混凝土局压承载力计算方法深化研究

盖立琦^{1,2},郑文忠^{1,2},李 胜^{1,2},王 英^{1,2}

(1.结构工程灾变与控制教育部重点实验室(哈尔滨工业大学),哈尔滨 150090;2. 土木工程智能防灾减灾工业和信息化部重点实验室(哈尔滨工业大学),哈尔滨 150090)

摘 要:为探究混凝土达到局部受压承载力时间接钢筋能否屈服,间接钢筋不屈服时拉应力如何取值,以及网格式间接钢筋 在楔形体外如何实现合理锚固等问题,完成了18个配置螺旋式间接钢筋和18个配置网格式间接钢筋的混凝土试件的局压试 验。试验结果表明:当混凝土发生局压破坏时,局压影响区范围内间接钢筋存在达不到屈服的现象;基于试验结果,获得了不 同强度等级热轧钢筋(HPB300、HRB400、HRB500、HRB600)配置的螺旋式间接钢筋和网格式间接钢筋屈服所对应的间接钢筋体 积配筋率;建立了发生局压破坏时未屈服的网格式间接钢筋与楔形体外侧面相交处拉应力的计算方法。

关键词:混凝土;螺旋式间接钢筋;网格式间接钢筋合理锚固;体积配筋率;局压承载力

中图分类号: TU375 文献标志码: A 文章编号: 0367-6234(2021)10-0001-11

In-depth study on calculation method of local bearing capacity of concrete

GAI Liqi^{1,2}, ZHENG Wenzhong^{1,2}, LI Sheng^{1,2}, WANG Ying^{1,2}

(1. Key Lab of Structures Dynamic Behavior and Control (Harbin Institute of Technology), Ministry of Education,

Harbin 150090, China; 2. Key Lab of Smart Prevention and Mitigation of Civil Engineering Disasters

(Harbin Institute of Technology), Ministry of Industry and Information Technology, Harbin 150090, China)

Abstract: To investigate whether the indirect steel bar is capable of yielding when the concrete reaches local bearing capacity, the calculation method of tensile stress when the indirect steel bar could not yield, and the possibility of reasonable anchoring of meshed indirect steel bar outside the wedge, 18 specimens reinforced with spiral indirect steel bars and 18 with meshed indirect steel bars were experimentally evaluated, subjected to local compression forces. Results show that when the concrete reached the ultimate load, non-yielding occurred in the indirect steel bars in the area affected by the local pressure. Based on the test results, the volumetric ratios of indirect steel bars corresponding to the yielding of the spiral and meshed indirect steel bars for hot-rolled steel bars with different strength grades (HPB300, HRB400, HRB500, HRB600) were obtained. A calculation method of the tensile stress at the intersection of the meshed indirect steel bar and the outer side of the wedge was established for the situation that the meshed indirect steel bar and yield under local pressure.

Keywords: concrete; spiral indirect steel bar; reasonable anchoring of meshed indirect steel bar; volumetric ratio of indirect steel bars; local bearing capacity

混凝土局部受压是一种常见的受力形式,但混 凝土局压破坏引发的工程事故屡见不鲜。目前,在 工程实际施工中,通常采用配置螺旋式或网格式间 接钢筋的方法来提高混凝土局压承载力,控制局压 影响区裂缝^[1]。苏联学者捷尔万纳巴巴首次提出 采用二项式来表示配筋混凝土的局部受压承载 力^[2],但此公式未考虑间接钢筋在局压破坏时可能 达不到屈服的问题。文献[2]总结其公式不足并基 于套箍强化理论和极限平衡理论提出了新的混凝土 局压承载力计算公式,但此公式在推导中假定局压 试件到达极限状态时,局压影响区范围内的间接钢

基金项目:国家自然科学基金(51678190)

- 郑文忠(1965—),男,教授,博士生导师
- 通信作者:郑文忠,hitwzzheng@163.com

筋可以达到屈服,未考虑发生局压破坏时存在间接 钢筋达不到屈服的问题。文献[3-8]通过大量的 混凝土局压试验,提出了混凝土局压破坏理论和承 载力计算方法,指出当间接钢筋的配量适当时,间 接钢筋先达到屈服后发生混凝土局压破坏;而当间 接钢筋配置过多时,间接钢筋达不到屈服。文 献[9-12]通过12个配置高强螺旋式间接钢筋的 活性粉末混凝土局压试验发现,当混凝土达到局压 破坏荷载时,约50%的局压试件破坏时间接钢筋拉 应力低于其比例极限;通过12个配置网格式间接钢筋 就的活性粉末混凝土局压试验发现,局压影响区网格 式间接钢筋(屈服强度为408 MPa)只有部分能够达 到屈服。

基于研究成果发现,发生局压破坏的原因可能 有:一是达到混凝土局压承载力时间接钢筋的强度

收稿日期: 2020-11-29

作者简介:盖立琦(1995一),女,硕士研究生;

没有充分发挥;二是楔形体与网格式间接钢筋的相 交点以外锚固长度不足。针对现行混凝土结构设计 规范中假定局压影响区范围内的间接钢筋屈服,而 实际上混凝土发生局压破坏时会出现间接钢筋达不 到其屈服强度的问题,提出不同强度等级热轧钢筋 配置的间接钢筋屈服所对应的间接钢筋体积配筋 率,并建立间接钢筋未屈服时拉应力的计算方法;针 对网格式间接钢筋所辖面积一般不大于局压计算底 面积的客观事实,而间接钢筋在局部受压过程中要 充分发挥作用,自楔形体与网格式间接钢筋的交点 算起需有合适的锚固长度的问题,提出将网格式间 接钢筋自由边端伸长后弯折、焊接。

1 试验概况

18 个配置螺旋式间接钢筋的圆形截面混凝土 局压试件的试件设计见表 1,试件直径 300 mm、高 800 mm。方形承压板边长为 145 mm、厚度为 30 mm, 局压面积比(*A*_b/*A*₁)为 3.36。螺旋式间接钢筋在混 凝土局压试件全高范围内布置。纵筋采用 4 根直径 8 mm 的 HRB400 热轧钢筋,保护层厚度 10 mm。螺 旋式间接钢筋在靠近承压端将 1 个水平圈压平,距 离试件上表面 25 mm。螺旋式间接钢筋应变测点布 置形式为:在局压影响区 300 mm 高度范围内,每圈 螺旋式间接钢筋对称布置 2 个应变片,如第一圈螺 旋式间接钢筋两个测点分别表示为 1 – 1 和 1 – 2, 取两测点应变平均值作为第一圈间接钢筋的应变值 记为 ε₃₆,下角标表示第一圈间接钢筋距离加载端 36 mm(加载端至1-1、1-2两测点中间位置的距 离),其余同理。应变测量圈数按局压试件间接钢 筋间距计算确定,以保证应变测量区高度超过局压 影响区。螺旋式间接钢筋布置及应变测点布置见图 1.各试件应变片具体粘贴情况见表2。

