DOI:10.11918/202112027

钢管约束的钢管混凝土轴压短柱长期变形性能

李艳华1,张素梅1,王 焰1,王玉银2

(1. 哈尔滨工业大学(深圳) 土木与环境工程学院,广东 深圳 518000;2. 哈尔滨工业大学 土木工程学院,哈尔滨 150090)

摘 要:为分析钢管约束的钢管混凝土柱在长期荷载作用下的变形性能,进行了16个钢管约束的钢管混凝土短柱和2个钢管混凝土短柱的长期持荷试验,持荷时间为350d。主要研究参数核心混凝土应力比为0.35、0.50和0.65,双层钢管总含钢率为5.8%、10.5%和15.0%,内层钢管与外层钢管含钢率比值为0.30、1.25和2.23。基于素混凝土的长期变形理论计算模型,通过分析施加纵向长期荷载时构件的受力机理,推导出适用于钢管约束的钢管混凝土轴压短柱长期变形的理论计算方法。试验结果表明:长期变形随核心混凝土应力比的提高而增大,随总含钢率、内层与外层钢管含钢率比值的增大而减小。理论计算曲线与试验数据曲线的对比和分析表明:长期变形随相对湿度的减小而增大,采用不同混凝土收缩徐变模型时,相对湿度的影响程度不同,其中CEB-FIP 2010模型的吻合效果最好。建议采用CEB-FIP 2010模型并取相对湿度为100%来计算钢管约束的钢管混凝土柱的长期变形。

Deformation behavior of steel tube-confined concrete-filled steel tube columns under sustained axial compression

LI Yanhua¹, ZHANG Sumei¹, WANG Yan¹, WANG Yuyin²

(1. Civil and Environmental Engineering, Harbin Institute of Technology (Shenzhen), Shenzhen 518000, Guangdong, China;2. School of Civil Engineering, Harbin Institute of Technology, Harbin 150090, China)

Abstract: Long-term tests under axial compression were carried out on 16 steel tube-confined concrete-filled steel tube columns and two concrete-filled steel tube columns for 350 d to investigate the long-term deformation performance. The main research parameters were stress ratio of the core concrete (0.35, 0.50, and 0.65), total steel ratio of the inner and outer steel tubes (5.8%, 10.5%, and 15.0%), and the steel ratio between the inner and outer steel tubes (0.30, 1.25, and 2.23). The working mechanism of the steel tube-confined concrete-filled steel tube columns under long-term axial compression was analyzed, and a theoretical calculation method for long-term deformation increased with the increase in the stress ratio of the core concrete, and decreased when the total steel ratio and the ratio between the inner and outer steel tubes increased. The comparison between the theoretical and test results shows that the long-term deformation increase and creep models were used, the influence of relative humidity varied, and the CEB–FIP 2010 model had the best performance. Therefore, the CEB–FIP 2010 model with 100% relative humidity is recommended for the calculation of steel tube-confined concrete-filled steel tube-confined steel tube columns under long-term deformation.

Keywords: long-term loading; steel tube confinement; concrete-filled steel tube; shrinkage and creep; relative humidity

重载、复杂建筑及基础设施随着国家发展不断 涌现,钢管混凝土可有效利用混凝土和钢材的材料 特性,具有一系列优越性能而广泛应用于重型承载 结构^[1-4]。然而在实际工程中,钢管混凝土柱逐渐 暴露出不足之处。一方面,结构中常用的钢管混凝 土柱在正常工作状态下都处于弹性工作范围^[5],当 所受的纵向荷载较小时,混凝土的横向变形小于钢 管的横向变形,钢管不能很好地约束核心混凝土,对

- 网络首发地址: https://kns. cnki. net/kcms/detail/23.1235. T. 20220712.1543.004. html
- **基金项目:**深圳市高层次人才项目

