DOI:10.11918/j.issn.0367-6234.201704098

# 机载激光雷达回波形心算法修正及硬件验证

薛文佳<sup>1,2</sup>,赵毅强<sup>1,2</sup>,叶 茂<sup>1,2</sup>,胡 凯<sup>1,2</sup>,李 杰<sup>1,2</sup>,周国清<sup>1</sup>

(1.天津大学,微电子学院,天津 300072;2. 天津市成像与感知微电子技术重点实验室(天津大学),天津 300072)

摘 要:针对推扫式机载激光雷达系统实时探测、回波信号微弱等特点,基于常见高斯回波波形,研究高效、精确、易于硬件设计的回波时刻提取算法,实现高精度距离探测.本文通过分析传统波形形心算法的精度及存在的问题,为降低硬件实现时数据精度受损、噪声干扰等对算法的影响,提出一种基于中位数法修正的形心算法,可有效减弱算法硬件实现时的形心分层现象,并利用 MATLAB 建立数学模型进行仿真实验.结果表明,与传统形心算法以及高斯拟合算法相比,此算法具有较好的稳健性,在信噪比为5dB时,测时精度可达到0.5 ns,与传统形心算法相比,精度提高了45%,信噪比较高时精度高于高斯拟合算法,可实现0.01 ns 理论精度.该修正算法简洁高效,在不增加系统复杂度的前提下,可对形心计算结果做出实时判断与修正.由于算法运算简单,适于向 FPGA 平台进行移植.该算法已用于推扫式激光雷达系统的信息处理电路,通过基于 FPGA 的板级测试,验证了理论分析的正确性,可实现±7.5 cm 的测距精度,且满足实际应用中对实时性的要求.

关键词:机载激光雷达;时刻提取;波形形心算法;中位数法;FPGA

中图分类号: TN958.98 文献标志码: A 文章编号: 0367-6234(2018)05-0116-05

## Correction and hardware verification of echo centroid algorithm for airborne LADAR

XUE Wenjia<sup>1,2</sup>, ZHAO Yiqiang<sup>1,2</sup>, YE Mao<sup>1,2</sup>, HU Kai<sup>1,2</sup>, LI Jie<sup>1,2</sup>, ZHOU Guoqing<sup>1</sup>

(1. School of Microelectronics, Tianjin University, Tianjin 300072, China;

2. Tianjin Key Laboratory of Imaging and Sensing Microelectronic Technology (Tianjin University), Tianjin 300072, China)

Abstract: Aiming at the real-time detection and weak echo signal characteristics of push-broom airborne laser detection and ranging (LADAR) system, one algorithm for echo time abstracting is researched based on Gauss normal echo signal. The algorithm is fast, precise and easy to design in hardware, which achieves high precision distance detection as a result. The existing problems and accuracy of the traditional waveform centroid algorithm are analyzed. In order to reduce the influence of the data precision and noise interference on the hardware, a corrected approach based on the median method is proposed, which can effectively weaken the layered phenomenon in hardware implementation of algorithm. A mathematical model is established by MATLAB and the simulation experiment is carried out. The simulation results show that the corrected centroid algorithm has better robustness compared with the traditional centroid algorithm and Gaussian fitting algorithm. The accuracy can reach 0.5 ns, which is 45% higher than that of the traditional centroid when the SNR is 5 dB. The proposed algorithm can achieve higher accuracy than Gaussian's with the SNR becoming greater, which reaches 0.01 ns theoretically. The corrected algorithm is simple and efficient. In addition, real-time judgments and correction on the results of the centroid are made without increasing the complexity of the system. Owing to the simplicity of the algorithm, it is suitable for transplanting to FPGA platform. The algorithm has been utilized for push-broom airborne LADAR system information processing circuit. The results of experiment verify the validity of the theoretical analyses and show that the algorithm can achieve the ranging accuracy of  $\pm 7.5$  cm, which meets the real-time requirements in practical application.

