DOI:10.11918/j.issn.0367-6234.201904076

# 铝合金毂式节点轴向拉压受力性能有限元分析

曹正罡<sup>1,2</sup>、李 亮<sup>1,2</sup>、汪天旸<sup>1,2</sup>、王志成<sup>1,2</sup>

(1.结构工程灾变与控制教育部重点实验室(哈尔滨工业大学),哈尔滨 150090;2.哈尔滨工业大学 土木工程学院,哈尔滨 150090)

摘 要:为探究空间结构体系中铝合金毂式节点受力性能,采用非线性有限元软件 ABAQUS 建立了 25 个不同尺寸的铝合金 毂式节点精细化数值模型研究其受拉和受压性能,并分析了毂体槽间距、齿间距、齿宽度、齿深度等因素对节点受力性能的影 响.分析结果表明:节点受拉承载力主要由毂体与杆件嵌入部分之间凹凸齿槽承担;改变主要参数,节点受拉极限状态共出现 毂体凸齿弯剪破坏、毂体最内侧槽部弯剪破坏、毂体最外侧槽部弯剪破坏和毂体凸齿剪切破坏4 种破坏模式;在研究范围内增 大毂体槽间距和齿宽度,节点抗拉极限承载力增加71.3%和112.9%;节点受压极限状态主要为失稳破坏,主要参数的改变对 其承压性能影响较小.最终给出研究范围内节点抗拉极限承载力公式和设计建议.

关键词:空间结构体系;铝合金毂式节点;破坏模式;受力性能;有限元分析

中图分类号: TU395 文献标志码: A 文章编号: 0367-6234(2020)08-0184-08

# Finite element analysis of axial tension and compression behavior of aluminum alloy hub joints

CAO Zhenggang<sup>1,2</sup>, LI Liang<sup>1,2</sup>, WANG Tianyang<sup>1,2</sup>, WANG Zhicheng<sup>1,2</sup>

(1. Key Lab of Structures Dynamic Behavior and Control (Harbin Institute of Technology), Ministry of Education,

Harbin 150090, China; 2. School of Civil Engineering, Harbin Institute of Technology, Harbin 150090, China)

**Abstract**: To explore the mechanical performance of aluminum alloy hub joints in spatial structure system, nonlinear finite element software ABAQUS is used to establish refined numerical models for 25 aluminum alloy hub joints with different sizes to study the tensile and compressive properties. The effects of hub body groove spacing, tooth spacing, tooth width, tooth depth, and other factors on the mechanical performance of the nodes are studied. Results show that the tensile bearing capacity of the joint is mainly borne by the concave and convex grooves between the hub body and the embedded part of the rod. When the parameters are changed, there are four failure modes in the tensile limit state: hub body convex tooth flexural shear failure, hub body innermost groove flexural shear failure, hub body outermost groove spacing and tooth width are increased, the tensile ultimate bearing capacity of the nodes increase by 71.3% and 112.9% respectively. The stress of joints is mainly caused by instability, and the change of parameters have little effect on the pressure of joints. Finally, the formula of ultimate bearing capacity and the design suggestion are given.

Keywords: spatial structural system; aluminum alloy hub joint; failure mode; mechanical performance; finite element analysis

20世纪50年代,国外学者提出可将管件的末端用鸠尾榫与匹配的连接器相接来作为金属连接器,用其建造联锁三角形金属骨架来替代横梁做为建设架构支撑广阔空间<sup>[1]</sup>.随后的几十年里这个最初的设想被不断地完善,形成了目前铝合金网格结构常见节点中的铝合金毂式节点,其凭借成型简单、传力可靠、综合成本低等优势被广泛应用于全球超过35个国家的网格结构工程中,见图1(a).

收稿日期: 2019-04-09

- 基金项目:国家自然科学基金面上项目(51878218)
- 作者简介:曹正罡(1975一),男,教授,博士生导师
- 通信作者: 汪天旸, hitwangty@163.com

