DOI:10.11918/j.issn.0367-6234.201801130

深度相机与惯性测量单元的相对姿态标定

陈集辉,朱海飞,谷世超,管贻生

(广东工业大学 机电工程学院,广州 510006)

摘 要: 为解决深度相机和惯性测量单元之间相对姿态难以直接测量的问题,提出一种通过捕捉同一手部运动来构造位移向 量继而利用最小二乘法求取两传感器相对姿态的非接触式标定方法. 首先描述和分析一类相对位姿时变的深度相机和惯性 测量单元的相对姿态标定问题,然后使用深度相机与惯性测量单元同时捕获手部向空间任意方向摆动的运动信息,构造相应 的位移向量,进而基于刚体旋转不变性原理建立求解模型,最后使用最小二乘法求取最佳相对姿态,即标定结果. 为验证标定 方法的准确性和有效性,一方面组织标定解算结果和白噪声仿真数据比对从而得出偏差估计的实验,结果表明标定后相对姿 态偏差少于±4°;另一方面使用深度相机和惯性测量单元组成的传感系统对人手臂运动进行捕捉实验,结果表明标定后测得 数据方可正确反映人手臂参数. 本文所提出的标定方法原理简单、操作方便、无需接触测量或其它辅助标定设备,适用于机器 人远程操纵和体感游戏设备等场景相应传感器标定中.

关键词:相对姿态标定;最小二乘法;深度相机;惯性测量单元;多传感融合

中图分类号: TP242.6 文献标志码: A 文章编号: 0367-6234(2018)11-0131-06

Relative orientation calibration of a depth camera and an inertial measurement unit

CHEN Jihui, ZHU Haifei, GU Shichao, GUAN Yisheng

(School of Electromechanical Engineering, Guangdong University of Technology, Guangzhou 510006, China)

Abstract: In order to solve the problem that the relative orientation between depth camera and inertial measurement unit is difficult to measure directly, a non-contact calibration method based on the construction of displacement vectors by sensing the same hand motion is proposed to compute the relative orientation. Firstly, the relative orientation calibration problem of a depth camera and an inertial measurement unit with time-varying pose relationship is described and analyzed. Then the depth camera and the inertial measurement unit are used to simultaneously capture the movement of a hand swinging in arbitrary direction in the space, to construct displacement vectors. Finally, leveraging these displacement vectors, a model is built up based on the rotation invariance principle of a rigid body, and then solved with the least square method to obtain the calibration result. To verify the accuracy and effectiveness of the proposed method, in the one hand, a comparison between the measured data and the white noise simulation data is conducted. The simulation result shows that the relative orientation deviation after calibration is less than $\pm 4^{\circ}$. On the other hand, an experiment to capture the human arm motion with a depth camera and an inertial measurement unit is also conducted. The experimental result shows that parameters of the human arm could be only correctly reflected after calibration. The calibration method presented in this paper is simple in principle, easy to operate, and without requirement of contact measurement or other auxiliary equipment, which is applicable to sensor calibration in scenarios such as robot remote control and motion sensing games.

Keywords: relative orientation calibration; least square method; depth camera; inertial measurement unit; multisensor fusion

人体运动全方位和精确捕捉是新一代以人为中 心的人机交互系统中的核心技术^[1].目前常用的运

作者简介:陈集辉(1991一),男,硕士研究生; 管贻生(1966—),男,教授,博士生导师;

通信作者:朱海飞,hfzhu@gdut.edu.cn

动捕捉系统可分为两大类:光学运动捕捉(Optical Motion Capture, OMC)和机械运动捕捉(Mechanical Motion Capture, MMC)^[2].上述两类系统均已有成熟的产品在市面出售,但它们均采用单一传感原理,存在着一些固有缺陷.例如带标记点的全方位高精度光学捕捉系统可实现大范围高精度运动捕捉,但系统复杂、价格昂贵且高度依赖标记点;不带标记的廉价光学系统,如 Kinect 系统和 Xtion 系列,存在视

收稿日期: 2018-01-22

基金项目: 国家自然科学基金青年基金项目(51605096); 北京智能 机器人 与系统高精尖创新中心开放基金项目 (2016IRS16)

角遮挡和位置跳变问题;机械运动捕捉系统,如 Xsens 基于惯性测量单元(Inertial Mesurment Unit, IMU)的三维运动追踪系统存在动态漂移和累计误 差明显等问题.多传感信息融合理论和技术可有效 克服单一传感器的局限,近年来不少学者尝试利用 深度相机(Depth Camera,深度彩色相机又称 RGB-D 相机)与 IMU 融合的方法实现廉价且通用的人体 运动全方位和精确捕捉系统^[3-4],取得较好效果.