Keywords: airborne laser detection and ranging (LADAR); timing abstracting; waveform centroid algorithm; median method; Field-Programmable Gate Array (FPGA)

机载激光雷达(Laser Detection And Ranging, LADAR),是一种主动式探测技术,集激光扫描测距

作者简介: 薛文佳(1992-), 女, 硕士研究生;

通信作者: 叶 茂, mao\_ye@ tju.edu.cn

技术、全球定位系统技术、惯性导航技术等于一体, 通过记录发射和接收激光脉冲之间的时间差来计算 目标距离,从而计算出物体的三维坐标<sup>[1-2]</sup>,具有测 量效率高、灵活性高等特点,基本不受地形条件的限 制,因而成为各种测量应用中深受欢迎的高新技术. 当地物或地形较复杂时,回波幅度变动较大,通

收稿日期: 2017-04-19

基金项目:国家海洋局项目(cxsf-39)

赵毅强(1964-),男,教授,博士生导师

过预先设定阈值来实现时间测量的 TDC(Time-to-Digital Converter)技术<sup>[3]</sup>已不再适用,且对于机载推 扫式激光雷达系统来说,不宜采取多次测量求均值 的方法来提高测量精度,否则会引进测量时间长以 及数据量大等问题<sup>[4]</sup>,因此,如何精确、稳定、实时 地提取出回波时刻是机载激光雷达系统信号处理的 关键问题.

目前应用的回波时刻提取算法可以分为两大 类,一类主要包括前沿判别法、恒比定时法等<sup>[5]</sup>,这 类算法都将回波定位在采样点的某个时刻,精度完 全受系统采样率的限制,目易受噪声、信号强度波动 以及回波展宽的影响,但运算比较简单,适用于对精 度要求不高的测距系统:另一类是全波形分析的算 法,包括波形形心算法、高斯拟合算法等,是利用多 点信息,充分考虑回波的形状,运用更复杂的算法进 行计算,突破采样率的限制,理论上精度更高且抗噪 性能更强.从数学理论上分析,高斯拟合算法需要 预先根据波形数据合理设定高斯函数中各参数的初 始值,然后利用最小二乘法更新迭代高斯函数中的 所有参数,求出最优解,拟合结果依赖初值的设定且 迭代过程繁琐[6-7],虽然精度较高但迭代运算耗时 较长,且在硬件实现时难度较高,目前的相关研究均 停留在上位机阶段. 而形心算法是利用时间加权平 均法来进行回波时刻的提取,由于算法简单、执行速 度快,被广泛采用和研究<sup>[5,8-9]</sup>. 与高斯拟合算法相 比,形心算法仅包括乘除等基本运算,因此在硬件实 现时时间复杂度和空间复杂度都表现出优势,然而 形心算法在硬件实现时精度会明显降低,难以满足 高精度的测距要求. 目前针对形心算法的改进主要 有"双尺形心法",即利用形心法计算波峰附近的处 于一定宽度窗口内的那部分波形的形心时刻,可有 效减弱杂波对形心计算的影响,而对于形心算法的 硬件实现及可能存在的问题尚未有详细研究.

本文利用建模所得数据,仿真分析传统形心算 法精度,由于硬件实现时存在数据精度受损问题,导 致算法易受噪声影响,因此提出一种基于中位数法 的波形形心修正算法,并将此算法在 FPGA 中实现, 基于板级进行验证.

1 机载激光雷达测量技术

#### 1.1 回波信号建模

对于脉冲激光雷达,可以采用高斯函数及特征 参数近似描述有效脉冲回波模型<sup>[10-11]</sup>.

$$P(t) = P_{s} \frac{P_{e}}{T_{0}} \sqrt{\frac{k}{\pi}} \exp\left(-k \frac{(t - T_{r})^{2}}{2T_{0}^{2}}\right) + Nn. (1)$$

式中:P。为回波能量衰减系数,P。为激光发射能量,

 $T_0$  为激光脉冲宽度,常数 k 为 4ln2, $t_r$  为回波时刻,  $N_a$  为噪声.  $P_s$  可用式(2) 计算

$$P_{\rm s} = \frac{T_{\rm atm}^2 A_{\rm R} \eta_{\rm e} \eta_{\rm r} L_{\rm s} \cos^2(\theta)}{\pi h^2}.$$
 (2)

式中:  $T_{atm}^2$  为大气双程损失, $A_R$  为探测器接收面积,  $\eta_e$  为发射光学效率, $\eta_r$  为接收光学效率, $\theta$  为扫描 角, $L_c$  为目标反射率,h 为飞机飞行高度.

