DOI:10.11918/j.issn.0367-6234.201805163

粗集料纹理粗糙度表征的高差相关函数方法

报

周兴林1, 李庆丰1, 祝媛媛1, 肖神清2

(1.武汉科技大学 汽车与交通工程学院,武汉 430065:2.哈尔滨工业大学 交通科学与工程学院,哈尔滨 150090)

摘 要:为全面描述粗集料的粗糙程度,引入高差相关函数进行粗集料表面纹理多参数表征.首先借助触针轮廓仪获取集料 表面纹理轮廓曲线,消除数据误差. 然后,计算粗集料高差相关函数,对函数进行分段拟合, 计算表面纹理曲线的自相似特征 参数(D, 5/1, 5/1)作为评价指标,分析粗集料表面纹理的粗糙程度.结果表明:粗集料表面纹理在一定范围内具有两段变维特 性, 微观纹理和宏观纹理的尺度界线为100~200 μm; 不同集料表面宏观纹理分形维数 D, 均在1.3 左右, 微观纹理分形维数 D, 均在1.05 左右,分形维数对粗糙度不敏感;水平截止波长 € // 和幅度期望值 ξ / 分别反映了粗集料表面微凸体的水平波长期望 值和垂直幅度期望值,水平截止波长 *K* / 反映最大微凸体的大小,其中白云岩和闪长岩较小,晶体结构较大的花岗岩较大.幅 度期望值 & 从大到小依次为闪长岩、黄砂岩、花岗岩1、辉绿岩、花岗岩2、白云岩,符合实际情况,幅度期望值 & 可定量描述集 料整体的粗糙程度. 自相似特征参数可全面描述粗集料表面纹理的粗糙程度.

关键词:道路工程;粗糙度表征;高差相关函数;粗集料;分形维数

中图分类号: U416 文献标志码:A 文章编号: 0367-6234(2019) 09-0157-08

Height difference correlation function method for texture roughness characterization of coarse aggregate

ZHOU Xinglin¹, LI Qingfeng¹, ZHU Yuanyuan¹, XIAO Shenqing²

(1.School of Automobile and Traffic Engineering, Wuhan University of Science and Technology, Wuhan 430065, China; 2. School of Transportation Science and Engineering, Harbin Institute of Technology, Harbin 150090, China)

Abstract: To fully describe the roughness of coarse aggregate, the height difference correlation function was introduced to characterize the surface texture of coarse aggregate with multi-parameters. First, the needle profiler was applied to obtain the texture profile curve of the aggregate surface and eliminate the error in data acquisition. Then, the height difference correlation function of the coarse aggregate was calculated, and the curve was fitted with piecewise fitting. The self-similar feature parameters $(D, \xi_{\parallel}, \xi_{\perp})$ of the surface texture curve were calculated as evaluation indexes to analyze the roughness of the surface texture of the coarse aggregate. Results show that the surface texture of the coarse aggregate had two sections of variable dimension within a certain range, and the scale boundary between the micro texture and the macro texture was 100-200 μ m. The fractal dimension D_1 of the macro texture of different aggregates was about 1.3, and the fractal dimension D_2 of the micro texture was about 1.05, which revealed that the fractal dimension was insensitive to roughness. The horizontal cutoff wavelength ξ_{\parallel} and the amplitude expectation value ξ_{\perp} reflected the expected values of the horizontal wavelength and the vertical amplitude of the micro-convex surface of the coarse aggregate, respectively. The horizontal cutoff wavelength $\xi_{/\!/}$ reflected the size of the largest microbump. The dolomite and the diorite were smaller, while the granite with larger crystal structure had a maximum value. The amplitude expectation value ξ_{\perp} was diorite, yellow sandstone, granite 1, diabase, granite 2, and dolomite in descending order, which was in line with the actual situation. The amplitude expectation value could quantitatively describe the overall roughness of the aggregate. The self-similar feature parameters could fully describe the roughness of the surface texture of the coarse aggregate.