表1 配置螺旋式间接钢筋的混凝土试件参数

Tab. 1 Parameters of concrete specimens with spiral indirect steel bars

试件 编号	混凝土	间接钢	间接钢筋 百谷 d/mm	间接钢筋 间距 s/mm	间接钢筋 体积配筋
5月 5	强反守纵	肋杆关	且任 d/ mm	问距 3/ 11111	率 ρ_v /%
C – 1	C40	HRB600	6	45	0.90
C – 2	C40	HRB500	8	75	1.00
C – 3	C40	HRB400	8	65	1.20
C – 4	C40	HPB300	8	50	1.50
C – 5	C40	HRB400	8	75	1.00
C – 6	C40	HRB400	8	70	1.10
C – 7	C40	HRB400	8	55	1.35
C – 8	C40	HRB400	8	50	1.50
C – 9	C60	HRB600	6	45	0.90
C – 10	C60	HRB500	8	75	1.00
C – 11	C60	HRB400	8	65	1.20
C – 12	C60	HPB300	8	50	1.50
C – 13	C60	HRB400	8	75	1.00
C – 14	C60	HPB300	8	75	1.00
C – 15	C80	HRB600	6	45	0.90
C – 16	C80	HRB500	8	75	1.00
C – 17	C80	HRB400	8	65	1.20
C – 18	C80	HPB300	8	50	1.50



图1 螺旋式间接钢筋布置及应变测点示意(mm)

Fig. 1 Schematic diagram of spiral indirect steel bar and layout of strain measurement points(mm)

表 2 螺旋式间接钢筋应变片粘贴情况

Tab. 2	Pasting	situations	of s	spiral	indirect	steel	bar	strain	gauges
--------	---------	------------	------	--------	----------	-------	-----	--------	--------

试件编号	间接钢筋间距 s/mm	应变测量圈数	应变测量区 高度/mm
C – 1	45	7	306
C – 2	75	5	344
C – 3	65	6	366
C – 4	50	7	338
C – 5	75	5	344
C – 6	70	5	323
C – 7	55	6	314
C – 8	50	7	338
C – 9	45	7	306
C – 10	75	5	344
C – 11	65	5	301
C – 12	50	7	338
C – 13	75	5	344
C – 14	75	5	344
C – 15	45	7	306
C – 16	75	5	344
C – 17	65	6	366
C – 18	50	7	338

18 个配置网格式间接钢筋的方形截面混凝土 局压试件的设计见表 3, 试件的截面边长 250 mm、 高 800 mm。采用边长为 120 mm、厚度为 30 mm 的 方形承压板,计算底面积与局压面积之比(A_b/A₁)为 4.34。网格式间接钢筋在方形混凝土局压试件全高 范围内布置。试件在角部配置4根直径为8 mm的 HRB400 钢筋,间接钢筋保护层厚度为 10 mm,第一 层网格式间接钢筋距加载端部 25 mm。网格式间接 钢筋自由边端伸长后弯折、焊接。网格式间接钢筋 应变测点布置形式为:在局压影响区 250 mm 高度 范围内,每层网格式间接钢筋角部布置2个应变片, 形式1网格式间接钢筋粘贴4层或6层应变片,形 式2粘贴4层应变片。以第一层网格式间接钢筋为 例,应变片1-1、1-2量测平均值作为第一层间接 钢筋的角部钢筋实测应变值 ε_{25} (下角标表示网格式 间接钢筋距离加载端距离为25 mm),其余同理。应 变测量层数按局压试件间接钢筋间距计算确定,以 保证应变测量区高度超过局压影响区。网格式间接 钢筋布置及应变测点布置见图 2, 各试件应变片具 体粘贴情况见表4。

表 3 配置网格式间接钢筋的混凝土试件参数

Tab. 3 I	Parameters of	f concrete	specimens	with	meshed	indirect	steel	bars
----------	---------------	------------	-----------	------	--------	----------	-------	------

试件编号	混凝土 强度等级	间接钢筋种类	间接钢筋直径 d/mm	网格形式	间接钢筋间距 s/mm	间接钢筋体积 配筋率 $ ho_{ m v}$ /%
F – 1	C40	HRB600	6	1	80	0. 90
F – 2	C40	HRB500	8	2	85	1.00
F – 3	C40	HRB400	8	2	75	1.20
F – 4	C40	HPB300	6	1	50	1.50
F – 5	C40	HRB400	8	2	85	1.00
F – 6	C40	HRB400	8	2	80	1.10
F – 7	C40	HRB400	8	2	65	1.35
F - 8	C40	HRB400	8	2	60	1.50
F – 9	C60	HRB600	6	1	80	0.90
F – 10	C60	HRB500	8	2	85	1.00
F – 11	C60	HRB400	8	2	75	1.20
F – 12	C60	HPB300	6	1	50	1.50
F – 13	C60	HRB400	8	2	85	1.00
F – 14	C60	HPB300	8	2	85	1.00
F – 15	C80	HRB600	6	1	80	0.90
F – 16	C80	HRB500	8	2	85	1.00
F – 17	C80	HRB400	8	2	75	1.20
F – 18	C80	HPB300	6	1	50	1. 50

层

四层



800

焊接

250

A–A



A - A

(a) 形式 1 四层

(b)形式1六层

五层

5

s

2



图 2 网格式间接钢筋布置及应变测点示意(mm)

Fig. 2 Schematic diagram of meshed indirect steel bar and layout of strain measurement points(mm)

表 4 网格式间接钢筋应变片粘贴情况

Tah 4	Pasting	situations	of	meshed	indirect	steel	har	strain	ganges
1ab. 4	1 asting	situations	or	mesneu	munect	steer	Dai	stram	gauges