针对铝合金毂式节点,国外有学者对于节点的 抗拉、抗压和抗弯等基本性能做了试验研究<sup>[2-4]</sup>.拉 伸试验表明,通过调整构件材性可以保证节点受拉 时极限荷载近似等于管材抗拉强度与管面积乘积; 压缩试验表明节点受压性能良好,极限荷载转换为 管的应力强度时,其安全系数是允许压应力强度的 两倍;弯曲试验则证明了沿管端强轴方向节点半刚 性的正确性.国内相关研究多集中于对钢制单层网 壳嵌入式毂节点基本受力性能研究<sup>[5-9]</sup>.如姜栋 等<sup>[6]</sup>对嵌入式毂式节点做了多组试验,分析了毂体 直径、起拱角度等对节点的抗弯刚度和弹性阶段极 限弯矩的影响;赵才其等<sup>[8-9]</sup>提出了两种嵌入式毂 节点,并对其进行了拉、压性能试验研究等.然而铝 合金毂式节点的材质、拼接方式、嵌入构造形式等相 对钢制单层网壳嵌入式毂节点有明显不同,见图1 (b)、(c).因此实际上国内外对于空间结构体系中 铝合金毂式节点的公开研究较少,对节点几何参数 影响效应还缺乏系统的分析和研究.

本文利用软件 ABAQUS 对 25 种不同尺寸下的 铝合金毂式节点进行了非线性有限元数值分析,研 究了毂体槽间距、齿间距、齿宽度、齿深度和齿组数 等因素对于节点受拉、受压性能的影响,期望为铝合 金毂式节点的设计和应用提供参考.



(b) 铝合金毂式节点

图1 铝合金毂式节点应用及与嵌入式毂节点对比

Fig. 1 Application of aluminum alloy hub node and comparison with embedded hub node

1 铝合金毂式节点构造

铝合金毂式节点构造见图 2(a).由柱状毂体、 杆端嵌入件、盖板、中心螺栓等零件组成. 毂体为一 圆柱体,是节点的核心构件,它由带沟槽的圆柱形铝 合金挤压形成,根据连接杆件的数量和相互位置不 同,其上有多道带凹凸纹的锁槽.运用毂式节点连接 杆件时,将杆件端头在工厂用特制模具压扁成带有 与锁槽相应凹凸纹扁平状的杆端嵌入件,插入毂体 上与之相匹配的沟槽内,再在毂体上下端部安置盖 板,最后用一根沿毂体轴线方向的螺栓拧紧.节点的 细部尺寸及各研究因素见图 2(b),铝合金圆管采用 75 mm × 10 mm 的规格圆管, 毂体直径为 120 mm, 高度为 105 mm, 螺栓孔直径为 20 mm. 以算例 CD12 为标准算例,其余算例编号及主要几何参数见表1, 除去与标准算例 CD12 相同尺寸 4 个(TL3、TW3、 TD1.5、TN4)外,共计25个不同尺寸算例.

表1	算例主要几何参数
----	----------

Tab. 1 Main geometric parameters of the example

笪 励 疟 早 「 箇 励 粉	槽间距/	齿间距/	齿宽度/	齿深度/	长细粉	
异ற细 5	异껜细丂 异例奴		mm	mm	mm	凶组奴
CD12 (标准算例)	1	12	3	3	1.5	4
$\mathrm{CD3}\sim\mathrm{CD30}$	10	3~30	3	3	1.5	4
TL1 ~ TL5	5	12	1~5	3	1.5	4
$\mathrm{TW1}\sim\mathrm{TW5}$	5	12	3	1~5	1.5	4
TD1.0 ~ TD3.5	5 6	12	3	3	1~3.5	4
TN2 ~ TN6	3	12	3	3	1.5	$2 \sim 6$



(a) 铝合金毂式节点构造

#### 图 2 铝合金毂式节点构造详图

Fig. 2 Diagram of aluminum alloy hub node construction

- 2 铝合金毂式节点有限元模拟
- 2.1 节点有限元模型

参考文献[5]简化建模方式,根据本文所述节

点几何上的对称性,运用有限元软件 ABAQUS 建立 简化后 1/2 模型,见图 3.

对于节点有限元模型采用结构化六面体网格, 并选用单元类型为适用于接触分析、克服剪力自锁 问题且对应力及中部位节点计算较精确的八节点六 面体非协调模式单元 C3D81.为获得节点域更精确 的应力分布情况,将重点研究的节点内部区域网格 尺寸细化,单元布置及网格划分情况见图 3.节点内 部载体与嵌入件凹凸齿之间、载体与螺栓、载体与盖 板之间均采设置接触对,切向采用摩擦接触,摩擦系 数取为 0.15,法向属性为硬接触<sup>[10]</sup>.