收稿日期: 2021-12-07;录用日期: 2022-03-21;网络首发日期: 2022-07-13

作者简介:李艳华(1994—),女,硕士研究生;张素梅(1963—),女,教授,博士生导师 通信作者:张素梅,smzhang@hit.edu.cn

于采用高强混凝土的构件,两者脱离趋势更显 著^[6-7];当所受的纵向荷载较大时,核心混凝土产生 弹塑性变形,虽然钢管相对而言能够较好地约束混 凝土,但钢管处于轴向受压、环向及横向受拉的三轴 异号受力状态,其承载力相对单轴受力时有所减弱。 另一方面,随时间推移,核心混凝土会发生收缩徐变 (收缩变形与徐变变形的总和即为长期变形),导致 构件总变形增大,引起钢管和混凝土的内力重分布, 使得结构体系各个组件的受力发生改变,将对结构 产生不可忽略的影响[8-10]。此外,由于钢管混凝土 柱直接暴露在空气中,其防火防腐问题需要特别注 意。为提升和改善钢管混凝土柱的性能,可在钢管 混凝土柱外套一层钢管,并在两层钢管间填充混凝 土灌浆料(图1),可加强对内部钢管混凝土的横向约 束作用、提高构件承载力、增强塑性韧性和优化抗火 性能,还可用于对结构中原有的钢管混凝土柱进行加 固和修复^[11]。本文主要研究核心混凝土应力比、内 外层钢管总含钢率和内外层钢管含钢率比值对钢管 约束的钢管混凝土轴压短柱长期变形的影响。



1 试验研究

1.1 试件设计

共设计了 3 个钢管混凝土短柱和 22 个钢管约 束的钢管混凝土短柱(图 2),其中对 9 组共 18 个试 件进行了持荷长达 350 d 的长期变形监测试验,另 外 1 组共 7 个对比试件未施加荷载,只放置在相同 环境中监测变形。设计的参数为内外层钢管含钢率 比值、总含钢率和核心混凝土应力比。试件内层钢 管的设计尺寸共有 5 种,分别为 Φ 165×1.0、 Φ 165×1.8、 Φ 165×2.5、 Φ 165×3.0、 Φ 165×4.0;外层钢 管的名义截面尺寸共4 种,分别为 Φ 219×1.0、 Φ 219×1.5、 Φ 219×1.8、 Φ 219×2.5,试件开始加载时 混凝土的龄期为 28 d,各试件设计参数及实际尺寸 见表 1,其中 D_1 为内层钢管的外直径、 t_2 为外层钢管 厚度、 D_2 为外层钢管的外直径、 t_2 为外层钢管

载设计值、α1 为内层钢管含钢率、α2 为外层钢管含 钢率、α 为总含钢率即内层钢管含钢率与外层钢管 含钢率之和、n 为内层钢管含钢率与外层钢管含钢 率的比值。国外的混凝土收缩徐变模型在计算时一 般采用混凝土圆柱体抗压强度,为了计算方便,用 n。表示加载时刻核心混凝土应力与混凝土圆柱体 抗压强度之比。选取试件长度 L = 500 mm, 其长径 比为3≤L/D1≤3.5。徐变试件需要在恒定荷载下 长期持荷,为探究高应力状态下试件的长期性能,试 件 TCFST - 0.35 - 2.5 - 1.5 - a/b、TCFST - 0.50 -2.5-1.5-a/b 和 TCFST - 0.65 - 2.5 - 1.5 - a/b 核心混凝土应力比 n。分别取为 0.35、0.50 和 0.65, 其余试件核心混凝土的应力比 n。取为 0.35 以保证 核心区混凝土发生线性徐变。以 TCFST - 0.35 -2.5-1.5-a 为例说明试件编号规则:TCFST 表示 试件类型为钢管约束的钢管混凝土柱(steel tubeconfined concrete-filled steel tube), CFST 表示钢管混 凝土柱(concrete-filled steel tube):0.35 表示试件加 载时混凝土截面的应力比为 0.35;2.5 表示内层钢管 厚度为2.5 mm;1.5 表示外层钢管厚度为2.5 mm; a、b和c表示同组具有相同参数的不同试件编号, a和b为长期持荷试验的2个试件,c为未加载的对 比试件。表2、3为材料力学性能,混凝土和钢材的 材料性能根据标准试验方法^[12-13]测得,其中 E_{e} 为 混凝土弹性模量、µ。为混凝土泊松比、feu 100为在开 始对试件施加荷载的当天测得的混凝土立方体试块 (边长100 mm)抗压强度平均值, f == 100 经过换算可 得到混凝土标准立方体试块抗压强度即f.,,同样经 过换算可得到混凝土标准圆柱体抗压强度即fm,换 算系数^[14]见表4。



