DOI:10.11918/201904102

错列双圆柱的脉动升力特性及其流场机理

杜晓庆^{1,2}, 顾李敏¹, 吴葛菲¹, 王玉梁¹, 孙雅慧¹

(1. 上海大学 土木工程系, 上海 200444; 2. 上海大学 风工程和气动控制研究中心, 上海 200444)

摘 要:受到上游圆柱尾流作用,下游圆柱在小风向角下易发生尾流激振现象,脉动升力与尾流激振联系紧密,但以往针对脉动升力特性的研究较少,其流场作用机理尚未澄清.针对间距比为 *P/D* = 1.5 ~ 4 的错列双圆柱,采用大涡模拟方法,在高亚临界雷诺数下(*Re* = 1.4×10⁵),重点研究小风向角下(β = 0°~30°)圆柱的脉动升力和流场结构之间的内在关系,基于流场特征讨论了上、下游圆柱之间的干扰机理.研究结果表明:在小风向角范围内,上、下游圆柱的脉动升力和流场特性变化剧烈,双圆柱会经历尾流干扰、剪切层干扰、邻近干扰、旋涡撞击及涡的相互作用五种干扰流态;在尾流干扰以及剪切层干扰流态下,下游圆柱的脉动升力远小于单圆柱;在邻近干扰流态下,上、下游圆柱相互间干扰较弱,下游圆柱的脉动升力接近于单圆柱;而在旋涡撞击流态和涡的相互作用流态下,下游圆柱的脉动升力则大于单圆柱,上游圆柱的尾流旋涡对下游圆柱的撞击或者与下游圆柱旋涡的相互作用会导致下游圆柱的脉动升力急剧增加.

关键词: 错列双圆柱;大涡模拟;高雷诺数;脉动升力;流场机理

中图分类号: TU311 文献标志码: A 文章编号: 0367-6234(2020)08-0062-10

Fluctuating lift and flow field mechanisms of two staggered circular cylinders

DU Xiaoqing^{1,2}, GU Limin¹, WU Gefei¹, WANG Yuliang¹, SUN Yahui¹

(1. Department of Civil Engineering, Shanghai University, Shanghai 200444, China;

2. Wind Engineering and Aerodynamic Flow Control Research Center, Shanghai University, Shanghai 200444, China)

Abstract: Influenced by the wake flow of upstream cylinder, the downstream cylinder is prone to wake-induced vibration at small wind angles. Although fluctuating lift is closely related to wake-induced vibration, the characteristics of fluctuating lift are less investigated, and the flow field mechanisms are not yet clear. For two staggered circular cylinders with center-to-center pitch ratio P/D of 1.5 - 4, by using the large eddy simulation (LES) method, the intrinsic relationships between the fluctuating lift of the cylinders and the flow fields were studied at small wind angles ($\beta = 0^{\circ} - 30^{\circ}$) with a high Reynolds number of $Re = 1.4 \times 10^{\circ}$. The interference mechanisms between the two cylinders were explored based on the flow field mechanics. Results show that the fluctuating lift of the cylinders and the flow field mechanisms experienced significant changes at small wind angles, and there were five different interference flow patterns, namely, wake interference, shear layer interference, proximity interference, interaction between vortex and cylinder, and interaction between vortex and vortex. Under wake interference and shear layer interference, the fluctuating lift of the downstream cylinder was much smaller than that of a single cylinder. Under proximity interference, the interaction between the two cylinders was weak, and the fluctuating lift of the downstream cylinder was close to that of a single cylinder. For the interaction between vortex and cylinder and the interaction between vortex and vortex, the fluctuating lift of the downstream cylinder was higher than that of a single cylinder, and the wake vortex impinging of the upstream cylinder on the downstream cylinder or the interaction with the downstream cylinder led to the rapid increase of the fluctuating lift of the downstream cylinder.

Keywords: two staggered circular cylinders; large eddy simulation (LES); high Reynolds number; fluctuating lift; flow field mechanism

在实际工程中,圆柱群结构得到广泛应用,如桥 梁缆索、输电导线、冷却塔群等^[1-2].错列双圆柱是 最常见的多圆柱结构布置形式,受到上游圆柱的尾 流作用,下游圆柱易发生尾流激振现象,且尾流激振

收稿日期: 2019-04-12

- **基金项目:**国家自然科学基金(51578330)
- 作者简介: 杜晓庆(1973 一), 男, 教授, 博士生导师

常常发生在小风向角条件下^[3-5]. 尾流激振现象与圆柱的脉动升力联系紧密,但以往针对脉动升力特性的研究很少,其流场机理尚未澄清^[6].