在实际测量时,信号中会存在背景噪声、探测器 噪声、量化噪声等非理想因素,这里统一表示为 N<sub>n</sub>. 采用高斯白噪声,对背景噪声及探测器噪声进行建 模<sup>[11]</sup>,考虑到不同信号质量,设定不同信噪比 (signal-to-noise ratio,SNR),之后基于8 bits 量化位 数对混有噪声的回波信号进行量化,实现量化噪声 建模,得到量化码值.此处加入量化噪声的建模,使 得建模数据更接近实测值,利于算法的具体分析.

#### 1.2 传统形心算法

形心被认为是可以平衡波形形状的存在于回波 中的一个虚拟的点,形心的位置与数据长度 *l* 以及 回波脉冲的形状及位置有关<sup>[13]</sup>,应用波形数据*f*(*t*, *y*)计算形心表达式为

$$C = \frac{\int f(t, y) \, \mathrm{d}l}{\int \mathrm{d}l}.$$
 (3)

式中 C 的计算结果隐含回波形状的信息,受计算数 据长度以及回波采样点的相对强度的影响.因此为 降低信号中噪声对形心计算的影响,提高回波脉冲 形心的计算精度,预先利用发射脉冲参数对回波进 行初步定位,即利用一定数据长度的窗宽,滑窗找到 强度最大的区域,然后依据窗宽内数据进行计算,先 后利用形心算法即可得到发射时刻和回波时刻,从 而实现测距.

窗宽会影响形心计算的精度,而窗宽的选取受 回波信号脉冲宽度及系统采样率的影响.基于 5 ns 脉冲宽度,2G SPS 的系统背景,设定窗宽为 15.在 实际应用中,脉冲回波数据来自 ADC 的量化输出, 此时数据精度受到限制,且在测试环境中,噪声的存 在会使得形心计算结果出现漂移现象,将很大程度 上影响系统精度,因此为提高在硬件实现中传统形 心算法的精度,提出基于中位数法修正的形心算法.

#### 1.3 基于中位数法修正的形心算法

中位数用于有序数据,可有效阻止极端情形所 施加的过分影响,适用于揭示最接近真实情形的系 统状态,具有较好的稳健性,可有效提高算法对噪声 影响的不敏感性<sup>[14-15]</sup>.基于如下步骤对传统形心算 法进行修正: **步骤1** 以窗宽l对脉冲信号进行初步定位,得 到波形数据 $y = [y_1, y_2, \dots, y_l]$ ,以及对应时间数 据 $t = [t_1, t_2, \dots, t_l]$ ;

**步骤 2** 根据式(3)计算步骤 1 中窗口内波形数据形心的时刻值  $t_0$ ,同时计算出窗口内时间数据的中位数  $t_m$  = median([ $t_1 t_2 ... t_l$ ]);

**步骤3** 计算步骤2中的形心 $t_0$ 与中位数 $t_m$ 的 差量 $d = t_m - t_0$ ,根据差量d与临界值 $\varepsilon$ 的大小关系 对形心计算结果进行判断与修正, $t_0$ \*为形心的最 终计算结果,修正量为 $\Delta t$ ,依据式(4)进行判断修正

$$t_0^* = \begin{cases} t_0 - \Delta t, & d \leq -\varepsilon; \\ t_0 + \Delta t, & d \geq \varepsilon; \\ t_0, & -\varepsilon < d < \varepsilon. \end{cases}$$
(4)

**步骤4** 利用步骤1~3对发射脉冲以及回波信 号依次进行形心的修正,进而得到修正后的激光飞 行时间.

综上所述,应用中位数法实现对形心的修正,可 以避免由于数据精度降低以及随机噪声对形心计算 的影响<sup>[14]</sup>,有效提高算法的精度以及稳定性.

