DOI:10.11918/j.issn.0367-6234.201512058

不同扰动角速度高速射弹入水弹道特性

李佳川,魏英杰,王 聪,邓环宇

(哈尔滨工业大学 航天学院,哈尔滨 150001)

摘 要:为深入了解高速射弹入水运动情况,基于入水弹道学和超空泡流体动力理论,建立了弹体纵向运动的动力学模型,对 弹体模型以不同扰动角速度入水的过程进行了弹道仿真,得到了弹体入水轨迹、速度、俯仰角和俯仰角速度的变化规律,并分 析扰动角速度对其影响.研究结果表明,随着尾拍次数的增加,弹体尾部浸入水中的深度逐渐增大,尾拍所持续的时间也逐渐 增长,尾拍后的俯仰角速度随尾拍次数的增加先变大,然后增幅逐渐减小,或者俯仰角速度随尾拍次数的增加变大后略微减 小,扰动角速度越大,相同时间内弹体发生尾拍的次数就越多,尾拍发生的就越早,弹体在空泡腔内运行的时间就越短. 关键词:入水弹道;高速射弹;超空泡;尾拍;弹道仿真

中图分类号: 0352 文献标志码: A 文章编号: 0367-6234(2017)04-0131-06

Water entry trajectory characteristics of high-speed projectiles with various turbulent angular velocity

LI Jiachuan, WEI Yingjie, WANG Cong, DENG Huanyu

(School of Astronautics, Harbin Institute of Technology, Harbin 150001, China)

Abstract: The state before and after water entry of high-speed projectiles was analyzed based on water entry ballistics and hydrodynamics and the dynamics model of projectile longitudinal motion was built. The trajectory simulation during water entry process of high-speed projectile with various turbulent angular velocity was estimated. The change rules of trajectory and velocity of focus, pitch angle, pitch angular velocity were obtained, and the influence of turbulent angular velocity was analyzed. The results show that with increasing of tail slapping frequency, the immersion depth of the trajectory tail increases and the continuous time increases. Moreover with tail slapping frequency increasing, the pitch angular velocity after tail slapping increases, then the increasing extent decreases or the pitch angular velocity decreases slightly. The bigger the turbulent angular velocity is, the more times the tail slapp in the same time happen, the earlier the tail slapping happens, and the shorter the moving time of the projectile is in cavitation chamber.

Keywords: water-entry trajectory; high-speed projectiles; supercavitation; tail slapping; trajectory simulation

射弹装备于直升机、潜艇和水面舰艇的火炮系统 中,可以消灭浅海鱼雷,保护潜艇和水面舰艇免受鱼雷 的攻击.掌握射弹入水弹道对成功击中目标至关重要, 因此对高速射弹入水弹道特性的研究具有较大的意义.

文献[1-2]对普通子弹入水问题开展了相关的 实验研究,分析了子弹入水的弹道变化与速度衰减规 律.文献[3]利用气体炮开展了不同头型弹体在35~ 160 m/s速度范围内的入水实验,研究了3种头型弹体的弹道稳定性.文献[4]基于武器研发的应用背景, 开展了在98.6~1346.6 m/s的速度范围内高速钢球 垂直入水实验,对球体入水弹道特性进行了研究.文 献[5]开展了以352 m/s速度入水的小型运动体入水 实验研究,得出了空化现象对弹体入水弹道的影响规

- 基金项目:黑龙江省自然科学基金(A201409)
- 作者简介:李佳川(1990—),男,博士研究生;
- 魏英杰(1975—),男,教授,博士生导师
- 通信作者:魏英杰,weiyingjie@gmail.com

