DOI:10.11918/j.issn.0367-6234.201707026

# 钢材的低周疲劳特性及双曲面本构模型的改进

唐站站1,陈令坤1,郭 悬1,诸葛翰卿2

(1. 扬州大学 建筑科学与工程学院,江苏 扬州 225127; 2. 浙江大学 建筑工程学院,杭州 310058)

摘 要:为合理评估钢结构的地震损伤,研究结构钢的塑性变形与低周疲劳之间的耦合关系以及循环软化特性.通过对 Q345qC钢材进行高应变反复加载试验.获得了相应的低周疲劳破坏和循环软化特性.通过研究承载力下降与塑性耗能密度 之间的关系及对边界面进行缩放和移动,将循环软化特征引入材料的本构关系模型.在此基础上,采用改进后的本构关系模 型对钢桥墩进行了反复荷载作用下的力学行为分析,讨论了循环软化对构件承载能力的影响.结果表明:Q345钢材具有较好 的延性和较强的抗低周疲劳性能,试验未发现钢材塑性变形与低周疲劳之间存在明显的相关性;循环软化特征在较大的塑性 应变状态下表现得更明显,修正后的双曲面本构关系模型可以较好地模拟钢材循环软化行为;考虑材料循环软化效应后,钢 桥墩在反复荷载或地震作用下的承载力略有降低.

关键词:桥梁建筑材料:低周疲劳:本构模型:循环软化:抗震性能

中图分类号: U444 文章编号: 0367-6234(2018)09-0076-07 文献标志码:A

## Low-cycle fatigue behaviors of structural steel and modification of the two-surface constitutive model

TANG Zhanzhan<sup>1</sup>, CHEN Lingkun<sup>1</sup>, GUO Xuan<sup>1</sup>, ZHUGE Hanqing<sup>2</sup>

(1. College of Civil Science and Engineering, Yangzhou University, Yangzhou 225127, Jiangsu, China;

2. College of Civil Engineering and Architecture, Zhejiang University, Hangzhou 310058, China)

Abstract: In order to evaluate the damage of steel structures induced by earthquake, this research investigated the coupling relation between the ultimate plastic deformation and low-cycle fatigue life as well as the cyclic softening behavior of structural steel. The repeated high strain loading experiments were carried out on low carbon steel Q345qC, and the low-cycle fatigue life and cyclic softening behavior were studied. By analyzing the relationships between the bearing capacity deterioration and the dissipating energy density, the modification of the bounding surface radius and center and cyclic softening were introduced to the two-surface constitutive model. On this basis, the mechanical behaviors of a steel bridge pier under cyclic loading were investigated by employing the modified two-surface constitutive model, and the effects of material cyclic softening on the bearing capacity of the steel bridge pier were analyzed and discussed. Results show that the structural steel Q345 has good ductility and anti-low-cycle fatigue property. No evident coupling relation between ultimate plastic deformation and low cycle fatigue life of the steel was observed in the experiments. Cyclic softening is more apparent at a larger plastic strain state. The modified two-surface constitutive model is capable of simulating the cyclic softening behavior of the steel in a very satisfactory manner. The bearing capacity of the steel bridge pier under cyclic loading or in earthquake decreases slightly when material cyclic softening is considered.

Keywords: bridge building material; low-cycle fatigue; constitutive model; cyclic softening; seismic performance

延性断裂和低周疲劳是钢材的两种主要破坏方 式. 文献[1]根据试验提出了类似于 Park-Ang 指标 形式的钢材损伤指标,即用最大塑性变形和滞回耗 能的线性组合来表示损伤程度.其他研究,如文献 [2-5]的钢材试验结果显示,低周疲劳损伤累积会 降低材料的极限变形能力,塑性变形的绝对值也会

收稿日期: 2017-07-06

- 基金项目:国家自然科学基金(51708485);
- 中国博士后科学基金(2017M611925)
- 作者简介: 唐站站(1989—),男,博士,讲师,硕士生导师

通信作者: 唐站站, tangzhanzhan@ 126.com

减少材料的低周疲劳寿命. 但文献 [6] 认为平均应 变和最大塑性变形对低周疲劳寿命的影响很小:文 献[7]的试验表明,当塑性变形较小时,低周疲劳寿 命随塑性变形的增大而减小,当塑性变形较大时,低 周疲劳寿命随之增加;文献[8]提出了由韧性损伤 和低周疲劳损伤线性组合的修正 Coffin-Manson 公 式,并指出只有当拉压塑性变形绝对值之和超过一 定界限后,钢材的这两种破坏方式才会互相耦合. 这些研究表明,学者们就两种破坏界限之间是否存 在相关性尚未达成共识. 另一方面,钢材在大幅值 循环荷载作用下会发生明显的循环软化现象[1],可