使用多传感信息融合理论和技术要先解决传感 器之间的标定问题^[5].国内外学者对机器人与传感 器之间的标定问题已研究数十年,提出大量可行方 法,其中发展最为成熟的是机器人与 RGB 相机之间 的位姿标定. 机器人与相机的位姿标定问题可概括 为两大模型^[6]: AX = XB和AX = YB.其中X和Y是 需要求解的机器人手眼位姿转换矩阵, A 和 B 分别 使用两组对应的机器人末端位姿矩阵和相机坐标系 中的物体位姿矩阵构造,均为刚体转换矩阵. 需注 意:上述模型只适用于机器人与 RGB 相机位姿固定 的 6 自由度相对位姿标定. IMU 和 RGB 相机的标定 方法[7-10]尚未涉及深度信息,均需借助标定板目只 有次优解,如分别通过 IMU 直接测量和 RGB 相机 拍摄竖直放置的标定板来获取重力加速度方向向 量[7].构造标定模型求得两者之间相对姿态的四元 素表示. 唯一见诸报道的与本文密切相关的研究深 度相机与 IMU 标定的文献^[11],其基于卡尔曼滤波 器算法且无需借助标定板,传感器都固定于同一辆 移动小车上,两者位置关系固定.但应用于人体运 动捕捉时,传感系统布置方案为:深度相机静置于场 景中,IMU则绑定于人体手臂或腿部等随之运动. 换言之,IMU 相对于深度相机的位姿是时变的,因而 该文中标定方法并不适用. 而在深度相机与 IMU 相 对位姿时变的多传感信息融合系统中[12-13],尚未见 到传感器相对姿态标定方法的报道,两者相对姿态 准确性和可信性无法保证.

针对上述深度相机与 IMU 的相对姿态标定问题,本文提出一种通过构造同一手部位移向量继而利用最小二乘法来标定深度相机与 IMU 相对姿态的方法,其具有以下特点:深度相机与 IMU 位姿可时变;无需借助标定板或其它标定辅助设备;无需直接或者接触式测量.

1 标定问题描述

1.1 硬件系统

为研究深度相机与 IMU 相对姿态标定问题所 搭建的运动捕捉系统见图 1. 其中深度相机指代基 于双目视觉、结构光或飞行时间原理,可获取物体三 维空间信息的光学传感器,例如 Kinect、Xtion 和 Leap Motion 等. IMU 则指集成多轴加速度计、多轴 陀螺仪和磁力计的可直接测量物体在三维空间中的 角速度和加速度的传感器,例如 MPU9520 和 MTI-30 等. 深度相机静置于场景中,IMU 绑定于人手部 随手部在空间运动,即 IMU 相对于深度相机可自由 运动. 深度相机与 IMU 均可实时向计算机传输数 据;而两者之间无直接连接或者数据共享;计算机中 有自主开发的上位机软件,负责采集深度相机和 IMU 数据,并求解相对姿态.





1.2 深度相机与 IMU 相对姿态

图 2 设深度相机和 IMU 的坐标系分别用{C}与 {I}表示,则两者之间相对姿态参数可用欧拉角姿 态表示法表示: $R_{I}^{c} = (R_{z}(\varphi), R_{y}(\theta), R_{x}(\psi)).$ 标 定问题即为求解{C}与{I}之间位置关系不固定,相 对位姿不断变化,故而难以直接获知 R_{I}^{c} .