Fig. 2 Schematic of specimens

1.2 加载及测量装置

加载设备弹簧式压缩徐变仪见图 3,1 台徐变仪 可放置同一组的 2 个试件,放置时应保证上下试件 同心以避免由于偏移对试验结果产生不良影响。油 压千斤顶放置于徐变仪的上部和中部2个钢垫板之 间,通过油泵施加和控制荷载,1台油泵通过3个阀 门分别控制3台徐变仪。放置在中部钢垫板和压力 板之间的压力传感器可监测荷载变化。在试件两边 中部位置各布置一个纵向位移计,在试件中部三等 分位置各布置一组应变片(图4)。位移计型号为 LVDT-V1-5MM,量程为0~5 mm,精度为0.01 mm。 试验过程中数据由采集装置记录(图5)。数据的采 集频率为:在加载前100 d,每10 min 采集一次,100 d 之后,每30 min 采集一次。另外,实验室采用了 UPS 备用电池可保证不间断供电。

表1 试件实际尺寸及详细参数表

Tab. 1 Actual size and detailed parameters of specimens									
试件编号	D_1/mm	t_1/mm	D_2/mm	t_2/mm	$\alpha_1 / \%$	$\alpha_2/\%$	lpha/%	n	$N_{\rm L}/{ m kN}$
TCFST – 0. 35 – 2. 5 – 1. 5 – a	165.6	2.5	219. 1	1.5	6.4	5.1	11.5	1.25	432
TCFST $-0.35 - 2.5 - 1.5 - b$	165.2	2.5	222.0	1.5	6.4	5.1	11.5	1.25	432
TCFST – 0. 50 – 2. 5 – 1. 5 – a	164.8	2.5	219.8	1.5	6.4	5.1	11.5	1.25	593
TCFST $-0.50 - 2.5 - 1.5 - b$	165.4	2.5	218.0	1.5	6.4	5.1	11.5	1.25	593
TCFST $-0.65 - 2.5 - 1.5 - a$	165.3	2.5	220. 1	1.5	6.4	5.1	11.5	1.25	777
TCFST $-0.65 - 2.5 - 1.5 - b$	165.4	2.5	220. 1	1.5	6.4	5.1	11.5	1.25	777
TCFST $-0.35 - 1.0 - 1.0 - a$	165.8	1.1	217.6	1.0	2.5	3.3	5.8	0.75	368
TCFST $-0.35 - 1.0 - 1.0 - b$	165.8	1.0	217.5	1.0	2.5	3.3	5.8	0.75	368
TCFST - 0. 35 - 1. 8 - 1. 8 - a	162.7	1.9	215.5	1.7	4.5	6.0	10.5	0.75	403
TCFST $-0.\ 35\ -1.\ 8\ -1.\ 8\ -$ b	163.5	1.9	214.2	1.7	4.5	6.0	10.5	0.75	403
TCFST $-0.35 - 3.0 - 1.0 - a$	165.3	3.0	218.2	1.0	7.7	3.4	11.1	2.23	453
TCFST $-0.35 - 3.0 - 1.0 - b$	165.0	3.0	218.0	1.0	7.7	3.4	11.1	2.23	453
TCFST - 0. 35 - 1. 0 - 2. 5 - a	167.2	1.0	217.9	2.5	2.5	8.1	10.6	0.30	368
TCFST $-0.35 - 1.0 - 2.5 - b$	166.0	1.0	217.0	2.5	2.5	8.1	10.6	0.30	368
CFST - 0. 35 - 4. 0 - 0 - a	165.9	4.0			10.5		10.5		494
CFST $-0.35 - 4.0 - 0 - b$	165.3	4.0			10.5		10.5		494
TCFST – 0. 35 – 2. 5 – 2. 5 – a	162. 2	2.5	218.1	2.5	6.3	8.5	14.8	0.75	432
TCFST $-0.35 - 2.5 - 2.5 - b$	165.4	2.5	218.6	2.5	6.3	8.5	14.8	0.75	432
TCFST $-0.35 - 2.5 - 1.5 - c$	165.3	2.5	218.7	1.5	6.4	5.1	11.5	1.25	
TCFST $-0.35 - 1.0 - 1.0 - c$	165.7	1.1	217.5	1.0	2.5	3.3	5.8	0.75	
TCFST $-0.\ 35\ -1.\ 8\ -1.\ 8\ -c$	163.9	1.9	214.7	1.7	4.5	6.0	10.5	0.75	
TCFST $-0.35 - 3.0 - 1.0 - c$	164.7	3.0	218.5	1.0	7.7	3.4	11.1	2.23	
TCFST $-0.35 - 1.0 - 2.5 - c$	166.4	1.0	217.7	2.5	2.5	8.1	10.6	0.30	
CFST $-0.35 - 4.0 - 0 - c$	165.6	4.0			10.5		10.5		
TCFST $-0.35 - 2.5 - 2.5 - c$	164.8	2.5	218.3	2.5	6.3	8.5	14.8	0.75	

