DOI:10.11918/j.issn.0367-6234.201612156

# 翼型厚度和弯度对前飞扑翼气动性能的影响

# 汪超,周超英,谢 鹏,张 锐

(哈尔滨工业大学 深圳研究生院,广东 深圳 518055)

摘 要:扑翼飞行器是一种模仿鸟类和昆虫飞行方式的新型飞行器.翼型参数设计对提高扑翼飞行器性能至关重要,为研究 扑翼翼型厚度和翼型弯度对前飞扑翼气动性能的影响,基于自然界中飞行生物的实验观测结果建立了前飞扑翼气动特性计 算模型,针对不同厚度和弯度的 NACA 系列标准翼型,采用计算流体力学方法求解二维不可压缩非定常 Navier-Stokes 方程,基 于有限体积法并结合动态网格技术,分析了低雷诺数条件下对应不同来流速度的刚性前飞扑翼气动力、能耗、气动效率以及 周围流场结构随翼型厚度和弯度的变化规律.结果表明,不同来流速度条件下扑翼推力和能耗均随翼型厚度的增大而逐渐减 小,随着翼型厚度的增大,扑翼推进效率最大降幅达 15.9%;翼型厚度的增加,降低了前缘涡强度并延迟了前缘涡的脱落.翼型 弯度可以改变翼型的有效气动攻角,翼型弯度的增加可以显著提高翼型升力和升举效率,并促使尾流中心线向右下方倾斜; 正向弯度扑翼在下扑行程能产生更大的升力,而负向弯度扑翼则在上挥行程中产生了更大的推力.

关键词:翼型厚度;翼型弯度;扑翼;前飞;气动性能

中图分类号: V211.3 文献标志码: A

文章编号:0367-6234(2018)04-0028-08

# Effects of thickness and camber on aerodynamic performance of flapping wings during forward flight

WANG Chao, ZHOU Chaoying, XIE Peng, ZHANG Rui

(Shenzhen Graduate School, Harbin Institute of Technology, Shenzhen 518055 Guangdong, China)

Abstract: Flapping-wing aerial vehicle is a new type of aerial vehicle that mimics the flight mode of birds and insects. The design of airfoil parameters is crucial for improving the performance of flapping wing aerial vehicle. A numerical investigation into the effects of thickness and camber on aerodynamic performance of flapping wings during the forward flight is carried out through the solution of the two-dimensional incompressible unsteady Navier-Stokes equations using the computational fluid dynamics methods. The aerodynamic computational model with varying NACA series standard airfoil thickness and camber is built based on the observation of flying creatures. The aerodynamic forces, energy consumption, flight efficiency and flow field structure of the rigid wings with different incoming flow velocities under low Reynolds number are systematically analyzed using the finite element method coupled with the dynamic mesh method. It is found that the thrust force and energy consumption of the rigid wing with low Reynolds number decrease with increasing wing thickness at different incoming flow velocities, and the decrease in propulsive efficiency can reach as much as 15.9%. The leading edge vortex (LEV) intensity is reduced and the LEV shedding is delayed with the increase of airfoil thickness. On the other hand, the wing camber can change the wing angle of attack effectively. The positive camber can significantly improve the lift force and lifting efficiency and tilt the centerline of the wake towards the bottom right. The flapping wing with positive camber can produce large lift force during the downstroke, while the wing with negative camber can produce large thrust force during the upstroke.

Keywords: wing thickness; wing camber; flapping wing; forward flight; aerodynamic performance

扑翼飞行器是一种模仿鸟类和昆虫飞行的新型 飞行器,在军事和民用领域均蕴含着广阔的应用前 景.鸟类和昆虫在翅膀结构与形态方面存在着很大 的差异,其中鸟类翅膀相对较厚并具有一定的弯度,

作者简介: 汪 超(1985—),男,博士后; 周超英(1959—),女,教授,博士生导师

通信作者: 周超英, cyzhou@ hit.edu.cn

由肌肉、骨骼、羽毛以及关节构成;而昆虫翅膀较薄, 上面分布了翅脉和柔性翅膜,并往往呈褶皱形态.飞 行生物翅膀的这些历经数百万年自然进化获得的结 构特征必然会对其飞行性能有着重要的影响.目前, 关于不同厚度和弯度翼型的定常空气动力学特性已 经有了较为深入的认识,然而这些经验仍不能直接 应用到扑翼飞行的气动特性研究中.