图 2 传感器和地磁场坐标系

Fig.2 Coordinate systems of sensors and geomagnetic field
9轴 IMU 中带有地磁计,在没有外部磁场干扰
的情况下,它可以自动校准 {I} 坐标系与地磁场坐
标系(也称 Global 坐标系,用{G}表示)之间相对姿态信息,每一时刻 {I} 与 {G} 之间相对姿态可直接通过 IMU 读取.固定 RGB-D 相机位置,可唯一确定
{C} 与 {G} 之间相对姿态关系 *R*^c_c.因此,可以通过
旋转矩阵之间的闭环转换求取 *R*^c_c 为

$$\boldsymbol{R}_{\mathrm{I}}^{\mathrm{C}} = (\boldsymbol{R}_{\mathrm{C}}^{\mathrm{G}})^{-1} \boldsymbol{R}_{\mathrm{I}}^{\mathrm{G}}.$$
(1)

· 133 ·

式中右侧待确定的变量只有 R_c^c . 因此,深度相机与 IMU 相对标定问题可转化为求取 { C } 与 { G } 之间相 对姿态关系 R_c^c .

2 标定方法

2.1 标定方法分析

将 R_c^c 看作{C} 与{G} 之间缺省位移信息的外 参标定矩阵,可通过构造{C} 与{G} 之间对应关系 (Correspondence)求取 R_c^c . 描述为

 $\boldsymbol{M}^{\mathrm{G}} = \boldsymbol{R}_{\mathrm{G}}^{\mathrm{G}} \boldsymbol{M}^{\mathrm{C}} \Longrightarrow \boldsymbol{R}_{\mathrm{G}}^{\mathrm{G}} = \boldsymbol{M}^{\mathrm{G}} (\boldsymbol{M}^{\mathrm{C}})^{-1}.$

式中: M^{c} 为{C} 中 3 个位移向量组成的向量组,每 一列代表一个向量; M^{c} 则是由 M^{c} 经过旋转矩阵 R_{c}^{c} 转换后在{G} 中的位移向量组. 当已知了 M^{c} 和 M^{c} 后即可通过以上关系求解出 R_{c}^{c} .

IMU 可提供加速度、角速度等信息,深度相机可 提供手心相对于{C} 的空间位置信息^[14].可以通过 向任意方向挥动手部来构造{C} 与{G} 中的位移向 量,从而获得上述的对应向量组 *M*^c 和 *M*^c.

本文提出的标定方法基本操作步骤如图 3 所



图 3 标定方法操作步骤流程图

Fig.3 Operation flow chart of the calibration method

步骤1 手部按照特定序列运动产生运动信息 作为系统输入.该特定序列旨在能更准确地判断手 部位移方向,如运动系列"静止 t_b 时间→运动→静 止 t_e 时间",其中静止段是为了让传感器数据在起 止点有足够时间稳定下来.

步骤 2 上位机软件每隔一个时间周期记录一次传感器返回数据,包括深度相机中手心位置、IMU 中加速度和欧拉角信息、以及相应时间戳等.

步骤 3 分别从深度相机与 IMU 原始数据中提 取出位移信息构造位移向量;但当 IMU 信号长时间 不稳定,不能满足判断条件时,将判断为失败.

步骤4 利用最小二乘法构造旋转矩阵求解模

型,结合奇异值分解(Singular Value Decomposition, SVD)计算最优旋转矩阵,并得到相对姿态欧拉角.

步骤 5 利用 n 对{C}与{G}中对应位移向量 以 3 对一组的组合方式求解出的 C_n^3 组欧拉角的最 小化误差平方和,用于估算结果的偏差程度;该值会 随着向量对数量的增加而逐渐趋于稳定,而达到稳 态所需的向量对数量与传感器精度有关.

2.2 位移向量构造与提取

{C}中位移向量 **D**^c 可用运动后手心位置与开 始时手心位置相减获得.取前后静止时段平均位置 值计算 **D**^c,以期获得较为准确的位移向量.

构造 $\{G\}$ 中位移向量 D^{G} 的方法分3步:

第1步,使用式(3)将加速度从{I}映射到{G}

$$\boldsymbol{A}^{\mathrm{G}} = \boldsymbol{R}_{\mathrm{I}}^{\mathrm{G}} \boldsymbol{A}^{\mathrm{I}} - \boldsymbol{g} . \qquad (3)$$

式中: A^{c} 是{G}中加速度向量; A^{I} 是从 IMU 中读取 的加速度向量;g 是{G}坐标系中的重力加速度向 量,即 $g = [0,0,g]^{T}$.

