DOI:10.11918/j.issn.0367-6234.201801128

大跨度公铁两用斜拉桥三维风速场实测与模拟

徐 曼,郭薇薇,夏 禾,张 楠

(北京交通大学土木建筑工程学院,北京100044)

摘 要:为得到沪通公铁两用长江大桥(后简称沪通大桥)桥址区风速时程序列,对沪通大桥开展了现场风速实测,对桥址区 的风场特性进行分析,得到基于实测数据的风速谱,并将其与规范给出的风速谱进行参数对比.之后采用基于实测风速谱显 式分解的谐波合成法,将该桥的三维脉动风速场简化为多个线状的一维脉动风速场,分别对两个主塔、公路桥面、铁路桥面的 脉动风速进行数值模拟,模拟值与目标值吻合较好.结果表明:采用实测的风速谱参数可以很好地得到大跨度桥梁数值模拟 三维脉动风场,并与规范给出的统一功率谱有一定的差异性,体现了规范谱应用于不同地区,尤其是复杂气象条件时的局限 性.得到的基于实测风特性的大跨度斜拉桥风速时程序列,为桥梁的风振分析提供了基础,具有良好的实用效果. 关键词:斜拉桥:风场实测:脉动风功率谱:数值模拟:谐波合成法

中图分类号: U448.43 文献标志码: A 文章编号: 0367-6234(2019)03-0107-07

3D wind field measurement and simulation of a long-span cable-stayed rail-cum-road bridge

XU Man, GUO Weiwei, XIA He, ZHANG Nan

(School of Civil Engineering, Beijing Jiaotong University, Beijing 100044, China)

Abstract: In order to obtain the wind velocity histories of Hutong rail-cum-road Yangtze River Bridge, an in-situ wind field test of the cable-stayed bridge was carried out. The wind field characteristics were analyzed, and the wind velocity spectra parameters of the experiment were compared with those of the specification. By means of harmonic synthesis method, this paper simplified the 3D turbulence wind field into multi 1D turbulence wind filed, and simulated the turbulence wind velocity histories of two towers, the girders on roadway and on railway deck separately. Results showed that the 3D turbulence wind velocities obtained based on in-situ test records fitted well with the target value, and exhibited differences with the specification values. It indicates that the application of specification spectra values is limited when used in different regions, especially in regions with complex climate conditions. The wind velocity histories of the long-span cable-stayed bridge obtained can be used in bridge aerodynamic analysis, which is pragmatic for engineering purposes.

Keywords: cable-stayed bridge; wind field test; wind spectra; numerical simulation; harmonic synthesis method

随着社会经济的发展、建桥技术的提高以及新型 材料的出现,大跨度桥梁在工程中的应用日益广泛. 风荷载对桥梁的结构安全及车辆的运行安全产生了 很大的影响,已经成为大跨度桥梁设计中的首要控制 因素^[1].因而,准确地描述结构所受到的风荷载,对于 分析桥梁响应具有重要的工程意义.随机风速场的模 拟主要有线性滤波、小波模拟和谐波合成等几种方 法.其中,谐波合成法算法简单,理论完善,其样本的 高斯特性、均值及相关函数的一致性、均值及相关函 数的各态历经特性等都已经得到了数学证明,模拟结 果较为可靠^[2-5].目前国内外常采用经验谱来进行模

- **作者简介:**徐 曼(1987—),女,博士研究生;
- 夏 禾(1951—),男,教授,博士生导师

通信作者: 郭薇薇, junedragon@163.com

拟. 然而,统一参数的经验谱难以准确描述不同地区、 不同地形条件下的复杂风场. 因此,国内外的学者多 针对大跨度桥梁进行风速场的实测^[6-12],并基于实测 数据分析桥址区风场特性.

地处长江下游的沪通大桥,主跨1092 m,建成 后将成为世界上跨度最大的公铁两用斜拉桥.目前,还未有针对沪通大桥的现场风特性实测分析. 本文以该桥为工程背景,对桥址区的风速场特性开 展测试^[13],并基于实测数据的功率谱参数进行全桥 三维脉动风速场模拟,是对该大跨度桥进行后期风 振分析的基础工作,根据模拟得到的有效的风速时 程序列,具有良好的实用效果.