律.文献[6]对不同头型弹体水平入水问题进行了实 验与数值研究,给出了以空化数为变量的阻力系数方 程.文献[7]利用嵌入的惯性测量单元对不同头型的 轴对称细长体垂直和倾斜入水过程的受力情况、速度 变化规律与弹道特性进行了研究.文献[8]利用 Tait 状态方程对高速射弹入水过程进行了数值模拟.文献 [9]对不同头型运动体高速入水的空泡形态进行了数 值模拟研究,得到不同头型条件下高速入水运动参数 及空泡形态发展规律和流场的速度分布规律.文献 [10]基于均质平衡流理论,研究了不同质心位置的超 空泡射弹尾拍运动特性.文献[11]采用二维轴对称模 型,并利用动网格技术对不同初始空化数和长细比的 水下射弹运动过程中的模型阻力系数随时间的变化 规律进行了数值模拟研究.文献「12]对入水弹体进行 了详细的受力分析,并研究了各种力对入水空泡形状 与发展规律的影响.文献[13]对入水问题研究现状进 行了综述,包括实验、理论和数值研究.

目前国内以动力学建模的方法研究高速运动体

收稿日期: 2015-12-10

人水弹道的相关文献较少,大多不涉及运动体从空气 中穿越水面进入水中的过程,仅针对运动体在水中自 由行进的过程^[14].对于尾拍过程的动力学建模常常与 整个运动过程分开进行,通过固定弹体头部位置且不 考虑弹体速度的衰减来简化模型的建立,而实际情况 下弹体尾拍运动时速度是衰减的,且弹体作曲线运 动,所以之前对尾拍运动模型的简化无法反应弹体的 真实运动情况.本文对弹体在入水过程中的受力情况 进行了分析,建立了射弹纵向运动的动力学模型,整 个建模过程依据弹体的真实运动状况,考虑了尾拍运 动时弹体速度的衰减与方向的偏转,对弹体模型以不 同扰动角速度入水过程进行了弹道仿真,研究了弹体 入水轨迹、速度、俯仰角和俯仰角速度的变化规律,并 分析了扰动角速度对其的影响.

1 弹体运动方程

本文采用如图1所示的截锥头弹体模型.





为确定弹体运动位置与姿态,本文坐标系选取 各轴与地球固连的地面坐标系 OXY 和各轴与弹体 固连的弹体坐标系 oxy.

文中用 X, Y 表示弹体运动过程中重心在地面 坐标系中的两个坐标, V 表示弹体质心处的速度矢 量, V_x , V_y 表示 V 在弹体坐标系中的两个速度分量, 俯仰角 θ 表示弹体坐标系 ox 轴与地面坐标系 OX 轴 之间的夹角, 当弹体头部偏向 OX 轴之上时为正, ω 表示弹体的旋转角速度, α 表示速度矢量 V 与弹体 坐标系 ox 轴的夹角, 当 V 偏向 ox 轴上方时为正.

设弹体在坐标系 ox 方向所受合力为 F_x , oy 方向所受合力为 F_y , 弹体所受合力矩为 M, 弹体的质量为 m,转动惯量为 J, 根据鱼雷航行力学有关知识可得弹体纵向运动方程:

$$\begin{cases} \dot{\theta} = \omega, \\ \dot{X} = V_x \cos \theta - V_y \sin \theta, \\ \dot{Y} = V_x \sin \theta + V_y \cos \theta, \\ V = \sqrt{V_x^2 + V_y^2}, \\ \alpha = \arctan \frac{V_y}{V_x}, \\ \dot{V}_x = F_x / m \times \cos \theta + F_y / m \times \sin \theta, \\ \dot{V}_y = F_y / m \times \cos \theta - F_x / m \times \sin \theta, \\ M = J \dot{\omega}. \end{cases}$$

在撞水之前,弹体主要受到重力 G 和空气阻力 的作用.撞水后的流动形成初期阶段,作用在弹体头 部的作用力对质心转矩的积累使弹体的俯仰角持续 增大,在极短时间内,俯仰角速度增加为一个稳定值 直至发生尾拍.这里为研究简便则不去考虑俯仰角 速度的形成原因,而把它与弹体受环境影响的初始 扰动角速度一起,简化为弹体的扰动角速度.高速射 弹入水在没有发生尾拍之前只有截锥头平面是沾湿 的,其余部分被空泡包裹着或裸露在空气中.弹体在 空泡中的部分所受到气体的摩擦力同在水中的摩擦 力相比可以略去不计.由于弹体被空泡包裹,所以失 去了浮力.因此在没发生尾拍前弹体仅受重力 G 与 截锥头平面所受水对其的作用力即升力 F_L,阻力 F_D,转矩 M_c.

