DOI:10.11918/202108015

钛合金梁式管接头密封性能的结构优化设计

颖1.于颖嘉1.张宏翔1.钟兢军2 崔

(1.大连海事大学 船舶与海洋工程学院,大连 116026;2.上海海事大学 商船学院,上海 201306)

摘 要:为优化具有椭圆弧凹槽的航空钛合金梁式管接头,基于 ABAQUS 软件建立了梁式管接头弹塑性接触有限元模型,得 到了阴、阳接头两道密封处的接触应力分布与接触带宽。综合考虑梁式管接头宏观几何结构与接触面微观形貌,以S指数为 密封性能评价指标,利用 Isight 软件和多岛遗传算法得到了密封性能最优的阴接头几何构型。对最优结构的有限元数值模拟 表明,优化结构的S指数比原型和数据库最大值结构分别提高102.2%和53.1%,其最大接触应力与接触带宽明显增大,优化 结构的密封性能显著提高。最优结构的S指数与优化方法的预测值吻合良好,从而验证了优化方法的有效性和结构优化设 计的准确性。采用的 S 指数密封评价准则相比于传统单纯以接触应力或接触带宽评价密封性能的方法更全面考虑了密封结 构的宏观与微观特征,为梁式管接头密封结构优化设计提供了可量化的密封性能目标函数。应用 Isight 软件与多岛遗传算法 可提高计算效率与优化精度。

关键词:梁式管接头:密封性能:S指数:多岛遗传算法:结构优化 中图分类号: V231.96 文献标志码:A 文章编号: 0367-6234(2022)01-0073-07

Structural optimization design of sealing performance for titanium alloy beam seal

CUI Ying¹, YU Yingjia¹, ZHANG Hongxiang¹, ZHONG Jingjun²

(1. Naval Architecture and Ocean Engineering College, Dalian Maritime University, Dalian 116026, Liaoning, China; 2. Merchant Shipping College, Shanghai Maritime University, Shanghai 201306, China)

Abstract: To optimize titanium alloy beam seal with elliptical arc groove, based on ABAQUS software, the elasticplastic contact finite element model of the beam seal was established, and the contact stress distribution and contact bandwidth of the two seals between the male and female connectors were obtained. Taking S index as the evaluation criterion of sealing performance, which considers both the macro geometry of the beam seal and micro morphology of the contact surface, the female connector with the best sealing performance is obtained by using ISIGHT software and multi-island genetic algorithm. The simulation demonstrates that its S index is 102.2% higher than that of the prototype, 53.1% higher than the maximum in the database, and its maximum contact pressure and contact bandwidth are remarkably increased, which means that the sealing performance of the optimized geometry is significantly improved. The S index of optimized beam seal is in good agreement with the prediction value of the optimization method, which verifies the effectiveness of the optimization method and the accuracy of the optimized geometry. Compared with the traditional method of evaluating the sealing performance only by contact stress or contact width, the S index comprehensively considers the macro and micro characteristics of the seal and provides a quantifiable sealing performance objective function for the optimization design of the beam seal. The application of ISIGHT software and multi-island genetic algorithm can improve the calculation efficiency and optimization accuracy.

Keywords: beam seal; sealing performance; S index; multi-island genetic algorithm; structure optimization

管接头在飞机液压系统中起管路连接作用,其 密封性能与可靠性对管路安全至关重要。目前,我 国航空液压管接头主要采用可分离的74度锥和球 形密封结构,实践表明,现役管接头在液压系统管内

收稿日期: 2021-08-03

通信作者: 于颖嘉, cf_yuyingjia@ sina.com

压力为 22 MPa 时多次出现泄漏问题,给飞行安全 带来隐患,管接头的密封可靠性亟需提高^[1-2]。梁 式管接头于 20 世纪 80 年代在美国兴起,与锥面管 接头和球面管接头相比,梁式管接头具有安装间距 短、自紧性和自封性的特点,适用于压力为20.7~ 55.2 MPa的液压系统,有望成为我国航空耐高压管 接头的替代型式^[3]。SAE标准指出,梁式管接头由 阴接头、阳接头与外套螺母组成,其主要密封结构为 阴接头的 U 型截面与密封梁^[4-5]。梁式管接头在装

Jan. 2022

基金项目:中央高校基本科研业务费基础培育基金(3132007007)