2 算法仿真分析

在实验中,以高斯拟合算法为基准,分析对比传 统形心算法、修正形心算法的精度. 仿真结果中高 斯拟合算法的拟合优度为 99%以上,因此基准数据 可靠.

对于同一波形,同时记录三种算法的仿真结果, 再将其与真值的差值作为误差.考虑到热噪声的随 机性,为分析算法的稳定性,在波形数据准备时,本 文针对信噪比为 5~20 dB 的情况,以1 dB为步长, 在 MATLAB 中,分别进行 10 000 次仿真建模生成原 始数据,用于分析算法的精度.

利用生成的 10 000 组原始数据进行仿真实验, 并统计不同信噪比下激光飞行时间的最大误差,见 图 1 所示. 信噪比提高,三种算法的精度均会提高, 信噪比较低时,高斯拟合算法更精确. 信噪比为 5 dB时,传统形心算法具有 0.9 ns 左右的理论精度, 修正形心算法为 0.5 ns,精度提升 45%,高斯拟合算 法具有 0.3 ns 理论精度;信噪比较高时,传统形心算 法无需修正,且较高斯拟合算法更精确,信噪比为 20 dB时,两种形心算法均具有 0.01 ns 理论精度, 高斯拟合算法具有 0.06 ns 理论精度.本文进一步统 计信噪比为 5 dB 时三种算误差均值以及标准 差<sup>[12,16]</sup>,见表 1.

从表中结果可看出,修正形心算法的误差均值 以及标准差明显小于传统形心算法,并且小于高斯 拟合算法误差的标准差.本文同时统计出信噪比为 5 dB 时三种算法的误差分布,见图 2.



图 1 传统形心算法、修正形心算法与高斯拟合算法的最大 测时误差统计对比

Fig. 1 Comparison of maximum error of traditional centroid algorithm, corrected centroid algorithm and Gaussian fitting algorithm

#### 表1 算法精度统计

Tab.1 Algorithmic precision statistics ns

统计类型	传统形心算法	修正形心算法	高斯拟合算法
均值	0.016 4	-0.000 5	-0.000 3
标准差	0.199 9	0.018 7	0.060 5



Fig.2 The error statistics histogram of algorithms 结合图 1、2 分析,可得结论为:高斯拟合算法的误差服从正态分布,而形心算法不论是否进行修正,

在信噪比较低时的误差都会分布在不连续区段内, 出现小概率误差较大的情况. 信噪比为5 dB 时,传 统形心算法误差多数分布在较精确的0.1 ns 以内, 少数分布在±0.4 ns 以及±0.8 ns 左右,修正形心算 法误差仅有少数分布在±0.4 ns 左右,这是前文所说 的修正形心算法的标准差低于高斯拟合算法的本质 原因.

进一步分析传统形心算法的误差分布,确定这 种分层现象是量化处理导致的.图3是在信噪比为 5 dB时,未进行量化处理的波形数据对应的传统形 心计算误差统计图.



#### 图 3 无量化处理对应的传统形心算法误差统计



如图 3 所示,波形数据未量化处理的传统形心 算法计算结果,在统计时并未出现分层现象,且实现 的算法精度更高,信噪比为 5 dB 时,最大误差为 0.5 ns. 这是由于量化位数越高,量化码值相对于原 始数据的精度损失就越少,对应的计算误差也越小, 但对于 ADC 器件来说,高采样率与高分辨率无法兼 顾. 因此,传统形心算法的分层现象在基于高速 ADC 的数据处理系统中无法避免,本文提出的基于 中位数法修正的形心算法可有效减弱分层现象,提 高算法的精度,在硬件设计上具有一定实用性.

### 3 算法硬件验证

搭建测试平台:使用信号发生器 DG5072 作为 信号源来模拟激光器,输出 5 ns 脉宽的电信号来模 拟激光信号,利用图 4 所示测试板,进行数据采样与 处理,验证修正形心算法的精度.