阻力、升力与转矩系数是空化器形态和攻角的 函数:

$$C_{\rm D} = C_{x0}(1 + \sigma) \times \cos^{2}\alpha,$$

$$C_{\rm L} = C_{x0}(1 + \sigma) \times \cos \alpha \times \sin \alpha,$$

$$C_{\rm M} = 0,$$
其中 σ 为空化数,其表达式为

$$\sigma = \frac{P_0 - P_c}{\frac{1}{2}\rho v^2}.$$

式中: p_0 为环境参考压力,一般取无穷远处压力; p_e 为空泡中气体压力; ρ 为水的密度,由于空泡内部 是低压气体和水蒸气的混合物,所以 p_e 可以近似 取当前温度下水的饱和蒸汽压 p_e =3 540 Pa. C_{x0} 为 空化器在 σ =0时的阻力系数,对于圆盘空化器, 通过试验获得 C_{x0} =0.82,所以截锥头平面的阻力 系数为

$$C_{x0} = \left(\frac{d}{D}\right)^2 \times 0.82.$$
空化器受到的升力和阻力为:^[15]

 $F_{x} = \frac{1}{2} \rho V^2 S \quad C_{x}$

$$F_{\rm D} = \frac{1}{2} \rho V_{\rm c}^2 S_{\rm cav} C_{\rm D},$$

式中S_{cav}为空化器的最大横截面积.

当超空泡射弹高速运动时,弹体尾部会因为很小的扰动而与空泡壁面产生连续的撞击作用,本文将这种作用称为尾拍,弹体尾拍受力情况如图2所示,其所受阻力为弹头阻力与尾部所受阻力的合力.根据动量守恒原理可以求出尾拍升力 R₁ 和尾拍阻力 R_n 为

$$\begin{cases} R_{\rm D} = 0, \\ R_{\rm L} = 0, \end{cases} \\ \begin{cases} R_{\rm D} = \rho A_1 V^2 (1 - \cos \theta), \\ R_{\rm L} = \rho A_1 V^2 \sin \theta, \end{cases} \\ \zeta \ge 0. \end{cases}$$

式中:经验常数 $\lambda = 0.5; \eta$ 为空泡轴线与弹体轴线之间的夹角; ζ 为弹体尾部浸入液体的深度; $A_1 = \lambda \zeta D$ 为弹体尾部浸入液体边界层的特征面积,设弹体尾部空泡半径为 R_{et} ,则可以得到 ζ 的计算公式为

$$\zeta = L\sin\theta + \frac{D}{2}\cos\theta - R_{\rm cl}.$$



Fig.2 Force diagram of projectile tail slap

将弹体的受力方程代入到弹体的纵向运动方程,得到了高速射弹入水过程的动力学方程. 撞水前的动力学方程为

$$\begin{cases} \dot{X} = V_x \cos \theta - V_y \sin \theta, \\ \dot{Y} = V_x \sin \theta + V_y \cos \theta, \\ \dot{\theta} = \omega, \\ \dot{V}_x = (-mg \sin \theta - F_d)/m \times \cos \theta + \\ (-mg \cos \theta)/m \times \sin \theta, \\ \dot{V}_y = (-mg \cos \theta)/m \times \cos \theta - \\ (-mg \sin \theta - F_d)/m \times \sin \theta, \\ \dot{\omega} = 0. \end{cases}$$