Keywords: road engineering; roughness characterization; height difference correlation function; coarse aggregate; fractal dimension

粗集料的形态特征包括形状,大小,角度和表面 纹理[1]. 在机械载荷作用下,集料的形态特征对沥

通信作者: 周兴林,zxl65@163.com

青混凝土的整体响应起着重要作用,而粗集料的表 面纹理是影响沥青路面表面性能的关键因素^[2].通 过摄影测量和形态学技术对粗集料表面纹理进行分 析^[3],是沥青混合料研究的热点.沥青路面的抗滑 性能[4]、抗磨光性能[5]及抗车辙性能[6]等直接受粗 集料表面纹理的影响.因此,寻求粗集料表面纹理

收稿日期: 2018-08-31

基金项目:国家自然科学基金(51578430,51778509,51827812)

作者简介:周兴林(1965—),男,教授,博士生导师

定量表征方法,选择合适的粗糙度评价指标,对于指 导实际工程从而提高沥青混合料的路用性能具有重 要意义.

文献[7]采用表面轮廓测量系统对磨光前后集 料表面微观纹理的变化进行研究,结果表明标准粗 糙度参数 S. 可以很好地描述磨光前后纹理的变化. 文献[8]采用离散傅里叶变换方法,使用纹理因素 TF 对集料的纹理特性进行表征,结果表明随着 TF 增大,车辙深度变大,使用表面更粗糙的粗集料可提 高 SMA 抗车辙能力. 文献 [9] 为了更好地评估不同 波长的作用,将粗集料微观纹理(0.05~0.5 mm)和 宏观纹理(0.5~2.56 mm)分别分成4个和两个波长 带,采用功率谱密度函数 PSD 分析了集料微观纹 理,用均方根粗糙度 R。和表面光滑深度 R。表征摩 擦性能,结果表明 0.05~0.25 mm 的纹理波长能显 著提高表面的摩擦性能. 文献 [10] 采用二维功率谱 密度 2D-PSD 评估磨光前后表面粗糙度和纹理变 化,结果表明磨光仅在非常短的波长(<62.8 µm)下 影响表面纹理. 文献 [11-12] 采用 Micro-Deval 测试 集料的抗磨光性能,并采用纹理指数 TI 表征表面纹 理特性,结果表明纹理变化对磨光时的质量损失仅 有很小的影响. 考虑到现有测量系统都是从二维出 发进行集料纹理评价,文献[13]等人开发了三维纹 理开发程序 MicroSYS,采用 Z 平面体积差异参数表 征集料纹理特性,但参数的有效性还有待验证. 文 献[14] 通过立体显微镜扫描集料颗粒,并使用 Nis Elements D 软件创建集料的 3D 图像,通过软件的交 互式测量工具从 3D 图像获取集料轮廓. 计算轮廓 高程分布的平均算术偏差 R_a ,均方根 R_a ,偏度 R_{sk} 和 峰度 R_{ku},该方法显示了从单个集料获得的不同轮 廓之间统计特性的可变性. 目前学者们已经研究了 多种测量方法和表征参数描述粗集料表面纹理,但 考虑到纹理波长(微米级),准确定量的描述仍然很 有困难.

集料表面纹理在一定的尺度范围内呈现出统计 意义上的自相似性^[15],即具有分形特性.分形是定 量描述自然界不规则现象或物体的一种数学语言, 它用于表示在不同尺度下,纹理具有相似结构的特 性.文献[16]采用多种分维计算方法对花岗岩、玄 武岩、石灰岩等粗集料表面轮廓线进行分析,结果表 明粗集料表面纹理分形维数越大则粗糙程度越复 杂.文献[17]采用激光轮廓仪对粗集料表面纹理曲 线进行直接测量,通过轮廓滤波方法将纹理曲线分 为宏观纹理和微观纹理(波长界限为 2 mm).运用 分形理论中对随机过程的结构函数方法,验证了表 面纹理曲线的分形特性,并采用分形维数 D 和截距 K 作为评价指标定量描述粗集料的表面纹理粗糙 度^[18-19].但分形维数作为一个整体指标,只能反映 出物体的全局特征而不能表征局部奇异性^[20],且不 同方法求出的分维数也不相同.此外,由文献中数 据不难看出,分形维数对粗集料粗糙度不敏感,不同 集料纹理曲线的分形维数差别不明显.鉴于此,亟 待提出能准确全面地描述粗集料粗糙度的评价指 标.文献[21]在研究硬垫层与橡胶之间的摩擦时提 出了高差相关函数,结果表明相关参数可以很好地 表征路面纹理特性.因此,考虑粗集料表面纹理的 自相似性,本文尝试采用高差相关函数对粗集料表 面纹理特性进行分析,采用自相似特征参数作为评 价指标,多尺度表征厘米级到毫米级的粗集料表面 纹理特性,实现不同种类集料纹理的识别.

