (\boldsymbol{G}^{*n} + \boldsymbol{Y}_{\boldsymbol{G}}\boldsymbol{\Theta}_{\boldsymbol{G}})^{\dagger} (-\boldsymbol{K}\boldsymbol{e} - \boldsymbol{F}^{*n} - \boldsymbol{Y}_{\boldsymbol{F}}\boldsymbol{\Theta}_{\boldsymbol{F}} + \ddot{\boldsymbol{\sigma}}_{\boldsymbol{d}}),$$
(24)

可以消除系统中其他非线性项,其中(X)[†] = $X^{T}(XX^{T})$ 表示 X 的伪逆, A_1 为 Hurwitz 矩阵保证了控制系统 的稳定性.

将控制器(24)代入式(22)可得

$$= \boldsymbol{A}_{1}\boldsymbol{e} + \boldsymbol{B}_{0}(\boldsymbol{K}\boldsymbol{e} + \boldsymbol{F}^{*n} + \boldsymbol{Y}_{F}\boldsymbol{\Theta}_{F} + (\boldsymbol{G}^{*n} + \boldsymbol{Y}_{G}\tilde{\boldsymbol{\Theta}}_{G} + \boldsymbol{Y}_{G}\tilde{\boldsymbol{\Theta}}_{G})\boldsymbol{u} - \tilde{\boldsymbol{\sigma}}_{d}) =$$

 $\boldsymbol{A}_{1}\boldsymbol{e} + \boldsymbol{B}_{0} \boldsymbol{Y}_{F}\boldsymbol{\Theta}_{F} + \boldsymbol{B}_{0} \boldsymbol{Y}_{G}\boldsymbol{\Theta}_{G}\boldsymbol{u}.$

此时,式(23)的导数形式为

ė

$$\tilde{\boldsymbol{V}} = -\frac{1}{2} \boldsymbol{e}^{\mathrm{T}} \boldsymbol{Q} \boldsymbol{e} + \frac{1}{\alpha_{F}} (\alpha_{F} \boldsymbol{e}^{\mathrm{T}} \boldsymbol{P} \boldsymbol{B}_{0} \boldsymbol{Y}_{F} - \boldsymbol{\Theta}_{F}^{\mathrm{T}}) \tilde{\boldsymbol{\Theta}}_{F} + \frac{1}{\alpha_{C}} \sum_{i=1}^{m+n} (\alpha_{C} \boldsymbol{e}^{\mathrm{T}} \boldsymbol{P} \boldsymbol{B}_{0} \boldsymbol{Y}_{Gi} \boldsymbol{u}_{i} - \boldsymbol{\Theta}_{Gi}^{\mathrm{T}}) \tilde{\boldsymbol{\Theta}}_{Gi}.$$

选择其中参数更新方式为

$$\dot{\boldsymbol{\Theta}}_{F} = \boldsymbol{\alpha}_{F} \boldsymbol{Y}_{F}^{\mathrm{T}} \boldsymbol{B}_{0}^{\mathrm{T}} \boldsymbol{P} \boldsymbol{e}, \qquad (25)$$

$$\hat{\boldsymbol{\Theta}}_{G_i} = \boldsymbol{\alpha}_G \, \boldsymbol{Y}_{G_i}^{\mathrm{T}} \boldsymbol{B}_0^{\mathrm{T}} \, \boldsymbol{P} \boldsymbol{e}^{\mathrm{T}} \boldsymbol{u}_i \,, \qquad (26)$$

可以使得 Lyapunov 函数的导数满足以下条件:

$$\dot{V} = -\frac{1}{2} e^{\mathrm{T}} Q e \leq 0.$$

从上述推导和分析可以得出,控制器(24)以及 参数更新率(25)与(26)能够使得系统跟踪误差收 敛. 在控制器(24)实际执行过程中,需要避免因为 $G^{*n} + Y_c \hat{\Theta}_c$ 的伪逆无法求解而导致无法执行的情 况,因此需要保证 $G^{*n} + Y_c \hat{\Theta}_c$ 时满秩的. CMG 的框 架轴不相互平行可保证 G^{*n} 是满秩的,因此可以通 过保持 $\hat{\Theta}_c$ 是个小量就可保证 $G^{*n} + Y_c \hat{\Theta}_c$ 伪逆的存 在,基于此思路,改进的 $\hat{\Theta}_{ci}$ 更新方法如下^[18]:

$$\hat{\boldsymbol{\Theta}}_{Gi} = \operatorname{Proj}(\hat{\boldsymbol{\Theta}}_{Gi}, \boldsymbol{\Phi}_{Gi}),$$

其中

$$\mathbf{\Phi}_{G_i} \triangleq \mathbf{Y}_{G_i}^{^{\mathrm{T}}} \mathbf{B}_0^{^{\mathrm{T}}} \mathbf{P} \mathbf{e}^{^{\mathrm{T}}} u_i \in \mathbf{R}^6.$$