撞水后的动力学方程为

$$\begin{cases} \dot{X} = V_x \cos \theta - V_y \sin \theta, \\ \dot{Y} = V_x \sin \theta + V_y \cos \theta, \\ \dot{\theta} = \omega, \\ \dot{V}_x = (-mg \sin \theta - R_D - \sqrt{F_D^2 + F_L^2})/m \times \cos \theta + \\ (-mg \cos \theta - R_L \times \operatorname{sign}(\alpha))/m \times \sin \theta, \\ \dot{V}_y = (-mg \cos \theta - R_L \times \operatorname{sign}(\alpha))/m \times \cos \theta - \\ (-mg \sin \theta - R_D - \sqrt{F_D^2 + F_L^2})/m \times \sin \theta, \\ J\dot{\omega} = R_L \times \operatorname{sign}(\alpha) \times x + R_D \times D/2 \times \operatorname{sign}(\alpha). \end{cases}$$

2 实验验证

为检验仿真结果的可靠性,将在现有实验条件 下所进行实验的结果与采用相同弹体模型与初始条 件的弹道仿真结果进行了对比.其中所采用的弹体 模型尺寸如图 3 所示,长度单位为 mm,弹体密度为 7.85 kg/m³.实验设备主要由水槽、发射系统、保护及 回收系统和外部测试系统组成,如图 4 所示为射弹 实验整体图.图中:水槽基本尺寸为 1.5 m×0.8 m× 0.9 m;发射系统主要包括高压氮气瓶、轻气炮、发射 管及触发装置.保护及回收系统中,水槽的迎弹侧面 由 2 块后部钉有钢板的木板组成,水槽底部铺有粘 有缓冲泡沫的钢板;外部测试系统主要包括高速摄 像系统和照明系统两部分.







图 4 射弹实验整体

Fig.4 Whole schematic of water entry experiment 本文实验采用高速照相机以 5 000 fps 的速度 对射弹入水后的运动过程进行拍摄.对比实验中弹 体的入水角度为17°,弹体与水面接触时的速度为 116 m/s.将通过图片后处理软件得到的弹体入水半 个弹长时所具有的角速度作为仿真的初始扰动角速 度,将弹体撞水瞬间作为0时刻.图5为相同时间间 隔的弹体入水姿态图,图6为弹体入水后X方向与 Y方向位移对比图,图7为弹体速度变化对比图, 图 8为弹体俯仰角度对比图.从图中可以看出.仿真 结果与试验数据吻合度较好,在接近视场末端,弹体 发生尾拍,俯仰角度有所下降,实验与仿真结果俯仰 角度略有差异,主要因为弹体从轻气炮筒射出时有 一定的扰动,并且撞水期间因弹体头部左右部分触 水面积不对称引起俯仰角速度有一个累积增大的过 程,从图8的实验值变化曲线可以看出,撞水期间俯 仰角度曲线的斜率有一个缓慢的增加过程,这一过 程受发射环境影响较大,且涉及复杂的多相流动,很 难给出较准确的动力学方程.本文建模没有考虑这 一过程中角速度的变化过程,直接给出变化后的角 速度值,因为这一过程历经的时间极短目对之后弹 体的运动状态没有影响.撞水阶段后且未发生尾拍 前,俯仰角度的实验值与仿真解均为线性增加,说明 此过程中俯仰角速度保持一个定值,证实了所采用 的动力学模型的合理性.观察图 5 所示的入水姿态 变化图,在该视角下所观察到的弹体的长度没有变 化,说明了可以在动力学建模的过程中,忽略弹体的 偏航而只研究弹体在纵向平面(图5所示平面)内 的弹道变化特性.











图 8



结果与分析 3

本文采用 0.7、0.9、1.1 (°)/ms 这 3 种扰动角速 度,利用弹体模型和仿真方法的实验建立的动力学 模型对高速射弹入水弹道进行仿真,研究扰动角速 度对弹体水中弹道特性的影响,其中弹体的密度为 7.85 g/cm³,转动惯量为 1.057×10⁻⁵ kg · m².弹体的 初始速度为800 m/s.入水角度为30°.设弹体头部前 截面圆心处为坐标原点,水面在坐标原点向下 25 mm尔.

