DOI:10.11918/201807180

特高压输电导线的 X 波段电磁散射特性

刘 艳1,刘 凯1,石书祝2,徐 珂3

(1.电网环境保护国家重点实验室(中国电力科学研究院),武汉 430074;2.武汉大学 遥感信息工程学院,武汉 430079;3.国网山东省电力公司 菏泽供电公司,山东 菏泽 274000)

摘 要:为阐明特高压输电导线对 X 波段高分辨率合成孔径雷达卫星信号的电磁散射特性,首先分析了特高压输电导线的几 何结构特征和材质,并基于悬链线方程建立导线的物理模型. 然后分析了特高压输电导线的 X 波段电磁散射特性,其中通过 求解圆柱坐标系下的 Helmholtz 方程获得特高压输电导线的二维绕射系数,并利用增量长度绕射系数方法获得输电导线的三 维绕射系数和三维雷达横截面积. 最后针对不同极化模式和不同导线直径,将特高压输电导线雷达横截面积(RCS)的理论计 算结果与微波暗室测量结果进行对比分析. 结果表明:垂直-垂直和水平-水平极化模式下,不同直径特高压输电导线 RCS 理 论计算结果与实际测量结果之间的最大平均相对误差为 8.1%,初步验证了所提出的特高压输电导线 X 波段电磁散射特性分 析方法的正确性.

关键词: 合成孔径雷达;特高压输电导线;电磁散射;增量长度绕射系数;雷达横截面积
 中图分类号: TN955
 文献标志码: A
 文章编号: 0367-6234(2020)03-0173-06

Electromagnetic scattering characteristics of ultra-high-voltage power transmission line at X-band frequencies

LIU Yan¹, LIU Kai¹, SHI Shuzhu², XU Ke³

(1.State Key Laboratory of Power Grid Environmental Protection (Electric Power Research Institute), Wuhan 430074, China;2. School of Remote Sensing and Information Engineering, Wuhan University, Wuhan 430079, China;

3. Heze Power Supply Company, State Grid Shandong Electric Power Company, Heze 274000, Shandong, China)

Abstract: To illustrate the electromagnetic scattering characteristics of ultra-high-voltage power transmission line when it is illuminated by high-resolution synthetic aperture radar satellite working at X-band frequencies, the geometric structure and the material properties of ultra-high-voltage power transmission lines were first analyzed, and a physical model was developed for power lines based on the catenary equation. Then, the electromagnetic scattering characteristics of ultra-high-voltage power transmission line at X-band frequencies were analyzed, where the Helmholtz equation in cylindrical coordinates was solved to obtain the two-dimensional diffraction coefficient and, subsequently, the incremental length diffraction coefficient method was employed to acquire the three-dimensional diffraction coefficient and the radar cross section (RCS). Finally, taking into account different polarization modes and diameters of power line, the calculation results of the RCS of power line were compared with the measured anechoic chamber data. Analysis results show that a maximum mean error of 8.1% could be achieved for different diameters of power line, which preliminarily confirms the correctness of the proposed method when it is used for analyzing the electromagnetic scattering characteristics of ultra-high-voltage power transmission line at X-band frequencies.

Keywords: synthetic aperture radar; ultra-high-voltage power transmission line; electromagnetic scattering; incremental length diffraction coefficient; radar cross section

星载合成孔径雷达(SAR)不受云雾、雨雪、太阳 光照等条件的限制,可对大面积区域内的电力设施 进行全天候、全天时监测,非常适合应用于冰雪、地 震、洪水等大范围自然灾害条件下输电杆塔和输电 导线等电力设施的安全状态(比如毁损、覆冰等)评 估.随着星载 SAR 分辨率的不断提高,基于其影像 监测输电杆塔和输电导线正受到越来越多的关注. 文献[1-3]已经建立了从 TerraSAR-X 卫星 1 m 分 辨率影像中提取特高压铁塔目标和检测铁塔形变的 方法,验证了基于高分 SAR 卫星监测覆冰铁塔及其 形变的可行性.此外,还分析了特高压输电导线在 不同分辨率和不同极化模式 SAR 卫星影像中呈现 出的散射特征^[4],发现极化方式、卫星地面运动轨 迹与输电线路走向之间的夹角会对特高压输电导线