1 沪通大桥风场实测概况

1.1 工程概况

沪通大桥桥位区地处长江下游,采用公铁合建

收稿日期: 2018-01-23

基金项目:国家自然科学基金(51878036,51720105005,51508018, U1434205)

方式,主航道桥桥式方案采用双塔斜拉桥布置,主跨 跨度1092m,主跨两侧各设一个462m边跨,作为 辅助通航孔.为使斜拉桥结构既满足通航又满足结 构受力和梁端转角要求,辅助通航孔两侧各增加了 140m的辅助跨,主桥具体孔跨布置为:140m+ 462m+1092m+462m+140m.图1中给出了沪通 大桥的立面布置图及主梁截面图.

1.2 实测试验布置

为真实的获取桥址区的风场情况,综合大桥现 场情况,试验选取施工中的北侧主塔1(见图1)沉 井为测点布置地.利用施工中的现有条件,选取施 工现场的多个塔吊为风速仪安装测点.

沉井现场及其平面布置如图 2 所示. 沉井上分 布 6 座塔吊,因施工需求不同而处于不同高度位置, 如图 2(a)所示,其平面布置图如图 2(b)所示. 其 中,南北方向相邻塔吊间距为 58 m,东西方向相邻 塔吊间距为 28.2 m.



Fig.1 Elevation of the Hutong Bridge (m)

实验将4台风速仪分别布置于4个测点.根据 当地气象资料,在实测试验期间(春季),桥址区的 风向以东南风为主.因此,选取位于东北角及南端 的4台塔吊为测点,可更直接地观测到未受干扰的 来流风,受现场施工环境因素影响较小.如图2(b) 所示,WT1-4分别表示4个风速计.其中,WT1和 WT2为超声波式风速计,分别位于东侧南北端两塔 吊上,WT3和WT4为螺旋桨机械式风速计,分别布 置于南端中、西侧塔吊上.4台风速仪采用统一的安 装高度,根据现场实际施工情况,选取距离江面 25 m高度处为安装位置.



Fig.2 Plan view of the north open caisson 图 3 给出了安装于塔吊上的风速仪现场图,在 测点位置,通过三角铁将风速仪伸出塔吊外侧1.5 m 远位置处,以减小塔吊遮挡及施工干扰的影响.



 (a)风速仪远观
 (b)风速仪近观

 图 3 实测试验中安装在现场的风速计

 Fig.3 Anemometers installed on the site

根据当地气象资料,沪通大桥南北连接的张家 港市与南通市,每年春季的平均风速较大.根据气 象统计,多以4月的平均风速为全年最大值.基于 此,结合现场施工条件,本次风场实测试验自2016 年4月初开始,至4月末结束,采样期间,4台风速 仪采用10Hz的采样频率,24h无间断观察并记录 风速时程数据,实测试验总时间进程超过400h.数 据通过无线传输装置实时传回数据采集仪.

超声波风速仪可记录风场三维空间方向的风速 时程,螺旋桨机械式风速计记录风场水平面内方向 的风速时程.

根据中国公路抗风设计规范^[14],以10 min 为

子样本长度,分割整体样本,并剔除不良数据.4台 仪器共得到5800组有效子样本.对子样本进行风 特性分析.

1.3 实测结果分析

1.3.1 平均风特性

图 4 给出了试验观测时间区间内,由 4 台风速 仪分别记录的每日最大的 10 min 内平均风速时程 曲线.观察曲线可知,4 台仪器的时程曲线趋势相 同,数值有一定的差异性,可认为 4 台仪器的观测数 据互相验证,为有效的数据样本.

图 5 给出了观测期内,每日的平均风向变化曲线. 图中竖坐标表示风向,其中,0°,90°及 180°分别 代表南风、东风和北风. 观察可知,4 台仪器所获取 风向数据的趋势基本一致,数值上有一定的差异性. 其中,绝大部分平均风向角处于 22.5°~67.5°之间, 表征为东南风向(22.5°为东南偏南,45°为东南, 67.5°为东南偏东). 由此可见,在观测期,桥址区风 场以东南风为主导风. 这一结果,与当地气象报告 吻合.



图 4 日最大 10 min 平均风速时程曲线





Fig.5 Mean daily 10-minute-averaged wind directions 1.3.2 脉动风时程曲线

图 6 中给出了某日 10 min 平均风速为 12 m/s 时的脉动风速时程曲线.观察可知,横桥向的风速 脉动幅值约 6 m/s,竖桥向的脉动幅值约 3 m/s.