试件编号	间接钢筋 间距 s/mm	应变测量 层数	网格形式	应变测量区 高度/mm
F – 1	80	4	1	265
F – 2	85	4	2	280
F – 3	75	4	2	250
F – 4	50	6	1	275
F – 5	85	4	2	280
F – 6	80	4	2	265
F - 7	65	4	2	220
F – 8	60	4	2	205
F – 9	80	4	1	265
F – 10	85	4	2	280
F – 11	75	4	2	250
F – 12	50	6	1	275
F – 13	85	4	2	280
F – 14	85	4	2	280
F – 15	80	4	1	265
F – 16	85	4	2	280
F – 17	75	4	2	250
F – 18	50	6	1	275

试验用混凝土和钢筋的基本力学性能见表5、6。

耒 5	混凝土	其木	+	令臣	台
衣り	泥炭工	、奉平	ハ	子旧	二月巳

[Гаb. 5	Basic mechanical properties	of concrete MPa
混廣	¥ 主设计	标准立方体	如 心境耳遇産 f
强	度等级	抗压强度 f_{cu}	抽心饥压强度 J_c
	C40	37.1	28.2
	C60	54.3	41.3
	C80	73. 4	59.2

注:受冬季施工影响,混凝土实际强度低于设计标号强度(混凝土强 度等级及对应的强度),分析时以混凝土实际强度为准。

表 6 钢筋基本力学性能

Tab. 6 Basic mechanical properties of steel bars

钢筋种类	屈服强度	抗拉强度	弹性模量	屈服应变
	$f_{\rm yv}/{ m MPa}$	$f_{\rm uv}/{ m MPa}$	$E_{\rm sv}/10^5{ m MPa}$	$\varepsilon_{\rm yv}/10^{-6}$
HPB300	340	400	2.1	1 620
HRB400	480	565	2.0	2 400
HRB500	560	660	2.0	2 800
HRB600	660	775	2.0	3 300

局压试验加载制度为:正式加载过程中,加载制 度采用先力后位移双控制。当不超过预估荷载的 70%时由力控制加载,加载速率为3 kN/s,此阶段 加载采用分级加载制度,每级荷载按照不大于预估 破坏荷载的10%加荷,每加载一级持荷1 min 后进 行下一级加载。之后由位移控制加载,以3 mm/min

ก้

的速率进行局压加载,加载至局压承载力峰值后,将 加载速率调整为5 mm/min,持续以此速率加载至低 于局压破坏荷载的40%时结束加载。局压试验加 载装置见图3。局压荷载是由万能压力机的上压头 通过传递局部压力的钢板来传递的。万能压力机的 上压头比试件端面大,传递局压荷载的钢板比试件端 面小。因此,局压钢板向试件传递的压力是均匀的。



注:(1)球铰;(2)压力机立柱;(3)可移动横梁;(4)压力机上压头; (5)承压板;(6)位移计;(7)压力机下压头;(8)液压加载器

图 3 局压试验加载装置

Fig. 3 Local compression test loading device

2 试验现象

2.1 裂缝发展与分布

配置螺旋式间接钢筋和网格式间接钢筋的混凝 土局压试件裂缝分布情况见图 4 和图 5。配置螺旋 式间接钢筋与网格式间接钢筋的混凝土试件在局压 荷载作用下,裂缝发展与分布情况基本相同。在达 到开裂荷载之前,试件无明显现象。继续加载,试件 侧面至加载端距离约为承压板边长的高度处出现短 小纵向裂缝,随着荷载的缓慢增大,裂缝由中间向两 端发展,向上延伸发展至试件顶面。荷载继续增大, 在其临近位置有少量新的纵向裂缝出现,已有裂缝 不断发展变宽。达到局压破坏荷载时,侧面新裂缝 不断出现且发展较快,四周纵向裂缝较多,呈"上宽 下窄"的形态。卸载后,观察到加载端承压板明显 压陷,加载端处裂缝集中出现在方形承压板对称轴 及四角处,呈"外宽内窄"的形态。

综合分析配置两类间接钢筋的混凝土试件在局 压荷载作用下的开裂情况,裂缝主要分为三类:第一 类主要裂缝为承压板下纵向裂缝,主要集中于局压 影响区范围内(截面高度范围内),靠近承压板四周 侧面;第二类主要裂缝为纵向劈裂裂缝,由于楔形体 滑移产生;第三类主要裂缝为加载端面裂缝,主要集 中在方形承压板中部或其临近位置及四角处,四角 处裂缝主要由于应力集中产生,加载端面裂缝呈 "内窄外宽"。



(a) 初始纵向裂缝

(b) 破坏后侧面裂缝



(c) 破坏后加载端裂缝

图 4 配置螺旋式间接钢筋的混凝土试件裂缝分布

Fig. 4 Distribution of cracks in concrete specimens with spiral indirect steel bars





(a) 初始纵向裂缝

(b) 破坏后侧面裂缝



(c) 破坏后加载端裂缝

图 5 配置网格式间接钢筋的混凝土试件裂缝分布

Fig. 5 Distribution of cracks in concrete specimens with meshed indirect steel bars

2.2 破坏形态与特征

各试件均表现为先开裂后破坏的破坏模式,且 局压开裂荷载与破坏荷载数值相差较大,存在较为 明显的裂缝发展阶段,具有较好延性,配置螺旋式间 接钢筋和网格式间接钢筋的混凝土局压试件破坏形 态与特征分别见图 6、7。发生局压破坏后,试验机 的荷载示值不断减小,混凝土保护层开始剥落。当 荷载降低至局压破坏荷载的 40% 左右时,螺旋式间 接钢筋出现崩断现象,荷载示值突然大幅度直线下 降,钢筋崩断位置为第三、四圈螺旋式间接钢筋,此 位置大致位于楔形体楔尖处。而网格式间接钢筋未 出现崩断现象,说明其相比于螺旋式间接钢筋约束 效果略差。卸载后,发现两类间接钢筋均呈外鼓形 态,且临近加载端试件四周混凝土脱落相对严重。 将外围混凝土剥离后,两类间接钢筋加载端下部均 存在明显的楔形体特征。楔形体近似呈四角锥体, 其端面边长为承压板边长,图 6(b)和图 7(b)为试 件剥离出的楔形体,图 8 为楔形体特征模型。通过 测量与计算得出配置螺旋式间接钢筋的混凝土试件 楔形体劈尖夹角约为 48°~62°,配置网格式间接钢 筋的混凝土试件楔形体劈尖夹角约为 46°~57°。





f (b) 楔形体特征

* 213 15 1-9t 2-12 C-1 C-14 C2

(c) 剥离混凝土后试件破坏形态

图 6 配置螺旋式间接钢筋的混凝土试件破坏形态和特征 Fig. 6 Failure characteristics of concrete specimens with spiral indirect steel bars