1 理论分析

1.1 高差相关函数

为了对表面纹理的粗糙度进行数学分析, 假设断面轮廓高程 *z*(*x*) 是自仿射的,则对任意比例因子 *A*,换算公式^[22] 为

$$\begin{cases} x \to \Lambda x, \\ z \to \Lambda^H z. \end{cases}$$
(1)

其中H为赫斯特指数,与分形维数D等效,对于轮廓 曲线, $D = 2 - H, 0 \le H \le 1$.

在式(1)中,使用的是二维符号.事实上,表面 的自仿射特性可由相关函数描述,例如高差相关函 数表示为

 $C_{z}(\lambda) = \langle (z(x + \lambda) - z(x))^{2} \rangle_{x} \sim \xi_{\perp}^{2}, (2)$ 式中 < ··· > x 表示 x 方向上的平均值, $C_{z}(\lambda)$ 描述 表面相对于水平方向的均方高度差, 可以理解为一 定尺度下表面的幅度方差期望值, 对于自仿射曲面, 在小尺度范围内, $C_{z}(\lambda)$ 遵循指数为 2H = 4 - 2D 的 幂定律, 直至达到断面轮廓的幅度方差期望值 ξ_{\perp}^{2} . 引入水平波长 λ 和垂直截止波长 $\xi_{//}$ 两个参数, 尺度 可表示为 $\lambda/\xi_{//}$,则根据式(1) 中的自仿射性定义可 推导出

$$C_{z}(\lambda) = \xi_{\perp}^{2} \left(\frac{\lambda}{\xi_{\parallel}}\right)^{4-2D}, \ \lambda < \xi_{\parallel}.$$
(3)

式(3)表明了小尺度范围内表面纹理的结构相 似特性,而在大尺度范围下表面纹理呈现出显著的 统计特性,则可得出表面幅度方差期望值 ξ_{\perp}^2 ,可表 示为

$$C_{z}(\lambda) = \xi_{\perp}^{2}, \lambda \geq \xi_{\parallel}.$$
(4)

高差相关函数可对粗糙度进行多尺度表征,3 个粗糙度参数 $D,\xi_{//}$ 和 ξ_{\perp} 可全面表征给定表面.图1 为 $C_z(\lambda)$ 与波长 λ 的双对数坐标示意图.





图1 自仿射表面高差相关函数图

Fig. 1 Height difference correlation function for a self-affine surface

在小尺度范围 $\lambda < \xi_{//}, C_{z}(\lambda)$ 可以很好地近似 于式(3)的斜率. 这说明随着水平波长 λ 的增加,粗 糙度按照斜率2H递增,直到 λ 接近 $\xi_{//}$ 并且在 $\xi_{//}$ 处 的粗糙度达到幅度方差期望值 ξ_{\perp}^{2} . 对于大尺度范 围 $\lambda > \xi_{//}$ 而言,随着高程断面两点之间的距离 λ 增 加,表面粗糙度(或高度差)不再增加.

1.2 基于表面分段变维分形的高差相关函数

分形表面具有显著的分段分维特性,仅用单一的分形维数代表整个表面纹理尺度范围内的分形特性存在一定的局限性^[23].对于粗集料,主要可从两个尺度研究其纹理特性:一是研究其微观纹理结构特性,二是研究最大微凸体的粗糙度.因此有必要引入两段变维分形,以更全面地描述粗集料表面纹理特性.两段变维分形的高差相关函数分别为

$$C_{z}(\lambda) = \xi_{\perp}^{2} (\frac{\lambda}{\xi_{\parallel}})^{2H_{1}}, \lambda_{2} < \lambda < \xi_{\parallel}; \qquad (5)$$

$$C_{z}(\lambda) = \xi_{\perp}^{2} (\frac{\lambda}{\lambda_{2}})^{2H_{2}} (\frac{\lambda_{2}}{\xi_{\parallel}})^{2H_{1}}, \lambda < \lambda_{2}.$$
(6)

其中 λ_2 可理解为两个尺度的水平波长界限,即微观 纹理与宏观纹理的界限(见图 2),水平截止波长 $\xi_{//}$ 则可解释为断面轮廓的最大微凸体尺寸.对式(5)、 (6)进行双对数变换,分段拟合后得到曲线的斜率 为 $2H_1$ 、 $2H_2$,则由 2H = 4 - 2D可求出分形维数 D_1 、 D_2 ,将拟合曲线延长至幅度方差期望值 ξ_{\perp}^2 ,其交点 对应的横坐标即为水平截止波长 $\xi_{//}$.