能会降低钢结构的抗震性能及震后承载能力. 目 前,常用的本构关系模型均不能考虑材料的循环软 化特性. 1975 年 Dafalias 等<sup>[9]</sup>首次提出双曲面本构 关系模型(2SM),之后该模型受到了广泛关注,不少 学者对其进行了改进.如文献 [10] 基于 SS400、 SM490 和 SM570 钢材的拉压试验结果,引入了虚拟 边界面,建立了屈服平台的消减判定公式,极大地提 高了模型的计算精度: 文献 [11] 通过 0345 钢材的 试验研究,对双曲面模型进行了相应的修正,提高了 模型对小幅应变变化的应力路径预估精度:文献 [12] 通过试验校核了 Q345 钢材的双曲面本构模型 参数,并认为常用的随动强化模型高估了钢桥在地 震作用下的应变反应.此外,文献[13]建立了三曲 面本构关系模型,提出了不连续曲面的概念. 文献 [14] 通过试验研究,考察了循环荷载作用下三曲面 模型对钢材棘轮效应的模拟. 经过几十年的发展. 多曲面本构关系模型可以同时考虑包辛格效应、材 料强化、弹性域的缩小和移动、边界面的扩大以及屈 服平台的减小至消失等力学特性. 模型的计算精度 也已在钢桥墩和钢拱肋的相关试验和计算分析中得 到验证[15-21]. 然而,伴随低周疲劳进程而发生的循 环软化特性尚不能得到考虑,制约着本构模型对钢 结构抗震性能及震后承载能力的精确评估.

针对上述研究现状,本文以 Q345qC 钢材为例, 通过试验讨论了钢材塑性变形极限和低周疲劳极限 的相关性,考察了钢材的循环软化特性;通过对双曲 面本构关系模型进行改进,使其可以考虑钢材的循 环软化特性.最后,以钢桥墩为对象,研究了材料循 环软化效应对结构地震承载力的影响.试验和分析 结果可为建立钢结构地震破坏验算方法提供参考.

#### 1 试 验

以 Q345qC 钢材为试验对象,图 1 为试件尺寸和 试验装置<sup>[22]</sup>.试验方法参照文献[23]相关规定,采用 INSTRON8802-250 kN 电液伺服材料试验机进行加 载,以应变作为控制加载的参数并采用引伸计测量应 变.引伸计标距为 25 mm,量程为-2.5~12.5 mm.当 破坏发生在试验段以内时判定结果有效.

图 2 为试验的加载方法. 除单调拉伸试验外, 还进行了在不同塑性变形条件下的低周疲劳试验以 及先施加循环荷载作用再单调拉断的试验. 其中, ε、ε<sub>max</sub>、Δε分别为试件所受的应变、循环应变的最大 值和全应变幅,N、N<sub>f</sub>分别为试件当前所经历的荷载 循环次数及其疲劳寿命. 在加载方式 I 中,全应变幅 为 3.35%;在加载方式 II 中的疲劳试验阶段,全应变 幅分为 3.35%和 5.03% 两组.



2 试验结果分析

#### 2.1 钢材的基本力学参数

根据试验,Q345 钢材基本力学参数和双曲面本构 模型材料参数如下:弹性模量 *E* = 204.0 GPa,初始屈服 强度  $\sigma_y$  = 402.1 MPa,极限强度  $\sigma_u$  = 552.7 MPa,单 调拉伸下屈服平台结束时刻的塑性应变  $\varepsilon_{st}^{p}$  = 1.01×  $10^{-2}$ ,塑性模量  $E_{st}^{p}$  = 3.8 GPa,钢材边界面初始半径  $\bar{\kappa}_{0}$ 和初始斜率  $E_{0}^{p}$ 分别为 425.0 MPa 和 2.55 GPa,泊 松比  $\mu$  = 0.25. 单调拉伸试验结果显示,钢材的延性 较好,断后伸长率可达 40.0%.

#### 2.2 最大塑性变形对低周疲劳寿命的影响

图 3 给出了部分试件在加载方式 I 作用下的应 力-应变曲线.其中, σ 为应力大小, ε<sup>P</sup><sub>1</sub> 为钢材所经 历的最大塑性应变.材料应力退化可以分成 3 个阶 段:应力随荷载循环的快速下降,稳定地退化,退化 加快并断裂.由于双曲面本构模型(2SM)不能考虑 材料循环软化现象,除前几周循环外,模型预测的最 大应力与试验结果差距较大.