收稿日期: 2018-07-24

基金项目:国家电网公司科技项目(GY71-17-043)

作者简介:刘 艳(1979—),女,博士,高级工程师

通信作者:石书祝,shishuzhu@whu.edu.cn

在卫星影像上形成的散射亮斑造成显著影响. 侯爱 羚等^[5]在此基础之上详细分析了特高压输电线路 的夹角、跨度和垂曲率对散射亮斑形成及其雷达像 空间位置的影响. 李沙和陈志国等[6-7] 分别基于时 序 TerraSAR-X 卫星影像分别分析了散射亮斑亮度、 面积、位置和相位的变化特征,但上述研究只分析 了特高压输电导线在高分 SAR 卫星影像上呈现出 的散射特征,并没有深入阐述其形成机理,因此无法 合理解译某些散射特征,同时也限制了基于高分 SAB 卫星影像进一步提取特高压输电导线的状态 参数. 由此可见, 分析特高压输电导线对 SAR 卫星 信号的电磁散射特性,并进一步阐明高分 SAR 卫星 影像上特高压输电导线散射亮斑的形成机理,对利 用这类卫星监测特高压输电导线有非常重要的意 义,但目前尚未见到相关研究报道.另一方面,国内 外针对机载毫米波防撞雷达,详细分析了输电导线 对毫米波信号的电磁散射特性^[8-10],但现有 SAR 卫 星的信号波长、极化方式、成像几何结构明显不同于 机载毫米波雷达,导致输电导线的电磁散射特性也 会存在明显差异.

针对监测特高压输电线路常用的 TerraSAR-X 卫星,本文基于增量长度绕射系数(ILDC)方法分析 了特高压输电导线对工作在 X 波段上的 TerraSAR-X 卫星信号的电磁散射特性,在此基础之上推导了 求解特高压输电导线三维雷达横截面积(RCS)的公 式,并将导线 RCS 的理论计算结果与微波暗室测量 结果进行了对比分析,为后续阐明高分辨率 TerraSAR-X 卫星影像上特高压输电线路散射亮斑 的形成机理奠定理论基础.

1 特高压输电导线的 X 波段电磁散 射特性分析

1.1 特高压输电导线物理模型的建立

高分辨率 TerraSAR-X 卫星工作在 X 波段(关于该卫星的详细工作参数可参见文献[11]),发射 信号载波的中心频率 f_c 为9.6 GHz,因此可得信号波 长为

$$\lambda = c/f_c \approx 0.031 \text{ m}, \qquad (1)$$

式中 c 为光速.

依据弗兰霍夫判据^[12],当利用 TerraSAR-X 卫 星监测目标时,如果目标表面高度标准偏离差小于 1.88 mm,那么可认为目标表面光滑.特高压输电导 线中单根铝芯线的直径为 2.4 mm,绞合之后的导线 表面起伏差小于 1.2 mm^[5],因此可认为特高压输电 导线的表面是光滑的.此外,针对式(1)给出的信号 波长,还可以认为导线表面的绝缘层是透明的,而且 绝缘层下面的材料是完美电导体.

由于输电导线不是完全刚性的,在自身重力和 相邻两基输电杆塔高度差的影响下,具有一定跨度 的特高压输电导线的实际形状如图1所示的一条悬 链线.



图 1 具有一定跨度的特高压输电导线的实际形状

Fig.1 Actual geometry of ultra-high-voltage power transmission line with a certain amount of span length

图 1 中 P_A 和 P_B 为输电导线相邻两基输电杆 塔, h_A 和 h_B 为两基输电杆塔对应的高度,h 和 L_{AB} 分 别为两基输电杆塔之间的高程差和档距, y_2 为输电 导线, y_1 为悬挂点之间的直线线段, φ 为 y_1 与水平面 之间的夹角, β 为输电导线在杆塔 P_A 悬挂点处的对 地倾斜角, Δy 为输电导线上任意一点的弧垂.因此, 可利用无摆动情况下输电导线的悬链线方程构建实 际特高压输电导线的物理模型^[13],即

$$y = a \cdot \cosh \frac{x - b}{a} + d. \tag{2}$$

式中: *a* 为悬链系数, cosh(·) 为双曲余弦函数, 系数 *b* 、*d* 的求解见文献[13].