受试验条件的限制,以往研究大多集中于平均 气动力,对脉动升力的研究相对较少^[6]. Arie 等^[7] 在 Re = 1.51 × 10⁵ 下,通过风洞试验研究了不同间 距下串列双圆柱的脉动气动力,但并未分析其流场

通信作者: 杜晓庆, dxq@ shu. edu. cn

机理;Alam 等^[8-10] 通过风洞试验在 Re = 6.5×10⁴ 下,研究了错列双圆柱的脉动升力系数随间距布置的变化规律,但对小风向角下的双圆柱的脉动升力的研究仍不够系统,仅研究了 0°、10°、25°三个风向角下的脉动升力变化规律.

同时,以往研究者基于流迹显示试验对双圆柱 绕流场进行流态分类^[6]. Zdravkovich^[11]将错列双圆 柱划分为尾流干扰区、邻近干扰区、邻近和尾流干扰 区及无干扰区. Alam 等^[10]、Gu 等^[12]、Sumner^[13]对 不同间距布置下的双圆柱的流场结构做了进一步的 细分. 但上述学者均是基于低雷诺数下的流迹显示 试验对双圆柱的流态进行分析. 如 Gu 等^[12]的流迹 显示试验是在 $Re = 5.6 \times 10^3$ 下进行的, Sumner^[13] 和 Alam 等^[10]分别在 $Re = 850 \sim 1900$ 及 Re = 350 下 进行的. 但双圆柱绕流有强烈的雷诺数效应^[15],在 高雷诺数下,双圆柱的流场特性及干扰机理与低雷 诺数下存在明显差异^[15]. 同时在强/台风下,实际工 程中的双圆柱结构常工作于 $Re > 10^5$ 的环境中,因 而有必要在高雷诺数下研究双圆柱绕流问题.

本文使用商业软件 Fluent 里的大涡模拟方法, 在高亚临界雷诺数下($Re = 1.4 \times 10^5$),研究了圆 心间距 $P/D = 1.5 \sim 4$ 、风向角 $\beta = 0^\circ \sim 90^\circ$ 的错列 双圆柱的脉动升力系数,重点研究了 $\beta = 0^\circ \sim 30^\circ$ 范围内双圆柱表面脉动风压分布特性,结合功率谱、 瞬时涡量以及脉动风压场,探讨了上、下游圆柱之间 脉动气动力和流场之间的内在联系,讨论了上、下游 圆柱之间相互干扰的流场机理.

1 计算模型与参数

1.1 控制方程与亚格子模型

在湍流运动中,来流的运动可以看成由多种尺度的涡叠加形成.为模拟湍流运动,许多学者采用不同的数值模拟方法来进行研究.大涡模拟(LES)方法放弃对全部尺度的旋涡的求解,而是直接通过Navier-Stokes方程求解湍流中的大尺度旋涡,对小尺度的旋涡的求解则采用亚格子尺度模型(SGS)求解.该方法可节约计算资源,提高计算能力,同时也可收集到丰富的流场信息.因此,本文采用大涡模拟方法对错列双圆柱周围的流场进行数值模拟.

通过滤波函数的过滤,得到关于大尺度涡的不可压缩的 Navier-Stokes 运动方程:

$$\frac{\partial \, \overline{u_i}}{\partial x_i} = 0, \qquad (1)$$

$$\frac{\partial \overline{u_i}}{\partial t} + \frac{\partial \overline{u_i} \overline{u_j}}{\partial x_j} = -\frac{1}{\rho} \frac{\partial \overline{p}}{\partial x_i} + \mu \frac{\partial^2 \overline{u_i}}{\partial x_j \partial x_j} - \frac{\partial \tau_{ij}}{\partial x_j}.$$
 (2)

式中: \bar{u}_i 代表滤波后速度, ρ 为流体密度, \bar{p} 为滤波后

压力, µ 为流体动力黏度, τ_{ij} 代表亚格子尺度应力.