表 2 钢材主要力学性能

Fab. 2	Main	mechanical	properties	of	steel
			1 1		

钢管型号	屈服强度/ MPa	抗拉强度/ MPa	弹性模量/ GPa	泊松比
Φ165 × 1.0	299.6	390. 1	203	0. 245
$\Phi 165 \times 1.8$	315.2	399.6	200	0.256
$\Phi 165 \times 2.5$	340.1	401.2	199	0. 259
$\Phi 165 \times 3.0$	325.6	410.3	196	0.264
$\Phi 165 \times 4.0$	332.1	430. 5	186	0. 289
$\Phi 219 \times 1.0$	308.9	400.8	211	0.271
$\Phi 219 \times 1.5$	310.5	405.5	213	0.266
$\Phi 219 \times 1.8$	311.9	420.5	191	0.254
Φ219 × 2.5	328.4	403.8	189	0.276

表 3 混凝土主要力学性能

Tab. 3 Main mechanical performance of concrete						
混凝土	f _{cu,100} /	$f_{\rm cu}$	$f_{\rm cm}$	$E_c/$	$\mu_{ m e}$	
强度等级	MPa	MPa	MPa	GPa		
C50	57.2	54. 5	45.2	31.7	0. 227	
灌浆料	71.0	67.6	56.1	28.0	0.340	

混凝土养护到第28d时对试件进行加载,在正 式加载前分四级进行预加载,每级施加设计荷载的 1/8,同一试件的2个位移计读数相差在10%以内 即视为物理对中。预加载后分三级进行正式加载, 每级施加设计荷载的1/3,同时记录位移传感器的 数据以保证荷载施加位置为试件处于轴线,力传感 器读数达到 N_L后拧紧中部钢垫板上排螺母。长期荷 载持荷时间为 350 d,季节跨度大、温湿度变化频繁, 对试验数据的准确性有一定影响,采用空调及除湿机 控制实验室温度为(20±5) ℃、湿度为 60%±10%。 同时由于混凝土发生收缩徐变使得反力杆提供的力 有所下降,试件所受荷载也会随之降低,而温度变化 引起油压千斤顶中的液压油热胀冷缩也会影响荷 载,应实时监测力传感器读数,并允许荷载在 (1±2%)N_L范围内波动。若荷载降低超过 2%,进 行补载使荷载重新位于范围内。若补载后荷载提高 超过 2%,保持对应徐变仪的分流阀门打开以及其 他分流阀门关闭,轻轻拧开总阀门卸掉部分油压并 迅速拧紧总阀门。若油压卸载过多,可重复前述步 骤进行加载,反复调整直至荷载达到规定范围,最后 拧紧分阀门、松开总阀门。

表4 不同形状和尺寸试件的混凝土单轴抗压强度换算系数

Tab. 4 Conversion coefficient of uniaxial compression strength of concrete of specimens with different shapes and sizes

试件类型	边长或 直径/mm	高度/ mm	混凝土 强度等级	系数
立方体	200	200	C30 ~ C80	0.950
	150	150	C30 ~ C80	1.000
	100	100	C30 ~ C80	1.050
圆柱体	150	300	C50	0.830
	150	300	C60	0.860
	150	300	C70	0.875
	150	300	C80	0.890



图 3 弹簧式压缩徐变仪 Fig. 3 Spring-type compression creep tester



图 4 位移计及应变片布置形式

Fig. 4 Arrangement form of displacement gauge and strain gauge



图 5 数据采集系统 XBY - 2000

Fig. 5 Data acquisition system XBY – 2000

1.3 试验结果

经过 350 d 的持荷试验,得到试件的长期变形 随时间变化的曲线。对比各组试验结果可知:在加 载初期试件长期变形增长速率较快,后随时间增长 而降低,前100 d 时试件的长期变形能达到 350 d 时 长期变形的 60% ~70% 左右;试件的长期变形随应 力比的提高而增大,且应力比越大其增长速率也越 快(图 6);当总含钢率不变时,钢管约束的钢管混凝 土柱试件的长期变形随内外层钢管含钢率比值的增 大而减小,当内外层钢管含钢率比值从 0.30 增大到 1.25 和 2.23 时,试件在 350 d 的长期变形分别减小 了约 25% 和 40% (图 7)。