作者简介: 崔 颖(1977--), 女, 副教授; 钟兢军(1963一),男,教授,博士生导师

配时可形成两道有效密封,第一道密封为主要密封 结构,第二道密封的作用为防止振动或弯曲载荷传 递到第一道密封,保证密封的稳定可靠。SAE标准 对阳接头给出结构形式和尺寸,阴接头需由研究人 员自行设计^[6]。目前,国内外对梁式管接头设计与 性能研究鲜有公开发表的文献。Jeon 等^[7] 和李晓 东^[8]将梁式管接头的阴接头设计为双锥度结构,数 值模拟表明该结构仅能形成一道具有较大接触应力 的密封。崔颖等^[9]设计了一种带有椭圆弧凹槽的 阴接头结构,有限元仿真表明该型梁式管接头在装 配过程中可形成两道有效密封,并通过试验验证了 理论分析的准确性。一直以来,静密封性能主要由 接触应力或接触带宽的大小来判断,缺少统一的定 量标准。Cui 等^[10]提出了综合考虑梁式管接头密封 面接触带宽与接触应力的密封性能 S 指数定量评价 指标,并得到了影响密封性能的主要结构敏感参数。 当前国内对梁式管接头的研究处于初始阶段,尚有 大量问题有待深入研究。

与不锈钢相比,钛合金具有质量轻、强度高的特点,能够满足航空管接头对质量和高密封可靠性的 需求。在现有研究成果的基础上,有必要开展钛合 金梁式管接头结构优化设计研究。近年来,一些学 者对多种类型管接头开展优化研究,使密封性能得 到一定程度的提升^[11-14]。这些研究工作大多利用 实验设计方法对管接头进行优化,由于实验设计方 法取值空间较小,数据量较少,有必要采用更高效的 优化方法对梁式管接头进行结构优化。

Isight 软件提供了多种优化算法,具有强大的优化设计功能,其中多岛遗传算法有较好的全局优化能力,并且优化效率较高^[15]。本文在钛合金梁式管接头接触力学有限元建模和敏感参数分析基础上,确定了设计参数的合理选取范围,数值模拟得到大范围参数空间内管接头结构的接触应力、接触带宽和 S 密封性能指数的样本空间。基于 Isight 软件,利用神经网络模型建立代理函数,以 S 指数为优化目标函数,运用多岛遗传算法进行全局优化,得到最优结构设计参数,从而为航空钛合金梁式管接头的结构优化提供了方法和设计依据。

1 钛合金梁式管接头有限元仿真分析

首先对图 1 所示的带有椭圆弧凹槽的梁式管接 头结构进行参数化设计。阴接头参数化后截面形状 与结构参数如图 2 所示^[10]。

针对管径规格为 Φ12 mm 的梁式管接头,利用 有限元法建立弹塑性接触模型并进行仿真分析,结 构参数取值如表1所示。



a-U型梁椭圆弧凹槽长轴; b-U型梁椭圆弧凹槽短轴; c-第一 道密封名义接触带宽; d-阳接头壁厚; e-U形口轴向长度; h-密 封梁截面宽度; p-阴接头壁厚; $\alpha-$ 锥面角; $\theta-U$ 型梁与径向夹 角; $\beta-$ 倒角角度; $\delta-U$ 型梁底部与阴接头外径的距离

图 2 梁式管接头结构参数化

Fig.2 Parameterization of beam seal

表1 梁式管接头结构参数

Tab.1 Parameters of beam seal

结构参数	值	结构参数	值
a∕ mm	1.66	e∕ mm	1.04
b/ mm	0.30	h∕ mm	0.50
<i>c∕</i> mm	0.49	p∕ mm	1.55
d/ mm	2.70	α/ (°)	8.50
<i>θ</i> ∕(°)	15.0	β/ (°)	45.00
δ∕ mm	1.10		

阴阳接头材料为钛合金,弹性模量 E = 109 GPa,泊松比 $\mu = 0.34$,塑性本构关系如表 2 所示。

表 2 TC4 钛合金塑性参数

Tab.2 Plasticity parameters of TC4 titanium alloy

真实应力/MPa	塑性应变
900.0	0
922.5	0.001
945.0	0.002
967.5	0.003
990.0	0.004

将阴接头接触面设为主面,阳接头接触面设为 从面,接触面摩擦因数为钛合金-钛合金接触无润 滑条件下典型取值 0.15^[16]。应用有限滑移和表面 与表面接触对接触面进行约束。在阴接头外套螺母

• 75 •

位置创建参考点 RP-1,建立 RP-1 与阴接头受力区 域之间的连续分布耦合约束来模拟外套螺母与阴、 阳接头的连接关系。根据实际受力情况,在阳接头 底部施加固定约束,在 RP-1 耦合点处施加轴向预 紧力载荷,如图 3 所示。