本文的亚格子应力 τ_{ij} 采用 Fluent 中的 Smagorinsky-Lilly 的亚格子尺度模型:

$$\tau_{ij} - \frac{1}{3} \tau_{kk} \delta_{ij} = -2\mu_i \overline{S}_{ij}, \qquad (3)$$

$$\overline{S}_{ij} = \frac{1}{2} \left(\frac{\partial \overline{u}_i}{\partial x_j} + \frac{\partial \overline{u}_j}{\partial x_i} \right), \tag{4}$$

式中µ,代表亚格子尺度的湍动黏度,且

$$\mu_{t} = (C_{s}\Delta)^{2} | S|, \qquad (5)$$

$$|\overline{S}| = \sqrt{2 \,\overline{S}_{ij} \,\overline{S}_{ij}}, \qquad (6)$$

$$\Delta = V^{\frac{1}{3}}, \qquad (7)$$

式中: Δ 表示过滤的网格尺度, C_s 为 Smagorinsky 常数, 本文取 0.1.

1.2 计算模型和计算参数

图 1 为本文计算所采用的双圆柱的布置及工况 示意图.两个圆柱的直径均为 *D*,间距为 *P*,间距比 *P/D*分别为1.5、2、3和4,风向角β范围为0°~90°. 由圆柱直径 *D* 以及来流风速 *U*₀ 计算得到的雷诺数 为1.4×10⁵.

本文采用 0 型计算域,计算域的直径为 46D, 阻塞率在 2.2% ~ 4.3% 范围内,模型展向长度为 2D.本次计算采用速度入口边界条件及自由出口边 界条件.圆柱展向两端采用周期性边界条件,圆柱壁 面为无滑移边界条件.计算采用的求解器为压力分 离求解器.计算模型采用结构化网格,网格总数约为 270 万 ~ 320 万.圆柱近壁面最小网格尺度为 0.000 1D,经换算得到壁面的 $y^* \approx 1$.无量纲时间步 $\Delta t^* = 0.005(\Delta t^* = \Delta t U_0/D,其中\Delta t$ 为实际计算时 间步, U_0 为来流风速).

圆柱表面的风压系数定义为

$$C_{\rm p} = \frac{p - p_0}{0.5\rho U_0^2},\tag{8}$$

式中: *p* 为当地风压, *p*₀ 为远前方风压, *p* 代表来流空 气密度.在下文中, *C*₂均代表脉动风压系数.

阻力系数 $C_{\rm D}$ 和升力系数 $C_{\rm L}$ 的定义为:

$$C_{\rm D} = \frac{F_{\rm D}}{0.5\rho U_0^2 D},$$
 (9)

$$C_{\rm L} = \frac{F_{\rm L}}{0.5\rho U_0^2 D}.$$
 (10)

式中: *F*_D和*F*_L分别代表单位长圆柱表面的升力与 阻力.具体方向见图1(a),图中小标"1"和"2"分别 表示上游圆柱和下游圆柱.



图1 计算模型示意



1.3 结果验证

对于单圆柱的流场绕流,作者对周向网格数、展 向长度、无量纲时间步长等相关因素进行了研究,并 与文献结果进行了详细的比较,具体的网格独立性 检验和结果验证见文献[17-18].图2给出了本文 单圆柱的平均和脉动风压系数与文献中风洞试验结 果的比较,结果显示本文单圆柱的结果与文献结果 吻合良好.图3、4分别为本文串列双圆柱的平均阻 力系数和脉动升力系数与文献结果的比较.从总体 上看,本文结果与文献值的变化趋势相同,数值接 近,吻合较好.值得指出的是,从图4可看出,不同文 献结果在 P/D=3~4之间的离散性较大,这主要是 因为在此间距比内,串列双圆柱的绕流场会从剪切 层再附流态转变为双涡脱流态^[14],从而导致脉动升 力系数发生突变.而引起脉动升力系数突变的间距 比对雷诺数、来流湍流度和圆柱表面粗糙度等参数 非常敏感.因而不同文献的脉动升力系数的差异很 可能是因为不同研究者的研究条件的差异造成的.



Fig. 3 Mean drag coefficients of tandem cylinders as a function of pitch ratio





2 结果分析

2.1 脉动升力系数

图 5 给出了上、下游圆柱在不同间距比下,脉动 升力系数随风向角的变化曲线.由图 5(a)可知,当 $P/D = 1.5 \sim 2$ 时,在全风向角下,上游圆柱的脉动 升力系数均远小于单圆柱;在 $\beta = 5$ °附近时,上游圆 柱脉动升力达到极小值,并随着风向角的增大而增 大,且在 $\beta = 90$ °时达到极大值.结合下文的流场分 析可得,此时下游圆柱的存在抑制了上游圆柱的旋 涡脱落,导致上游圆柱的脉动升力系数始终小于单 圆柱.当 $P/D = 3 \sim 4$ 时,上游圆柱的脉动升力随风 向角的变化较为剧烈;在P/D = 3时,上游圆柱脉动 升力系数仅在 $\beta = 10^\circ \sim 20^\circ$ 及90°时大于单圆柱, 同样在 $\beta = 5^\circ$ 时取得极小值;在 $P/D = 4,\beta < 45^\circ$



时,上游圆柱的脉动升力系数均大于单圆柱.