第2步,准确找出运动段所对应启停时刻.标 定算法的估计性能会随着原始数据观测噪声增大而 迅速恶化^[15].由于 IMU 固有漂移(Drift)现象,其观 测时间越长,积分值可信度越低,所以从原始数据中 准确找到运动段启停时间点对提取出准确的位移方 向向量至关重要.

本文使用 IMU 的合成加速度信息,通过设定阈 值的方法识别运动段启停点,如图 4. 第 *i* 点合成加 速度 *a_i* 满足式(4)即为启动点为

$$\begin{cases} b = 0, \\ t_i \ge t_b, \\ \min(a_1, a_2, \dots, a_{l+2}) \ge m \end{cases}$$

$$(4)$$

式中: *t_i* 为 *i* 时刻时间值; *b* 为表征运动状态的布尔 值,0 和 1 分别为运动尚未开始和运动中; *m* 为启动 阈值.同理,满足式(5)即为停止点为

$$\begin{cases} b = 1, \\ t_k - t_i < t_e, \\ \max(a_i, \cdots, a_k) \leq n. \end{cases}$$
(5)

式中 n 为停止阈值, 启停点的加速度阈值与 IMU 精 度有关, 因而需要根据具体传感器决定.

第3步,使用式(6)和(7)求解每一时刻位移:

$$V_{i}^{G} = V_{i-1}^{G} + A^{G}T_{i}, \qquad (6)$$

$$\boldsymbol{D}_{i}^{\rm G} = \boldsymbol{D}_{i-1}^{\rm G} + \boldsymbol{V}_{i-1}^{\rm G} T_{i} + \frac{1}{2} \boldsymbol{A}^{\rm G} T_{i}^{2}.$$
(7)

式中: V_i^c 为 *i* 时刻速度向量, T_i 为从 *i* – 1 时刻到 *i* 时刻之间时间间隔. 通过式(6)得到 *i* 时刻速度,用 于 *i* + 1 时刻位移向量求解;式(7)综合 *i* – 1 时刻位 移、速度与加速度求得 *i* 时刻位移向量 D_i^c . 如此循 环可构造出{G}中手部运动段位移向量 D^c .



Fig.4 Sketch map of start and stop points of the movement 2.3 旋转矩阵求解

根据式(2),只需3组对应向量可求解一个旋转矩阵,但受测量噪声影响,会偏离很大.借鉴文献 [16],基于刚体运动在不同笛卡尔测量坐标系下描述的不变性构造标定求解模型,然后用最小二乘法 解算深度相机与 IMU 相对姿态旋转矩阵,见式(8), *R*属于特殊正交群(Special Orthoganal, SO).

$$\boldsymbol{R} = \operatorname*{argmin}_{R \in SO(3)} \sum_{t=1}^{n} \| \boldsymbol{R} \boldsymbol{D}_{t}^{\mathrm{C}} - \boldsymbol{D}_{t}^{\mathrm{C}} \|^{2}.$$
(8)

具体的解算过程包括如下4步:

1) 计算权重中心向量

$$\overline{p} = \frac{\sum_{i=1}^{n} D_i^{\mathrm{C}}}{n}, \ \boldsymbol{x}_i = D_i^{\mathrm{C}} - \overline{P}.$$

2) 计算中心向量

$$\boldsymbol{x}_{i} = \boldsymbol{D}_{i}^{\mathrm{C}} - \bar{\boldsymbol{P}}, \, \boldsymbol{y}_{i} = \boldsymbol{D}_{i}^{\mathrm{G}} - \bar{\boldsymbol{q}}, \, i = 1, 2, \cdots, n.$$

3) 计算协方差矩阵

 $S = X Y^{\mathrm{T}}$.

式中X和Y分别为由 x_i 和 y_i 组成的 $3 \times n$ 矩阵.