2 粗集料表面纹理数据获取及预处理

2.1 数据获取

选取粒径大小为 9.5~13.2 mm 的 6 种集料,分 别为闪长岩、黄砂岩、花岗岩 1、辉绿岩、花岗岩 2、白 云岩,其对应的磨光值依次为 73、60、47、46、46、37. 采用物镜 60 倍、目镜 100 倍的显微镜对集料表面进 行 60 倍放大观察,集料特性见图 3. 从图中可看出, 不同种类的集料表面粗糙程度区别较为明显,其中 闪长岩最为粗糙,白云岩相对最光滑.



米用针描法获取集料表面轮廓曲线. 试验仪器 为 MMD-R100D 高精度轮廓仪,轮廓仪 X 轴测量精 度为 1.2 μm,光栅分辨率为 0.1 μm, Z₁ 轴测量精度 为 1 μm,分辨率为 0.05 μm,测量速度为 0.02 ~ 4 mm/s,满足集料表面形貌测量要求. 测量过程中, 将集料置于 X 方向上的精密气浮直线运动导轨,使 触针与试件表面接触,通过测量系统进行设置,发出 测量命令,计算机接受命令后驱动控制指令使 X 向 运动导轨移动,集料沿 X 轴方向以采样间隔移动, 在待测部位得到测量点的 X 坐标,此时触针随表面 轮廓的起伏而上下移动,引起 Z₁轴的数字传感器输 出电信号,该信号经光电转换处理电路传输至计算 机进行处理,即为一个采集到的 Z 向坐标,重复该过 程,即可得到集料表面轮廓曲线. 测量仪器图及测 量原理图如图 4 所示. 轮廓仪所采集的粗集料表面 轮廓数据如图 5 所示.

2.2 数据预处理

数据预处理主要是为了消除针描过程中的倾斜坡 度误差及偏移误差.其中倾斜坡度误差来源于试件摆 放不正,使得获取的粗集料表面轮廓线具有一定的倾斜 坡度;偏移误差则是轮廓仪自身存在的测量误差造成.

令 z_i 为 x_i 处的样本i的测量信号值,N为评估信 号内的样本数量,则表面轮廓的斜率 b_1 的计算公 式^[24]为

$$b_{1} = \frac{12\sum_{i=0}^{N-1} i z_{i} - 6(N-1)\sum_{i=0}^{N-1} z_{i}}{N(N+1)(N-1)},$$
 (7)

表面轮廓的偏移量 b₀ 的计算公式为

$$b_0 = \frac{1}{N} \sum_{i=0}^{N-1} z_i - \frac{1}{2} b_1 (N-1), \qquad (8)$$

测量的信号值 z_i 根据式(9) 对斜率和偏移进行校正,得到校正采样信号值 Z_i 为

$$Z_{i} = z_{i} - b_{1}i - b_{0}, i = 0, \dots, N - 1, \qquad (9)$$

这里表面轮廓被视为样本数量 i 的函数,而不是测量距离 $x = (i\Delta x)$ 的函数. 消除倾斜坡度和偏移误差后,经坐标变换,得到图 6.





(a) 仪器图

图 4 针描法测量粗集料表面轮廓曲线





Fig.5 Profile of coarse aggregate







3 粗集料表面纹理测量结果和分析

3.1 高差函数计算

根据消除误差后的粗集料表面纹理数据,计算 粗集料高差函数. 各集料高差函数图如图 7 所示. 在 log $C_z(\lambda)$ 与 log λ 的双对数曲线中, 粗集料纹理 曲线表现出较好的线性关系, 表明粗集料表面纹理 曲线在一定范围内具有分形特性. 但随着尺度的增 大,这种幂律关系逐渐减弱, 直至 $\lambda \rightarrow \xi_{//}$ 时,曲线在 末端开始变得平缓. 这是因为在尺度增大时, 自相 关函数的相关程度减弱;参加计算的高差数量减小; 且随着尺度的增加,幅度方差期望值 ξ_{\perp}^2 达到饱和, 不再增加.