1.3.3 脉动风功率谱

根据实测数据得到的脉动风时程数据,可以计 算实测数据的功率谱,其功率谱密度函数曲线可归 总为具有待定参数的数值曲线,其归一化公式分 别为

$$\frac{nS_u}{u_*^2} = \frac{af}{(1+bf)^{5m/3}},\tag{1}$$

$$\frac{nS_w}{u_*^2} = \frac{af}{(1+bf)^{2m}}.$$
 (2)

式中: S_u 和 S_w 分别表示脉动风的顺风向和竖桥向分量的功率谱密度函数,n为频率,f = nz/V,V为平均风速,z为测点高程, u_* 为摩擦速度,a,b和m为待拟合确定的参数.



图 6 某平均风速为 12 m/s 时的脉动风速时程曲线

Fig. 6 Fluctuating wind velocity histories with averaged wind velocity at 12 $\,\mathrm{m/s}$

中国公路抗风设计规范^[14]中给出的功率谱密 度函数公式中,顺风向(横桥向)三参数分别为*a* = 200,*b* = 50,*m* = 1;竖桥向三参数分别为*a* = 6,*b* = 4,*m* = 1.

根据实测谱,可通过拟合运算得到待定参数值. 其中,横桥向三参数分别为 *a* = 81.93,*b* = 49.49, *m* = 1.02; 竖桥向三参数分别为 *a* = 2.51,*b* = 40.99,*m* = 0.61. 拟合数值结果与规范给出的结果 有较大的差异性. 图7绘制了实测谱、拟合目标谱以 及规范谱的对比曲线,观察可知,实测谱与拟合目标 谱吻合度较好,而二者与规范谱所得的功率谱密度 函数曲线具有一定的差异性.

从图 7 可见,实测谱与目标谱的吻合效果很好, 但与规范谱之间有一定的差异性.由于规范给出的 参数谱是基于全国范围内多场地、多次风场测试的 结果,无法准确地描述具体桥址区的实际气象条件 及风场特性.受大桥施工进度的影响,本次观测的 时间有限,所获得的有效样本不足以对沪通大桥的 近地强风场特性进行完整地描述.但本次观测为后 期实现全桥多测点、多维风速场观测奠定了基础,并 提供了数据支持.



图 7 规范谱、目标谱及实测谱曲线

Power spectra density (PSD) curves of records, curve Fig.7 fitting results, and the specification values

基于观测结果的脉动风速模拟 2

基于某段时间段内的脉动风速时程观测记录 $X_0(t)$,可通过 Fourier 变化及相位角转换,构造出一 个非平稳随机过程,得到模拟的风速时程序列 X(t),可表示为

$$X(t) = \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} |X_0(\omega)| \exp\{i[\omega t + \xi_0(\omega) + \varphi(\omega)]\} d\omega.$$
(3)

式中: $X_0(\omega)$ 为 $X_0(t)$ 的 Fourier 变换, $\xi_0(\omega)$ 为 $X_0(\omega)$ 的相位角, $\varphi(\omega)$ 为随机过程.

因 $\xi_0(\omega) + \varphi(\omega)$ 是 ω 的奇函数,式(3)可以改 写为

 $X(t) = \frac{1}{\pi} \int_0^\infty |X_0(\omega)| \cos[\omega t + \xi_0(\omega) + \Phi] d\omega, (4)$ 式中 Φ 为随机变量.

选取沪通大桥风场实测数据中某一平均风速为 12 m/s 的子样本数据,根据其 10 min 的脉动风速时 程,进行模拟,得到的模拟数据的顺风向时程曲线如 图 8 所示,模拟脉动风功率谱密度与实测功率谱曲 线的对比如图9所示.

观察可知,图8中的模拟风速时程,其平均风速 与原实测数据一致,脉动变化基本在6 m/s 之内,与 实测结果的基本特性一致. 图 9 中模拟与实测数据 的功率谱密度函数曲线,其变化趋势及数值均较为 接近,吻合度较好.但是基于观测记录的直接模拟法 因缺少相关性数据,只适用于单一模拟点的风速模 拟,而无法应用于空间大跨度的桥梁三维风场模拟.