图 3 节点有限元模型及网格划分

Fig. 3 Finite element model and mesh division of nodes 为模拟节点受轴向荷载作用,如图 3 所示对简 化 1/2 模型中半毂体的中心面施加固定约束,考虑



几何非线性,采用荷载加载控制法,避免加载点处的 应力集中,对杆件末端加载点处放置一块刚度足够 大的加载板,对此加载板施加轴向荷载.对于螺栓预 紧力则通过施加螺栓荷载方式来模拟.

节点极限承载力采用极限荷载准则,取荷载-位移曲线中的峰值荷载作为节点极限承载力<sup>[11]</sup>.

#### 2.2 材料本构关系

圆柱形毂体、杆件和盖板均采用 6061T6 铝合 金,采用图 4 所示 Ramberg-Osgood 模型,具体参数 见表 2. 螺栓选用 10.9 级高强螺栓,屈服强度按 GB/T 3098.6—2014 规范规定为900 MPa,强度准则 采用 von Mises 屈服准则,选用理想弹塑性本构关系 模型,见图 4(b).

表 2 材料参数表 Tab. 2 Material parameters

		-		
材料	弹性模量/ MPa	屈服强度/ MPa	极限强度/ MPa	泊松比
铝合金	68 000	245	265	0.33
高强螺栓	206 000	900	1 000	0.30





Fig. 4 Material models of aluminum and stainless steel

# 3 有限元参数分析结果

# 3.1 节点受拉极限状态破坏模式

铝合金毂式节点受拉承载力主要是由毂体与杆 件嵌入部分之间凹凸齿槽承担,齿根部受力主要为 弯、剪复合受力.不同尺寸下节点受拉一共出现4种 破坏模式,见图5,灰色为屈服区域.破坏模式一为 大多数尺寸下的破坏情况,毂体凸齿处弯剪破坏;破 坏模式二为毂体槽间距较小时的破坏情况,在两槽 之间有较大范围屈服区汇聚在一起,毂体最内侧齿 槽发生弯剪破坏;破坏模式三为齿间距较小时的破 坏情况,毂体最外侧齿槽处有较大范围屈服区汇聚, 毂体最外齿槽弯剪破坏;破坏模式四为齿深度较小 时的破坏情况,毂体凸齿处剪切破坏. 3.2 毂体槽间距 L<sub>槽</sub> 对节点受拉性能影响

本节共计算了 10 个不同槽间距(算例 CD3 ~ CD30)下节点受拉情况,见表 3. 采用节点受拉时杆件末端的轴向位移和对应荷载,绘制荷载 - 位移曲 线见图 6(a),不同槽间距对应节点抗拉极限荷载见 图 6(b).

#### 表 3 不同毂体槽间距对应节点受拉极限荷载

Tab. 1 Different hub-body groove spacing corresponding to ultimate tensile load on nodes

槽间距/mm	极限荷载/kN	槽间距/mm	极限荷载/kN
3	165.95	18	280.67
6	224.48	21	282.10
9	260.12	24	283.12
12	273.09	27	283.35
15	278.23	30	284.34

由表3和图6可知,槽间距从3mm 增至15mm, 节点抗拉极限荷载增加了67.67%;槽间距从18mm 增至30mm,极限荷载增加了1.31%;结果表明毂 体槽间距小于15mm时,提高槽间距能较大程度增 加节点抗拉极限荷载,大于15mm时,加大槽间距 对抗拉极限荷载影响不大. 选择三种不同槽间距下节点受拉极限状态应力 云图对比,见图7,当毂体槽间距较小时,在两槽之 间呈现较大范围屈服区域汇聚,毂体最内侧凹槽变 形明显(破坏模式二),导致极限荷载较低.随着槽 间距离的增大,极限荷载下破坏部位由最内侧凹槽 变为毂体凸齿部位(破坏模式一),承载力随之增大.







Fig. 7 Stress nephogram of nodes with different groove spacing (MPa)

# 3.3 齿间距 L<sub>齿</sub> 对节点受拉性能影响

本节共计算了5个不同齿间距(算例 TL1~ TL5)下节点受拉的情况,见表4.采用节点受拉时杆 件末端的轴向位移和对应荷载,绘制荷载-位移曲 线见图8(a),不同齿间距对应节点抗拉极限荷载见 图8(b).

由表4和图8可知,齿间距从1mm 增至5mm, 节点抗拉极限荷载增加了45.11%,其中每增大 1mm对应荷载分别增大17.83%、14.98%、3.88%、 3.10%,可见齿间距从1mm 增至3mm 时,由于破 坏位置不同对其抗拉极限承载力增加较多,超过 3 mm时,增大齿间距对其影响稍小,但凸齿部屈服 面积增大,极限荷载略微增大.