图 4 测试板 Fig.4 Test board

利用测试平台对模拟的激光脉冲信号进行测试 与处理,见图 4. 模拟信号经过模数转换器 ADC08D1020采样,采样率为 2G SPS,输出码值以 500 MHz 的速度由 FPGA 控制接收,并运行修正形 心算法进行数据处理.

记录多组修正形心算法的计算结果,得到的测量误差见图 5.



Fig.5 Ranging error of corrected centroid

观察图 5 中 600 次实测结果,形心计算误差分 层现象与仿真结果一致,验证了仿真建模的合理性, 且实测时误差最大为 0.5 ns,对应 7.5 cm,验证了修 正形心算法的硬件设计的正确性.

## 4 结 论

本文提出的基于中位数法的形心修正方法,简 洁高效,在计算形心的同时计算中位数,根据形心与 中位数的大小关系,做出形心的判断与修正,可有效 减弱硬件实现时的形心分层现象,提高算法精度. 仿真结果表明,基于中位数法修正后的形心算法精 度更高,抗噪性能更好,信噪比为5dB时,仿真精度 可达到 0.5 ns, 相比较传统形心算法精度提高了 45%, 信噪比较高时精度高于高斯拟合算法, 可实现 0.01 ns 理论精度. 由于基于中位数法修正的形心算 法运算简单,易于实现基于 FPGA 的算法移植,在不 增加系统复杂度的前提下有效地提高了激光测距的 精度. 经过板级验证,修正形心算法可实现±7.5 cm 的测距精度,同时证明了算法的实时性优势,满足推 扫式机载激光雷达系统实时探测的需求. 未来的研 究将基于真实激光信号进一步验证提出算法的适用 性及稳健性.

## 参考文献

- [1] MALLET C, BRETAR F. Full-waveform topographic lidar: state-ofthe-art [J]. ISPRS Journal of Photogrammetry and Remote Sensing, 2009, 64(1): 1–16.DOI:10.1016/j.isprsjprs.2008.09.007.
- [2] 王智,金光,张立平.远距离目标位置解算方法的实现[J].哈 尔滨工业大学学报,2009,41(07):215-218.
   WANG Zhi, JIN Guang, ZHANG Liping. Realization of location

computation of long-distance object [J]. Journal of Harbin Institute of Technology, 2009, 41(07):215-218.

- [3] NISSINEN J, NISSINEN I, KOSTAMOVAARA J. Integrated receiver er including both receiver channel and TDC for a pulsed time-offlight laser rangefinder with cm-level accuracy [J]. IEEE Journal of Solid-State Circuits, 2009, 44(5): 1486-1497.DOI: 10.1109/ JSSC.2009.2017006.
- [4] 姜海娇,来建成,王春勇,等.激光雷达的测距特性及其测距精度研究[J].中国激光,2011,38(05):234-240.DOI: 10.3788/CJL201138.0514001.

JIANG Haijiao, LAI Jiancheng, WANG Chunyong, et al. Research on ranging property of laser radar and its range accuracy [J]. Chinese Journal of Lasers, 2011, 38(05):234-240.DOI: 10.3788/ CJL201138.0514001.

[5] 李京,杨小良,梁谦,等.一种基于回波形心位置的激光引信定 距方法[J]. 航空兵器,2014 (03): 16-19+47.DOI:10.19297/j. cnki.41-1228/tj.2014.03.005.

LI Jing, YANG Xiaoliang, LIANG Qian, et al. A range finder method for pulse laser fuze based on the center of echo waveform [J]. Aero Weaponry, 2014 (03): 16-19+47. DOI:10.19297/j.cnki.41 -1228/tj.2014.03.005.