Fig.3 Stress-strain curves of the specimens under Load Case I 图 4 为承载力-寿命曲线, *F* 为抗拉或抗压峰值.本次试验表明,3 个阶段分别约占疲劳总寿命的10%、75%和15%.钢材 Q345qC 具有明显的循环软化特征,其抗低周疲劳性能较好,在 Δε = 3.35%条件下疲劳寿命约200 周.





Fig.4 Curves of the bearing capacity-load cycles of the specimen 图 5 为试件最大塑性变形对低周疲劳寿命的影
响. 其中 ε, 为屈服应变大小. 图 5 表明,当最大塑性 应变不大于 10%时,塑性变形最大值的增加不会明显降低钢材的低周疲劳寿命.



图 5 塑性应变对低周疲劳寿命的影响



#### 2.3 损伤累积对变形极限的影响

图 6 给出了部分试件在加载方式 II 作用下的 荷载--位移曲线及单调拉伸试验结果.其中, d 为材 料变形量,虚线为单调拉伸试验结果.图 6(h)同时 还给出了全应变幅为 5.03%时的试验结果.图 6 表 明,经过塑性耗能后材料的极限变形能力虽有所下 降,但这种影响并不明显.在大幅值应变循环 70 周 内时,变形极限的下降基本小于 15%.另外,应变幅 的改变也未显著影响钢材的延性.





经受塑性耗能后的极限变形能力定义为钢材的剩余延性. 图7为钢材的剩余延性δ, 与荷载循环次数*N*之间的 关系. 图7表明,延性受塑性损伤累积的影响不大.



图 7 低周疲劳损伤累积对延性极限的影响

Fig.7 Effects of low-cycle fatigue accumulation on ductility limit

3 本构关系模型的改进

#### 3.1 双曲面本构关系模型的改进方法

通过 2.1 节的试验结果可知,Q345 钢材在高应变 反复荷载作用下呈现出明显的循环软化现象.目前的 双曲面模型(2SM)尚不能考虑该特征,导致其预测的 应力峰值与试验差距较大.针对该问题,应对双曲面 本构关系模型进行适当改进.由于在第三阶段呈现出 的承载力快速下降具有较大的离散性,本节将仅考虑 钢材在前两个阶段的循环软化特性.虽然在高应变反 复荷载作用下钢材的抗拉承载力不断下降,然而抗压 承载力变化较小.为使模型能够兼顾抗拉与压承载力 的变化特性,需要将边界面中心向受拉的反方向移 动  $\Delta\beta$ ,同时将边界面半径缩小  $\Delta \bar{\kappa}$ ,边界面中心的运 动路径将由  $O_x O_x'$  变为  $O_x O_x''$ ,如图 8 所示. 假定  $\Delta \sigma_i$ 为峰值应力试验值和计算值之差,则有



图 8 边界面的移动和缩小过程

Fig.8 Movement and shrinkage of the bounding surface

传统的断裂力学常采用材料在单位体积上耗散的能量来预测断裂的发生,本节假定边界面半径的缩小规律与塑性能量密度 W<sub>p</sub>的对数函数有关,以方便本构关系模型与有限元方程的建立.根据材料试验结果,有

$$\Delta \kappa = -A \cdot \ln(W_{\rm p} - C \cdot W_{\rm st}^{\rm p}) + B_{\rm st}$$

式中: W<sup>p</sup><sub>st</sub> 为单调加载下屈服平台结束时刻的塑性能量密度, A、B、C 为材料参数. 方程中 C·W<sup>p</sup><sub>st</sub> 分项 为当材料塑性能量密度达到一定程度时, 循环软化 特征才开始明显影响承载力.

根据试验结果,参数 B、C 的平均值分别为 8.3×10<sup>7</sup>和9.0;参数 A 可由最小二乘法对试验结果 拟合获得,如图 9 所示.结果表明,材料所经历的最 大塑性拉应变对循环软化有较大影响.