为揭示翼型厚度和弯度对扑翼气动性能的影响 规律,Bai 等<sup>[1]</sup>研究了不同弯度翼型对仿生果蝇扑

收稿日期:2016-12-30

**基金项目**:国家自然科学基金联合基金(U1613227);深圳市创新环境建 设计划重点实验室提升项目(ZDSYS20140508161547829)

翼气动性能的影响,指出正向弯度翼型能有效提高 扑翼升力和升阻比.Zhao 等<sup>[2]</sup>对不同翼型厚度的扑 翼在进行一维沉浮运动时的气动力及气动效率进行 了数值计算,研究表明,随着翼型厚度的增大,扑翼 推力和推进效率均逐渐增大,扑翼升力则无明显变 化.Ashraf 等<sup>[3]</sup> 数值计算了具有不同翼型厚度和弯 度的扑翼在沉浮-俯仰复合运动时的气动特性,发 现推进效率随翼型厚度的增大呈先增大后减小的趋 势,而翼型弯度对扑翼的推进性能影响很小.此外, Yu 等<sup>[4]</sup>研究表明,不同厚度的扑翼的气动性能随着 系统参数(雷诺数和斯特努哈尔数)的改变呈现出 不同的变化趋势.综合上述研究结果表明,翼型厚度 和翼型弯度对扑翼气动性能的影响还没有得到一致 性的结论.国内方面,宋笔峰等<sup>[5-6]</sup>通过求解三维非 定常雷诺平均方程研究了不同翼型厚度和弯度对挥 舞-俯仰复合运动中微型扑翼气动特性的影响,指 出翼型厚度对扑翼升力影响很小,具有适当弯度的 翼型可以改善扑翼的气动性能.冉景洪等<sup>[7-8]</sup>研究了 不同翼型厚度和弯度的扑翼在等速上仰运动中的气 动性能,结果表明厚度较小的翼型能获得较大的动 态升阻比,且最大弯度位置对气动力影响较为显著. 然而上述研究均没有求解扑翼的能耗和气动效率, 亦没有充分研究扑翼的流场特征,并且他们采用的 模型参数,如扑动幅值、转动幅值与鸟类和昆虫的实 际运动参数相比存在较大差异.因此,有关大幅值扑 动和转动条件下,不同翼型厚度和翼型弯度对扑翼 气动特性的影响仍有待进一步研究.鉴于此,本文基 于以往文献中鸟类和昆虫扑动规律的实验观测结 果,运用计算流体力学方法建立并求解前飞扑翼的 数值计算模型,对不同来流速度条件下,具有不同翼 型厚度和翼型弯度的扑翼气动力、能耗、气动效率和 流场结构进行系统研究,旨在为微型扑翼飞行器的 气动设计提供一定的理论指导和技术参考.

1 物理模型

#### 1.1 翼型参数模型

为研究翼型厚度和弯度对前飞扑翼气动性能的 影响,选取 NACA 系列标准翼型作为研究对象,如 图 1、2 所示.图 1 中  $T_{max}$ 为翼型最大厚度,c 为翼型 弦长, $T_{max}$ 与c 的比值定义为厚度比 $\lambda_1$ , $\lambda_1$ 变化范围 为:8%~30%.在研究翼型弯度的过程中,翼型厚度 保持 15%c 不变,且翼型最大弯曲位置距离前缘 0.5c.图 2 中  $C_{max}$ 为翼型中弧线至翼弦的最大距离,  $C_{max}$ 与c 的比值表示翼型弯度  $\lambda_2$ ,当中弧线在翼弦 上方时弯度为正,反之弯度为负.MNACA 系列翼型 由相应的 NACA 系列翼型沿着翼弦镜像得到.弯曲 程度λ,翼变化范围为:-8%~8%.