(a) 网格式间接钢筋外鼓



(b) 楔形体特征



(c) 剥离混凝土后试件破坏形态

图 7 配置网格式间接钢筋的混凝土试件破坏形态和特征

Fig. 7 Failure characteristics of concrete specimens with meshed indirect steel bars



图 8 楔形体特征模型 Fig. 8 Wedge feature model

3 试验结果与分析

3.1 破坏荷载下螺旋式间接钢筋应力水平分析与计算

对 18 个配置螺旋式间接钢筋的圆形截面混凝土 试件局压试验结果与数据进行统计分析,见表 7。采 用配置螺旋式间接钢筋的混凝土试件达到破坏荷载 时间接钢筋屈服的试件数据,以 $\rho_v \beta_{cor}$ 和间接钢筋受 拉屈服应变 ε_{yv} 为横轴,以混凝土局压破坏荷载和混 凝土局压净面积之比($f_{cl} = N_u/A_1$)与未配置间接钢筋 素混凝土局压强度 $\beta_c \beta_f f_c$ 的差值 $\Delta f = N_u/A_1 - \beta_c \beta_f f_c$ 为纵轴,建立三维坐标系,进行三维拟合,选用一次 多项式模型 $z = ax + by + z_0$,得到 $\Delta f_v \rho_v \beta_{cor}$ 和 ε_{yv} 的三 维拟合关系见图 9,其拟合下包曲面见图 10。

(2)

表 7 配置螺旋式间接钢筋混凝土局压试验数据

Tab. 7 Local compression test data of concrete with spiral indirect steel bars

试件编号	$f_{\rm c}/{ m MPa}$	$f_{\rm yv}/{ m MPa}$	$ ho_{ m v}$ /%	$oldsymbol{eta}_{ ext{cor}}$	$N_{\rm u}/{ m kN}$	$\varepsilon_{yv}/10^{-6}$	$\varepsilon_{\rm sv,max}/10^{-6}$	应变位置	是否屈服	<i>∆f/</i> MPa
C – 1	28.2	660	0.90	1.64	1 712.2	3 300	4 522	ε_{126}	是	29.83
C – 2	28.2	560	1.00	1.61	1 746.4	2 800	3 908	ε_{194}	是	31.46
C – 3	28.2	480	1.20	1.61	1 756.2	2 400	3 682	ε_{236}	是	31.92
C – 4	28.2	340	1.50	1.61	1 838.0	1 620	3 898	ε_{288}	是	35.81
C – 5	28.2	480	1.00	1.61	1 698.8	2 400	2 879	ε_{194}	是	29.19
C – 6	28.2	480	1.10	1.61	1 760. 8	2 400	2 682	$\boldsymbol{\varepsilon}_{113}$	是	32.14
C – 7	28.2	480	1.35	1.61	1 814.6	2 400	2 529	$\boldsymbol{\varepsilon}_{149}$	是	34.70
C – 8	28.2	480	1.50	1.61	1 842.6	2 400	2 493	$\boldsymbol{\varepsilon}_{238}$	是	36.03
C – 9	41.3	660	0.90	1.64	2 262.8	3 300	3 515	ε_{126}	是	33.10
C – 10	41.3	560	1.00	1.61	2 420. 2	2 800	2 475	$\boldsymbol{\varepsilon}_{269}$	否	40. 59
C – 11	41.3	480	1.20	1.61	2 274.0	2 400	3 093	$\boldsymbol{\varepsilon}_{171}$	是	33.64
C – 12	41.3	340	1.50	1.61	2 286.8	1 620	2 641	ε_{188}	是	34.24
C – 13	41.3	480	1.00	1.61	2 253.6	2 400	3 168	$\boldsymbol{\varepsilon}_{194}$	是	32.67
C – 14	41.3	340	1.00	1.61	2 228.4	1 620	2 672	$\boldsymbol{\varepsilon}_{269}$	是	31.47
C – 15	59.2	660	0.90	1.64	2 667.0	3 300	3 409	ε_{126}	是	32.60
C – 16	59.2	560	1.00	1.61	2 646.0	2 800	2 765	$\boldsymbol{\varepsilon}_{194}$	否	31.60
C – 17	59.2	480	1.20	1.61	2 700.4	2 400	3 035	ε_{106}	是	34.19
C – 18	59.2	340	1.50	1.61	2 722.0	1 620	2 451	ε_{188}	是	35.21

注: ε_{sv.max}为破坏荷载下螺旋式间接钢筋拉应变实测最大值; ε₁₂₆表示距离加载端 126 mm 高度处的应变值。



图 9 配置螺旋式间接钢筋试件拟合曲面





图 10 配置螺旋式间接钢筋试件拟合曲面及下包曲面

Fig. 10 Surface fitting and lower envelope of specimens with spiral indirect steel bars

根据图 9、10,得到配置螺旋式间接钢筋的混凝 土抗压强度拟合计算式和下包曲面计算公式: $f_{cl,f} = 20.40 + 544.13\beta_{cor}\rho_v + 956.16\varepsilon_{yv} + \beta_l\beta_c f_c$ (1) $f_{cl,n} = 18.00 + 544.13\beta_{cor}\rho_v + 956.16\varepsilon_{yv} + \beta_l\beta_c f_c$

式中: $f_{el,f}$ 为配置螺旋式间接钢筋的混凝土抗压强度 预估计算值; $f_{el,n}$ 为具有 95% 保证率的配置螺旋式 间接钢筋的混凝土抗压强度; β_{cor} 为配置间接钢筋的 局部受压承载力提高系数; ρ_v 为间接钢筋体积配筋 率; ε_v 为间接钢筋屈服应变。

将由式(1)计算得到的配置螺旋式间接钢筋的 混凝土抗压强度预估计算值 *f*_{el,f}与其相应的试验值 *f*_{el,t}进行比较,见表 8。经统计分析,*f*_{el,f}与*f*_{el,t}比值的 平均值为 1.001,标准差为 0.011,变异系数为 0.011,吻合情况良好。

若当配置螺旋式间接钢筋的混凝土发生局压破 坏时,间接钢筋达到屈服,则可根据间接钢筋的屈服 应变,计算间接钢筋的应力水平发挥。则此时间接 钢筋的侧向约束应力为

$$\sigma_{1} = \frac{\rho_{v}}{2} \beta_{cor} E_{sv} \varepsilon_{yv} \qquad (3)$$