1.2 特高压输电导线三维 RCS 的求解

由于特高压输电导线的直径大约为 30 mm,与 式(1)给出的 TerraSAR-X 卫星信号波长非常接近, 因此绕射场在特高压输电导线对卫星信号的电磁散 射中占主导地位^[14],明显不同于其他类型输电导线 的 X 波段电磁散射特性和各类输电导线在毫米波 段上的电磁散射特性.另一方面,由于 SAR 卫星与 输电线路相距非常远,因此可认为卫星信号以平面 波的方式照射输电导线.

基于上述近似,首先将式(2)所示的整条输电 导线划分为多个有限长完美电导光滑圆柱体,然后 分析单个圆柱体对 TerraSAR-X 卫星信号的电磁散 射特性,最后通过对所有圆柱体的电磁散射场强度 进行相干累加,获得整条输电导线对卫星信号的电 磁散射特性以及输电导线的三维 RCS. 具体分析过 程如下.

麦克斯韦波动方程组为

$$\begin{cases} \Delta^{2} \boldsymbol{E} - \frac{1}{c^{2}} \frac{\partial^{2} \boldsymbol{E}}{\partial t^{2}} = \frac{1}{\varepsilon_{0}} \Delta \rho + \mu_{0} \frac{\partial \boldsymbol{M}}{\partial t}, \\ \Delta^{2} \boldsymbol{B} - \frac{1}{c^{2}} \frac{\partial^{2} \boldsymbol{B}}{\partial t^{2}} = \mu_{0} \Delta \times \boldsymbol{M}. \end{cases}$$
(3)

式中: E 为电场强度, B 为磁感应强度, M 为传导电 流密度, ρ 为自由电荷体密度, Δ 为拉普拉斯算符, ε_0 为介电常数, μ_0 为介质磁导率.

在没有自由电荷和电流的情况下 $\rho = M = 0$,式(3)可以转变为如下所示的矢量 Helmholtz 方程:

$$\begin{cases} \Delta^2 E + k_0^2 E = 0, \\ \Delta^2 B + k_0^2 B = 0. \end{cases}$$
(4)

式中 k_0 为载波波数, $k_0 = 2\pi f_c/c$.

在特定坐标系下,将电磁强度 E 和磁感应强度 B 用它们的矢量分量表示,并求解所产生的标量 Helmholtz 方程,即可求解式(4)给出的方程组.对于 图 2 所示的圆柱坐标系,标量 Helmholtz 方程可表 示为

$$\begin{bmatrix} \Delta^2 + k_0^2 \end{bmatrix} f(r, \theta, z) = \frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} \left(r \frac{\partial f}{\partial r} \right) + \frac{1}{r^2} \frac{\partial^2 f}{\partial \theta^2} + \frac{\partial^2 f}{\partial \theta^2} + k_0^2 f = 0.$$
(5)



Keller锥

- 图 2 完美电导光滑圆柱体对斜入射信号的电磁散射示 意图
- Fig.2 Electromagnetic scattering from a perfectly conducting smooth cylinder in the case of oblique-incidence illumination

由于 SAR 卫星与输电线路相距非常远,即观测 点位于远场,因此对完美电导圆柱体施加边界条件, 可得到斜入射情况下标量 Helmholtz 方程的特殊 解^[15]为

$$E_{s} = \sqrt{\frac{2}{\pi k_{0}R}} E_{in} \sqrt{\cos\vartheta} \times \exp\left[j\left(k_{0}z_{o}\sin\vartheta + k_{0}R\cos\vartheta - \frac{\pi}{4}\right)\right] \times \sum_{n=-\infty}^{\infty} (-1)^{n} C_{n}.$$
 (6)