由图 5(b)可知,下游圆柱脉动升力系数随风向 角的变化比上游圆柱更为剧烈. 当 $P/D = 1.5 \sim 2$ 时,在 $\beta = 5^{\circ} \sim 20^{\circ}$ 范围内,下游圆柱的脉动升力系 数仍远小于单圆柱;当P/D = 1.5时,下游圆柱的脉 动升力系数随风向角增大存在先增大后减小的趋 势,而当P/D = 2时,脉动升力系数则始终呈增大的 趋势,这可能与P/D = 1.5时,双圆柱间存在的偏向 流有关. 当P/D = 3时,下游圆柱的脉动升力仅在 $\beta = 0^{\circ} \sim 5^{\circ}$ 时小于单圆柱,但当 $\beta = 10^{\circ}$ 时,下游圆 柱脉动升力瞬间增大,说明在该风向角下存在流态 转变;当P/D = 4时,下游圆柱的脉动升力系数在 $\beta = 0^{\circ}$ 时取得极大值,且仅在 $\beta = 90^{\circ}$ 时略小于单 圆柱,表明随着间距比和风向角的增大,下游圆柱受 上游圆柱尾流干扰逐渐减小.





Fig. 5 Fluctuating lift coefficients of staggereed cylinders with wind angles

为了更直观地展示上、下游圆柱脉动升力系数 随间距比和风向角的变化趋势,图6给出了上、下游 圆柱脉动升力系数的等值线图,图例中的黑点代表 本文单圆柱的脉动升力系数.由图6可知,在小间距 小风向角下,上、下游圆柱的脉动升力系数均远小于 单圆柱;而在较大的间距比下,在β = 0°~30°范围 内,脉动升力系数出现极大值.该图与文献[6]结果 吻合较好.针对小间距和较大间距,以下分别以 *P*/*D* = 1.5 和3 为例分析其在β = 0° ~ 30° 范围内

的气动力特性.



图 6 脉动升力系数等值线图 Fig. 6 Contour maps of fluctuating lift coefficients

2.2 脉动风压系数













由图7可知,当P/D = 1.5时,上游圆柱的脉动 风压系数远小于单圆柱;与下游圆柱相比,上游圆柱 上、下侧表面的脉动风压呈现较好的对称性.下游圆 柱的脉动风压随风向角的变化有明显差异.当 $\beta = 0^{\circ}$ 时,下游圆柱的脉动风压系数基本呈对称分布且其 值远小于单圆柱的值. 在 $\beta = 10^{\circ}$ 的情况下,下游圆 柱的脉动风压系数呈明显的不对称分布,在其迎风 面下侧($\theta = 270^{\circ} \sim 360^{\circ}$)出现明显的峰值且远大

距典型风向角下上、下游圆柱表面的脉动风压系数分

于单圆柱的值.随着风向角的继续增大,下游圆柱的脉动风压系数逐渐接近单圆柱的分布.

当P/D = 3时,由图8可看出,在 β = 5°的情况 下,上游圆柱的脉动风压远小于单圆柱.而在其他风 向角下,上游圆柱的脉动风压分布与单圆柱基本一 致,上游圆柱受下游圆柱的干扰较小.下游圆柱的脉 动风压系数分布随风向角发生显著的变化.当 β = 5°时,下游圆柱的脉动风压系数分布与P/D = 1.5, β = 10°相近,在下游圆柱迎风面下侧(θ = 270°~ 360°)均出现了脉动风压极值;与P/D = 1.5, β = 10°不同的是,此时下游圆柱上表面(θ = 0°~ 180°)的脉动风压系数明显增加.在 β = 10°的情况 下,下游圆柱的脉动风压系数整体大于单圆柱的值, 且呈现出明显的不对称性,并在其迎风面下侧(θ = 270°~ 360°)处出现峰值.当风向角 β 增大到 20° 时,在下游圆柱的下表面(*θ* = 180° ~ 360°) 出现两 个峰值,下文结合流场进一步分析.