图 9 参数 A 与最大拉应力之间的试验关系



由于对钢材进行复杂应力条件下的加载尚存在 不少困难,借助于普通的万能材料试验机以及常规 引伸计很难给试件施加人为可控的多向受力状态. 目前,多向应力状态下的钢材本构模型大多是由单 向受力状态推广而来<sup>[9-12]</sup>,其合理性仍需相关三轴 加载试验的验证.鉴于此,以下将给出了在多向应 力状态下双曲面本构模型各变量的定义和计算方 法,为复杂应力条件下本构关系模型的程序编制提 供一种思路.此时,各种变量需要写成应力空间或 应变空间中的张量形式.首先,在每个时间增量步 中边界面中心的移动 dβ<sub>i</sub> 可定义为

$$\mathrm{d}\boldsymbol{\beta}_{ij} = \mathrm{d}\boldsymbol{\kappa} = -\frac{A \cdot \mathrm{d}\boldsymbol{W}_{\mathrm{p}}}{\boldsymbol{W}_{\mathrm{p}} - C \cdot \boldsymbol{W}_{\mathrm{st}}^{\mathrm{p}}} \cdot \boldsymbol{n}_{ij} \cdot \frac{T}{|T|}$$

式中: *n<sub>ij</sub>*为塑性流动方向的单位张量, *T*为应力三轴度, *T*/|*T*|可用来判定材料处于受拉还是受压状态. *n<sub>ii</sub>*与*T*可以表示为

$$\begin{cases} n_{ij} = \sqrt{\frac{3}{2}} \frac{S_{ij} - \alpha_{ij}}{\kappa}, \\ T = \frac{\frac{1}{3}(\sigma_1 + \sigma_2 + \sigma_3)}{\sqrt{\frac{1}{2}[(\sigma_1 - \sigma_2)^2 + (\sigma_2 - \sigma_3)^2 + (\sigma_3 - \sigma_1)^2]}}. \end{cases}$$

式中:  $S_{ij}$  为应力张量的偏量, $\alpha_{ij}$ 、 $\kappa$  分别为屈服面或 加载面的中心与半径, $\sigma_1$ 、 $\sigma_2$ 、 $\sigma_3$  分别为 3 个主应力 大小.

材料所经历的最大塑性拉应变可由图 10 所示的 应变偏量空间中的应变面获得.其中,实线曲面为等 效塑性应变曲面,即双曲面本构理论中的 A.E.P.S 曲 面; η<sub>ij</sub> 和ρ分别为该曲面的中心和半径. 在 π 平面内, 等效塑性应变曲面上距离应变偏量空间中心最远的 点即为材料经历的最大塑性拉应变,可表示为

$$\varepsilon_t^p = \sqrt{\frac{2}{3}} \parallel \eta_{ij} \parallel + \rho.$$



图 10 应变空间中最大塑性应变的定义

Fig.10 Definition of the maximum plastic strain in strain space **3.2** 模型预测结果与试验的对比

采用 FORTRAN 语言编制改进的双曲面本构关 系模型程序,并通过用户子程序 UMAT 将其与通用 软件 ABAQUS 实现数据对接,以验证本构关系模型 的改进效果.有限元计算模型采用 C3D8 实体单元, 在引伸计测量标距内的单元尺寸为 1.0 mm,采用强 制位移的加载方法.图 11 给出了试验、现有双曲面 模型(2SM)和改进后双曲面模型(M2SM)的应力峰 值与塑性耗能之间的关系.





结果表明,除前几周荷载循环外,现有双曲面本 构关系模型不能考虑材料的循环软化特征;但通过 本文的改进,模型可以精确地预测出材料的承载力 下降特征.

4 循环软化对构件地震承载力的影响

#### 4.1 钢桥墩弹塑性静力分析

以图 12 所示的钢桥墩为研究对象,通过在其 顶部施加竖向常轴力 P 和水平反复荷载 H,可以考 察钢材循环软化对构件弹塑性力学行为的影响[24]. 其中,h为桥墩高度,a为横隔板间距,b为截面的宽 度. 桥墩竖向常轴力为全截面屈服力的 0.15 倍, 钢 桥墩的结构设计符合日本桥梁抗震设计规范[25]的 相关规定.采用纤维单元对其进行弹塑性静力分 析,单元截面共划分为84个纤维条,并将带有纵向 加劲肋的截面等效成无加劲肋截面. 由于塑性主要 发生于墩底,该部位布置了较密的单元.采用在墩 顶施加逐渐增大的强制位移作为加载方式,加载方 式又分为单向增大和双向同时增大的强制位移.其 中, δ 和δ, 分别为墩顶的强制位移和初始屈服位移. 通过编制相应纤维单元的 UMAT 子程序将本构模 型导入 ABAOUS 软件,计算过程还考虑了几何非线 性的影响.