式中: E_s 、 E_{in} 分别为散射电场和入射电场的强度, R为圆柱体与观测点之间的距离, ϑ 为倾角, z_o 为沿着圆柱体到选定基准点的距离, C_n 为取决于极化、圆柱体尺寸和辐射波长的一个量. 对于完美电导圆柱体, 交叉极化项为 0, 因此 C_n 仅由辐射波长和圆

柱体的直径 a_0 决定,即

$$C_n^{\rm TM} = -\frac{J_n(k_0 a_0 \cos\vartheta)}{H_n^{(1)}(k_0 a_0 \cos\vartheta)},\tag{7}$$

$$C_n^{\text{TE}} = -\frac{\int_n (k_0 a_0 \cos\vartheta)}{H_n^{(1)'}(k_0 a_0 \cos\vartheta)},\tag{8}$$

$$C_n^{\text{TM}} = C_{-n}^{\text{TM}}, \ C_n^{\text{TE}} = C_{-n}^{\text{TE}}.$$
 (9)

式中:TM 为横磁波,TE 为横电波, $J_n(\cdot)$ 为第1类的 n 阶 Bessel 函数, $H_n^{(1)}(\cdot)$ 为第1 类的 n 阶 Hankel 函数,(')为求导数符号.

不失一般性,假设 $z_o = 0$,依据式(6)可得到 Keller 锥中前向散射场强的二维解.基于该二维解, 并利用方程:

$$\sigma_{\rm 2D} = \lim_{R \to \infty} 2\pi R \, \frac{|E_{\rm s}|^2}{|E_{\rm in}|^2},\tag{10}$$

可得到圆柱体的二维 RCS. 这里引人矢量:二维绕 射系数 \overline{d} ,而且在圆柱坐标系下该参量通过方程:

$$E_{\rm s} = E_{\rm in} \, \frac{\mathrm{e}^{\mathrm{j}(k_0 R - \frac{\pi}{4})}}{\sqrt{2\pi} R} \, \vec{\boldsymbol{d}} \cdot \boldsymbol{p} \,, \tag{11}$$

将散射场与入射场进行关联^[16].式中**p**为沿入 射电场极化方向的一个单元矢量.结合式(6),可推 得斜入射情况下反映完美电导光滑圆柱体电磁散射 特性的二维绕射系数,即

$$\overline{d} = 2\sqrt{\frac{2}{\pi}} \exp(-j\frac{\pi}{4}) \sum_{n=0}^{\infty} (-1)^{n+1} \overline{C}_n. \quad (12)$$

从图 2 中可以看出,式(12)给出的二维绕射系数只描述了 Keller 锥中的散射场.为获得比较准确的电磁散射强度,还需要考虑 Keller 锥之外的散射场,进而获得三维绕射系数. Mitzner 提出的 ILDC 方法综合考虑了 Keller 锥内外的散射场^[17],进而可求得比较准确的三维绕射系数. 具体求解过程如下.

与二维绕射系数的定义相似,三维绕射系数的 定义^[17]为

$$\overline{\boldsymbol{D}} = \frac{1}{2\pi} \exp\left[-j(2\boldsymbol{k}\cdot\boldsymbol{l}) + \frac{\pi}{4}\right] k_0 T_{\rm ey} \sin c(X_{\rm in}) \ \overline{\boldsymbol{d}}_{\rm 3D}.$$
(13)

式中: T_{ey} 为圆柱体的长度, X_{in} 定义成 $\frac{kT_{ey}}{\pi}$ sin β_{in} , l为导线上的一个点与场景参考点之间的距离矢量, $k = k_0 l$, β_{in} 为入射场相对于圆柱体轴线方向的倾角. 矢量 \overline{d}_{3D} 称为 ILDC, 通常为入射角和观测角的函数.