式中 σ_1 、 E_{sv} 为间接钢筋侧向约束应力和间接钢筋弹性模量。

根据 Richart 经验公式^[13],基于"套箍强化理 论"、约束混凝土的性质与现行混凝土规范中混凝 土局压承载力计算公式推导得到

$$f_{\rm cl} = \beta_{\rm c} \beta_{\rm l} f_{\rm c} + 2.1 \rho_{\rm v} \beta_{\rm cos} f_{\rm vv} \tag{4}$$

当配置螺旋式间接钢筋的混凝土达到局压破坏 荷载时间接钢筋屈服,由拟合计算式(1)、(4)联立 推导可得出间接钢筋屈服应变 ε_{yv}和间接钢筋体积 配筋率上限试验值 ρ_{v.max}的计算关系式为

$$\rho_{v,max} = \frac{20.40 + 956.16\varepsilon_{yv}}{-544.13\beta_{cor} + 2.1\beta_{cor}E_{sv}\varepsilon_{yv}}$$
(5)

经计算得到不同强度等级的螺旋式间接钢筋达 到屈服时体积配筋率上限试验值,结果见表9。

表 8 配置螺旋式间接钢筋的混凝土抗压强度 实测值与计算值对比

Tab. 8 Comparison of measured and calculated compressive strengths of concrete with spiral indirect steel bars

试件编号	$f_{\rm cl,f}/{ m MPa}$	$f_{\rm cl,t}/{ m MPa}$	$f_{\rm cl,f}/f_{\rm cl,t}$
C – 1	83.16	81.44	1.021
C – 2	83.44	83.06	1.005
C – 3	84.86	83. 53	1.016
C – 4	86.72	87.42	0.992
C – 5	83.06	80. 80	1.028
C – 6	83.93	83.75	1.002
C – 7	86.16	86. 31	0. 998
C – 8	87.47	87.64	0.998
C – 9	106.07	107.62	0.986
C – 11	107.77	107.59	0.997
C – 12	109.64	108.77	1.008
C – 13	105.97	107.19	0.989
C – 14	105.23	105.99	0.993
C – 15	125.80	126. 85	0.992
C – 16	126.09	125.85	1.002
C – 17	127.50	128.44	0. 993
C – 18	129.37	129.46	0. 999

表 9 不同等级螺旋式间接钢筋屈服时的 体积配筋率上限试验值

Tab. 9 Upper limit test values of volume reinforcement ratio of spiral indirect steel bars with different grades under yielding

_					
	间接钢筋 强度等级	屈服强度 f _{yv} /MPa	弹性模量 <i>E</i> _{sv} /10 ⁵ MPa	屈服应变 ε _{yv} /10 ⁻⁶	$ ho_{ m v,max}/\%$
	HPB300	340	2.1	1 620	8.03
	HRB400	480	2.0	2 400	3.04
	HRB500	560	2.0	2 800	2.27
	HRB600	660	2.0	3 300	1.74

当配置螺旋式间接钢筋的混凝土达到局压破坏 荷载时间接钢筋屈服,由下包曲面计算式(2)和式 (4)联立推导可得出间接钢筋屈服应变 ε_{yv}和间接 钢筋体积配筋率上限设计值ρ_{v,max}的关系式为

$$\rho_{v,max} = \frac{18.00 + 956.16\varepsilon_{yv}}{-544.13\beta_{cor} + 2.1\beta_{cor}E_{sv}\varepsilon_{yv}} \quad (6)$$

式中所有参数均为本文试件的试验值。经计算 得到与本试验参数相同情况时不同强度等级的螺旋 式间接钢筋达到屈服时体积配筋率上限设计值,供 设计参考,结果见表10。

表 10 不同等级螺旋式间接钢筋屈服时的 体积配筋率上限设计值

Tab. 10 Upper limit design values of volume reinforcement ratio of spiral indirect steel bars with different grades under yielding

间接钢筋 强度等级	屈服强度 f _{yv} /MPa	弹性模量 <i>E</i> _{sv} /10 ⁵ MPa	屈服应变 ε _{yv} /10 ⁻⁶	$ ho_{ m v,max}/\%$
HPB300	340	2.1	1 620	7.15
HRB400	480	2.0	2 400	2.72
HRB500	560	2.0	2 800	2.03
HRB600	660	2.0	3 300	1.56

这里需要特别说明的是,表7中C-16 试件螺旋 式间接钢筋实测应变基本达到屈服应变,故认为其屈 服并已将其作为拟合数据点。针对C-10 试件,将其 试验参数代入式(6)中进行验证,计算得到发生局 压破坏时间接钢筋应变近似预估值为4608×10⁻⁶, 超过其屈服应变2800×10⁻⁶。故认为试验应变值 未达到屈服是应变片量测误差导致的。

3.2 破坏荷载下网格式间接钢筋应力水平分析与计算

根据配置间接钢筋混凝土局压试件的裂缝发展 模式与破坏机理可知,网格式间接钢筋与楔形体外 侧面相交处及楔尖下方的拉应力最大,见图 11。配 置网格式间接钢筋的局压试件楔形体劈尖夹角平均 值约为 50°,故取劈尖夹角为 50°的楔形体模型。基 于钢筋 – 混凝土黏结滑移本构关系理论,将实测应 变值通过理论计算得到网格式间接钢筋与楔形体外 侧面相交处及楔尖下方的应变值^[14]。以下分析与 计算均采用网格式间接钢筋与楔形体外侧面相交处 及楔尖下方的最大应变值 *ε*_{яу,max}。



图 11 网格式间接钢筋拉应力最大处示意(mm)

Fig. 11 Schematic diagram of the maximum tensile stress of meshed indirect steel bar(mm)

对 18 个配置网格式间接钢筋的方形截面混凝 土局压试件的试验结果与数据进行统计分析,见表 11。采用配置网格式间接钢筋的混凝土试件达到破 坏荷载时间接钢筋屈服的试件数据,以ρ,β_{cor}和间接 钢筋受拉屈服应变 ε_w为横轴,以混凝土局压破坏荷 载和混凝土局部受压净面积之比($f_{el} = N_u/A_1$)与未 配置间接钢筋素混凝土局压强度 $\beta_e \beta_1 f_e$ 的差值 $\Delta f = N_u/A_1 - \beta_e \beta_1 f_e$ 为纵轴,进行三维拟合,选用一 次多项式模型 $z = ax + by + z_0$,得到 $\Delta f_v \rho_v \beta_{eor}$ 和 ε_{yv} 的 三维拟合关系见图 12,其拟合下包曲面见图 13。