图 9 为高速射弹入水轨迹对比图.起初弹体扰 动角速度越小人水深度越深,之后扰动角速度越大 入水深度越深,但从整体上观察,初始扰动角速度对 弹体重心的运动轨迹影响不大.高速入水时.弹头的 触水侧会产生一个低压区,使弹头向下偏转,弹体所 受合力偏离弹体轴线方向向上,使弹体入水轨迹偏 离弹体初始轴线方向向上.



Fig.9 Comparison of trajectory of water entry

图 10 为高速射弹入水弹体重心水平方向与竖 直方向的速度对比图,不同扰动角速度的速度变化 曲线几乎一致,初始扰动角速度只是在微小范围内 影响到弹体的俯仰角从而影响到弹体头部阻力和升 力的受力方向而没有影响其大小,对速度曲线的整 体变化没有影响.



图 10 不同扰动角速度弹体 X 方向与 Y 方向速度对比

Fig.10 Comparison of velocity of X and Y direction

图 11 为高速射弹入水弹体俯仰角对比图,在前 40 ms 内初始扰动角速度为 1.1 (°)/ms 的弹体共发 生了 6 次尾拍,扰动角速度为 0.9 (°)/ms 的弹体共 发生了 5 次尾拍,扰动角速度为 0.7 (°)/m 的弹体 共发生了 4 次尾拍,初始扰动角速度最大的弹体在 空泡腔内运行的时间最短因此最先发生尾拍,且相 同时间内的尾拍次数较多.3 条曲线的形状和变化 趋势相同,且俯仰角两个方向的最大值相近,说明不 同初始扰动角速度的弹体俯仰角随时间的变化规律 相同.



图 12 为高速射弹入水俯仰角速度对比图,扰动 角速度越小弹体在空泡腔内运动的时间就越长,尾 拍后的俯仰角速度随尾拍次数的增加先变大,然后 增幅逐渐减小;或者俯仰角速度随尾拍次数的增加 变大后略微减小.产生这种现象的原因是当弹体轴 线与空泡轴线的夹角达到最大值时,弹尾浸入水中 的深度达到最大值,而俯仰角速度是相对于地面坐 标系而不是相对于空泡轴线,此时弹体的俯仰角速 度不一定减小为0,它可能还在继续减小或向弹体 尾部拍回空泡的方向增加.图 13 为扰动角速度为 0.9 (°)/ms的弹体尾部浸入水中深度曲线图,图中 虚线对应时刻为弹体尾拍过程中俯仰角速度为0 的 时刻,结合该图对尾拍前后俯仰角速度的变化原因 进行详细地分析.其中前3次尾拍过程,弹体尾部浸 入深度达到最大值之前俯仰角速度便减小为0.月 随着尾拍次数的增加提前时间越来越短,这是因为 虽然俯仰角速度减小为0.弹体尾部相对于空泡壁 面的速度并没有减小为0.而是继续相对运动一段 时间后才减小为0.因此弹体尾部浸入水中的深度 还会继续增加直到相对速度为0时,达到最大值,此 时俯仰角速度已经朝着相反的方向从0增大到某一 值,在弹体尾部弹回空泡的过程中俯仰角速度还将 继续增加, 使前3次尾拍后角速度增加. 同样, 第4 次尾拍俯仰角速度为0时弹体尾部浸入深度几乎达 到最大值,所以尾拍前后俯仰角速度的大小几乎没 有改变,第5次尾拍弹体尾部浸入深度达到最大值 时,弹体的俯仰角速度还未减小为0,弹体尾部弹回 空泡过程中,俯仰角速度才逐渐减小为0,因此尾拍 后的角速度有所减小.