Fig.2 Airfoils with different camber

#### 1.2 扑翼运动模型

扑翼运动主要由包含沿扑动平面的往复平动和 围绕旋转中心的周期性转动组成.扑翼运动模型示 意图如图 3 所示.图中 XOY 为惯性坐标系固定于地 面,xoy 为贴体坐标系固定于距前缘 1/4 弦长的翼 型旋转中心处,β 为扑动平面的倾角.



扑冀运动规律采用简谐函数模型描述如下
$$A(t) = A_m \cos(2\pi f t),$$

 $\alpha(t) = \alpha_0 - \alpha_m \sin(2\pi f t + \varphi).$ 

式中:A(t)为瞬时扑动位移; $A_m$ 为扑动位移幅值;f为扑动频率,f=1/T,其中T为扑动周期; $\alpha(t)$ 为瞬 时气动攻角; $\alpha_0$ 为初始气动攻角; $\alpha_m$ 为转动幅值; $\varphi$ 为扑动和转动之间相位差.扑翼各主要运动参数参 照相关文献[9-10],具体设置如下: $A_m = 1.25c$ , $\alpha_0 = \pi/12$ , $\alpha_m = \pi/4$ , $\varphi = 0$ , $\beta = 5\pi/12$ .

2 计算方法

前飞扑翼流场控制方程为非定常不可压缩黏性 流体 Navier-Stokes 方程,具体形式如下:

$$\nabla \cdot \boldsymbol{u} = \boldsymbol{0},$$
  
$$\frac{\partial \boldsymbol{u}}{\partial t} + \boldsymbol{u} \cdot \nabla \boldsymbol{u} = -\nabla p + \frac{1}{Re} \nabla^2 \boldsymbol{u}.$$

式中:u 为流体速度矢量,沿x 和y 方向的分量分别 为u和v;p 为流体动压;Re 为雷诺数,定义为  $Re = \rho U_{ref}c/\mu$ ,其中 $\rho$  为流体密度, $\mu$  为流体粘性系数, $U_{ref}$ 为参考速度(定义为最大平动速度).

计算区域采用 C 型形式,如图 4 所示.为更准确 地捕捉流场信息以及考虑到翼型运动规律复杂性, 采用混合网格形式对内外两层计算区域进行离散. 通过动态网格技术设定内层计算区域与扑翼相同的 运动规律,并采用结构化网格对其进行离散,此处网 格紧贴翼型表面;外层计算区域采用非结构化网格 进行离散,此处网格将随翼型的运动产生自适应弹 性变形和动态局部重构.

假设前方来流均匀,在计算域的左侧边界 AMC 以及上、下两侧边界 AB 和 CD 设置 Dirichlet 边界条件:

$$u = U_{\infty}, v = 0, p = p_{\infty}$$

式中 U<sub>x</sub>、p<sub>x</sub>分别为无穷远的来流速度和压强.

右侧边界 BD 设定 Neumman 边界条件,边界上 速度和压强变量梯度为 0.翼型表面采用无滑移壁面 边界条件.流体控制方程中对流项和扩散项分别采用 二阶迎风格式和二阶中心差分格式进行离散,压力速 度耦合方程采用 SIMPLEC 算法<sup>[11]</sup>进行分离求解.