图 3 有限元计算接触设置

Fig.3 Contact settings for finite element calculation

有限元网格采用二次轴对称四边形单元 CAX8R,为防止主从面发生穿透,对阳接头网格进 行加密。由于梁式管接头为轴对称模型,计算速度 较快,因此在设置网格时均采用小尺寸网格以保证 计算精度。设置阴接头第一道密封面网格尺寸为 0.008 mm,阳接头网格尺寸为 0.006 mm;阴接头第 二道密封面网格尺寸为 0.030 mm,阳接头尺寸为 0.020 mm。总计网格 17 456 个,如图 4 所示。



图 4 网格划分 Fig.4 Grid division

根据 SAE 标准,管径 Φ12 mm 的梁式管接头的 拧紧力矩范围 49~54 N·m^[17],由螺母扭拉关系确 定预紧力的范围为 14 700~19 000 N^[18]。在预紧力 为 17 000 N 条件下采用 Newton-Raphson 法与对称 罚函数法计算接触应力,得到两道密封的接触应力 分布云图如图 5 所示。



Fig.5 Contact stress distribution on sealing surfaces

由5图可知,带有椭圆弧凹槽的梁式管接头可 在密封面上形成两道有效密封,第一道位于管路内 径处,第二道位于管路外径处。第一道密封接触带 宽狭窄,为线密封,第二道密封接触带较宽,为面密 封。同时,定义第一道密封的径向路径并提取路径 上节点的接触应力值,得到沿阳接头锥面母线第一 道密封接触应力的分布规律,如图6所示。接触应 力在第一道密封面上非均匀分布,在0~0.08 mm 范 围内,接触应力为0 MPa;在 0.08~0.13 mm 时,接触 应力逐渐增大,最后降低为730 MPa。梁式管接头 在装配过程中,第一道密封在内径端部发生翘曲,导 致第一道密封内径处接触应力为0.真实接触带宽 小于名义接触带宽。翘曲产生的原因为第二道密封 为固支端,第一道密封为滑动支撑的简支梁,随着预 紧力的增大,密封梁发生变形,第一道密封滑动,同 时第一道密封接触合力为密封梁提供向上的支持 力,在第一道密封接触合力的作用下,密封梁内径端 部发生翘曲。



图 6 第一道密封接触应力分布

Fig.6 Contact stress distribution on the first sealing surface 梁式管接头的有限元模型已在文献[9]中通过 实验验证了其有效性。实验原理如图7、8 所示。



图 7 实验装置与试验件 Fig.7 Experimental rig and test piece





图 8 压敏测试胶片放置图 Fig.8 Diagram of pressure sensitive test film placement

试验由阳接头固定件、加力件、压力传感器、阳 接头、阴接头、垫片与液压缸组成。加力件与阴接头 配合模拟外套螺母对梁式管接头施加预紧力,阴接 头、阳接头与加力件配合构成试验主体。为准确测 量密封面上接触应力分布与接触带宽,将高精度 FUJI 压敏测试胶片放置于阴阳接头接触配合面。 垫片与加力件之间安装压力传感器,用于测量施加 于梁式管接头的预紧力。加载后的梁式管接头接触 带宽如图9所示。



Fig.9 Two seals for beam seal

由图 9 可知,梁式管接头在装配过程中可形成 两道有效密封,第一道位于内径处,第二道位于外径 处,实验结果与有限元计算结果一致。将不同预紧 力下两道密封的接触带测量结果与有限元计算结果 进行对比,见图 10。

由图 10 可知,试验结果与有限元模拟结果趋势 相同,试验得到两道密封的接触带宽均高于数值模 拟结果,这与压敏胶片在受到较大压力时会有少量 颜料渗出有关,试验结果与计算结果平均误差为 20%,数据吻合较好,验证了本文所采用的接触有限 元分析方法的有效性。



图 10 两道密封试验结果与有限元计算结果对比

Fig. 10 Comparison between test results and finite element simulation results of two seals

2 密封性能评价指标

Perrson 等^[19]研究指出,金属静密封发生流体 泄漏的根本原因在于粗糙接触界面上存在贯通的微 观通道。Perrson 应用二维逾渗栅格模型描述接触 后的密封区域,逾渗栅格模型如图 11 所示。图中黑 色网格代表接触区,白色网格代表非接触区,黑色网 格数量与总网格数量之比为接触面积比*φ*。对黑白 网格的数量进行控制,逐渐增加黑色网格的数量,即 增加接触面积比,应用自编的寻径算法寻找是否存 在贯穿栅格模型的通路,若存在通路,则发生泄 漏^[20]。采用寻径算法对不同接触面积比的栅格模 型进行 600 次的循环计算,得到泄漏概率与接触面 积比的关系曲线,如图 12 所示。