- [6] WONG H, ANTONIOU A. Characterization and decomposition of waveforms for larsen 500 airborne system [J]. IEEE Transactions on Geoscience and Remote Rensing, 1991, 29(6): 912-921.DOI: 10.1109/36.101370.
- [7] 赵欣,张毅,张黎明,等.激光测高仪高斯回波分解算法[J]. 红外与激光工程,2012,41(03):643-648.
  ZHAO Xin, ZHANGYi, ZHANG Liming, et al. Algorithm of laser altimeter reflecting waveform based on gaussian decomposition [J]. Infrared and Laser Engineering, 2012, 41(03): 643-648.
- [8] 柯熙政, 雷思琛, 杨沛松. 大气激光通信光束同轴对准检测方法[J]. 中国激光, 2016, 43 (06): 181 190. DOI: 10.3788/ CJL201643.0606003.

KE Xizheng, LEI Sichen, YANG Peisong. Beam coaxial alignment detection in atmospheric laser communication [J]. Chinese Journal of Lasers, 2016, 43 (06): 181 – 190. DOI: 10.3788/CJL201643. 0606003.

[9] 李一芒, 盛磊, 陈云善. 高速激光光斑检测系统的设计与实现 [J]. 激光技术, 2015, 39(04):533-536.DOI: 10.7510/jgjs.issn. 1001-3806.2015.04.023.

LI Yimang, SHENG Lei, CHEN Yunshan. Design and implement of

high-speed laser spot detection systems [J]. Laser Technology, 2015, 39 (04): 533 – 536. DOI: 10.7510/jgjs.issn.1001 – 3806. 2015.04.023.

[10]黄科,李松,马跃,等. 单光子模式激光测高探测概率模型与 精度分析[J].中国激光,2016,43(11):235-240.DOI:10. 3788/cj1201643.1110001.

HUANG Ke, LI Song, MA Yue, et al. Research on detection probability model of single-photon laser altimetry and its range accuracy [J]. Chinese Journal of Lasers, 2016, 43(11): 235-240. DOI: 10.3788/cj1201643.1110001.

- [11] ABDALLAH H, BAGHDADI N, BAILLY J S, et al. Wa-LiD: a new LiDAR simulator for waters [J]. IEEE Geoscience and Remote Sensing Letters, 2012, 9(4): 744-748. DOI: 10.1109/LGRS. 2011.2180506.
- [12] ABDALLAH H, BAILLY J S, BAGHDADI N. et al. Potential of space-borne LiDAR sensors for global bathymetry in coastal and inland waters [J]. IEEE Journal of Selected Topics in Applied Earth Observations and Remote Sensing, 2013, 6(1): 202-216. DOI: 10.1109/JSTARS.2012.2209864.
- [13] MUSS J D, AGUILAR-AMUCHASTEGUI N, MLADENOFF D J, et al. Analysis of waveform lidar data using shape-based metrics
   [J]. IEEE Geoscience and Remote Sensing Letters, 2013, 10(1): 106-110. DOI: 10.1109/LGRS.2012.2194472.
- [14] 陶叶青,高井祥,姚一飞.基于中位数法的抗差总体最小二乘 估计[J]. 测绘学报,2016,45(03):297-301.DOI:10.11947/j. AGCS,2016.20150234.

TAO Yeqing, GAO Jingxiang, YAO Yifei. Solution for robust total least squares estimation based on median method [J]. Acta Geodaetica et Cartographica Sinica, 2016, 45(03): 297-301.DOI: 10.11947/j.AGCS,2016.20150234.

- [15] 吴骏. 基于数学史的统计概念教学研究-以平均数、中位数和众数为例[D]. 上海:华东师范大学, 2013.
  WU Jun. The study on teaching and learning of statistics concepts based on the history of mathematics-a case of mean, median and mode [D]. East China Normal University, 2013.
- [16] 孙蕊,兰盛昌,徐国栋. 微小卫星编队的星间测距系统设计及 精度分析[J]. 哈尔滨工业大学学报,2009,41(07):21-25.
  SUN Rui, LAN Shengchang, XU Guodong. Design of inter-satellite ranging system in formation and its precision analysis [J]. Journal of Harbin Institute of Technology, 2009, 41(07): 21-25.

(编辑 苗秀芝)