选择3种不同齿间距下节点受拉极限状态应力 云图对比,见图9,当齿间距较小时,毂体最外侧齿 槽处呈现较大范围屈服区汇聚,毂体最外侧凹槽变 形明显(破坏模式三),导致极限荷载较低.随着齿 间距离的增大,杆件嵌入件端部屈服区域增大,极限 荷载下破坏部位由最外侧凹槽变为毂体凸齿部位



(破坏模式一),承载力随之增大.

#### 表4 不同齿间距对应节点受拉极限荷载

Tab. 4 Different tooth spacing corresponding to ultimate

tensile load of nodes

齿间距/mm	极限荷载/kN	齿间距/mm	极限荷载/kN
1	201.57	4	283.70
2	237.51	5	292.50
3	273.09		



#### 图 8 齿间距对节点受拉影响









# 3.4 齿宽度 d 对节点受拉性能影响

本节共计算了 5 个不同齿宽度(算例 TW1 ~ TW5)下节点受拉的情况,见表 5.采用节点受拉时 杆件末端的轴向位移和对应荷载,绘制荷载 - 位移 曲线见图 10(a),不同齿宽度对应节点抗拉极限荷 载见图 10(b).

由表 5 和图 10 可知,齿宽度从 1 mm 增至 5 mm,节点抗拉极限承载力增加了 112.94%,其中 每增大 1 mm 对应荷载分别增大 37.97%、23.00%、 14.31%、9.76%,结合此前分析可得节点受拉主要 靠凹凸齿槽部承载,齿宽度增加使得齿槽部受剪的 面积增大,带来抗拉极限荷载明显的增大.齿宽度的 变化对节点破坏模式没有明显影响,仍属于破坏模 式一,即载体相应凸齿处弯剪破坏.

表 5 不同齿宽度对应节点受拉极限荷载 Tab. 5 Different tooth widths corresponding to ultimate

tensile load of nodes

齿宽度/mm	极限荷载/kN	齿宽度/mm	极限荷载/kN
1	160.20	4	312.18
2	222.02	5	342.65
3	273.09		

#### 3.5 齿深度 h 对节点受拉性能影响

共计算了6个不同齿深度(算例 TD1.0~TD3.5) 下节点受拉的情况,见表6.采用节点受拉时杆件末 端的轴向位移和对应荷载,绘制荷载-位移曲线见 图11(a),不同齿深度对应节点抗拉极限荷载见 图11(b).

由表6和图11可知,齿深度从1mm 增至3.5mm,

节点抗拉极限荷载减少了 37.66%,每增大 0.5 mm 对应荷载分别减少 0.62%、8.98%、11.83%、 9.29%、13.84%.由前述分析可知,节点受拉时齿根 部为弯剪破坏,齿深度的增加导致弯矩作用增大,因 此节点抗拉极限荷载减少.当齿深度较小时,深度带 来的弯矩效应可以忽略,极限状态时,节点表现为毂 体凸齿剪切破坏(破坏模式四),齿深度的增大导致 极限状态时节点破坏模式转变为毂体凸齿弯剪破坏





(破坏模式一).

Tab. 6 Different tooth depths corresponding to ultimate

tensi	le	load	of	noc	les

齿深度/mm	极限荷载/kN	齿深度/mm	极限荷载/kN
1.0	274.78	2.5	219.18
1.5	273.09	3.0	198.81
2.0	248.58	3.5	171.30



图 10 齿宽度对节点受拉影响









# 3.6 齿组数 n 对节点受拉性能影响

本节共计算了 3 个不同齿组数(算例 TN2 ~ TN6)下节点受拉的情况,见表 7.采用节点受拉时杆件末端的轴向位移和对应荷载,绘制荷载 - 位移曲 线见图 12(a),不同齿组数对应节点抗拉极限荷载 见图 12(b).随着齿组数的增加,节点抗拉极限荷载 增加 122.87%,破坏模式未发生变化,仍属于破坏 模式一,即毂体相应凸齿处弯剪破坏.