Fig.8 The simulated wind velocity history curves



实测和模拟功率谱曲线 图 9

Fig.9 PSD curves of comparison between records and simulation results

沪通大桥三维风场模拟 3

根据文献[15]提出的基于显式 Cholesky 分解的 快速谱分析法,假定桥面沿水平方向是等高程的,平 均风速和风速谱沿桥面不变,任意相邻模拟风速点 之间的距离相等.则桥梁第j个节点的横桥向水平和 竖桥向垂直分量的时程 $u_i(t)$ 和 $\omega_i(t)$ 可以表示为

$$u_{j}(t) = \sqrt{2\Delta\omega} \sum_{m=1}^{J} \sum_{k=1}^{N} \sqrt{S_{u}(\omega_{mk})} G_{jm}(\omega_{mk}) \cos(\omega_{mk}t + \varphi_{mk}), \qquad (5)$$

$$\omega_{j}(t) = \sqrt{2\Delta\omega} \sum_{m=1}^{j} \sum_{k=1}^{N} \sqrt{S_{\omega}(\omega_{mk})} G_{jm}(\omega_{mk}) \cos(\omega_{mk}t + \varphi_{mk}).$$
(6)

式中: $\Delta \omega$ 为谱线间的频率间隔;N为频率分量的总 数;j为桥梁模拟风速点; S_u 和 S_w 分别为水平和数值 风速自功率谱; φ_{mk} 为[0,2 π]中平均分布的随机变 量; $G(\omega)$ 为不同风速点之间的相关系数矩阵.

根据沪通大桥的结构特点,将其风场简化为6 个独立的一维多变量随机风场,分别为主梁公路桥 面横桥向及竖桥向,主梁铁路桥面横桥向及竖桥向、 桥塔1横桥向和桥塔2横桥向.

根据主梁桥跨结构特点,以一个桁架节间单元 长度为模拟点间隔,主梁从南向北以14 m为间距,

在公路及铁路桥面分别等间距分布 165 个模拟点, 其中,公路桥面编号为 G1~G165,铁路桥面编号为 R1~R165 号.根据主塔塔高,每座主塔以 30 m 高度 为间距,自下而上等间距分布 11 个模拟点,其中,塔 1 编号为 T1~T11,塔 2 编号为 T12~T22.详细编号 如图 10 所示,图中,黑色圆点表示主梁上的模拟点, 黑色方点表示主塔上的模拟点.



图 10 沪通大桥三维风场模拟点布置

Fig.10 Arrangement of simulation points of 3D wind field of Hutong Bridge

3.1 主梁风速时程模拟

3.1.1 铁路桥面

依据图 10 所示,主梁自南向北,以 14 m 为间距 设置 165 个模拟点,对于铁路桥面,模拟点编号为 R1~R165.模拟点高程统一采用铁路桥面高度 60 m,根据设计资料,桥址区 10 m 高度处的设计风 速取为 38 m/s,频率分量总数为 1 024,样本时间间 隔为 0.1 s,采样总时长为 100 s.

采用谱表示法进行模拟时,采用得到的基于实 测数据的功率谱拟合参数.图 11 给出了主梁铁路 桥面跨中位置(L/2)处水平横桥向和竖桥向的风 速模拟结果.图 12 中给出了主梁铁路桥面 L/2 跨 (R83)、L/4 跨(R44)及 3L/4 跨(R103)三点的功率 谱密度函数与目标谱的对比曲线.图 13 中给出了 这三点的相关系数曲线.

观察图 11 可知,当主梁高度处平均风速为 47.8 m/s时,横桥向脉动风速时程在幅值 25 m/s 之 内波动,竖桥向脉动风速在 8 m/s 之内波动.图 12 中,三点的功率谱曲线与目标值吻合度较好.根据 图 13 给出的相关系数曲线,可以看出随着模拟点之 间距离的增大,相关系数的值逐渐减小,模拟点之间 的相关性降低.

3.1.2 公路桥面

依据图 10 所示,与铁路桥面基本设定相同,公路桥面模拟点高程统一高度为 76 m,编号分别为 G1~G165. 公路桥面跨中位置处模拟横桥向及竖桥 向风速时程结果如图 14 所示.根据设计风速的设定,主梁公路桥面高度处平均风速为 49.1 m/s 时, 横桥向脉动风速时程在幅值 25 m/s 的范围内波动, 竖桥向脉动风速在 8 m/s 的范围内波动.结果表明, 公路桥面的模拟结果与铁路桥面相近似.其功率谱

密度及相关性分析此处不再赘述.