为分别求得其赫斯特指数 H_1 和 H_2 ,需对曲线进 行分段线性回归拟合. 文献[21] 表明赫斯特指数H或分形维数D取决于分段拟合时选择的区间间隔, 分形维数随区间长度增大而增大. 一般将区间设定为 [5 μ m,100 μ m] 和[300 μ m,1 000 μ m] 进行拟合,拟 合曲线的交点所对应的横坐标值即为 λ_2 取值. 文章 根据粗集料表面纹理曲线形状, 先将第一段拟合区 间定为[5 μm,100 μm],所对应的第二段拟合区间分 别定为[300 μm,1 000 μm]、[200 μm,1 000 μm]、 [150 μm,1 000 μm]、[100 μm,1 000 μm],拟合精 度见表 1.

表1 拟合精度对比图

Tab.1 Comparison of fitting accuracy

拟合区间 -	R_1^2		R_2^2	
	黄砂岩	花岗岩1	黄砂岩	花岗岩1
[300 µm,1 000 µm]	0.999 8	0.999 3	0.999 9	0.999 7
$[200 \ \mu m, 1 \ 000 \ \mu m]$	0.998 9	0.999 2	0.999 8	0.998 5
[150 µm,1 000 µm]	0.999 4	0.998 9	0.999 4	0.999 1
[100 µm,1 000 µm]	0.999 8	0.999 3	0.998 7	0.997 6

比较不同区间的拟合精度,可知区间[5 μm, 100 μm]和[300 μm,1 000 μm]的拟合精度最高,最 终选择区间[5 μm,100 μm]进行第一段拟合,选择 区间[300 μm,1 000 μm]进行第二段拟合,拟合结 果如图 7 所示. 由图 7 可知,在小尺度区间[λ, λ₂],粗集料粗糙度以斜率 2*H*₂ 递增,在大尺度区间



差期望值 ξ₁²,粗糙度不再随波长变化.根据拟合结果,获得粗集料表面自相似参数见表 2.



图 7 粗集料高差函数

Fig.7 Height difference correlation function of coarse aggregate

表 2 粗集料表面参数

Tab.2	Surface	parameters	of	coarse	aggregate

集料名称	D_1	D_2	$\xi_{/\!/}$ / mm	λ_2 / mm	ξ_\perp / mm
闪长岩	1.247 2	1.025 6	1.589 3	0.194 3	0.424 7
黄砂岩	1.182 4	1.033 9	3.069 0	0.110 9	0.285 2
花岗岩1	1.327 2	1.064 9	3.883 3	0.190 8	0.284 2
辉绿岩	1.302 4	1.052 8	3.123 2	0.219 8	0.261 9
花岗岩2	1.246 6	1.068 8	2.914 1	0.218 7	0.204 5
白云岩	1.314 6	1.062 1	1.737 8	0.153 6	0.171 9

3.2 实验验证

为全面反映粗集料表面纹理状况,对每个集料

采集不同方向的5条轮廓曲线计算高差函数,求其 平均函数并按照上述方法计算自相似特征参数,图 8 以闪长岩为例.其中图 8(a),轮廓测量在不同方 向进行,所求粗糙度具有典型的准各向同性特征,数 据具有可重复性.图 9 为粗集料微观与宏观分形维 数平均值对比,图 10 为各集料水平波长和幅度期望 平均值对比.



Fig.8 Height difference function calculation of diorite



Fig.9 Comparison of micro texture and macro texture fractal dimensions of coarse aggregate

由图9可知,集料宏观纹理与微观纹理的分形 维数具有明显差异,各集料微观纹理分形维数均在 1.05 左右,宏观纹理分形维数均在 1.3 左右,各集料 间差异不大.对于微观纹理,由于波长较小,粗糙程 度相差不大,因而分形维数几乎相等;然而粗糙程度 相差很大的集料,宏观纹理分形维数也相差不大,这 说明分形维数对粗集料表面纹理粗糙水平不敏感. 此外,若仅用分形维数作为独立参数来表达粗集料 表面的粗糙程度,则存在分形维数与粗糙度唯一对 应的问题^[25].事实上,由*D*=2-*H*,则知只要两条 直线平行,就会得到相等的分形维数,但这不能证明 两个表面的粗糙度相等.导致分形维数与粗糙度不 能唯一对应的原因,在于分形测量属于对轮廓曲线 的相似性测量,分形维数是一种相对性的描述参数, 它与测度绝对值的高低基本无关,而与多尺度测度 的相对值存在依赖关系.因此,分形维数必须结合 其他参数,才能准确表征粗糙程度.