Fig.13 Immersion depth of projectile tail with turbulent angular velocity of 0.9 ($^\circ$)/ms

图 14 为高速射弹尾拍时弹体尾部浸入水中深 度对比图,随着尾拍次数的增加,弹体尾部浸入水中 的深度逐渐增大,尾拍所持续的时间也逐渐增长,虽 然不同的扰动角速度使弹体具有不同的俯仰角速 度,但每次尾拍时弹体尾部浸入水中的深度却相差 不大,扰动角速度大的尾部浸入水中略微深些.



图 14 不同扰动角速度弹体尾部浸水深度对比

Fig.14 Comparison of immersion depth of projectile tail

4 结 论

· 136 ·

1) 弹体高速入水时, 弹头的触水侧会形成一个 低压区, 使弹头向下偏转, 弹体所受合力偏离弹体轴 线方向向上, 因此运动轨迹偏离弹体初始轴线方向 向上. 不同扰动角度弹体的运动轨迹基本趋于一致, 水平方向和竖直方向的速度变化曲线均随时间逐渐 趋于平缓.

2) 扰动角速度越大,相同时间内弹体发生尾拍 的次数就越多,尾拍发生得就越早,不同初始扰动角 速度的弹体俯仰角随时间的变化规律相同.

3) 弹体轴线与空泡轴线的夹角达到最大值时, 弹尾浸入水中的深度达到最大值,而俯仰角速度是 相对于地面坐标系而不是相对于空泡轴线,此时弹 体的俯仰角速度不一定减小为0,它可能还在继续 减小或向弹体尾部拍回空泡的方向增加,这使得尾 拍后的俯仰角速度随尾拍次数的增加先变大,然后 增幅逐渐减小,或者俯仰角速度随尾拍次数的增加 变大后略微减小.扰动角速度越小,弹体在空泡腔内 运行的时间就越长.

4)随着尾拍次数的增加,弹体尾部浸入水中的 深度逐渐增大,尾拍所持续的时间也逐渐增长,不同 的扰动角速度尾拍时弹体尾部浸入水中的深度相差 不大.

参考文献

 [1] 顾建农,张志宏,范武杰.旋转弹丸入水侵彻规律[J].爆炸与 冲击,2005,25(4);341-349.DOI:10.3321/j.issn;1001-1455. 2005.04.010.
 GU Jiannong, ZHANG Zhihong, FAN Wujie. Experimental study on

the penetration law for a rotating pellet entering water[J]. Explosion and Shock Waves, 2005, 25(4): 341–349. DOI: 10.3321/j.issn: 1001–1455.2005.04.010.

 [2] 乔相信, 阎思江, 万仁毅. 弹丸入水空泡实验和入水弹道速度 计算[J]. 沈阳理工大学学报, 2007, 26(6): 51-53. DOI: 10. 3969/ j.issn. 1003-1251.2007.06.014.
 QIAO Xiangxin, YAN Sijiang, WAN Renyi. The vacuole experiment and computation of the trajectory velocity when the projectile ente-

ring into water [J]. Transactions of Shenyang Ligong University,

2007, 26(6): 51-53. DOI: 10.3969/ j.issn.1003-1251.2007.06. 014.