2.3 升力系数功率谱

为了进一步解释上、下游圆柱在 $\beta = 0^{\circ} \sim 30^{\circ}$ 下不同间距的脉动气动力系数变化原因及相互干扰的流场机理,图9、10分别给出了 $\beta = 0^{\circ} \sim 30^{\circ}$ 下的上、下游圆柱的升力系数功率谱.由图9可知,在 *P/D* = 1.5的情况下,上游圆柱升力系数功率谱峰 值始终较小,此时下游圆柱的存在抑制了上游圆柱 的旋涡脱落.对于下游圆柱而言,在风向角 $\beta = 0^{\circ} \sim 20^{\circ}$ 时,其功率谱的峰值较弱,这说明此时下游圆柱 旋涡脱落同样受到抑制;当 $\beta = 20^{\circ} \sim 30^{\circ}$ 时,下游 圆柱的升力功率谱中*St*数峰值增加,下游圆柱旋涡 脱落强度有所增强,但其涡脱频率仍比单圆柱的要 小,此时下游圆柱仍受到较大干扰.





图 10 P/D=3 时升力系数功率谱随风向角的变化

Fig. 10 Variation of power spectrum of lift coefficients with wind angles at P/D = 3

当P/D = 3时,由图10可得,上、下游圆柱的升 力系数功率谱与P/D = 1.5时有较大差别.在 $\beta = 0^{\circ}$ 及5°的情况下,上游圆柱的升力系数功率谱没有出现明显的峰值.随着风向角的进一步增大,上游圆柱

St 数峰值明显增加,这表明随着风向角的增大,上游圆柱受下游圆柱的干扰减弱,其流态逐渐向单圆柱 靠近.反观下游圆柱,其升力系数的功率谱波动更为 剧烈.在 P/D = 3的情况下,除 $\beta = 5°$ 以外,下游圆 柱均存在明显的 St 数,这表明下游圆柱自身一直存 在较强的旋涡脱落.值得指出的是,当 P/D = 3, $\beta = 20°$ 时,下游圆柱的功率谱中出现两个 St 数,结 合下文流场特性进一步分析可知:首先,对于下游圆 柱而言,其自身会有一个旋涡脱落频率,对应的 St 数为0.2;其次,从上游圆柱脱落的旋涡会与下游圆 柱产生相互作用,并导致下游圆柱产生另一个涡脱 频率,对应的 St 数为0.17.

2.4 干扰流态分类

图 11、12 分别给出了 β=0°~30°内,上、下游圆

柱在各个间距下的典型时刻涡量图(单位 S⁻¹)以及 脉动风压场,图 11 还给出了对应涡量时刻的表面风 压.依据上、下游圆柱瞬时流场特性以及上文的气动 力特性,并结合参考文献[17-18]对平均流场的分 析,将上、下游圆柱间的干扰流态主要分为5种干扰 流态:尾流干扰、剪切层干扰、邻近干扰、旋涡撞击以 及涡的相互作用.

1) 尾流干扰流态. 当 *P*/*D* = 1.5 ~ 3 且β = 0° 时,上、下游圆柱的间距较近,上游圆柱的剪切层会 再附到下游圆柱表面,使得下游圆柱完全沉浸在上 游圆柱的尾流中,这导致下游圆柱涡脱受到抑制,脉 动升力及脉动风压远小于单圆柱. 对于上游圆柱而 言,下游圆柱的存在也完全抑制了上游圆柱的涡脱, 使得上游圆柱的脉动气动力远小于单圆柱.



图 11 错列双圆柱的瞬态涡量和表面风压分布







2)剪切层干扰流态. 当*P/D* = 1.5 ~ 2 且β = 5° ~ 30°、*P/D* = 3 且β = 5° 时,上游圆柱上侧剪切 层会紧贴下游圆柱的迎风面并向下运动,随后与下 游圆柱下侧剪切层相互作用,使得下游圆柱迎风面 下侧出现脉动风压极值. 同时,该相互作用导致下游 圆柱下侧剪切层没有发生卷起,进而减弱了下游圆 柱上、下侧剪切层之间的相互影响,使得下游圆柱脉 动升力较小.此外,由于下游圆柱的影响,上游圆柱 的上、下侧剪切层并未在圆柱背风面交替卷起形成 旋涡,导致其脉动风压以及脉动升力远小于单圆柱.