Fig.12 Analytical model and loading modes of the steel bridge pier 图 13 给出了采用不同本构关系模型计算得到 的墩顶荷载-位移曲线.其中, H<sub>y</sub> 为墩顶的初始屈 服荷载<sup>[24]</sup>.结果表明,考虑循环软化特性后构件的 承载能力有所降低,但材料层面的循环软化对构件 层面的承载力降低影响有限.当强制位移达到 15δ<sub>y</sub> 时,考虑循环软化效应后钢桥墩的承载能力在两种加载情况下分别下降了4.0%和6.4%.





4.2 钢桥墩地震反应及震后承载力分析

对前述钢桥墩输入地震动,以考察循环软化效 应对钢桥墩弹塑性地震反应及震后承载能力的影 响.为使钢桥墩进入充分的塑性状态,采用如图 14 所示的阪神地震神户大学记录波作为激励.其中,  $a_c$ 为加速度,t为时间.将钢桥墩的轴力转化为墩顶 等效质量,结构基频为 1.89 Hz.动力计算采用隐式 积分 Newmark- $\beta$ 法( $\beta = 1/4$ ), Rayleigh 阻尼比为 2.0%.此外,采用 ABAQUS 中的 Restart 功能对地震 损伤后的钢桥墩进行 Pushover 分析,即在墩顶施加 渐增的水平推力.



图 15 给出了材料循环软化对钢桥墩地震反应 及震后承载力的影响.其中,图 15(a)为墩顶的位移 时程响应对比,图 15(b)为墩底损伤单元的应力-应 变履历对比,图 15(c)为由 Pushover 分析得到的钢 桥墩震后承载能力对比.结果表明,循环软化效应 对钢桥墩最大位移响应的影响较小,但增大了构件 的残余变形,增幅为 17%;循环软化效应使墩底损 伤单元的应变反应增大了 6.4%,但震后承载能力的 下降仅为 3.3%.



Fig.15 Seismic response and post-earthquake bearing capacity of the steel bridge pier

5 结 论

1) Q345qC 钢材的极限变形能力和抗低周疲劳 性能较好,两种破坏界限之间的相关性不大.

2) Q345qC钢材在高应变反复荷载作用下呈现 出明显的循环软化特征.基于试验结果,拟合出了 承载力下降规律与材料塑性耗能密度之间的对数函 数关系;当塑性拉应变较大时,材料的承载能力下降 也更加明显.

3) 通过对边界面的移动和缩小, 改进了现有的

双曲面本构关系模型.试验和计算对比结果表明, 改进后的本构模型能够精确地预测出材料的循环软 化特征.

4)考虑循环软化特性后,构件的承载能力有所 降低,构件的弹塑性地震反应和震后承载能力也受 到一定的影响,但材料层面的循环软化对构件层面 的承载力降低影响有限.

5)由于钢试件在较大的压应变作用下易发生 屈曲,本次试验最大全应变幅仅为5%.今后将对更 高应变幅下的超低周疲劳破坏作进一步的研究;同 时,如何获得多向应力状态下的钢材本构关系也将 成为未来努力的一个方向,以期为钢结构震后承载 能力的精确评估提供依据.

### 参考文献

- [1] YUAN Y, CUI J, MANG H A. Computational structural engineering[M]. Dordrecht: Springer, 2009
- [2] SHI Y, WANG M, WANG Y. Experimental and constitutive model study of structural steel under cyclic loading [J]. Journal of Constructional Steel Research, 2011, 67(8): 1185
- [3] SHI G, WANG M, BAI Y, et al. Experimental and modeling study of high-strength structural steel under cyclic loading [J]. Engineering Structures, 2012, 37: 1
- [4] JIA L J, KUWAMURA H. Ductile fracture model for structural steel under cyclic large strain loading [J]. Journal of Constructional Steel Research, 2015, 106: 110
- [5] KURODA M. Extremely low cycle fatigue life prediction based on a new cumulative fatigue damage model [J]. International Journal of Fatigue, 2002, 24(6): 699
- [6] COLIN J, FATEMI A, TAHERI S. Fatigue behavior of stainless steel 304L including strain hardening, prestraining, and mean stress effects [J]. Journal of Engineering Materials and Technology, 2010, 132(2): 1
- [7] KANG G Z, LIU Y J, LI Z. Experimental study on ratchetting-fatigue interaction of SS304 stainless steel in uniaxial cyclic stressing
   [J]. Materials Science and Engineering A, 2006, 435–436: 396
- [8] TATEISHI K, HANJI T, MINAMI K. A prediction model for extremely low cycle fatigue strength of structural steel [J]. International Journal of Fatigue, 2007, 29(5): 887
- [9] DAFALIAS Y F, POPOV E P. A model of nonlinearly hardening materials for complex loading [J]. Acta Mechanica, 1975, 21(3): 173
- [10] SHEN C, MAMAGHANI I H P, MIZUNO E, et al. Cyclic behavior of structural steels. II: theory [J]. Journal of Engineering Mechanics, ASCE, 1995, 121 (11): 1165
- [11] 王彤,谢旭,唐站站,等.考虑复杂应变历史的钢材修正双曲 面滞回模型 [J].浙江大学学报(工学版),2015,49(7):1305 WANG Tong, XIE Xu, TANG Zhanzhan, et al. Modified two-surface hysteretic model considering complex strain history [J]. Journal