图 7 内外层钢管含钢率比值的影响



当内外层钢管含钢率比值不变时,钢管约束的 钢管混凝土柱试件的长期变形随总含钢率的增大而 减小,当总含钢率从 5.8% 增大到 10.5% 和 15.0% 时,试件在 350 d 的长期变形分别减小了约 15% 和 30%(图 8)。



Fig. 8 Influence of total steel ratio

2 钢管约束的钢管混凝土柱长期变形 理论计算方法

2.1 理论计算方法推导

收缩和徐变在结构施工和使用期间持续存在, 若能正确预测收缩徐变,对优化设计、指导施工以及 进行维护具有重要意义。本节基于素混凝土的长期 变形理论计算模型,根据钢管约束的钢管混凝土柱 在纵向荷载作用下的受力机理及各材料的相互作用 推导了适用于钢管约束的钢管混凝土长期变形的理 论计算方法:根据内层钢管与核心混凝土纵向变形 协调条件、各层材料横向及环向变形协调条件、各材 料的本构关系和平衡条件列出方程式,联立方程式 求解,得到加载初期 t₀时刻核心混凝土、内外层钢 管和夹层灌浆料截面的应力应变值;在素混凝土长 期变形计算模型的基础上,考虑了内层钢管和核心 混凝土的应力重分布作用,并结合截面平衡条件、变形协调条件和各材料的本构关系,联立求得 t_i - t_{i-1}时间段内各材料的截面应力应变增量,进而可求得 任意 t_i 时刻核心混凝土、内外层钢管和夹层灌浆料 截面的应力应变值。

在纵向荷载作用下,钢管约束的钢管混凝土柱 主要由核心混凝土和内层钢管共同承担纵向荷载, 外层钢管主要提供横向约束作用。在推导计算方法 之前,先做以下假设:应力较小时徐变为线性徐变且 多轴徐变符合叠加原理;内层钢管、外层钢管的长期 变形较小,可忽略不计;夹层灌浆料的横向长期变形 较小且对其能够提供的约束力影响不大,可以不考 虑夹层灌浆料的长期变形,且在低应力状态下夹层 灌浆料能保持弹性工作状态;内层钢管与核心混凝 土、外层钢管与夹层灌浆料不产生相对滑移,能够共 同工作,且内层钢管、外层钢管和夹层灌浆料横向变 形协调;纵向力主要由内层钢管和核心混凝土共同 承担,外层钢管及夹层灌浆料所受的纵向力很小,可 以忽略不计。公式推导过程中的符号规定为:压应 力为正,拉应力为负。

2.1.1 加载时刻 t₀ 的变形分析

在钢管约束的钢管混凝土柱上施加恒定荷载 N 时,内层钢管和核心混凝土为三向受力(图9、10),内 层钢管截面的横向应力很大程度上小于环向应力,可 视为双向受力状态,且构件纵向应变协调,则有

$$\boldsymbol{\varepsilon}_{\mathrm{bv},0} = \boldsymbol{\varepsilon}_{\mathrm{cv},0} \tag{1}$$

式中: $\varepsilon_{bv,0}$ 为 t_0 时刻内层钢管发生的纵向应变, $\varepsilon_{cv,0}$ 为 t_0 时刻核心混凝土发生的纵向应变。



图 9 内层钢管受力示意

Fig. 9 Stress of inner steel tube

核心混凝土和内层钢管以各自刚度共同承受纵 向力,根据受力平衡

$$N = \sigma_{\rm bv,0} A_{\rm b} + \sigma_{\rm cv,0} A_{\rm c} \tag{2}$$

式中:N 为施加在试件上的恒定荷载, $\sigma_{bv,0}$ 为 t_0 时刻 内层钢管纵向的应力, $\sigma_{ev,0}$ 为 t_0 时刻核心混凝土的 纵向应力,A_b为内层钢管横截面面积,A_c为混凝土 横截面面积。