- [3] 张伟, 郭子涛, 肖新科, 等. 弹体高速入水特性实验研究[J]. 爆炸与冲击, 2011, 31(6): 579-584.
 ZHANG Wei, GUO Zitao, XIAO Xinke, et al. Experimental investigations on behaviors of projectile high-speed water entry[J]. Explosion and Shock Waves, 2011, 31(6): 579-584.
- [4] CHARTERS A C. The aerodynamic performance of small spheres from subsonic to high supersonic velocities [J]. Journal of the Aeronautical Sciences (Institute of the Aeronautical Sciences), 1945, 12(4): 468-476. DOI:10.2514/8.11287.
- [5] SHI Honghui, TAKAMI T. Hydrodynamic behavior of an underwater moving body after water entry [J]. Acta Mechanica Sinica, 2001, 17(1): 35-44. DOI: 10.1007/bf02487768.
- [6] GUO Zitao, ZHANG Wei, XIAO Xinke, et al. An investigation into horizontal water entry behaviors of projectiles with different nose shapes[J]. International Journal of Impact Engineering, 2012, 49: 43-60. DOI: 10.1016/j.ijimpeng.2012.04.004.
- BODILY K G, CARLSON S J, TRUSCOTT T T. The water entry of slender axisymmetric bodies[J]. Physics of Fluids, 2014, 26(7): 66-74. DOI: 10.1063/ 1.4890832.
- [8] NEAVES M D, EDWARDS J R. All-speed time-accurate underwater projectile calculations using a preconditioning algorithm [J]. Journal of Fluids Engineering, 2006, 128(2): 284-296. DOI: 10.1115/ 1.2169816.
- [9] 马庆鹏,魏英杰,王聪,等.不同头型运动体高速入水空泡数值 模拟[J].哈尔滨工业大学学报,2014,46(11):24-29.DOI: 10.3969/j.issn.1003-1251.2014.11.004.
 MA Qingpeng, WEI Yingjie, WANG Cong, et al. Numerical simulation of high-speed water entry cavity of cylinders[J]. Journal of Harbin Institute of Technology, 2014, 46(11): 24-29. DOI: 10. 3969/j.issn.1003-1251.2007.06.014.2014.11.004.
 [10] 封成市工範 釉素本 等. 质心位累对超公动触避尾拍运动
- [10] 赵成功, 王聪, 魏英杰, 等. 质心位置对超空泡射弹尾拍运动 影响分析[J]. 北京航空航天大学学报, 2014, 40(12):1754-1760. DOI: 10.13700/ j.bh.1001-5965.2014.0014.
 ZHAO Chenggong, WANG Cong, WEI Yingjie, et al. Analysis of the effect of mass center position on tailslap of supercavitation projectile[J]. Journal of Beijing University of Aeronautics and Astronautics, 2014, 40(12):1754-1760. DOI: 10.13700/ j.bh.1001-5965.2014.0014.
- [11]王伯秋,王聪,魏英杰,等.超空泡射弹阻力系数数值模拟[J]. 哈尔滨工业大学学报,2013,45(3):22-27.DOI:10.11918/ j.issn.0367-6234.2013.03.004.
 WANG Baiqiu, WANG Cong, WEI Yingjie, et al. Drag coefficients of supercavitation projectile based on dynamic mesh[J]. Journal of Harbin Institute of Technology, 2013, 45(3):22-27.DOI: 10. 11918/j.issn.0367-6234.2013.03.004.
- [12] JOSEPH L, KAYE J. Investigations of water entry phenomena: preliminary studies of effect of atmospheric pressure on trajectory of 2inch correlation model of Mark 13-6 torpedo [R]. Pasadena, Calif., California Institute of Technology, March 1, 1948. (Hydrodynamics Laboratory Report No. M-59).
- [13] TRUSCOTT T T, EPPS B P, BELDEN J. Water entry of projectiles
 [J]. Annual Review of Fluid Mechanics, 2014, 46(1): 355–378.
 DOI: 10.1146/ annurev-fluid-011212–140753.
- [14]曹伟,魏英杰,韩万金,等.自然超空泡航行体弹道稳定性分析[J].哈尔滨工业大学学报,2012,44(1):26-30.DOI:10.11918/j.issn.0367-6234.2012.01.006.
 CAO Wei, WEI Yingjie, HAN Wanjin, et al. Simulation of the trajectory stability of natural supercavitation vehicles[J]. Journal of Harbin Institute of Technology, 2012, 44(1):26-30.DOI:10.11918/j.issn.0367-6234.2012.01.006.
- [15] MAY A. Water entry and the cavity running behavior of missiles [R]. Maryland: NTIS, 1975.