由图 12 可知,当接触面积比达到 0.4 时泄漏概 率发生陡降;接触面积比为 0.43 时泄漏概率为 0;临 界接触面积比是一个统计的临界量,与粗糙面的表 面形貌无关。根据以上分析,将对应于接触面积比 为 0.43 时的名义接触应力定义为临界接触应力 *p*_e。为得到对应于粗糙度为 0.4 密封面的临界接触 应力,本文采用文献[21]中经试验验证的粗糙面接 触力学仿真方法,建立钛合金双粗糙面接触有限元 模型,如图13所示,材料参数如表2所示。





(b) φ = 0.8图 11 不同接触面积比的栅格模型

Fig.11 Grid model with different contact area ratios φ



Fig. 12 Relation between contact area ratio and leakage probability



图 13 双粗糙面接触模型 Fig.13 Contact model of double rough surfaces

为提高计算效率,将粗糙面分为基底层与粗糙 面层。基底层采用 10 节点四面体单位 C3D10M,粗 糙面层采用六面体非协调单元 C3D8I,划分网格 242 122个。对下粗糙面底面施加固定约束。为使 有限元模型在计算过程中易于收敛,采用位移载荷 代替力载荷,对上粗糙面施加向下的位移。计算得 到钛合金材料接触面积比与接触应力的关系曲线如 图 14 所示。由图 14 可知,粗糙度为 0.4 的钛合金 密封界面临界接触应力 *p*。为 890 MPa,即密封面上 只有大于临界接触应力 *p*。的区域可形成有效密封。



图 14 接触面积比与接触应力关系曲线

Fig.14 Relation between contact area ratio and contact stress 根据以上分析,为量化有效密封区域,文献[9] 综合考虑梁式管接头宏观结构与接触面微观形貌, 提出了综合考虑接触带宽与接触应力的 S 指数密封评价指标:

$$S = \int_{x_1}^{x_2} [f(x) - p_c] dx \qquad (1)$$

式中: f(x) 为密封面接触应力分布函数, $x_1 = x_2$ 为 $f(x) = p_c$ 交点的横坐标。积分原理图如图15所示, S 指数越大,密封的可靠性越高。因而,本文将S 指 数作为评价钛合金梁式管接头密封性能的指标。



Fig.15 Schematic diagram of S index integral

3 结构优化方法与流程

选取对密封性能敏感的结构参数为设计变量, 以 *S* 指数为目标函数,利用 Isight 软件对钛合金梁 式管接头的结构进行优化设计。在文献[10]梁式 管接头敏感性分析的基础上,选取表 3 中 5 个结构 参数作为优化设计变量,并根据结构尺寸选取敏感 结构参数合适的变化范围。

表 3 优化设计变量的取值范围

Tab.3 Values of optimization design parameters

结构参数	取值
U 形梁椭圆弧凹槽的长轴/mm	1.0~1.7
第一道密封名义接触带宽/mm	0.1~0.5
U 形口轴向长度/mm	1.0~1.5
U 形梁底部与阴接头外径的距离/mm	1.0~1.5
阴接头壁厚/mm	1.0~2.0

利用 ABAQUS 软件的 Python 脚本功能,将梁式 管接头有限元建模与计算过程进行参数化,使设计 变量在表 3 中设定的取值范围内遵循均匀分布取值 的原则,得到各组管接头结构参数下的接触应力与 接触带宽。基于得到的接触应力分布曲线数据库, 对数据库中接触应力超过钛合金材料临界接触应力 (*p*。为 890 MPa)的有效密封区域进行积分,得到 240 组数据的 *S* 指数数据库。

将 S 指数数据库导入神经网络模型,得到管接 头结构参数变量与 S 指数之间的拟合函数,基于该 拟合函数采用 Optimization 模块中多岛遗传优化算 法(MIGA)进行优化,并判断得到的性能最优阴接 头几何构型是否符合要求,如果不符合要求则需再 次优化,直到符合要求为止。阴接头结构优化的流 程如图 16 所示。