4) 计算奇异值分解矩阵 $S = U \sum V^{T}$, $V \supset S$ 原 始域的标准正交基, $U \supset S$ 变换后协同域(Codomain)标准正交基. 可得旋转矩阵为

$$\boldsymbol{R} = \boldsymbol{V} \begin{pmatrix} 1 & & \\ & 1 & \\ & & \det(\boldsymbol{V} \boldsymbol{U}^{\mathrm{T}}) \end{pmatrix} \boldsymbol{U}^{\mathrm{T}}$$

2.4 标定结果偏差估算

目前,缺乏有效方法精确测量深度相机与地磁场之间相对姿态关系,因而不能为标定结果提供真值(Ground Truth).因本文对 IMU 的姿态解算使用卡尔曼滤波算法,其误差符合高斯分布,因此可以通过对仿真数据添加高斯白噪声模拟测量误差(以下统称随机误差)的方法设置仿真对比组,验证标定算法准确性.

假定深度相机坐标系{C}与地磁坐标系{G}之 间理想 RPY 角为(90°,0°,0°).首先随机产生{C} 中位移向量,然后转换到{G}中,再对{G}中位移向 量加上随机误差即可以得到仿真位移向量组.根据 式(2),每次采集 15 组位移向量,每 3 组成的位移 矩阵即可求出一组欧拉角,则每次可求得 C³₁₅ = 455 组欧拉角;最后用最小二乘法取误差平方和最小的 一组,作为优选的欧拉角,即

$$(\varphi, \theta, \psi) = \operatorname{argmin}_{i \in [1, n], i \in R_{j=1, j \neq i}}^{n} ((\varphi_{i} - \varphi_{j})^{2} + (\theta_{i} - \theta_{j})^{2} + (\psi_{i} - \psi_{j})^{2})$$

式中 φ, θ, ψ 对应 Roll, Pitch, Yaw. 同时将最小误 差平方和作为描述离散程度的指标.

图 5 是分别加上 5%和 10%随机误差的仿真结 果,黑星与红点分别表示优选组和其余欧拉角组合. 子图(a)和(b)黑星对应误差平方和分别为 8.12× 10⁴和4.18×10⁵,欧拉角误差平方和随机数据噪声 增大而增大.可以利用该值来表征原始数据的测量 误差程度,进而获得最终标定结果偏差大小.



图 5 不同随机误差对应的欧拉角分布



通过设置随机误差大小,0.1%为一个步长,每 个步长测量 5次,每次采集 45 组位移向量,构造 式(8)最小二乘模型,求得旋转矩阵,进而得到欧拉 角;为减少计算量将 45 组向量平均分为 3 个部分, 每个部分求解一个最小误差平方和. 然后分别获得 每个步长中的最小误差平方和与最终解算的欧拉角 偏差的最小、最大和平均值,见图 6.





Fig.6 Relation between random errors and RPY angles and error sum squares

最小误差平方和大小和最终角度偏差均与测量 误差正相关.可以用图 6 作为参考标准,实际标定 时以查表的方式来确定结果偏差大小;其中根据图 6(a)对照最小误差平方和大小可表征原始数据的 测量噪声大小,再根据图 6(b)利用测量噪声大小确 定最终解算欧拉角偏差大小.

3 实 验

本文设计了两个实验,侧面验证本标定算法的 精确性和可用级 IMU 搭建实验平台,其中 IMU 分辨 率为 Roll 和 Pitch 人体骨架信息刷新频率为 30 FPS 基于 MFC 开发的运动信息读取软件,可同时读取和 记录 Kinettz 与 IMU 数据读取一次数据的时间周期 约为 31.25 ms.

3.1 实验一

每次采集45组位移向量,共进行5次实验.将 45组向量平均分成A、B、C3个部分,根据卡尔曼滤 波算法分别计算一个最小误差平方和.5次实验结 果如表1所示.表中α表示最小误差平方和,其中黑 体字为误差平方和的最大值和最小值.

15个最小误差平方和的平均值为 3.38×10⁵,最 小和最大值分别为 1.57×10⁵ 和 4.30×10⁵.对比 图 7(a),原始数据误差范围在 8%到 10%之间,再根 据图 6(b)最大角度偏差为 4°(±4°).表1中 Roll 平 均值 83.154°,第2次和第4次实验所解算的 Roll 之 间差值最大,与均值最大偏差为(-2.984°,+2.866°), 符合上述的最大角度偏差范围.