#### 表7 不同齿组数对应节点受拉极限荷载

Tab. 7 Different tooth groups corresponding to the ultimate tensile load of the nodes

齿组数/组	极限荷载/kN
2	163.90
4	273.09
6	356.28

# 3.7 节点抗拉极限承载力公式拟合及设计建议

在上述分析基础上,本文采用多元回归的方法 拟合节点抗拉极限承载力的计算公式.经过参数分 析可知,槽间距 $L_{ta}$ 、齿间距 $L_{ta}$ 、齿宽度d、齿深度h、 齿组数n,皆对节点抗拉极限承载力有显著影响.最 终拟合时以无量纲参数形式为自变量,设定铝管壁 厚t为定值, $F_0$ 为铝管全截面屈服对应荷载,采用的 影响参数有: $\xi_1 = L_{ta}/t$ 、 $\xi_2 = L_{ta}/t$ 、 $\xi_3 = d/t$ 、 $\xi_4 = h/t$ 、 n,经过拟合整理后得节点承载力公式为

 $F_{t} = e^{-1.55} \xi_{1}^{0.21} \xi_{2}^{0.23} \xi_{3}^{0.45} \xi_{4}^{-0.38} n^{0.69} \times F_{0}, \quad (1)$ 

对拟合公式进行误差分析,见图 13. 可见图中 各数据点均位于直线 y = x 周围,且绝大多数点均处 于 10% 误差带范围内.经计算,公式拟合数据和数值 模拟结果平均误差为 4.44%,拟合公式准确性较高.



(b)不同齿组数对应极限荷载

图 12 齿组数对节点受拉影响

Fig. 12 Effects of the number of teeth on the tension of the joint





Fig. 13 Error analysis of formula fitting result of ultimate bearing capacity

在本文所选各参数计算范围内,节点受拉极限 状态共出现4种破坏模式,应避免破坏模式二和破 坏模式三的发生,这两种情况下毂体中凸齿部分未 能充分承载,节点已在其他部位发生破坏,抗拉极限 承载力较低.最终根据计算结果给出各影响参数的 适宜选择范围:ξ<sub>1</sub>为1.2~1.8,ξ<sub>2</sub>为0.3~0.5,ξ<sub>3</sub>为 0.3~0.5,ξ<sub>4</sub>为0.1~0.2,*n*为6组.当各参数影响 系数小于适宜范围下限值时,节点抗拉极限承载力 下降较多,大于上限值时承载力提高不明显,出于节 点受力性能和各部件经济性考虑,给出各影响参数 的适宜选择范围.

毂体直径应保证相邻嵌入槽中各部件不相碰,

通过各影响参数与毂体直径的几何关系,给出毂体 直径核算公式为

$$D \ge (\xi_2 t + 3\xi_3 t)n + \xi_1 t / \sin \frac{\theta}{2} + 2(2t + \lambda t + 2\xi_4 t) / \sin \theta, \qquad (2)$$

式中:D 为载体直径, mm; θ 为载体中两相邻嵌入槽 中轴线之间夹角(两相邻铝管中轴线之间夹角), rad;λ 为嵌入件中两管壁间隔距离与铝管壁厚之间 的比值, 可取为 0.3.

当相邻嵌入槽中轴线之间夹角 θ 较小时,尚应 根据相邻嵌入槽中各部件不相碰的要求核算毂体直 径.此时可通过检查可能相碰点至毂体中心的连线 与相邻嵌入槽中轴线间的夹角不大于 θ 的条件进行 核算.

# 3.8 铝合金毂式节点受压

经过有限元分析可知,铝合金毂式节点受压承 载力主要由毂体与杆件嵌入部分之间的凹凸齿槽和 端面共同承担.极限状态时,杆件挤压过渡部位发生 屈曲变形导致失稳破坏,见图 14(a),灰色为屈服区 域.本文选用的研究因素的改变对节点受压极限荷 载影响较小,见图 14(b),以齿宽度变化为例,节点 抗压极限承载力最大值和最小值仅相差 0.22%,且 其数值接近杆件全截面屈服对应荷载,受压性能明 显优于受拉性能.



(a) 节点受压时破坏情况



#### 图 14 铝合金毂式节点受压破坏情况及齿宽度对节点承压影响

Fig. 14 Damage of aluminum alloy hub joints under compression and the influence of tooth width on the joints under compression

# 4 结 论

1)铝合金毂式节点受拉承载力主要由毂体与 杆件嵌入部分之间凹凸齿槽承担,齿根部受力主要 为弯、剪复合受力;节点域内槽间距、齿间距、齿宽 度、齿深度和齿组数的改变对节点抗拉极限荷载有 明显影响,极限状态共出现4种破坏模式.

2)铝合金毂式节点受压承载力主要由毂体与 杆件嵌入部分之间的凹凸齿槽和端面共同承担;极 限状态为失稳破坏;节点受压性能好于受拉性能.