4 优化结果与验证

T-1. 4

基于上述优化流程,得到阴接头最优几何构型。 原型结构、数据库 S 指数最大值结构(极值结构)与 优化结构的几何参数与 S 指数对比如表 4 所示。

表4 优化前后对比

rab.+ Comparison before and after optimization								
参数	c/ mm	a/ mm	$e/~{\rm mm}$	p/ mm	δ∕ mm	$S\!\!/(\mathrm{MPa}\boldsymbol{\cdot}\mathrm{mm})$		
原型值	0.49	1.66	1.04	1.55	1.12	1.81		
最大值	0.50	1.60	1.10	1.70	1.35	2.39		
优化值	0.47	1.70	1.10	1.85	1.40	3.92		

Comparison before and after entimization

表4中优化结构所对应的S指数为基于数据库 采用优化算法预测的结果,有必要对该最优结构采 用有限元建模计算验证。采用前述的有限元方法计 算得到最优结构的S指数为3.66 MPa·mm。优化 值3.92 MPa·mm,相对偏差为7.1%,表明优化结果 具有较高的准确性。优化结构的S指数比原型的S 指数提高102.2%,比数据库最大值结构的S指数提高 高53.1%,优化结构的密封性能得到了显著提高。

有限元计算得到的以上3种结构的第一道密封接触应力分布如图17所示,由图17可知,相比于极值结构与原型结构,优化结构第一道密封接触带宽上的接触应力有明显提高,实际接触带宽增大。



5 结 论

1)提出了航空梁式管接头结构优化设计分析 方法。基于 ABAQUS 软件建立钛合金梁式管接头 有限元接触分析模型,能够得到梁式管接头两道密 封的接触应力与接触带宽。利用第一道主密封的 *S* 指数密封性能指标,应用 Isight 软件和多岛遗传算 法进行优化,可得到密封性能最优的结构参数。

2)针对钛合金航空梁式管接头密封性能评价标准,通过钛合金微观粗糙表面的有限元接触分析 得到给定粗糙度下临界接触应力,结合宏观有限元 得到的接触应力分布计算 S 指数。S 指数的评价指 标比传统单纯以接触应力或者接触带宽评价密封性 能的方法更加完善,可作为结构优化设计中量化的 密封性能目标函数。

3)本文对管径为 12 mm 的梁式管接头结构的 优化结果进行了有限元计算验证,两者偏差为 7.1%,表明优化方法具有较高的准确性。优化结构 第一道接触密封上接触应力与接触带宽比原型结构 明显增大,*S*指数提高 102.2%,表明优化结构的密 封性能显著提升,从而为提高钛合金梁式管密封性 能的结构参数优化设计提供了理论方法,同时也可 对其他工程结构优化设计提供参考。

参考文献

[1] 付长安,宋治国.超高压飞机液压系统的密封问题[J].润滑与密,2000(4):5
 FU Changan, SONG Zhiguo. Sealing problem of hydraulic system of

ultra-high pressure aircraft[J]. Lubrication Engineering, 2000(4): 5. DOI: 10.3969/j.issn.0254-0150.2000.04.031

- [2] 闫洋洋,庄保顺,高培鑫,等.航空管路接头密封特性及流体温度 影响[J].航空动力学报,2019,34(11):2414 YAN Yangyang, ZHUANG Baoshun, GAO Peixin, et al. Sealing characteristics of aviation pipeline fittings and influence of fluid temperature [J]. Journal of Aerospace Power, 2019, 34(11):2414. DOI: 10.13224/j.cnki.jasp.2019.11.013
- [3] 欧阳小平,方旭,朱莹,等.航空液压管接头综述[J].中国机械工程,2015,26(16):2262
 OUYANG Xiaoping, FANG Xu, ZHU Ying, et al. Overview of aviation hydraulic fittings[J]. China Mechanical Engineering,2015,26

(16) :2262. DOI:10.3969/j.issn.1004-132X.2015.16.023

- [4] US-SAE. Fitting end, external thread, beam seal, design standard: SAE AS 4207A-1996[S]. Warrendale: SAE, 1996:1
- [5] US-SAE. Fitting end assembly, internal thread, retained nut, beam seal, design standard: SAE AS 4209B [S]. Warrendale: SAE, 1997:1
- [6] US-SAE. Fitting end assembly, internal thread, retained nut, beam seal, design standard: SAE AS 4209C [S]. Warrendale: SAE, 2019:1
- [7] 전준영, 김병탁. 항공기용 연료호스의 빔 시일 피팅의 형상변화에 따른 접촉특성에 관한 연구[J]. 한국기계 가공학회지,2013,12(6):101,
 JEON J Y, KIM B T. A study on contact characteristics by the ge-

ometry variation of beam seal fitting of an aircraft fuel hose[J]. Journal of the Korean Society of Manufacturing Process Engineers, 2013, 12(6):101. DOI: 10.14775/ksmpe.2013.12.6.101