综上所述,本标定方法可以得到一个较为精确 的深度相机与 IMU 相对姿态解算值.

表1 相对姿态角实验解算值

Tab.1 Experimental results of relative attitude angles

序号	Roll (°)	Pitch (°)	Yaw (°)-	$\alpha(\times 10^5)$		
				А	В	С
1	80.75	-1.64	-7.48	3.44	3.55	2.30
2	80.17	-3.70	-7.17	3.99	3.85	3.23
3	83.88	-4.76	-7.48	2.94	4.04	3.44
4	86.02	-1.25	-10.08	1.57	3.07	4.30
5	84.95	-2.28	-5.93	3.22	4.14	3.61

3.2 实验二

实验者站在 Kinect2 前面,按照以下动作序列 执行:手自然下垂→向前抬手且手心朝下,手臂尽量 平行于地面→向右平行于地面旋转手臂→手自然放 下.图7中所示黑色实线表示地磁场坐标系{G}中 Z 轴方向空间位置信息,由 Kinect2 所测得的手心空 间位置根据实验一中求得的相对姿态均值转换后所 得,该均值用欧拉角姿态表示法描述为(83.154°, 2.726°, 7.628°).红色点划线是使用 IMU 人工估计 的欧拉角(90°,0°,0°)转换所得.第①~③阶段分 别对应抬手臂、向右旋转手臂和放下手臂 3 个阶段 (见图7),其他时段均为静止阶段.手抬起的位置以 墙面的标记位为参考点,该标记位根据实验者的臂 长预先设置.实验者手心到肩膀长度约为 63 cm,手 臂抬起时尽量与地面平行且手心朝下,设置手部下 垂标记位与抬手后标记位垂直高度为 63 cm.



图 7 Global 坐标系下 Z 方向位移

Fig.7 Z-direction displacement in Global coordination system [8] 7 \oplus h_1 = 63.5 cm, h_2 = 69.9 cm, h_3 =

64.4 cm, $h_4 = 61.6$ cm. 可见当手臂与地面平行时, 标定后结果 $h_1 和 h_3$ 更为接近标记位距离,且在手臂 平行地面向右旋转后 h_4 比 h_2 明显减少,这与实验过 程不符.因此,标定后结果明显优于未经标定结果, 实验二有效验证了该标定算法可信性.

4 结 论

基于深度相机和 IMU 的数据融合有望解决单 一传感原理的不足,其应用之一即为提升人体双手 臂全方位和精确捕捉系统的性能,继而为人机交互 和体感游戏等提供新的运动捕捉技术.两者之间相 对姿态标定则是开展数据融合工作的基础.

本文针对一类位姿时变但需进行数据融合的深 度相机和 IMU 之间相对姿态标定问题进行了研究, 提出一种通过两传感器同时捕捉手部同一运动的方 向向量构造标定模型并使用最小二乘法求解最优相 对姿态矩阵的方法;同时由于无法对标定结果提供 真值,本文还提出一种方法对标定效果进行评价;首 先使用 n 组位移向量组合产生 C_n³ 组欧拉角,然后取 所有欧拉角相互之间的最小误差平方和作为参考指 标.此外,实验一表明该标定方法可以求得最大角 度偏差在 4°以内的相对姿态欧拉角;实验二表明使 用该标定结果进行手部位置跟踪能获得比无标定结 果精度高 6.4 cm 的结果.

本文所提出的标定方法具有原理简单、易于操 作、精度较高、无需额外标定辅助设备、无需接触测 量等特点,可应用于机器人远程操纵和体感游戏设 备校准等任务.但相对姿态解算结果的精确程度会 随位移向量的测量误差线性增长,需要使用精度较 高的传感器.

未来的研究工作将会探索通过改进方向向量提 取方法从当前传感器数据中提取出精度更高的方向 向量,从而提高相对姿态解算精度;同时会将本方法 应用于人机交互系统中,实现人类双手臂到双机器 人操作任务的远程控制.