Proj($\hat{\mathbf{\Theta}}_{G_i}, \mathbf{\Phi}_{G_i}$) 具有以下这两种形式

1) 如果 $\|\hat{\boldsymbol{\Theta}}_{G_{i}}\|^{2} < \beta_{G_{i}}, \|\boldsymbol{\Theta}_{G_{i}}\|^{2} \ge \beta_{G_{i}}$ 且 $\hat{\boldsymbol{\Theta}}_{G_{i}}^{\mathrm{T}}\boldsymbol{\Phi}_{G_{i}} \leq 0, 则$

Proj(
$$\boldsymbol{\Theta}_{G_i}, \boldsymbol{\Phi}_{G_i}$$
) = $\alpha_{G}\boldsymbol{\Phi}_{G_i}$.
2) 如果 $\| \boldsymbol{\Theta}_{G_i} \|^2 \ge \beta_{G_i} \perp \hat{\boldsymbol{\Theta}}_{G_i}^{\mathrm{T}} \boldsymbol{\Phi}_{G_i} > 0, \mathbb{M}$
Proj($\boldsymbol{\Theta}_{G_i}, \boldsymbol{\Phi}_{G_i}$) = $\alpha_{G} \left(\boldsymbol{\Phi}_{G_i} - \frac{(\| \boldsymbol{\Phi}_{G_i} \|^2 - \beta_{G_i}) \boldsymbol{\Phi}_{G_i}^{\mathrm{T}} \boldsymbol{\Theta}_{G_i}}{\delta_{G_i} \| \boldsymbol{\Theta}_{G_i} \|^2} \right)$

式中 β_{G} 是已知正的常值.

4 结果及分析

对上述的控制器进行数学仿真,以验证其有效 性. 卫星携带 CMG 和飞轮作为执行机构. 其中 4 个 CMG 采用金字塔构型安装, 3 个正装飞轮, 而实际 安装矩阵在标称安装矩阵加最大 ± 0.05 的随机 偏差.

为测试控制算法对参考轨迹的跟踪能力,选择 式(27)的正弦曲线作为卫星的姿态角速度参考轨 迹,初始姿态四元数为[1,0,0,0].

 $\omega_f = 0.02 \times (\sin(2\pi t/800)),$ (27)

 $\sin(2\pi t/600)$, $\sin(2\pi t/400)$)^Trad/s.

选取合适的 *K*, 使得式(24) 中矩阵 $A_1 = A_0 - B_0 K$ 的特征值为(保证控制算法具有好的收敛性能) eig(A_1) = $\{-02 \pm 02i, -02\sqrt{2}, -03 \pm 03i, -03\sqrt{2}\},$ 并基于经验和试凑法设计了其他的控制参数如下:

 $Q = I_6, \alpha_F = 1.0 \times 10^7, \alpha_G = 1.0 \times 10^3,$

$$\delta_{Gi} = 0.1, \beta_{Gi} = 0.05$$

仿真效果对比,首先给出不使用自适应控制律 的控制结果,即令 $\alpha_F = \alpha_c = 0$,仿真结果如图 2,3 所 示. 从仿真结果可以看出,欧拉角与角速度跟踪误 差分别在 0.3 rad 和10⁻³rad/s 量级.

采用本文所设计的自适应控制算法,仿真结果如图 4~11 所示. 从图 4 可以看出,欧拉角跟踪误差 迅速达到并稳定在 0.003 rad. 图 5 的角速度跟踪误 差曲线也呈现同样的趋势,其控制精度稳定时可达 到10⁻⁴rad/s 量级.



图 2 欧拉角表示的无自适应控制时姿态跟踪误差

Fig. 2 The attitude tracking error represented by Euler angle without the adaptive control



图 3 无自适应控制时角速度跟踪误差

Fig.3 The angular velocity tracking error without the adaptive control



图 4 欧拉角表示的姿态跟踪误差









Fig.10 The norm of the estimated value for Θ_{cG}



Fig.11 The norm of the estimated value for Θ_{wc}

卫星角动量的估计情况如图 8,9 所示,自适应 控制律使得系统很快趋近于真实的系统角动量(在 图 9 使用直线表示).

从图 10,11 的 Θ_{cG} 和 Θ_{wG} 的模的平方曲线可以 看出,在平滑映射的作用下, $\| \Theta_{cGi} \|^2$ 和 $\| \Theta_{wGi} \|^2$ 都没有超出 $\beta_{Gi} + \delta_{Gi} = 0.15$ 的范围,使得参数更新不 会出现奇异导致系统无法执行.

5 结 论

1)从跟踪正弦形式的姿态角速度参考轨迹的 结果,本文设计的自适应控制器能够提高2个数量 级的姿态控制精度,以及1个数量级的姿态角速度 控制精度.

2)基于平滑映射原理所设计自适应参数更新 律保证参数估计结果的同时,也保证自适应参数更 新不会出现奇异现象.

参考文献

 [1] 刘刚,李传江,马广富,等.应用 SGCMG 的卫星姿态快速机动 控制[J].航空学报,2011,32(10):1-9.DOI: 11-1929/V. 20110509.1202.007. 1929/V.20110509.1202.007.