翼型升力系数 C<sub>L</sub>、阻力系数 C<sub>b</sub>以及推力系数 C<sub>r</sub>分别定义为:

$$C_{L} = \frac{F_{L}}{0.5\rho U_{\text{ref}}^{2}cl}, C_{D} = \frac{F_{D}}{0.5\rho U_{\text{ref}}^{2}cl}, C_{T} = \frac{-F_{D}}{0.5\rho U_{\text{ref}}^{2}cl}.$$

式中:*F<sub>L</sub>*、*F<sub>p</sub>*分别为瞬时升力和阻力;*l*为单位展长. 扑翼的能耗 *P*(*t*)可定义如下:

$$P(t) = - \left[ F(t) \cdot \dot{A}(t) + M(t) \cdot \dot{\alpha}(t) \right].$$

式中:*F*(*t*)为沿着扑动平面方向的气动合力;*M*(*t*)为相对于转动中心的气动力矩.

扑翼运动所消耗的能量系数即可定义为

$$C_P = \frac{P(t)}{0.5\rho U_{\rm ref}^3 c}$$

扑翼一个扑动周期内的平均升力、推力和能耗 系数分别为:

$$C_{Lm} = \int_{t}^{t+T} C_L dt, C_{Tm} = \int_{t}^{t+T} C_T dt, C_{Pm} = \int_{t}^{t+T} C_P dt.$$
  
扑躍升举效率和推进效率分别为.

$$\boldsymbol{\eta}_L = \frac{C_{Lm}}{C_{Pm}}, \boldsymbol{\eta}_T = \frac{C_{Tm}}{C_{Pm}}$$

### 3 数值方法验证

首先,为验证本文数值方法及动网格模型计算前 飞扑翼气动性能的正确性和有效性,选择 Tuncer 等<sup>[12]</sup>的实验结果以及 Miao 等<sup>[13]</sup>的数值结果进行分 析验证.在以往的实验和计算模型中,研究了做沉浮 运动的 NACA0014 翼型的气动性能,来流速度  $U_{s}$  保 持恒定并以此为参考速度,来流马赫数 Ma 为 0.1, Re 为 1×10<sup>4</sup>,翼型攻角  $\alpha_{0}$ 始终为零,扑动幅值  $A_{m}$ 为 0.4c, 扑动平面倾角  $\beta$  为  $\pi/2$ .图 5 所示为本文求解得到的 扑翼瞬时气动力系数与文献中的结果对比曲线.对比 显示本文的计算结果与前人的实验和数值研究结果 吻合较好.



图 5 气动力系数对比曲线

Fig.5 Comparison of aerodynamic force coefficient 其次,针对本文具体的计算模型,为对网格方案的 可靠性进行验证,通过不断调整翼型表面的网格节点 数以及整个计算域的网格密度,对4种网格模型进行 对比,见表1.图6所示为4种网格模型的试算分析结 果,最终选择网格模型3对计算区域进行离散,翼型表 面节点数为400,整个计算域初始网格约为6.3×10<sup>4</sup>. **麦1**计算网格无关性验证

Tab.1 Grid model test			
网格模型	翼型节点数	内层网格数	网格总数
模型1	200	10 000	22 386
模型 2	300	22 500	38 524
模型 3	400	40 000	63 121
模型4	500	75 000	104 862





4 结果及分析

#### 4.1 翼型厚度的影响

为研究翼型厚度对前飞扑翼气动性能的影响,基于刚性扑翼假设,采用层流计算模型求解了 Re=1 000时,6种不同厚度的 NACA 系列标准对称翼型在 3 种不

同来流速度条件下(前进比 J=U<sub>x</sub>/U<sub>ref</sub>,取 J=0.10、0.25、0.50)的气动力、能耗、气动效率和流场结构变化情况.

图 7 所示为不同翼型厚度比  $\lambda_1$  对扑翼时均升 力系数( $C_{Lm}$ )、时均推力系数( $C_{Tm}$ )和时均能耗系数 ( $C_{Pm}$ )的影响曲线.总体而言,3 种不同来流速度条 件下,扑翼  $C_{Tm}$ 和  $C_{Pm}$ 均随翼型厚度的增大而逐渐 减小,而扑翼  $C_{Lm}$ 随翼型厚度的变化趋势则稍有不 同:当来流速度较大时(J为 0.25、0.50),扑翼的  $C_{Lm}$ 随着翼型厚度的增加逐渐减少;而当来流速度较小 时(J为 0.10),扑翼  $C_{Lm}$ 随翼型厚度增加呈先增大后 缓慢减小的趋势,并在  $\lambda_1$ =12%处达到最大值.