在文献[17]中, Mitzner 指出完美电导光滑圆柱体后向散射的同极化 \bar{d}_{3D} 正好等于前向散射 Keller 锥中的二维绕射系数 \bar{d} ,因此将式(12)代入到式(13),即可求得三维绕射系数 \bar{D} .此外,由于三维

RCS 的表达式为

$$\sigma_{3D} = 4\pi \lim_{R \to \infty} R^2 \frac{(\boldsymbol{E}_{s} \cdot \boldsymbol{E}_{s}^{*})}{(\boldsymbol{E}_{in} \cdot \boldsymbol{E}_{in}^{*})}, \qquad (14)$$

结合式(11)~(14),可推得三维绕射系数与三维 RCS之间的关系式为

$$\sigma_{3\mathrm{D}} = \lambda^2 \left| \sum_{q=1}^{m} \overline{D}_{q} \left(\beta_{\mathrm{in}} \right)_{q} \right|^2.$$
 (15)

式中m为将输电导线分割之后得到的圆柱体的总 个数.

综上所述,针对所建立的特高压输电导线物理 模型,首先通过求解圆柱坐标系下的 Helmholtz 方 程,获得输电导线的二维绕射系数. 然后利用 ILDC 方法获得输电导线的三维绕射系数. 最后利用三维 RCS 与三维绕射系数之间的关系,推得特高压输电 导线的三维 RCS.

2 试验结果及分析

为验证上述特高压输电导线 X 波段电磁散射 特性分析方法的正确性,下面将特高压输电导线 RCS 的理论计算结果与微波暗室测量结果进行比较 分析.理论计算和实验测试中所用到的参数包括: 1)特高压输电导线的长度为 0.5 m,直径分别为 30.1、35.2 mm,材质为钢芯铝绞线;2)观测角度为 -10°~80°,步进为 1°;3)输电导线与观测点之间的 距离为 20 m;4)测试天线的极化方式为双极化,天 线3 dB波束宽度为 10°;5)测试信号采用线性调频 信号,中心频率为 9.6 GHz;6)将输电导线分割成 1 000个小圆柱体,每个小圆柱体的长度为 0.5 mm.

此外,理论计算中需要用到的其他角度值和距 离值可依据观测角度和导线分割之后每个小圆柱体 中心的位置计算得到,并且依据式(15)获得特高压 输电导线在 X 波段上的 RCS 理论计算值.

微波暗室和部分测量装置的实物如图 3 所示. 测试中使用一套动态范围为 100 dB 而且具备全极 化性能的矢量网络分析仪测量来自特高压输电导线 的后向散射回波.天线系统由一套直接式收发转换 器和一套交叉极化隔离度为 20 dB 的双极化方形喇 叭天线组成.目标被放置在垫有泡沫并且可灵活调 节方位角和仰角的旋转台上.测试目标直径分别为 30.1、35.2 mm 的两根 0.5 m 长钢芯铝绞线.在测量 之前,先进行校正以获得校正因子,校正步骤包括: 1)在 10 个不同的视角上对校准用的小球的复数幅 值进行 10 次测量;2)撤掉小球,再次在 10 个视角上 对安装平台的复数幅值进行 10 次测量;3)将步骤 1 中测量结果的平均复数幅值减去步骤 2 中测量结果 的平均复数幅值;4)将步骤 3 得到的结果的幅度平 方除以小球的 RCS 得到校正因子.

实际测量中,在相对于垂直入射角-10°~80°之 间以 1°的步进测量输电导线的平均复数幅值,然后 减去校正步骤 2 中测得的安装平台的平均复数幅 值,最后取幅度平方,并除以校正因子,即可测得输 电导线的 RCS. 此外,依据瑞利远场准则,对于0.5 m 长特高压输电导线和 TerraSAR 卫星信号波长,满足 远场条件的最小测量距离为

$$d_{\min} = \frac{2L^2}{\lambda} \approx 16 \text{ m}, \qquad (16)$$

式中L为特高压输电导线的长度.在实验中,设置测量距离为20m,因此可认为观测点位于远场.



图 3 微波暗室测量装置实物图

Fig. 3 Pictures of some measuring devices in the anechoic chamber

由于 TerraSAR 卫星只有水平-水平(horizontalhorizontal, HH)和垂直-垂直(vertical-vertical, VV) 两种极化工作方式,因此这两种极化方式下直径为 30.1 mm、长度为 0.5 m 的钢芯铝绞材质型特高压输 电导线 RCS 的理论计算结果与微波暗室测量结果 的对比分析如图 4 所示.