	表 11	配置网格式间接钢筋混凝土局压试验数据
Tab. 11	Local com	pression test data of concrete with meshed indirect steel bars

Table 1 Zoola compression root data of conference with meshed manufer steel bars										
试件编号	$f_{\rm e}/{ m MPa}$	$f_{\rm yv}/{ m MPa}$	$ ho_{ m v}/\%$	$oldsymbol{eta}_{ ext{cor}}$	$N_{\rm u}/{ m kN}$	$\varepsilon_{\rm yv}/10^{-6}$	$\varepsilon^{'}_{\rm sv,max}/10^{-6}$	应变位置	是否屈服	<i>∆f</i> ∕MPa
F – 1	28.2	660	0.90	1.15	1 011.6	3 300	2 572	$\varepsilon_{185}^{'}$	否	11. 59
F – 2	28.2	560	1.00	1.12	1 009.2	2 800	2 210	$arepsilon_{195}$	否	11.43
F – 3	28.2	480	1.20	1.12	1 026.2	2 400	2 146	$arepsilon_{175}^{'}$	否	12.61
F – 4	28.2	340	1.50	1.15	1 059.0	1 620	2 843	ε_{125}	是	14.89
F – 5	28.2	480	1.00	1.12	1 002.6	2 400	2 830	$arepsilon_{195}^{'}$	是	10.97
F – 6	28.2	480	1.10	1.12	974.6	2 400	2 269	$arepsilon_{185}^{'}$	否	9.02
F - 7	28.2	480	1.35	1.12	994.8	2 400	2 132	$arepsilon_{90}^{'}$	否	10.43
F – 8	28.2	480	1.50	1.12	1 023.2	2 400	1 997	$\varepsilon_{145}^{'}$	否	12.40
F – 9	41.3	660	0.90	1.15	1 388.4	3 300	2 202	ε_{105}	否	11.72
F – 10	41.3	560	1.00	1.12	1 422.0	2 800	2 011	$arepsilon_{195}$	否	14.05
F – 11	41.3	480	1.20	1.12	1 405.0	2 400	2 111	$arepsilon_{175}^{'}$	否	12.87
F – 12	41.3	340	1.50	1.15	1 409.6	1 620	2 729	$arepsilon_{125}$	是	13.19
F – 13	41.3	480	1.00	1.12	1 397.6	2 400	2 784	$arepsilon_{195}$	是	12.35
F – 14	41.3	340	1.00	1.12	1 377.0	1 620	2 081	$arepsilon_{195}$	是	10.92
F – 15	59.2	660	0.90	1.15	1 694.0	3 300	2 059	$arepsilon_{185}$	否	10.51
F – 16	59.2	560	1.00	1.12	1 696.4	2 800	1 851	$arepsilon_{110}^{'}$	否	10.68
F – 17	59.2	480	1.20	1.12	1 748.0	2 400	1 811	$arepsilon_{100}^{'}$	否	14.26
F – 18	59.2	340	1.50	1.15	1 749.6	1 620	2 152	$arepsilon_{125}^{'}$	是	14.37

注:ɛ_{́sy,max}为破坏荷载下网格式间接钢筋与楔形体外侧面相交处及楔尖下方拉应变最大值:ɛ_{́iss}表示距离加载端185 mm 高度处的应变值。



图 12 配置网格式间接钢筋试件拟合曲面 Fig. 12 Surface fitting of specimens with meshed

indirect steel bars 根据图 12、13,配置网格式间接钢筋的混凝土 抗压强度拟合计算式和具有 95% 保证率的拟合计

算公式为:

 $f_{\rm el,f} = 3.45 + 529.51 \beta_{\rm cor} \rho_{\rm v} + 948.72 \varepsilon_{\rm yv} + \beta_{\rm l} \beta_{\rm s} f_{\rm c}$ (7) $f_{\rm el,n} = 2.75 + 529.51 \beta_{\rm cor} \rho_{\rm v} + 948.72 \varepsilon_{\rm yv} + \beta_{\rm l} \beta_{\rm s} f_{\rm c}$ (8) 式中 $f_{\rm el,f} f_{\rm el,n}$ 为配置网格式间接钢筋的混凝土抗压 强度预估计算值和具有 95% 保证率的配置网格式 间接钢筋的混凝土抗压强度。

当配置网格式间接钢筋的混凝土发生局压破坏时,若间接钢筋达到屈服,则可根据间接钢筋的屈服



图 13 配置网格式间接钢筋试件拟合曲面及下包曲面 Fig. 13 Surface fitting and lower envelope of specimens

with meshed indirect steel bars

应变,计算间接钢筋的应力发挥水平。则此时间接 钢筋的侧向约束应力为

$$\sigma_{1} = \frac{\rho_{v}}{2} \beta_{cor} E_{sv} \varepsilon_{yv}$$
(3)

根据 Richart 经验公式,基于"套箍强化理论"、 约束混凝土的性质与现行混凝土规范中混凝土局压 承载力计算公式推导得到

$$f_{\rm cl} = \beta_{\rm c}\beta_{\rm l}f_{\rm c} + 2.1\rho_{\rm v}\beta_{\rm cov}f_{\rm yv} \qquad (4)$$

当配置网格式间接钢筋的混凝土达到局压破坏 荷载时间接钢筋屈服,由拟合计算式(7)、(4)联立 推导可得出间接钢筋屈服应变 ε_{yv}和间接钢筋体积 配筋率上限试验值 ρ_{v,max}的计算关系式为

$$\rho_{\rm v,max} = \frac{3.45 + 948.72\varepsilon_{\rm yv}}{-529.51\beta_{\rm cor} + 2.1\beta_{\rm cor}E_{\rm sv}\varepsilon_{\rm yv}} \qquad (9)$$

经过计算可得到不同强度等级的网格式间接钢 筋达到屈服时体积配筋率上限试验值,结果见表12。

表 12 不同等级网格式间接钢筋屈服时的

体积配筋率上限试验值

Tab. 12 Upper limit test values of volume reinforcement ratio of meshed indirect steel bars with different grades under yielding

			0	•
间接钢筋 强度等级	网筋 屈服强度 弹性模量 等级 f _{yv} /MPa E _{sv} /10 ⁵ MPa		屈服应变 ε _{yv} /10 ⁻⁶	$ ho_{ m v,max}/\%$
HPB300	340	2.1	1 620	2.35
HRB400	480	2.0	2 400	1.07
HRB500	560	2.0	2 800	0.84
HRB600	660	2.0	3 300	0.67