图 10 核心混凝土受力示意

Fig. 10 Stress of core concrete

核心混凝土处于三向受力状态,其本构关系 满足:

$$\varepsilon_{\rm cv,0} = \frac{1}{E_{\rm c,0}} (\sigma_{\rm cv,0} - 2\mu_{\rm c}\sigma_{\rm ch,0})$$
(3)

$$\varepsilon_{\rm ch,0} = \frac{1}{E_{\rm c,0}} [(1 - \mu_{\rm c})\sigma_{\rm ch,0} - \mu_{\rm c}\sigma_{\rm cv,0}] \qquad (4)$$

式中: $\varepsilon_{ev,0}$ 为 t_0 时刻混凝土纵向应变, $E_{e,0}$ 为 t_0 时刻 混凝土弹性模量, μ_e 为 t_0 时刻混凝土泊松比, $\sigma_{eh,0}$ 为 t_0 时刻混凝土横向应力, $\varepsilon_{eh,0}$ 为 t_0 时刻混凝土横向应变。

核心混凝土的横向应变与内层钢管相互协调,则

$$\varepsilon_{ch,0} = \varepsilon_{bb,0}$$
 (5)
式中: $\varepsilon_{ch,0}$ 为 t_0 时刻核心混凝土横向应变, $\varepsilon_{bb,0}$ 为 t_0 时刻内层钢管横向应变, $\varepsilon_{bb,0}$ 为 t_0 时刻内层钢管环向应变。

内层钢管处于平面应力状态,其本构关系为:

$$\varepsilon_{\rm bh,0} = \frac{1}{E_{\rm s1}} (\sigma_{\rm bh,0} - \mu_{\rm s1} \sigma_{\rm bv,0}) \tag{6}$$

$$\varepsilon_{\rm bv,0} = \frac{1}{E_{\rm sl}} (\sigma_{\rm bv,0} - \mu_{\rm sl} \sigma_{\rm bh,0})$$
(7)

式中: E_{s1} 为内层钢管弹性模量, μ_{s1} 为内层钢管泊松 比, $\sigma_{bh,0}$ 为 t_0 时刻内层钢管受到的环向应力。

根据横向力平衡

 $2t_1\sigma_{bh,0} = -\sigma_{ch,0}(D_1 - 2t_1) + \sigma_{chsl,0}D_1$ (8) 式中: t_1 为内层钢管壁厚, D_1 为内层钢管外直径, $\sigma_{chsl,0}为 t_0$ 时刻夹层灌浆料对内层钢管的横向约束 应力。

夹层灌浆料受力情况见图 11,横向应力较远小 于环向应力,可认为处于单轴应力状态,根据夹层灌 浆料的本构关系以及横向力平衡:

$$\varepsilon_{\rm chslh,0} = \frac{\sigma_{\rm chslh,0}}{E_{\rm c}} \tag{9}$$

$$\sigma_{\text{chslh},0}(D_2 - D_1 - 2t_2) = \sigma_{\text{shsl},0}(D_2 - 2t_2) - \sigma_{\text{chsl},0}D_1$$
(10)

式中: t_2 为外层钢管壁厚, D_2 为外层钢管外直径, E_c 为夹层灌浆料的弹性模量, $\sigma_{shsl,0}$ 为 t_0 时刻外层钢管 对夹层灌浆料的横向约束应力, $\sigma_{chsh,0}$ 为 t_0 时刻夹 层灌浆料受到的环向应力, $\varepsilon_{chsh,0}$ 为 t_0 时刻夹层灌 浆料受到的环向应变。



图 11 夹层灌浆料受力情况

Fig.11 Stress of interlayer grouting material 外层钢管受力情况见图 12,同时夹层灌浆料与 外层钢管及核心混凝土横向、环向变形协调,则有:

$$\boldsymbol{\varepsilon}_{\rm bh \ 0} = \boldsymbol{\varepsilon}_{\rm chslh \ 0} \tag{11}$$

$$\varepsilon_{\rm sh,0} = \varepsilon_{\rm chslh,0} \tag{12}$$

式中: $\varepsilon_{bh,0}$ 为 t_0 时刻外层钢管横向应变, $\varepsilon_{chslh,0}$ 为 t_0 时刻核心混凝土横向应变。