从该图中可以看出,在 HH 极化和 VV 极化方 式下,特高压输电导线 RCS 的理论计算值和实际测 量值在靠近垂直入射方向上吻合得比较好. 随着观 测方向偏离垂直入射方向的角度越大,理论计算值 与实际测量值之间的偏离也越大. 这是由于在微波 暗室中测试的特高压输电导线的长度有限,当偏离 垂直入射方向的观测角度很大时,需要考虑输电导 线两端部分的电磁散射场. 另外,依据图 4 可以测 得 HH 极化方式下特高压输电导线 RCS 的理论计 算值与实际测量值之间的平均误差为 3.5%, VV 极 化方式下两者之间的平均误差别 6.5%. 由此可见, VV 极化方式下的平均误差明显大于 HH 极化方式 下的平均误差,这可能是由于分析中将表面有凹槽 的螺旋缠绕输电导线近似为表面光滑圆柱体.







HH 极化和 VV 极化方式下,直径为 35.2 mm、 长度为 0.5 m 的钢芯铝绞线材质型特高压输电导线 RCS 的理论计算结果与微波暗室测量结果的对比分 析如图 5 所示.

从图 5 中可以看出,在 HH 极化和 VV 极化方 式下,特高压输电导线 RCS 的理论计算值和实际测 量值在靠近垂直入射方向上同样吻合得比较好.但 随着观测方向偏离垂直入射方向的角度越大,理论 计算值与实际测量值之间的偏离也同样会变得越 大.另外,依据图 5 可以测得 HH 极化方式下特高压 输电导线 RCS 的理论计算值与实际测量值之间的 平均误差为 3.2%, VV 极化方式下两者之间的平均 误差为 8.1%.由此可见,当特高压输电导线的直径 发生变化时, VV 极化方式下的平均误差还是明显 大于 HH 极化方式下的平均误差.通过对比图 4 和 图 5,还可以发现不同直径的特高压输电导线在相 同极化方式下具有不同的 RCS 值.这是因为波数与 导线直径的乘积会影响特高压输电导线在 X 波段 上的电磁散射特性.



图 5 直径为 35.2 mm 的特高压输电导线的 RCS 结果

Fig. 5 RCS results for ultra-high-voltage power transmission lines with a diameter of 35.2 mm

3 结 论

1)分析了特高压输电导线在高分 TerraSAR-X 卫星工作波段上的电磁散射特性,推导了输电导线 的三维 RCS 表达式,并将其理论计算结果与微波暗 室测量结果进行了对比分析.

2)当输电导线的直径为 30.1 mm 时,HH 极化 方式下理论计算结果与实际测量结果之间的平均误 差为 3.5%,VV 极化方式下该平均误差为 6.5%.

3)当输电导线的直径为 35.2 mm 时,HH 极化 方式下理论计算结果与实际测量结果之间的平均误 差为 3.2%,VV 极化方式下该平均误差为 8.1%.

4)分析结果初步验证了所提出的特高压输电 导线 X 波段电磁散射特性分析方法的正确性. 接下 来,一方面将在计算二维绕射系数中,综合考虑输电 导线两端部分引起的电磁散射场以及输电导线的螺 旋缠绕结构,进一步提高计算三维 RCS 的精度. 另 一方面,还需将所得到的三维 RCS 值结合到 SAR 回 波信号相位历史构建中,以模拟 TerraSAR-X 卫星对 特高压输电导线进行成像的回波信号,并利用对应 的成像算法获得模拟 SAR 影像.

参考文献

 [1] 刘艳,胡毅,王力农,等.高分辨率 SAR 卫星监测特高压输电铁 塔形变[J].高电压技术,2009,35(9):2076

LIU Yan, HU Yi, WANG Linong, et al. Surveillance for 1000 kV transmission tower deformation using high-resolution SAR satellite [J]. High Voltage Engineering, 2009, 35(9): 2076

[2] 刘艳,刘经南,李陶,等.利用高分辨率 SAR 卫星监测灾害条件 下电网铁塔形变[J].武汉大学学报(信息科学版),2009,34 (11):1354

LIU Yan, LIU Jingnan, LI Tao, et al. Monitoring damage of state grid transmission tower in bad weather by high-resolution SAR satellites[J].Geomatics and Information Science of Wuhan University, 2009, 34(11): 1354