当配置网格式间接钢筋的混凝土试件发生局压 破坏时间接钢筋屈服,由下包曲面计算式(8)、(4) 联立推导可得出间接钢筋屈服应变 ε_{yv}和间接钢筋 体积配筋率上限设计值 ρ_{v,max}的关系式为

$$\rho_{v,max} = \frac{2.75 + 948.72\varepsilon_{yv}}{-529.51\beta_{cor} + 2.1\beta_{cor}E_{sv}\varepsilon_{yv}} \quad (10)$$

得到不同强度等级的网格式间接钢筋达到屈服时 体积配筋率上限设计值,供设计参考。结果见表13。

表 13 不同等级网格式间接钢筋的体积配筋率上限设计值 Tab. 13 Upper limit design values of volume reinforcement ratio of meshed indirect steel bars with different grades under yielding

间接钢筋 强度等级	屈服强度 f _{yv} /MPa	弹性模量 屈服应变 E _{sv} /10 ⁵ MPa ε _{yv} /10 ⁻⁶		$ ho_{ m v,max}/\%$
HPB300	340	2.1	1 620	2.02
HRB400	480	2.0	2 400	0.94
HRB500	560	2.0	2 800	0.75
HRB600	660	2.0	3 300	0.60

当配置网格式间接钢筋的混凝土发生局压破坏 时,若间接钢筋未达到屈服,采用统一的钢筋抗拉屈 服强度计算配筋混凝土的局压承载力并不准确^[15], 计算结果偏于不安全。通过计算钢筋的实际拉应力 得到的局压承载力更为准确且安全。

根据统计的试验数据,采用混凝土达到局压破 坏时配置网格式间接钢筋尚未屈服的试件,以参数 $(E_{sv}\beta_{cor})/(\rho_v f_c)$ 为横坐标,以达到局压破坏时间接 钢筋的拉应变 ε'_{sv} 为纵坐标拟合。观察发现各试验 点在二维坐标系中近似线性分布,故采用线性拟合, 获得了当混凝土发生局压破坏时,网格式间接钢筋 拉应变拟合曲线和数学表达以及具有 95% 保证率 的下包线和数学表达,见图 14。



图 14 混凝土发生局压破坏时网格式间接钢筋拉 应变拟合曲线及具有 95%保证率的下包曲线

Fig. 14 Fitting curve and lower envelope curve (with 95% guarantee rate) of tensile strain of meshed indirect steel bars when concrete fails under local pressure

当混凝土试件发生局压破坏时,网格式间接钢 筋拉应变拟合计算式及具有 95% 保证率的间接钢 筋拉应变计算式为:

$$\varepsilon_{\rm sv,f} = 0.105 \times 10^{-8} \frac{E_{\rm sv}\beta_{\rm cor}}{\rho_{\rm s}f_{\rm c}} + 1.508 \times 10^{-3}$$
(11)

$$\varepsilon_{\rm sv,n} = 0.085 \times 10^{-8} \frac{E_{\rm sv}\beta_{\rm cor}}{\rho_{\rm s}f_{\rm c}} + 1.531 \times 10^{-3} (12)$$

式中: *ε*_{sv,f}、*ε*_{sv,n}为混凝土发生局压破坏时网格式间 接钢筋拉应变预估值和具有 95% 保证率的混凝土 发生局压破坏时网格式间接钢筋拉应变。

将由式(11)计算得到的混凝土发生局压破坏时网格式间接钢筋拉应变预估值 *ε*_{sv,f}与试验值 *ε*_{sv,t}与试验值 *ε*_{sv,t} 进行比较,见表 14。经统计分析,二者比值的平均值为 1.005,标准差为 0.032,变异系数为 0.032,吻合情况良好。

表 14 配置网格式间接钢筋拉应变预估值与试验值比较

Tab. 14 Comparison of estimated and test values of

tensile strain of meshed indirect steel bar

试件	$f_{\rm e}/$	$E_{\rm sv}/$	$ ho_{ m v}/$	ρ	$arepsilon_{ m sv,f}/$	$arepsilon_{ m sv,t}/$	$arepsilon_{ m sv,f}/$
编号	MPa	10 ⁵ MPa	%	${m ho}_{ m cor}$	10 - 6	10 -6	$\boldsymbol{\varepsilon}_{\mathrm{sv,t}}$
F – 1	28.2	2.0	0.90	1.15	2 460	2 572	0.956
F – 2	28.2	2.0	1.00	1.12	2 340	2 210	1.059
F – 3	28.2	2.0	1.20	1.12	2 201	2 146	1.026
F – 6	28.2	2.0	1.10	1.12	2 264	2 269	0.976
F – 7	28.2	2.0	1.35	1.12	2 124	2 132	0. 998
F – 8	28.2	2.0	1.50	1.12	2 062	1 997	0.996
F – 9	41.3	2.0	0.90	1.15	2 158	2 202	1.033
F – 10	41.3	2.0	1.00	1.12	2 076	2 011	0.980
F – 11	41.3	2.0	1.20	1.12	1 981	2 111	1.032
F – 15	59.2	2.0	0.90	1.15	1 961	2 059	0.953
F – 16	59.2	2.0	1.00	1.12	1 904	1 851	1.029
F – 17	59.2	2.0	1.20	1.12	1 838	1 811	1.015

当配置网格式间接钢筋的混凝土发生局压破坏时,若间接钢筋未达到屈服,可根据虎克定律计算间 接钢筋应力发挥水平。网格式间接钢筋提供的侧向 约束应力为

$$\sigma_{1} = \frac{\rho_{v}}{2} \beta_{cor} E_{sv} \varepsilon_{sv} \qquad (13)$$

式中 ε_{sv} 为未屈服间接钢筋拉应变预估值,按式(11) 计算。

4 结 论

1)通过18个配置螺旋式间接钢筋和18个配置 网格式间接钢筋的混凝土局压试件的试验结果发 现,当混凝土发生局压破坏时,局压影响区范围内间 接钢筋会存在达不到屈服的现象。

2)基于18个配置螺旋式间接钢筋的混凝土局 压试件试验数据,研究配置螺旋式间接钢筋的混凝 土局压区间接钢筋应力发挥水平和合理配置问题。 采用达到局压破坏时螺旋式间接钢筋达到屈服的试 件数据,获得了不同强度等级(HPB300、HRB400、 HRB500、HRB600)热轧钢筋配置的螺旋式间接钢筋 屈服所对应的间接钢筋体积配筋率。