图 8 给出了翼型推进效率( $\eta_r$ )和升举效率 ( $\eta_L$ )随翼型厚度的变化情况.从图 8(a)中可以看 出,当 J=0.10、0.25 时,随翼型厚度的增大,扑翼  $\eta_T$ 呈先增大后减小的趋势,在 $\lambda_1$ =20%时达到最大值, 但总体变化程度较小;而当 J=0.50 时,扑翼  $\eta_T$ 随 $\lambda_1$ 增大缓慢增大,在 $\lambda_1$ =15%时达到峰值,而后则随翼 型厚度的进一步增大而急剧减小, $\lambda_1$ =30%时的  $\eta_T$ 与最大值相比下降了 15.9%.另一方面,从图 8(b) 中可以看出,不同来流速度条件下扑翼  $\eta_L$ 变化趋势 相近. $\eta_L$ 随 $\lambda_1$ 增大先缓慢增加,并在 $\lambda_1$ =15%处达到 峰值,而后随着翼型厚度的进一步增大, $\eta_L$ 缓慢减 小.上述结果表明,来流速度较大时,翼型较薄的前 飞扑翼具有更好的推进性能.



为具体分析翼型厚度对扑翼气动性能的影响以及扑翼周围流场变化情况,图9给出了J=0.25时,一个扑动周期内3种具有不同翼型厚度的扑翼的瞬时升力系数( $C_L$ )、阻力系数( $C_D$ )和能耗系数( $C_P$ )的变化情况.图10给出了相应的具有不同厚度翼型在一个扑动周期内不同特征时刻(0,0.25T,0.50T,0.75T)的表面压力系数 $C_p^*(C_p^*=(p-p_x)/(0.5\rho U_{ref}^2c))$ .

从图 9 可知,翼型厚度的变化并未改变前飞扑 翼流场的演变机制,不同翼型厚度的前飞扑翼的气 动力系数和能耗系数有着同样的变化趋势.然而,扑 翼气动力系数和能耗系数变化曲线的局部峰值在不 同翼型厚度间存在显著差异.在下扑行程的前半程 (0~0.25T)以及上挥行程的后半程(0.75T~1.00T), 翼型厚度较小的扑翼能产生更大的升力和推力,但 所需能耗亦最大.

对比图 10 中具有不同翼型厚度的前飞扑翼表面 压力分布差异可以看出,翼型厚度较薄的扑翼在下扑 行程的前半程(0~0.25T),扑翼上、下表面间压力差 较大,由此产生的升力和推力亦较大.翼型厚度的变 化能显著影响扑翼前缘和尾缘处的压力分布.t= 0.50T、0.75T时,翼型较薄的扑翼上表面高压区相比 翼型较厚的扑翼分别距离扑翼尾缘和前缘更近.



图 9 不同厚度翼型瞬时升阻力系数和能耗系数





图 10 不同时刻翼型表面压力系数分布情况

Fig.10 The  $C_{p}^{*}$  of three airfoils with different thickness during a flapping cycle

图 11 给出了相应的具有不同翼型厚度的扑翼 在一个扑动周期内不同特征时刻(07、0.257、0.507、

0.75T)流场中的涡量分布情况.总体而言,对应不同 翼型厚度的扑翼尾流流场均呈现反卡门涡街形式, 从而产生推力.具体来看,不同翼型厚度的扑翼前缘 涡和尾缘涡基本同时从扑翼表面分离,各翼型所对 应的扑翼流场尾涡结构亦基本一致;然而前缘涡的 强度略有不同,翼型厚度的增加减弱了前缘涡强度 并延迟了前缘涡的脱落.