3)邻近干扰流态. 当*P/D* = 3~4 且β = 20°~ 30°时,上、下游圆柱背风面均有旋涡脱落,此时上、 下游圆柱之间的干扰较弱,两个圆柱的流态都与单 圆柱接近,脉动升力系数接近单圆柱.

4)旋涡撞击流态. 当 $P/D = 4 \pm \beta = 0^{\circ} \sim 15^{\circ}$ 、

P/D = 3 且β = 10°~15°时,上游圆柱上下侧剪切 层交替卷起形成旋涡,旋涡会撞击在下游圆柱迎风 面,造成撞击处的风压产生剧烈的波动,这种旋涡的 不断撞击是下游圆柱表面出现脉动风压的极值以及 脉动升力极值的主要原因,下游圆柱极易出现尾流 激振现象.同时,在这种流态下,上游圆柱基本不受 下游圆柱的干扰,其流态与单圆柱的相接近.

5)涡的相互作用流态. 当*P/D* = 3 ~ 4 且β = 20°时,上游圆柱上侧剪切层卷起形成的旋涡不再 撞击到下游圆柱的表面上, 而是与下游圆柱下侧 (间隙侧)的旋涡耦合产生相互作用,造成下游圆柱 下表面的脉动风压产生极值;同时下游圆柱背风侧 的旋涡脱落会造成另一个脉动风压极值的出现. 这 种上下游圆柱之间的涡的相互作用造成下游圆柱出 现较大脉动升力系数, 使得下游圆柱极易发生尾流 激振.反观上游圆柱,此时的上游圆柱基本不受下游圆柱的干扰,流态与单圆柱的相接近.

值得指出的是,不同的干扰流态下双圆柱的气 动性能有很大差异,因此在多圆柱结构设计风荷载 取值时需要注意这一问题.此外,当双圆柱发生"涡 的相互作用流态"和"旋涡撞击流态"时,下游圆柱 的脉动升力较单圆柱有明显增大,从而导致下游圆 柱易发生尾流激振,这也是多圆柱结构在设计时需 要关注的另一个重要问题.

3 结 论

在高雷诺数 ($Re = 1.4 \times 10^5$)下,本文对错列 双圆柱绕流问题进行大涡模拟研究,分析了双圆柱 的脉动升力随间距和风向角的变化规律,着重探讨 了 $\beta = 0^\circ \sim 30^\circ$ 范围内错列双圆柱的脉动气动力与 流场之间关系,并讨论了相关的流场干扰机理.主要 结论如下:

1)上、下游圆柱的脉动升力系数随双圆柱的间 距布置变化剧烈.当 $P/D = 1.5 \sim 2$ 时,上游圆柱的 脉动升力系数在全风向角范围内始终远小于单圆 柱,而下游圆柱的脉动升力系数则分别在 $\beta = 0^{\circ} \sim$ 30°及 $\beta = 70^{\circ} \sim 90^{\circ}范围内出现极小值;当<math>P/D =$ 3~4时,上、下游圆柱的脉动升力系数明显增大,随 着风向角的增大,上、下游圆柱脉动升力系数均呈先 增大后减小的趋势,但下游圆柱脉动升力系数大于 上游圆柱.

2) 在β = 0° ~ 30°范围内,随着风向角及间距 比的变化,根据绕流场的脉动风压及典型时刻的涡 量图,将双圆柱间相互干扰的流态分为5种:尾流干 扰、剪切层干扰、邻近干扰、旋涡撞击及涡的相互作 用流态.

3) 在尾流干扰流态下,下游圆柱的存在抑制了 上游圆柱的旋涡脱落,而下游圆柱处于上游圆柱尾 流中,涡脱强度较弱,故上、下游圆柱的脉动升力系 数均小于单圆柱;在剪切层干扰流态下,上游圆柱上 侧剪切层与下游圆柱下侧剪切层相互耦合,削弱了 下游圆柱的旋涡脱落,导致下游圆柱脉动升力系数 较小.在邻近干扰流态下,上、下游圆柱之间的干扰 较弱,脉动升力系数接近单圆柱.

4) 在旋涡撞击流态下,上游圆柱尾流中的涡撞 击到下游圆柱迎风面,导致下游圆柱的脉动升力系 数远大于单圆柱. 而在涡的相互作用流态中,从上游 圆柱脱落的旋涡会与下游圆柱的下侧旋涡相互耦 合,使得下游圆柱的脉动升力明显增大. 值得指出的 是,在这两种干扰流态中,受到上游圆柱的干扰,下 游圆柱的脉动升力较单圆柱有明显增大,易使得下 游圆柱发生尾流激振,这也是多圆柱结构在设计时 需要关注的另一个重要问题.