of Zhejiang University (Engineering Science), 2015, 49(7): 1305

- [12] WANG T, XIE X, SHEN C, et al. Effect of hysteretic constitutive models on elasto-plastic seismic performance evaluation of steel arch bridges [J]. Earthquakes and Structures, 2016, 10(5): 1089
- [13]後藤芳顕,王慶雲,高橋宣男.繰り返し荷重下の鋼製橋脚の 有限要素法による解析と材料構成則[J].土木学会論文集, JSCE,1998,591(I-43):189
- [14]张静,王哲.循环荷载三面本构模型及与实验结果比较 [J].哈尔滨工业大学学报,2017,49(6):183
  ZHANG Jing, WANG Zhe. A three-surface cyclic constitutive model and comparison between experimental and numerical results [J]. Journal of Harbin Institute of Technology, 2017, 49(6):183
- [15]GOTO Y, JIANG K S, OBATA M. Stability and ductility of thinwalled circular steel columns under cyclic bidirectional loading [J]. Journal of Structural Engineering, 2006, 132(10): 1621
- [16]後藤芳顯,小山亮介,藤井雄介,等.2方向地震動を受ける矩形断面鋼製橋脚の動特性と耐震照査法における限界値[J].
   土木学会論文集 A, JSCE, 2009, 65(1):61
- [17]後藤芳顯,村木正幸,海老澤健正.2方向地震動を受ける円 形断面鋼製橋脚の限界値と動的耐震照査法に関する考察 [J].構造工学論文集A, JSCE, 2009, 55A: 629
- [18]高圣彬,葛汉彬. 交替荷载作用下钢材本构模型的适用范围
  [J]. 中国公路学报, 2008, 21(6): 69
  GAO Shengbin, GE Hanbin. Applicable range of steel constitutive models under cyclic load [J]. China Journal of Highway and Transport, 2008, 21(6): 69
- [19] USAMI T, GAO S B, GE H B. Stiffened steel box columns. part 1: cyclic behavior [J]. Earthquake Engineering and Structural Dynamics, 2000, 29(11): 1691
- [20]三好喬,崎元達郎,鶴田栄一,等.繰り返しねじり力を受ける鋼構造物の終局挙動解析における材料硬化則の影響[J].構造工学論文集 A, JSCE, 2003, 49A: 403
- [21]刘乃藩,高圣彬. 带肋圆形截面钢桥墩的延性性能预测 [J]. 哈尔滨工业大学学报, 2017, 49(3): 138
  LIU Naifan, GAO Shengbin. Ductility prediction of stiffened steel pipe-section bridge piers [J]. Journal of Harbin Institute of Technology, 2017,49(3): 138
- [22] 唐站站. 钢桥弹塑性地震反应计算方法及钢材地震损伤指标研究[D]. 杭州:浙江大学, 2016
   TANG Zhanzhan. Research on seismic response evaluation method of steel bridges and seismic damage index of steel material [D]. Hangzhou; Zhejiang University, 2016
- [23] 金属材料轴向等幅低循环疲劳试验方法:GB/T 15248—2008
  [S].北京:中国标准出版社,2008
  The test method for axial loading constant-amplitude low-cyclefatigue of metallic materials:GB/T 15248—2008 [S]. Beijing: China Standard Press, 2008
- [24] 宇佐美勉. 鋼橋の耐震・制震設計ガイドライン[M]. 東京: 技報堂出版, 2006
- [25] Japanese Road Association. Specifications for highway bridges, part V: seismic design [S]. Tokyo: Maruzen, 2002

(编辑 魏希柱)