 Z Vorticity
 -1.0
 -0.8
 -0.6
 -0.4
 -0.2
 0
 0.2
 0.4
 0.6
 0.8
 1.0
 (a) NACA0008
 (b) NACA0015
 (c) NACA0025
 (c) NACA0025

Fig.11 The vorticity contour of three airfoils with different thickness during a flapping cycle

#### 4.2 翼型弯度的影响

本文为研究翼型弯度对扑翼气动性能的影响,基于 刚性扑翼假设,采用层流计算模型求解了 Re=1 000 时,8 种不同弯度翼型在不同来流速度条件下(J=0.10、0.25、 0.50)的气动力、能耗、气动效率和流场结构变化情况.

图 12 所示为翼型弯度 $\lambda_2$ 对扑翼 $C_{Lm}$ 、 $C_{Tm}$ 和 $C_{Pm}$ 的影响情况.研究发现,不同来流速度条件下扑翼 $C_{Lm}$ 、均随翼型弯度的增大而逐渐增大.Harbig 等<sup>[14]</sup>在研究 三维往复挥动扑翼气动性能过程中同样发现这一现 象.扑翼 $C_{Tm}$ 和 $C_{Pm}$ 随翼型弯度变化的情况稍有不同: 当来流速度较小时(J=0.10),随着翼型弯度由负向 渐增为正向时,扑翼 $C_{Tm}$ 逐渐减小, $C_{Pm}$ 则无明显变化; 而当来流速度较大时(J=0.50),随着翼型弯度由负 向渐变为正向,扑翼 $C_{Tm}$ 和 $C_{Pm}$ 均逐渐增大.

图 13 给出了不同来流速度条件下扑翼  $\eta_{T}$ 和  $\eta_{L}$ 随翼型弯度  $\lambda_{2}$ 的变化情况. 当来流速度较小时(J= 0.10), 扑翼  $\eta_{T}$ 随翼型弯度的增大而逐渐降低; 随着 来流速度的增大(J=0.25、0.50), 扑翼  $\eta_{T}$ 随翼型弯 度的增大先缓慢增大, 随后逐渐降低. 不同来流速度 条件下扑翼  $\eta_{L}$ 与图 12(a)中  $C_{Ln}$ 有着相似的变化趋 势, 扑翼  $\eta_{L}$ 随着翼型弯度的增大显著增大.









Fig.13 The variation of aerodynamic efficiencies with airfoil camber

为具体分析翼型弯度对扑翼气动性能的影响, 图 14 给出了 J=0.25 时,一个扑动周期内 5 种具有 不同翼型弯度的扑翼  $C_L$ 、 $C_p$ 和  $C_p$ 变化情况.在下扑 行程中(0~0.50T),具有正向弯度的扑翼翼型产生 了更大的升力和推力;而在上挥行程中(0.50T~ 1.00T),具有负向弯度的扑翼翼型则产生了更大的 推力.上述结果说明具有固定弯度的翼型很难同时 提高前飞扑翼升力和推力,而动态柔性变形扑翼翼 型可以克服这一问题,为同时提高扑翼翼型的升举 效率和推进性能,设计主动变形扑翼翼型使其在上 挥行程中具有负向弯曲变形而在下扑过程中具有正 向弯曲变形[15].





Fig.14 The time histories of  $C_L \ C_D \ C_P$  with different airfoil camber during a flapping cycle

图 15 给出了 J=0.25 时,一个扑动周期内 3 种 具有不同翼型弯度的扑翼在不同特征时刻的表面压 力系数分布情况.总体而言,翼型弯度对扑翼上、下 表面的压力分布有着显著的影响.当t=0.25T和t= 0.75T时,具有正向翼型弯度扑翼的上、下表面压力 分别均远低于和远高于具有负向翼型弯度扑翼.通 过与图 10 相对比可以看出,与翼型厚度相比,翼型 弯度对前飞扑翼气动性能的影响更加显著.Thielicke 等[16]在研究翅膀形态对鸟类扑翼气动性能的影响 时也得出相同的结论.