由图 10 可知, λ, 为粗集料微观纹理与宏观纹 理的界线,均在100~200 µm 之间. 到目前为止,在 文献中没有关于长度尺度上的粗集料微观和宏观纹 理的准确定义.尽管如此,它们的共同波长通常位 于几百微米左右^[22].因而 100~200 µm 应是可信的 结果,另外,从岩石的结构特性来看,黄砂岩属于沉 积岩,表面颗粒大小为 0.05~2 mm,试验结果为 0.137 1 mm,符合实际情况;白云岩为细粒或中粒结 构,表面为微细晶,因而λ,值也较小;试验用闪长 岩、辉绿岩和花岗岩均属于岩浆岩,闪长岩为全晶质 中性深成岩,中粒至粗粒结构,辉绿岩为浅成岩,显 晶质,细-中粒结构,花岗岩为深成岩,晶体较粗大, 为粗粒至巨粒结构,因此 λ ,值均较大; ξ /在各集料 间具有明显差异,这主要是由岩石晶体分布状态决 定的,其中闪长岩与白云岩较小,花岗岩较大.各集 料间幅度期望值不同,从大到小依次为闪长岩、黄砂 岩、花岗岩1、花岗岩2、辉绿岩、白云岩、与粗集料 实际磨光值大小一致.参数ξ,可以很好地表征粗集 料的粗糙程度. 由所求 D, ξ// 和 ξ/ 平均值可以更全 面地表征给定粗集料表面.



4 结 论

 1)粗集料表面纹理在一定尺度范围内具有两段变维特性,粗集料微观纹理与宏观纹理的界线在 100~200 μm 左右,集料宏观纹理与微观纹理的分形维数具有明显差异,不同集料之间宏观纹理分形 维数和不同集料之间微观纹理分形维数差异均不明显.分形维数对粗集料表面的粗糙程度不敏感,采用分形维数作为独立参数评价粗集料表面粗糙度具 有很大局限性.

 2)根据水平截止波长 ξ[∥]可知粗集料表面最大 微凸体的大小,不同集料的最大微凸体大小差异明
 显.幅度期望值 ξ_⊥可定量描述粗集料的粗糙程度,幅 度期望值 ξ_⊥从大到小依次为闪长岩、黄砂岩、花岗岩
 1、辉绿岩、花岗岩 2、白云岩,符合实际情况.

3)由分形维数D,水平截止波长ξ_{//}和幅度期望 值ξ_⊥可以更加全面地描述粗集料表面粗糙程度.可 进一步对分段拟合区间进行细化,提高各参数的计 算精度,从而得到更准确的粗糙度表征结果.

参考文献

- ZHANG Dong, HUANG Xiaoming, ZHAO Yongli. Investigation of the shape, size, angularity and surface texture properties of coarse aggregates[J]. Construction & Building Materials, 2012, 34(34): 330
- [2] ARAGÃO F T S, PAZOS A R G, MOTTA L M G D, et al. Effects of morphological characteristics of aggregate particles on the mechanical behavior of bituminous paving mixtures [J]. Construction & Building Materials, 2016, 123:444
- [3] BANGARU R S. Aggregate shape characterization in frequency domain[J]. Construction & Building Materials, 2012, 34(5):554
- [4] REGINALD B K, EYAD A, KASSEM E, et al. A state-of-the-art review of parameters influencing measurement and modeling of skid resistance of asphalt pavements [J]. Construction & Building Materials, 2016, 114(7):602
- [5] HUANG Chengyi. Texture characteristics of unpolished and polished aggregate surfaces [J]. Tribology International, 2010, 43 (1/2): 188
- [6] CHUN S, KIM K, PARK B, et al. Evaluation of the effect of segregation on coarse aggregate structure and rutting potential of asphalt mixtures using Dominant Aggregate Size Range (DASR) approach [J]. KSCE Journal of Civil Engineering, 2017(6):1
- [7] DUNFORDA M, PARRY A R, SHIPWAY P H, et al. Three-dimensional characterisation of surface texture for road stones undergoing simulated traffic wear[J]. Wear, 2012, 292(15):188
- [8] LIU Yufeng, HUANG Yucheng, SUN Wenjuan, et al. Effect of coarse aggregate morphology on the mechanical properties of stone matrix asphalt[J]. Construction & Building Materials, 2017, 152: 48
- [9] KOUCHAAKI S, ROSHANI H, PROZZI J A, et al. Evaluation of aggregates surface micro-texture using spectral analysis [J]. Construction & Building Materials, 2017, 156:944
- [10] WANG Dawei, LIU Pengfei, WANG Hao, et al. Modeling and testing of road surface aggregate wearing behaviour [J]. Construction & Building Materials, 2017, 131:129
- [11] WANG Dawei, WANG Hainian, BU Yin, et al. Evaluation of aggregate resistance to wear with Micro-Deval test in combination with aggregate imaging techniques[J]. Wear, 2015, 338-339:288
- [12] WU Jiangfeng, HOU Yue, WANG Linbing, et al. Analysis of