3)在各参数计算范围内,本文给出节点受拉时各 因素适宜选择范围:*ξ*<sub>1</sub> 为 1. 2 ~ 1. 8,*ξ*<sub>2</sub> 为 0. 3 ~ 0. 5, *ξ*<sub>3</sub> 为 0. 3 ~ 0. 5,*ξ*<sub>4</sub> 为 0. 1 ~ 0. 2,*n* 为 6,并给出了毂 体直径设计建议.

4)根据计算结果,本文给出了各参数计算范围 内的节点抗拉极限承载力公式.公式的适用性将通 过后续试验得到进一步验证.

# 参考文献

[1] 贾光华, 贾思然. 铝合金毂节点网架在全封闭煤场中的应用
 [J]. 电站辅机,2018,39(3):48
 JIA Guanghua, JIA Siran. Application of aluminum alloy hub node
 rid frame in glood and word[1]. Bawar plant availants 2018. 20

grid frame in closed coal yard[J]. Power plant auxiliary,2018, 39 (3):48

- [2] FUJIMORI T, SUGIZAKI K. Large span structural system using new materials [J]. Materials In Civil Engineering, 1998, 10(4): 203
- [3] SUGIZAKI K, KOHMURA S. Experimental study on buckling behavior of a triodetic aluminum space frame [C]//John F. Abel. Proceedings of the IASS – ASCE International Symposium. New York: American Society of Civil Engineers, 1994:478
- [4] YONEMARU K, FUJISAKI T, NAKATSUJI T, SUGIZAKI K. Development of space truss structure with CFRP [C]//M. B. Leeming. Innovation in Composite Materials and Structures. Edinburgh: Civil-Comp Press, 1997;81
- [5] 单晨. 毂形节点承载力分析及其对单层球面网壳整体稳定性影 响[D]. 天津:天津大学,2010

SHAN Chen. Analysis of hub-shape inlay joint and its influence on the stability of single-layer lattice domes [ D ]. Tianjin: Tianjin University, 2010

- [6] 姜栋. 单层网壳节点半刚性及其对结构整体稳定牲影响的研究
   [D]. 杭州:浙江大学,2016
   JIANG Dong. Study on joint semi-rigidity of single-layer reticulated shell and influence on overall stability [D]. Zhejiang: Zhejiang
- University, 2016
  [7] 王先铁,郝际平,钟炜辉,等. 一种新型网壳结构节点的试验研究与有限元分析[J]. 西安建筑科技大学学报(自然科学版), 2005, 37(3): 316
  WANG Xiantie, HAO Jiping, ZHONG Weihui, et al. Experimental research and finite element analysis on a new joint of reticulated shells [J]. Journal of Xi' an University of Architecture and Technology (Natural Science Edition), 2005, 37(3): 316
- [8] 赵才其,刘文学,赵惠麟. 新型网壳节点的弹塑性分析及试验研究[J].东南大学学报,1998,28(2):72
  ZHAO Caiqi, LIU Wenxue, ZHAO Huilin. Elastoplastic analysis and experimental study of new reticulated shell joints[J]. Journal of Southeast University, 1998, 28(2):72
- [9] 赵才其,刘文学,赵惠麟. 单槽齿承插式节点的弹塑性试验研究
   [J]. 工业建筑,1999,29(7):34
   ZHAO Caiqi, LIU Wenxue, ZHAO Huilin. Experimental study on elastoplastic behavior of single slot tooth socket joints[J]. Industrial Construction, 1999, 29(7):34
- [10]王元清,柳晓晨,石永久,等. 铝合金网壳结构盘式节点受力性 能有限元分析[J].天津大学学报(自然科学与工程技术版), 2015,48(增刊1):1

WANG Yuanqing, LIU Xiaochen, SHI Yongjiu, et al. Finite element analysis on mechanical performance of TEMCOR joints in aluminum alloy shell structures [J]. Journal of Tianjin University (Science and Technology), 2015, 48(S1): 1

[11] 戎芹,曾字声,侯晓萌,等. 圆钢管 RPC 轴压短柱有限元分析与 承载力计算[J].哈尔滨工业大学学报,2018,50(12):63
RONG Qin, ZENG Yusheng, HOU Xiaomeng, et al. Finite element analysis and bearing capacity calculation for RPC-filled circular steel tube columns under axial compression[J]. Journal of Harbin Institute of Technology, 2018, 50(12):63

(编辑 赵丽莹)