图 15 不同弯度翼型在不同时刻表面压力系数分布情况

Fig.15 The  $C_p^*$  of three airfoils with different camber during a flapping cycle 为具体分析扑翼周围流场变化情况,图16给出

了相应的3种具有不同翼型弯度的扑翼在一个扑动

周期内不同特征时刻(0、0.25T、0.50T、0.75T)流场 涡量图.结果表明,不同翼型弯度扑翼尾流场均形成 反卡门涡街,从而产生推力.通过比较不同翼型弯度 扑翼间的流场涡量分布差异,发现翼型弯度改变了 扑翼尾涡脱落方向,扑翼尾流中心线随翼型弯度的 增大呈逐渐向右下方倾斜的趋势,从而产生更大的 扑翼升力.这一现象正好可以解释图 14(a)中扑翼 气动升力随翼型弯度增加而显著提高的结论.另一 方面,翼型弯度还改变了扑翼尾涡的纵向间距.具有 正向翼型弯度的扑翼相比负向翼型弯度扑翼所产生 的尾涡纵向间距更大,从而产生更大的扑翼推力. Young<sup>[17]</sup>在研究翼型沉浮运动时的推进性能时同样 得出类似的结论.



Fig. 16 The vorticity contour of three airfoils with different camber during a flapping cycle

## 5 结 论

1)随着来流速度的增大,前飞扑翼推力、能耗 和推进效率均逐渐减小,而扑翼升力和升举效率则 逐渐而增大.

2) 翼型厚度的增加,降低了扑翼前缘涡强度并 延迟了前缘涡的脱落;不同来流速度条件下,扑翼推 力和能耗均随着翼型厚度的增大而逐渐减小.

3) 翼型弯度的增加,使得扑翼尾流中心线呈现向右下方倾斜的趋势,从而有利于扑翼升力的产生; 翼型弯度能改变扑翼的有效气动攻角,正向翼型弯度可以显著提高扑翼升力和升举效率.

参考文献

 BAI Peng, CUI Erjie, ZHAN Huiling. Aerodynamic characteristics, power requirements and camber effects of the pitching-down flapping hovering[J]. Journal of Bionic Engineering, 2009, 6(2): 120-134. DOI: 10.1016/S1672-6529(08)60109-2.