图 11 主梁铁路桥面 L/2 跨中模拟点瞬时风速时程曲线

Fig.11 Fluctuating wind velocity histories of mid-span point on railwaydeck



图 12 主梁铁路桥面主跨 3 处模拟点功率谱密度函数曲线







Fig.13 Correlation coefficient curves on railway deck







Fig.14 Fluctuating wind velocity histories of mid-span point on roadway deck

3.2 主塔风速时程模拟

根据图 10 所示,每座主塔上自下而上设置间距 为 30 m 的 11 个模拟点,编号分别为 T1~T11(塔 1),T12~T22(塔 2).模拟采用实测数据得到的修正 参数目标谱,主塔上高程不同的各个模拟点,根据规 范给出的风剖面公式计算平均风速,即

$$\bar{U}_{z} = \frac{\lg H_{z} - \lg Z_{0}}{\lg 10 - \lg Z_{0}} \bar{U}_{10}.$$
 (5)

式中: H_2 为模拟点所在高程, Z_0 为地面粗糙度高度, U_{10} 为10m高度处的平均风速,根据设计资料,桥址

区 10 m 高度处的设计风速取为 38 m/s. 频率分量 总数等其他模拟参数定义与主梁模拟相同.

采用谱表示法进行模拟时,采用得到的基于实 测数据的功率谱拟合参数.图 15~17 给出了水平横 桥向的风速模拟结果.



图 15 主塔风场模拟塔顶横桥向瞬时风速时程曲线

Fig.15 Fluctuating wind velocity histories of tower-top point

观察图 15 可知,当主塔墩顶处平均风速为 57.2 m/s时,横桥向脉动风速时程在幅值 30 m/s 之 内波动.根据图 16,塔顶位置处的模拟点功率谱曲 线与目标值吻合度较好.图 17 中观察可知随着模 拟点之间距离的增大,相关系数的值逐渐减小.



图 16 主塔风场横桥向模拟功率谱密度函数曲线

Fig.16 PSD curves of three points of the tower



Fig.17 Correlation coefficient curves of the tower

4 结 论

1) 对沪通大桥进行了现场风速实测实验,并根据实验数据结果,对桥址区风场特性进行了分析. 结果表明:实测风数据与当地气象记录相吻合,印证 了实测风速时程数据的有效性.

2)得到了实测脉动风功率谱的拟合参数,根据 此参数,采用基于显式分解的谐波合成法,将沪通大 桥的三维脉动风速场简化为多个线状的一维脉动风 速场,分别对两座主塔、公路桥面、铁路桥面进行了 脉动风时程的数值模拟,并对结果进行了分析.结 果表明:采用实测的风速谱参数可以得到有效的大 跨度桥梁数值模拟三维脉动风场,其结果与规范给 出的统一功率谱有一定的差异性,弥补了规范谱应 用于不同地区时的局限性.

3)得到了基于该地区风场特性的沪通大桥数 值模拟风速时程序列,此序列能够更准确地反应桥 址区的风场情况,为后期桥梁的风振分析提供了研 究基础.

参考文献

 [1]夏禾,张楠,郭薇薇,等.车桥耦合振动工程[M].北京:科学出版 社,2014:19

XIA He, ZHANG Nan, GUO Weiwei, et al. Coupling vibrations of train-bridge system [M]. Beijing: Science Press, 2014:19

[2]王浩,李爱群,黄瑞新,等.基于实测风谱的润扬悬索桥桥址区三
 维脉动风场模拟[J].东南大学学报,2009,39(6):1206
 WANG Hao, LI Aiqun, HUANG Ruixin, et al. Digital simulation of

3-dimensional turbulence wind field of Runyang Suspension Bridge based on measured wind spectra [J]. Journal of Southeast University, 2009, 39(6):1206. DOI: 10.3969/ j.issn. 1001-0505.2009. 06.023

[3]李永乐,周述华,强士中.大跨度斜拉桥三维脉动风场模拟[J].土 木工程学报,2003,36(10):60

LI Yongle, ZHOU Shuhua, QIANG Shizhong. Simulation of threedimensional fluctuating wind field for large span cable-stayed bridge [J]. China Civil Engineering Journal, 2003, 36(10):60. DOI:10. 3321/j.issn:1000-131X.2003.10.012