3)为使间接钢筋在局部受压过程中充分发挥 作用,自楔形体与网格式间接钢筋的交点算起实现 合理锚固。本文提出了将网格式间接钢筋自由边端 伸长并弯折,将相邻二网格钢筋焊接的新思路,为解 决网格式间接钢筋的合理锚固问题提供建议与参考。

4)基于18个配置网格式间接钢筋的混凝土局 压试件的试验数据,采用达到局压破坏时螺旋式间 接钢筋达到屈服的试件,获得了不同强度等级 (HPB300、HRB400、HRB500、HRB600)热轧钢筋配 置的网格式间接钢筋屈服所对应的间接钢筋体积配 筋率;采用混凝土达到局压破坏时网格式间接钢筋 尚未屈服的试件,推导了发生局压破坏时网格式间 接钢筋未屈服时,网格式间接钢筋与楔形体外侧面 相交处拉应变计算公式;建立了网格式间接钢筋与 楔形体外侧面相交处拉应力计算方法。

参考文献

- 杨熙坤,杨冰,孟凡石. 混凝土及钢筋混凝土局部承压若干问题
 [J]. 低温建筑技术,1999,19(1):8
 YANG Xikun, YANG Bing, MENG Fanshi. Several problems on local compression of concrete and reinforced concrete [J]. Low Temperature Architecture Technology, 1999,19(1):8
- [2] 蔡绍怀. 混凝土及配筋混凝土的局部承压强度[J]. 土木工程学报,1963,9(6):1
 CAI Shaohuai. Local compressive strength of concrete and reinforced concrete[J]. China Civil Engineering Journal, 1963,9(6):1. DOI:10.15951/j. tmgcxb.1963.06.002
- [3] 曹声远,杨熙坤,钮长仁. 混凝土轴心局部承压破坏及强度的试

验研究[J].哈尔滨建筑工程学院学报,1980(1):61

CAO Shengyuan, YANG Xikun, NIU Changren. Experimental study on local bearing failure and strength of concrete under axial local pressure[J]. Journal of Harbin University of Civil Engineering and Architecture, 1980(1):61

- [4] 曹声远,杨熙坤,钮长仁. 混凝土轴心局部承压变形的试验研究
 [J]. 哈尔滨建筑工程学院学报,1980(1):83
 CAO Shengyuan, YANG Xikun, NIU Changren. Experimental study on local axial compression deformation of concrete [J]. Journal of Harbin University of Civil Engineering and Architecture, 1980(1):83
 [5] 東京运 孫熙地 混凝土昆虫承压的工作机理及强度理论[I]
- [5] 曹声远,杨熙坤. 混凝土局部承压的工作机理及强度理论[J]. 哈尔滨建筑工程学院学报,1982(3):44
 CAO Shengyuan, YANG Xikun. Working mechanism and strength theory of concrete under local pressure [J]. Journal of Harbin University of Civil Engineering and Architecture, 1982(3):44
 [6] 刘永颐 关建来,工程本, 退聚土层建度压强度及破坏机理[J]
- [6] 刘永颐,关建光,王传志. 混凝土局部承压强度及破坏机理[J]. 土木工程学报,1985(2):53
 LIU Yongyi, GUAN Jianguang, WANG Chuanzhi. Bearing strength of concrete and its failure mechanism[J]. China Civil Engineering Journal, 1985(2):53. DOI:10.15951/j. tmgcxb. 1985.02.005
- [7] 曹声远,杨熙坤,徐凯怡. 钢筋混凝土局部承压的试验研究[J].
 哈尔滨建筑工程学院学报,1983(2):13
 CAO Shengyuan, YANG Xikun, XU Kaiyi. Experimental study on local bearing capacity of reinforced concrete[J]. Journal of Harbin University of Civil Engineering and Architecture, 1983(2):13
- [8] 曹声远,杨熙坤,徐凯怡. 钢筋混凝土局部承压强度理论[J]. 哈尔滨建筑工程学院学报,1984(2):25
 CAO Shengyuan, YANG Xikun, XU Kaiyi. Local compressive strength theory of reinforced concrete [J]. Journal of Harbin University of Civil Engineering and Architecture, 1984(2):25
- [9] 周威,郑文忠,胡海波. 钢筋网片约束活性粉末混凝土局压性能 试验研究[J]. 建筑结构学报,2013,19(11):148 ZHOU Wei, ZHENG Wenzhong, HU Haibo. Bearing capacity of reactive powder concrete reinforced by orthogonal ties[J]. Journal of Building Structures, 2013,19(11):148. DOI:10.14006/j.jzjgxb. 2013.11.019
- [10]周威,胡海波,郑文忠.高强螺旋筋约束活性粉末混凝土局压承载力试验[J]. 土木工程学报,2014,47(8):70
 ZHOU Wei, HU Haibo, ZHENG Wenzhong. Bearing capacity of reactive powder concrete reinforced by high-strength steel spirals
 [J]. China Civil Engineering Journal, 2014,47(8):70. DOI:10.
 15951/j. tmgcxb. 2014.08.033
- [11] ZHOU Wei, HU Haibo. Bearing capacity of steel fiber reinforced reactive powder concrete confined by spirals [J]. Materials and Structures, 2015,48(8):2613. DOI:10.1617/s11527-014-0341-4
- [12] GENG Xiangri, ZHOU Wei, YAN Jiachuan. Reinforcement of orthogonal ties in steel-fiber-reinforced reactive powder concrete anchorage zone[J]. Advances in Structural Engineering, 2019,22 (10):2311. DOI:10.1177/1369433219838085
- [13] RICHART E F, BRANDZAEG A, BROWN L R. A study of the failure of concrete under combined compressive stress [R]. Urbana: University of Illinois, 1928
- [14]郑文忠,苗天鸣,王识字,等. 锚固力在钢筋黏结和端板承压间的分配规律[J]. 哈尔滨工业大学学报,2018,50(6):152
 ZHENG Wenzhong, MIAO Tianming, WANG Shiyu, et al. Distribution regulation of the reinforcement force between bond and headed bars[J]. Journal of Harbin Institute of Technology, 2018, 50(6):152. DOI:10.11918/j. issn. 0367 6234. 201710053
- [15] RAZVI S, SAATCIOGLU M. Confinement model for high-strength concrete[J]. Journal of Structural Engineering, 1999, 125 (3): 281. DOI:10.1061/(ASCE)0733 -9445(1999)125:3(281)