参考文献

[1] 徐光佑,陶霖密,邸慧军.人机交互中的体态语言理解[M].北 京:电子工业出版社,2014:201

XU Guangyao, TAO Linmi, DI Huijun. Body language understanding for human computer interaction [M]. Beijing: Publishing House of Electronics Industry, 2014:201

- [2] SICILIANO B, KHATIB O. Springer handbook of robotics [M]. Berlin, Germany: Springer, 2016:1820
- [3] TIAN Yushuang, MENG Xiaoli, TAO Dapeng, et al. Upper limb motion tracking with the integration of IMU and Kinect [J]. NEU-

ROCOMPUTING, 2015, 159(C): 207. DOI: 10.1016/j.neucom. 2015.01.071

- [4] CHEN C, JAFARI R, KEHTARNAVAZ N. A survey of depth and inertial sensor fusion for human action recognition [J]. Multimedia Tools & Applications, 2016:1. DOI: 10.1007/s11042-015-3177-1
- [5] MITCHELL H B. Data fusion: concepts and ideas [M]. Berlin, Germany: Springer, 2012
- [6] SHAH M, EASTMAN R D, HONG T. An overview of robot-sensor calibration methods for evaluation of perception systems [C/OL]// NIST, 2012 Performance Metrics for Intelligent Systems Workshop. (2012-3-20) [2017-7-18] https://www.nist.gov/publications/ overview-robot-sensor-calibration-methods-evaluation-perception-systems? pub_id=910651
- [7] LOBO J, DIAS J. Relative pose calibration between visual and inertial sensors [J]. International Journal of Robotics Research, 2007, 26(6): 561. DOI: 10.1177/0278364907079276
- [8] MIZAEI F M, ROUMELIOTIS S I. A kalman filter-based algorithm for imu-camera calibration: observability analysis and performance evaluation [J]. IEEE Transactions on Robotics, 2008, 24(5): 1143. DOI: 10.1109/TRO.2008.2004486
- [9] KELLY J, SUKHATME G S. Visual-inertial sensor fusion: localization, mapping and sensor-to sensor self-calibration [J]. International Journal of Robotics Research, 2011, 30(1): 56. DOI: 10.1177/ 0278364910382802
- [10] STEPHAN W, MARKUS W A, SIMON L, et al. Real-time onboard visual-inertial state estimation and self-calibration of MAVs in unknown environments [C]//IEEE International Conference on Robotics and Automation, Saint Paul, Minnesota, 2012: 957.
- [11]GUO C X, ROUMELIOTIS S I. IMU-RGBD camera 3D pose estimation and extrinsic calibration: observability analysis and consistency improvement [C]//IEEE International Conference on Robotics and Automation, Karlsruhe, Germany, 2013: 2935
- [12] FENG S M, RODERICK M S. Fusing kinect sensor and inertial sensors with multi-rate kalman filter [C]// IET Conf. on Data Fusion & Target Tracking: Algorithms & Applications, Liverpool, United Kingdom, 2014:1
- [13] 卢晓敏. 基于混合传感器的机器人人机交互技术研究[D]. 广州:华南理工大学, 2014
 LU Xiaomin. The research of human-robot interaction technology based on hybrid sensors [D]. Guangzhou, South China University of Technology, 2014
- [14] SHOTTON J, FITZGIBBON A, COOK M, et al. Real-time human pose recognition in parts from single depth images [C]// IEEE Conference on Computer Vision and Pattern Recognition. Colorado, United States, IEEE Computer Society, 2011:1297
- [15] 王君臣, 王田苗, 杨艳, 等. 基于无迹卡尔曼滤波的机器人手 眼标定[J]. 北京:机器人, 2011, 33(5): 621. DOI:10.3724/SP. J.1218.2011.00621

WANG Junchen, WANG Tianmiao, YANG Yan, et al. Robot handeye calibration using unscented kalman filtering [J]. Beijing: RO-BOT, 2011, 33(5):621. DOI: 10.3724/SP.J.1218.2011.00621

[16] UMEYAMA S. Least-squares estimation of transforma-tion parameters between two point patterns [J]. IEEE Transactions on Pattern Analysis and Machine Intelligence, 1991, 13(4):376

(编辑 苗秀芝)