LIU Gang, LI Chuanjiang, MA Guangfu, et al. Time efficient controller design for satellite attitude maneuvers using SGCMG[J]. Acta Aeronautica ET Astronautica Sinica, 2011,32(10):1–9. DOI: 11–

- [2] LONGBOTHAMN, BLEILER C, CHAAPEL C, et al. Spectral classification of worldview-2 multi-angle sequence [C]//IEEE GRSS and ISPRS Joint Urban Remote Sensing Event. Munich, Germany: IEEE Computer Society, 2011: 109–112. DOI: 10.1109/JURSE. 2011.5764731.
- [3] GIROUARTB, SEBBAG I, LACHIVER J M. Pleiades-HR CMGsbased attitude control system design, development status and performances[C]//Proceedings of 17th IFAC Symposium on Automatic Control in Aerospace. Toulouse, France: 2007: 834-839. DOI:10. 3182/20070625-5-FR-2916.00142.
- [4] 叶东,屠园园,孙兆伟.面向非沿轨迹成像卫星的切比雪夫神经 网络滑模姿态控制[J].航空学报,2015,36(9):3092-3104. DOI:10.7527/S1000-6893.2015.0114.

YE Dong, TU Yuanyuan, SUN Zhaowei.Sliding mode control for nonparallel-ground-track imaging using Chebyshev neural network [J]. Acta Aeronautica ET Astronautica Sinica, 2015, 36(9): 3092 – 3104.DOI:10.7527/S1000-6893.2015.0114.

- [5] WIE Bong. Singularity escape/avoidance steering logic for control moment gyro systems[J]. Journal of Guidance Control and Dynamics, 2005, 28(5): 948-956.DOI: 10.2514/1.10136.
- [6] LAPPAS V J. A Control moment gyro (CMG) based attitude control system (ACS) for agile small satellites[D]. England: University of Surrey, 2002; 1–9.
- [7] CHEN Xiaojiang, STEYN W H. Robust combined eigenaxis slew manoeuvre[C]. AIAA Guidance, Navigation, and Control Conference. 1999: 521-529.
- [8] SUN Zhaowei, GENG Yunhai, XU Guodong, et al. The combined control algorithm for large-angle maneuver of hitsat-1 small satellite
 [J]. Acta Astronautica, 2004, 54(7): 463-469.DOI: 10.1016/S0094-5765(03)00223-6.
- [9] HALLC D, TSIOTRAS P, SHEN Haijun. Tracking rigid body motion using thrusters and momentum wheels[J]. Journal of the Astro-

nautical Sciences, 2002, 50(3): 311-323.DOI:10.2514/6.1998-4471.

- [10] 叶东,孙兆伟,王剑颖. 敏捷卫星的联合执行机构控制策略
 [J]. 航空学报,2012, 33(6):1108-1115.
 YE Dong, SUN Zhaowei, WANG Jianying. Control strategy of hybrid actuator for agile satellites[J]. Acta Aeronautica ET Astronautica Sinica, 2012, 33(6):1108-1115.
- [11]FORDK A, Hall C D. Singular direction avoidance steering for control-moment gyros [J]. Journal of Guidance Control and Dynamics, 2000, 23(4): 648-656.DOI: 10.2514/2.4610.
- [12] LEVEF A, FITZCOY N G. Hybrid steering logic for single-gimbal control moment gyroscopes[J]. Journal of Guidance Control and Dynamics, 2010, 33(4): 1202–1212.DOI: 10.2514/1.46853.
- [13] STEVENSON D, SCHAUB H. Nonlinear control analysis of a double-gimbal variable-speed control Moment gyroscope [J]. Journal of Guidance Control and Dynamics, 2012, 35(3): 787-793. DOI: 10.2514/1.56104.
- [14] LIDEN S. A new fail operational control moment gyro configuration [C]. Guidance, Control and Flight Mechanics Conference. American Institute of Aeronautics and Astronautics, 1971: 1–9. DOI: 10. 2514/6.1971–936.
- [15] ROITHMAYRC M, KARLGAAR C D, KUMAR R R, et al. Dynamics and control of attitude, power, and momentum for a spacecraft using flywheels and control moment gyroscopes[R]. Hampton, VA: National Aeronautics and Space Administration, 2003: 1-91.
- [16] SKELTONC E, HALL C. Mixed control moment gyro and momentum wheel attitude control strategies [J]. Astrodynamics, 2003, 116(1): 887–899.
- [17] RIZVI F. Cassini thruster calibration algorithm using reaction wheel biasing data[J]. Journal of Spacecraft and Rockets, 2014, 51(2): 563-573.DOI: /10.2514/1.A32523.
- [18] CHANGY C. An adaptive H_∞ tracking control for a class of nonlinear multiple-input multiple-output (MIMO) systems [J]. IEEE Transactions on Automatic Control , 2001, 46(9): 1432-1437. DOI: 10.1109/9.948472.

(编辑 张 红)