参考文献

- [1] 沈国辉,王宁博,楼文娟,等. 渡桥电厂冷却塔倒塌的塔型因素 分析[J]. 工程力学,2012,29(8):123
 SHEN Guohui, WANG Ningbo, LOU Wenjuan, et al. Analysis of tower shape factor in the collapse of the ferry bridge cooling towers
 [J]. Engineering Mechanics,2012,29(8):123. DOI:10.6052/j. issn. 1000 - 4750.2010.11.0852
- [2] DAMJAKOB H, TUMMERS N. Back to the future of the hyperbolic concrete tower [C]//Proceedings of the Fifth International Symposium on Natural Draught Cooling Towers. Istanbul: A. A. Balkema Publishers,2004;3
- [3] ZDRAVKOVICH M M. Review of interference-induced oscillations in flow past two parallel circular cylinders in various arrangements
 [J]. Journal of Wind Engineering & Industrial Aerodynamics, 1988, 28(3): 183. DOI: 10.1016/b978 - 0 - 444 - 87156 - 5. 50029 - 1
- [4] ALAM M M, MEYER J P. Global aerodynamic instability of twin cylinders in cross flow[J]. Journal of Fluids & Structures, 2013, 41: 135. DOI: 10.1016/j.jfluidstructs.2013.03.007
- [5] DU Xiaoqing, JIANG Benjian, DAI Chin, et al. Experimental study on wake-induced vibrations of two circular cylinders with two degrees of freedom [J]. Wind and Structures, 2018, 26(2):57. DOI: 10.12989/was.2018.26.2.057
- [6] ZHOU Yu, ALAM M M. Wake of two interacting circular cylinders: a review [J]. International Journal of Heat and Fluid Flow, 2016, 62: 510. DOI: 10.1016/j. ijheatfluidflow. 2016.08. 008
- [7] ARIE M, KIYA M, MORIYA M, et al. Pressure fluctuations on the surface of two circular cylinders in tandem arrangement [J]. Journal of Fluids Engineering, 1983, 105 (2):161. DOI: 10.1115/ 1.3240956
- [8] ALAM M M, MORIYA M, SAKAMOTO H. Aerodynamic characteristics of two side-by-side circular cylinders and application of wavelet analysis on the switching phenomenon [J]. Journal of Fluids & Structures, 2003, 18:325. DOI: 10.1016/j. jfluidstructs. 2003.07.005
- [9] ALAM M M. Fluctuating fluid forces acting on two circular cylinders in a tandem arrangement at a subcritical Reynolds number [J]. Journal of Wind Engineering & Industrial Aerodynamics, 2003,91:139. DOI:10.1016/s0167-6105(02)00341-0
- [10] ALAM M M, MEYER J P. Two interacting cylinders in cross flow [J]. Physical Review E, 2011, 84 (5): 304. DOI: 10.1103/ physreve. 84.056304
- [11]ZDRAVKOVICH M M. The effects of interference between circular cylinders in cross flow[J]. Journal of Fluids & Structures, 1987,1 (2):239.DOI:10.1016/s0889-9746(87)90355-0
- [12] GU Zhifu, SUN Tianfeng. On interference between two circular cylinders in staggered arrangement at high subcritical Reynolds number [J]. Journal of Wind Engineering & Industrial Aerodynamics, 1999, 80(3):287. DOI: 10.1016/s0167 6105 (98)00205 0

- [13] SUMNER D. Two circular cylinders in cross-flow: a review [J]. Journal of Fluids & Structures, 2010, 26(6): 849. DOI: 10. 1016/j. jfluidstructs. 2010. 07. 001
- [14] ALAM M M, SAKAMOTO H, ZHOU Y. Determination of flow configurations and fluid forces acting on two staggered circular cylinders of equal diameter in cross-flow [J]. Journal of Fluids & Structures, 2005, 21 (4): 363. DOI: 10.1016/j. jfluidstructs. 2005.07.009
- [15]武岳,孙瑛,郑朝荣,等.风工程与结构抗风设计[M].2版.哈尔滨:哈尔滨工业大学出版社,2014:46
 WU Yue, SUN Ying, ZHEN Chaorong, et al. Wind engineering and structural wind resistance design[M]. 2nd ed. Harbin: Harbin Institute of Technology Press,2014:46
- [16]杜晓庆,林伟群,施春林,等. 高雷诺数下并列双圆柱绕流的大 涡模拟[J]. 哈尔滨工业大学学报,2019,51(6):193