[4]丁泉顺,陈艾荣,项海帆.大跨度桥梁空间脉动风场的计算机模拟[J]. 力学季刊, 2006, 27(2):184

DI Quanshun, CHEN Airong, XIANG Haifan. Simulation of spatialfluctuating wind field on long span bridges [J]. Chinese Quarterly of Mechanics, 2006, 27(2):184. DOI: 10.3969/ j.issn.0254-0053.2006.02.002

- [5] 马麟,刘健新,韩万水.基于改进谐波合成法的杭州湾跨海大桥风 场模拟研究[J].郑州大学学报(工学版),2008,29(1):56 MA Lin, LIU Jianxin, HAN Wanshui. Wind field simulation of Hangzhou Bay Bridge based on the improved WAWS [J]. Journal of Zhengzhou University (Engineering Science), 2008, 29(1):56
- [6] XU Youlin, ZHU Ledong, WONG K Y, et al. Field measurement result of Tsing Ma suspension bridge during Typhoon Victor [J]. Structural Engineering and Mechanics, 2000, 10(6):454
- [7] XU Youlin, ZHU Ledong. Buffeting response of long-span cable-supported bridges under skew winds. Part 2:case study [J]. Journal of Sound and Vibration, 2005, 281(3):675

[8]李杏平,李爱群,王浩,等.基于长期监测数据的苏通大桥桥址区风特性研究[J].振动与冲击,2010,29(10):82
LI Xingping, LI Aiqun, WANG Hao, et al. Wind characteristics of Sutong bridge based on long-term monitored data [J]. Journal of Vibration and Shock, 2010, 29(10):82.DOI: 10.3969/j.issn.1000-3835.2010.10.016

[9]陈政清,柳成荫,倪一清,等.洞庭湖大桥拉索风雨振中的风场参数[J].铁道科学与工程学报,2004(1):52

CHEN Zhengqing, LIU Chengyin, NI Yiqing, et al. Wind parameters in wind-rain induced stay cable vibration on Dongting Lake Bridge [J]. Journal of Railway Science and Engineering, 2004(1): 52. DOI: 10.3969/j.issn. 1672-7029. 2004. 01.009

[10] 胡俊, 欧进萍. 某大跨悬索桥风振响应的现场实测与理论对比 分析[J]. 振动与冲击, 2013, 32(11):149

HU Jun, OU Jinping. Comparison between field measurement and theoretical analysis results for a long-span suspension bridge's windinduced vibration responses [J]. Journal of Vibration & Shock, 2013, 32(11):149. DOI: 10.3969/j.issn.1000-3835.2013.11.030

- [11] 胡俊, 欧进萍. 基于长期监测数据的某悬索桥桥位近处风场特性分析[J].中南大学学报(自然科学版), 2013, 44 (7):2989
 HU Jun, OU Jinping. Wind field characteristics analysis at a long-span suspension bridge based on a long-term monitoring data [J]. Journal of Central South University (Science and Technology), 2013, 44(7):2989
- [12]黄国庆. 普立特大桥桥位处山区风特性实测研究[J]. 西南交通 大学学报, 2016, 51(2):349

HUANG Guoqing. Field measurement study on wind characteristics at Puli Great Bridge site in mountainous area[J]. Journal of Southwest Jiaotong University, 2016, 51(2):349. DOI: 10.3969/j.issn. 0258-2724.2016.02.014

- [13] XU Man, GUO Weiwei, XIA He, et al. Wind-field measurement of a long-span bridge near Yangtze River estuary [C]//Proceedings of the Twenty-Seventh International Ocean and Polar Engineering Conference. San Francisco: ISOPE, 2017;1093
- [14]中华人民共和国交通部.中国公路桥梁抗风设计规范: JTG/T D60-01-2004[S].北京:人民交通出版社,2004
 The Ministry of Communications of PRC.Wind-resistent design specification for highway bridge: JTG/T D60-01-2004 [S]. Beijing: China Communication Press, 2004
- [15] CAO Yinghong, XIANG Haifan, ZHOU Ying. Simulation of stochastic wind velocity field on long-span bridges [J]. Canadian Metallurgical Quarterly, 2000, 126(1): 1

(编辑 魏希柱)