[8] 李晓东.可分离式航空液压管接头密封特性研究[D]. 大连:大连理工大学,2018

LI Xiaodong. Sealing performance of separable aviation hydraulic fittings[D]. Dalian: Dalian University of Technology, 2018

[9] 崔颖,于颖嘉,王永亮,等.一种梁式管接头密封性能与结构参数敏感性分析[J].机械工程学报,2021,57(3):147

CUI Ying, YU Yingjia, WANG Yongliang, et al. Sealing performance and sensitivity analysis of structure parameters for a new beam seal[J]. Journal of Mechanical Engineering, 2021,57(3):147

- [10] CUI Ying, YU Yingjia. Parameter sensitivity analysis of a beam seal based on a new sealing criterion and orthogonal array method [C]// ASME 2020 Pressure Vessels & Piping Conference. Minneapolis: ASME, 2020;4. DOI: 10.1115/PVP2020-21230
- [11] YANG Y J, LEE C M. A study on the optimization of joint mandrel shape for manufacturing long type elbow using push bending process
 [J]. International Journal of Precision Engineering and Manufacturing, 2021, 22:431. DOI: 10.1007/s12541-020-00443-4
- [12] SNOWDEN B S. Dissimilar metal joint optimization [D]. Bethlehem: Lehigh University, 2010
- [13] DU Jitao, LUO Juan, MA Jianguo. FEA and structural optimization of seal structure of a leak-off pipe quick repairing joint [J]. Advanced Materials Research, 2011, 204-210:1716. DOI: 10. 4028/www.scientific.net/AMR.204-210.1716
- [14]马彦,李威.形状记忆合金管接头结构优化与有限元分析[J].东 北大学学报(自然科学版),2013,34(8):1166
 MA Yan, LI Wei. Structure optimization and finite element analysis of shape memory alloy coupling[J]. Journal of Northeastern University (Natural Science), 2013,34(8):1166. DOI: 10.3969/j.issn. 1005-3026.2013.08.024
- [15] 赖宇阳,姜欣. Isight 参数优化理论与实例详解[M].北京:北京 航空航天大学出版社, 2012:188
 LAI Yuyang, JIANG Xin. Detailed explanation of theory and example of Isight parameter optimization[M]. Beijing: Beijing University of Aeronautics and Astronautics Press, 2012:188
- [16] 闻邦椿.机械设计手册[M].北京:机械工业出版社,2010:230
 WEN Bangchun. Handbook of mechanical design [M]. Beijing: China Machine Press, 2010:230
- [17] US-SAE. Fitting, tube, fluid systems, separable, beam seal, 3000/ 4000psi, general specification: SAE AS 85421(R) [S]. Warrendale: SAE, 2018:1
- [18] 熊影辉,丁晓宇,刘检华,等. 扩口式管接头拧紧过程扭拉关系研究[J]. 润滑与密封, 2017, 42(5):46
 XIONG Yinghui, DING Xiaoyu, LIU Jianhua, et al. Study on relationship between preload and tightening torque of flared coupling in tightening process[J]. Lubrication Engineering, 2017, 42(5):46. DOI: 10.3969/j.issn.0254-0150.2017.05.009
- [19] PERRSON B, ALBOHR O, CRETON C, et al. Contact area between a viscoelastic solid and a hard, randomly rough, substrate
 [J]. The Journal of Chemical Physics, 2004, 120 (18): 8779.
 DOI: 10.1063/1.1697376
- [20]崔颖,孙唯一,于颖嘉,等.基于正交实验的粗糙表面接触密封性能预测方法[J].大连海事大学学报,2019,45(3):53
 CUI Ying, SUN Weiyi, YU Yingjia, et al. Prediction method of contact sealing performance of rough surface based on orthogonal experiments[J]. Journal of Dalian Maritime University, 2019,45(3):53. DOI: 10.16411/j.cnki.issn1006-7736.2019.03.008
- [21]熊志亮.螺栓连接接触刚度及对转子动力学影响[D].大连:大连理工大学,2020

XIONG Zhiliang. Contact stiffness of bolt joint and its effect on rotordynamics[D]. Dalian: Dalian University of Technology, 2020

(编辑 杨 波)