coarse aggregate performance based on the modified Micro Deval abrasion test[J]. International Journal of Pavement Research & Technology, 2018, 11: 185

- [13] ZUZANA F, MICHAL J. Quantification of aggregate surface texture based on three dimensional microscope measurement [J]. Procedia Engineering, 2017, 192
- [14] FLORKOVÁ Z, KOMAĈKA J. Usage of microscope method for detection of aggregate microtexture [J]. Procedia Engineering, 2015, 111
- [15]周兴林,肖神清,肖旺新,等. 粗集料表面纹理粗糙度的多重分 形评价[J]. 华中科技大学学报(自然科学版),2017,42(2): 29.

ZHOU Xinglin, XIAO Shenqing, XIAO Wangxin, et al. Multi-fractal evaluation on roughness of coarse aggregate surface texture [J]. Journal of Huazhong University of Science and Technology (Natural Science Edition), 2017, 42(2):29

- [16]张肖宁,孙杨勇. 粗集料表面纹理轮廓线分形分析及不同维数 算法探讨比较[J]. 公路, 2010(12):124 ZHANG Xiaoning, SUN Yangyong. Analysis of fractal of microstructure curve of coarse aggregate and contrast between different dimension algorithms[J]. Highway, 2010 (12):124
- [17]周纯秀,陈国明,谭忆秋.集料表面纹理粗糙度的测量[J].交通运输工程学报,2009,9(1):50
 ZHOU Chunxiu, CHEN Guoming, TAN Yiqiu. Roughness measurement of aggregate surface texture[J]. Journal of Traffic and Transportation Engineering, 2009,9(1):50
- [18]周纯秀,陈国明,谭忆秋. 粗集料表面纹理粗糙度的分形测量和描述[J]. 哈尔滨工业大学学报,2009,41(11):85
 ZHOU Chunxiu, CHEN Guoming, TAN Yiqiu. Fractal Measurement and characterization on roughness of coarse aggregates surface texture
 [J]. Journal of Harbin Institute of Technology, 2009, 41(11):85
- [19]陈国明,周纯秀,谭忆秋. 粗集料表面纹理的分形评定及沥青 混合料性能试验[J]. 交通运输工程学报,2009 (4):1
 CHEN Guoming, ZHOU Chunxiu, TAN Yiqiu. Fractal evaluation of surface texture for coarse aggregate and performance test of asphalt mixture [J]. Journal of Traffic and Transportation Engineering, 2009, (4):1
- [20] LOEHLE C, LI B L. Statistical properties of ecological and geologic fractals[J]. Ecological Modeling, 1996, 85(2/3): 271
- [21] GAL A L, KLÜPPEL M. Investigation and modelling of rubber stationary friction on rough surfaces[J]. Journal of Physics Condensed Matter, 2007, 20(1):15
- [22] TORBRUEGGE S. Characterization of pavement texture by means of height difference correlation and relation to wet skid resistance[J]. Journal of Traffic & Transportation Engineering, 2015, 2(2):59
- [23]杨发. 基于胎/路耦合的沥青路面抗滑性能研究[D]. 东南大学, 2014
 YANG Fa. Analysis of asphalt pavement skid resistance based on tire-road coupling[D]. Southeast University, 2014
- [24] Characterization of pavement texture by use of surface profiles-Part 4: Spectral analysis of surface profiles: ISO/TS 13473-4-2008 [S]. London: British Standards Institute, 2008
- [25] 葛世荣. 粗糙表面的分形特征与分形表达研究[J]. 摩擦学学报, 1997, 17(1):73
 GE Shirong. The fractal behavior and fractal characterization of rough surfaces[J]. Tribology, 1997, 17(1):73