- [2] ZHAO Liangyu, YANG Shuxing. Influence of thickness variation on the flapping performance of symmetric NACA airfoils in plunging motion [J]. Mathematical Problems in Engineering, 2010, 2010: 1-19. DOI: 10.1155/2010/675462.
- [3] ASHRAF M A, YOUNG J, LAI J C S. Reynolds number, thickness and camber effects on flapping airfoil propulsion [J]. Journal of Fluids and Structures, 2011, 27(2): 145-160. DOI: 10.1016/ j.jfluidstructs.2010.11.010.
- [4] YU Minlin, WANG Z J, HU HUI. High fidelity numerical simulation of airfoil thickness and kinematics effects on flapping airfoil propulsion [J]. Journal of Fluids and Structures, 2013, 42: 166-186. DOI: 10.1016/j.jfluidstructs.2013.06.001.
- [5] 杨文青,宋笔锋,宋文萍. N-S方程数值研究翼型对微型扑翼气动特性的影响[J]. 计算力学学报, 2011, 28(2): 214-220. DOI: 10.7511/jslx201102011.
  YANG Wenqing, SONG Bifeng, SONG Wenping. The effect of airfoil to aerodynamic characteristics of flapping wing by numerical simulation on Navier-Stokes equations[J]. Chinese Journal of Computational Mechanics, 2011, 28(2): 214-220.DOI: 10.7511/jslx201102011.
- [6] 谢辉,宋文萍,宋笔锋. 基于 CFD 方法对微型扑翼翼型设计的研究[J]. 空气动力学学报, 2009, 27(2): 227-233. DOI: 10. 3969/j.issn.0258-1825.2009.02.015.
  XIE Hui, SONG Wenping, SONG Bifeng. Airfoil design of a microflapping wing based on CFD[J]. Acta Aerodynamic Sinica, 2009, 27(2): 227-233. DOI: 10.3969/j.issn.02581825.2009.02.0-15.
  [7] 冉景洪,刘子强,白鹏. 相对厚度对低雷诺数流动中翼型动态气
- [7] 中京快,水J E, 山船. 柏刈序及刈園 留奴加切中実至功志 ( 动力特性的影响[J]. 空气动力学学报, 2008,26(2):178-185. DOI:10.3969/j.issn.0258-1825.2008.02.008. RAN Jinghong, LIU Ziqiang, BAI Peng. The effect of relative thickness to the dynamic aerodynamic characteristics about pitching airfoils[J]. Acta Aerodynamic Sinica, 2008, 26(2):78-185. DOI:10.3969/j.issn.0258-1825.2008.02.008.
- [8] 冉景洪,刘子强,白鹏. 相对弯度对低雷诺数流动中翼型动态气动力特性的影响[J]. 计算力学学报, 2010, 27(1): 88-94. DOI: 10.7511/jslx20101015.
  RAN Jinghong, LIU Ziqiang, Bai Peng. The effect of relative camber to the dynamic aerodynamic characteristics about pitching airfoils[J]. Chinese Journal of Computational Mechanics, 2010, 27(1): 88-94. DOI: 10.7511/jslx20101015.
- [9] YIN Bo, LUO Haoxiang. Effect of wing inertia on hovering performance of flexible flapping wings[J]. Physics of Fluids, 2010, 22(11): 111902. DOI: 10.1063/1.3499739.
- [10] TIAN Fangbao, LUO Haoxiang, SONG Jialei, et al. Force production and asymmetric deformation of a flexible flapping wing in forward flight[J]. Journal of Fluids and Structures, 2013, 36: 149– 161. DOI: 10.1016/j.jfluidstructs.2012.07.006.
- [11] Van DOORMAAL J P, RAITHBY G D. Enhancements of the SIMPLE method for predicting incompressible fluid flows [J]. Numerical Heat Transfer, 1984, 7(2): 147–163. DOI: 10.1080/01-495728408961817.
- [12] TUNCER I H, KAYA M. Thrust generation caused by flapping airfoils in a biplane configuration [J]. Journal of Aircraft, 2003, 40(3): 509-515. DOI: 10.2514/2.3124.
- [13] MIAO J M, HO M H. Effect of flexure on aerodynamic propulsive efficiency of flapping flexible airfoil[J]. Journal of Fluids and Structures, 2006, 22(3): 401–419. DOI: 10.1016/j.flui-dstructs.2005.11.004.
- [14] HARBIG R R, SHERIDAN J, THOMPSON M C. Relationship between aerodynamic forces, flow structures and wing camber for rotating insect wing planforms [J]. Journal of Fluid Mechanics, 2013, 730: 52–75. DOI: 10.1017/jfm.2013.335.
- [15] HOKE C M, YOUNG J, LAI J C S. Effects of time-varying camber deformation on flapping foil propulsion and power extraction [J]. Journal of Fluids and Structures, 2015, 56: 152-176. DOI: 10. 1016/j.jfluidstructs.2015.05.001.
- [16] THIELICKE W, STAMHUIS E J. The influence of wing morphology on the three-dimensional flow patterns of a flapping wing at bird scale[J]. Journal of Fluid Mechanics, 2015, 768: 240-260. DOI: 10.1017/jfm.2015.71.
- [17] YOUNG J. Numerical simulation of the unsteady aerodynamics of flapping airfoils[D]. Canberra: Australian Defence Force Academy, 2005.