- [3] 胡毅,王力农,刘凯,等.高分辨率 SAR 图像中特高压铁塔覆冰 特性分析[J].高电压技术,2010,36(7):1589
 HU Yi, WANG Linong, LIU Kai, et al. Characteristics of icing UHV transmission tower in high-resolution SAR images [J]. High Voltage Engineering, 2010, 36(7): 1589
- [4] LIU Yan, HOU Ailing, LI Sha, et al. High voltage power line scattering feature analysis in multi SAR sensors and dual polarization
 [C]//Proceedings of the Second International Workshop on Earth Observation and Remote Sensing Applications. Piscataway, NJ: IEEE Press, 2012; 225
- [5] 侯爱羚,李陶,李沙,等.高压输电线散射斑雷达像空间位置形成条件分析[J].测绘工程,2015,24(4):53
 HOU Ailing, LI Tao, LI Sha, et al. A study of high voltage power line scattering spot forming condition and spatial position[J].Engineering of Surveying and Mapping, 2015, 24(4):53
- [6] 李沙,李陶,王明洲,等.针对超高压输电导线的散射亮斑时间序 列分析[J].测绘科学,2015,40(4):126
 LI Sha, LI Tao, WANG Mingzhou, et al. Analysis on scatterers time

series of extra-high voltage power line[J]. Science of Surveying and Mapping, 2015, 40(4): 126

[7] 陈志国,李陶,张校志,等.雷达卫星影像中输电导线散射斑的相位时间序列稳定性分析[J].测绘工程,2017,26(4):22

CHEN Zhiguo, LI Tao, ZHANG Xiaozhi, et al. Analysis on time se-

ries phase stability of power line scatterers in SAR images[J]. Engineering of Surveying and Mapping, 2017, 26(4): 22

- [8] ESSEN H, BOEHMSDORFF S, BIEGEL G, et al. On the scattering mechanism of power lines at millimeter-waves [J]. IEEE Transactions on Geoscience and Remote Sensing, 2002, 40(9): 1895
- [9] SARABANDI K, PARK M. A radar cross-section model for power lines at millimeter-wave frequencies[J]. IEEE Transactions on Geoscience and Remote Sensing, 2003, 51(9): 2353
- [10] HUANG Wei, YANG Xiaoliang, WEI Qingchun. The detection model analysis for power lines at millimeter-waves [C]//Proceedings of the 5th Global Symposium on Millimeter Waves. Piscataway, NJ: IEEE Press, 2012: 541
- [11] German Aerospace Center. TerraSAR-X—Germany's radar eye in space [EB/OL].(2014-03-21)[2018-07-11]. http://www. dlr.de/dlr/en/desktopdefault.aspx/tabid-10377/
- [12]杨钰琦.粗糙面散射的 BRDF 方法研究[D].西安:西安电子科 技大学,2012

YANG Yuqi. Study on electromagnetic scattering from rough surface based on BRDF[D]. Xi'an: Xidian University, 2012

- [13]张江华.高压输电线路弧垂在线监测研究[D].武汉:华中科技 大学,2012
 ZHANG Jianghua. Research on online monitoring of sag of HV power lines[D]. Wuhan: Huazhong University of Science and Technology, 2012
- [14]UFIMTSEV P Y. Fundamentals of the physical theory of diffraction [M]. Hoboken, NJ: Wiley, 2007
- [15]RUCK G T, BARRICK D E, STUART W D, et al. Radar cross section handbook[M]. New York: Plenum Publishing Corporation, 1970
- [16] BLUME S, KREBS V. Numerical evaluation of dynamic diffraction coefficients and bistatic radar cross sections for a perfectly conducting semi-infinite elliptic cone[J]. IEEE Transactions on Antennas and Propagation, 1998, 46(3): 414
- [17] MITZNER K M.Incremental length diffraction coefficients: No.AFAL -TR-73-296[R].Falls Church, Virgina: Northrop Corporation Aircraft Division, 1974

(编辑 魏希柱)