DU Xiaoqing, LIN Weiqun, SHI Chunlin, et al. Large eddy simulation of flow around two side-by-side circular cylinders at a high Reynolds number [J]. Journal of Harbin Institute of Technology, 2019, 51(6): 193. DOI: 10.11918/j.issn.0367 – 6234.201806039

- [17] 杜晓庆,王玉梁,赵燕,等. 高雷诺数下错列双圆柱气动干扰的 机理研究[J]. 工程力学,2018,35(9):225
 DU Xiaoqing, WANG Yuliang, ZHAO Yan, et al. On mechanisms of aerodynamic interference between two staggered circular cylinders at a high Reynolds number[J]. Engineering Mechanics, 2018, 35 (9): 225. DOI: 10.6052/j.issn.1000-4750.2017.06.0443
- [18]杜晓庆,施春林,孙雅慧,等. 高雷诺数下串列圆柱尾流致涡激振动的机理研究[J].振动工程学报,2018,31(4):689
 DU Xiaoqing, SHI Chunlin, SUN Yahui, et al. Mechanism of wake-induced vortex vibration of two tandem circular cylinders at a high Reynolds number [J]. Journal of Vibration Engineering, 2018, 31(4):689. DOI: 10.16385/j. cnki. issn. 1004 4523. 2018.04.017
- [19] CHEN Li, TU J Y, YEOH G H. Numerical simulation of turbulent wake flows behind two side-by-side cylinders[J]. Journal of Fluids & Structures, 2003, 18(3):387
- [20] CANTWELL B J, COLES D. An experimental study of entrainment and transport in the turbulent near wake of a circular cylinder[J]. Journal of Fluid Mechanics, 1983, 136 (1): 338. DOI: 10.1017/ s0022112083002189

- [21] ACHENBACH E. Distribution of local pressure and skin friction around a circular cylinder in cross-flow up to Re = 5 × 10⁶ [J]. Journal of Fluid Mechanics, 1968, 34 (4): 632. DOI: 10. 1017/s0022112068002120
- [22] NISHIMURA H, TANJIKE Y. Aerodynamic characteristics of fluctuating forces on a circular cylinder [J]. Journal of Wind Engineering & Industrial Aerodynamics, 2001, 89 (7):716. DOI: 10.1016/s0167-6105(01)00067-8
- [23] KIYA M, SUZUKI Y, ARIE M, et al. A contribution to the freestream turbulence effect on the flow past a circular cylinder [J]. Journal of Fluid Mechanics, 1982, 115 (115):160. DOI:10.1017/ s002211208200069x
- [24] SURRY D. Some effects of intense turbulence on the aerodynamics of a circular cylinder at subcritical Reynolds number[J]. Journal of Fluid Mechanics, 1972, 52 (3): 551. DOI: 10. 1017/ s0022112072001582
- [25]NORBERG C. Fluctuating lift on a circular cylinder; review and new measurements[J]. Journal of Fluids & Structures, 2003, 17 (1):70. DOI:10.1016/s0889-9746(02)00099-3
- [26] MORIYA M, ALAM M M, TAKAI K, et al. Fluctuating fluid forces of two circular cylinders in tandem arrangement at close spacing [C]//Proceedings of Conference of Hokkaido Branch. Hokkaido: The Japan Society of Mechanical Engineers, 2000:109. DOI:10.1299/jsmehokkaido.2000.40.108
- [27] KITAGAWA T, OHTA H. Numerical investigation on flow around circular cylinders in tandem arrangement at a subcritical Reynolds number[J]. Journal of Fluids & Structures, 2008, 24 (5): 695. DOI: 10.1016/j.jfluidstructs.2007.10.010
- [28] IGARASHI T. Characteristics of the flow around two circular cylinders arranged in tandem [J]. JSME International Journal, 1981,24(188):325. DOI:10.1299/jsme1958.24.323
- [29] MITTAL S, KUMAR V, RAGHUVANSHI A. Unsteady incompressible flows past two cylinders in tandem and staggered arrangements [J]. International Journal for Numerical Methods in Fluids, 1997, 25 (11):1343. DOI: 10.1002/(SICI)1097 - 0363 (19971215)25:11 < 1315::AID - FLD617 > 3.0. CO; 2 - P

(编辑 赵丽莹)