图 12 外层钢管受力情况

Fig. 12 Stress of outer steel tube

外层钢管处于单轴应力状态,根据外层钢管的 本构关系以及横向力平衡条件,则有:

$$\varepsilon_{\rm sh,0} = \frac{1}{E_{\rm s2}} \sigma_{\rm sh,0} \tag{13}$$

$$\sigma_{\rm sh,0} = -\frac{D_2 - 2t_2}{2t_2} \sigma_{\rm shsl,0}$$
(14)

式中: $\sigma_{sh,0}$ 为 t_0 时刻外层钢管环向应力, $\varepsilon_{sh,0}$ 为 t_0 时刻外层钢管环向应变, E_s 为外层钢管弹性模量。

*t*₀ 时刻混凝土、内层钢管、外层钢管和夹层灌浆 料的应力和应变值可联立式(1)~式(14)解得。 2.1.2 任意时刻构件的变形分析

由文献[15]可知,混凝土在任意($t_i - t_{i-1}$)时间 段内受三向变应力时,理论纵向长期变形增量 $\Delta \varepsilon_{ev,i}$ 和理论横向长期变形增量 $\Delta \varepsilon_{ev,i}$ 的计算公式为:

$$\Delta \varepsilon_{\text{ev},i} = (\sigma_{\text{ev},0} - 2\mu_{\text{cp},u}\sigma_{\text{ch},0}) \frac{\varphi(\tau_i,\tau_0) - \varphi(\tau_{i-1},\tau_0)}{E_{\text{c},0}} - \sum_{j=1}^{i-2} (\Delta \sigma_{\text{ev},j} - 2\mu_{\text{cp},u}\Delta \sigma_{\text{ch},j}) \times \frac{\varphi(\tau_i,\tau_j) - \varphi(\tau_{i-1},\tau_j)}{E_{\text{c},j}} - (\Delta \sigma_{\text{ev},i-1} - 2\mu_{\text{cp},u}\Delta \sigma_{\text{ch},i-1}) \frac{\varphi(\tau_i,\tau_{i-1})}{E_{\text{c},i-1}} + \varepsilon_{\text{sh},v}(\tau_i,\tau_{i-1})$$
(15)

$$\Delta \varepsilon_{\mathrm{ch},i} = \left[(1 - \mu_{\mathrm{cp},u}) \sigma_{\mathrm{ch},0} - \mu_{\mathrm{cp},u} \sigma_{\mathrm{cv},0} \right] \frac{\varphi(\tau_i, t_0) - \varphi(\tau_{i-1}, t_0)}{E_{\mathrm{c},0}} - \sum_{j=1}^{i-2} \left[(1 - \mu_{\mathrm{cp},u}) \Delta \sigma_{\mathrm{ch},j} - \mu_{\mathrm{cp},u} \Delta \sigma_{\mathrm{cv},j} \right] \times \varphi(\tau_i, \tau_i) - \varphi(\tau_{i-1}, \tau_i) = \sum_{j=1}^{i-2} \varphi(\tau_j, \tau_{i-1}) \varphi(\tau_j, \tau_j) = \sum_{j=1}^{i-2} \varphi(\tau_j, \tau_j)$$

$$\frac{\varphi(\tau_i,\tau_j) - \varphi(\tau_{i-1},\tau_j)}{E_{c,j}} - \left[(1 - \mu_{cp,u}) \Delta \sigma_{ch,i-1} - \mu_{cp,u} \Delta \sigma_{cv,i-1} \right] \frac{\varphi(\tau_i,\tau_{i-1})}{E_{c,i-1}} + \varepsilon_{sh,h}(\tau_i,\tau_{i-1})$$
(16)

式中: $\Delta \varepsilon_{ev,i}$ 为($\tau_i - \tau_{i-1}$)时间段内混凝土的纵向收 缩徐变, $\Delta \varepsilon_{ch,i}$ 为($\tau_i - \tau_{i-1}$)时间段内混凝土的横向 收缩徐变, $E_{e,j}$ 为 τ_j 时刻混凝土弹性模量, $\mu_{ep,u}$ 为单 轴受压时核心混凝徐变泊松比, $\Delta \sigma_{ev,i}$ 为($\tau_i - \tau_{i-1}$) 时间段内混凝土所产生的纵向应力增量, $\Delta \sigma_{ch,i}$ 为 ($\tau_i - \tau_{i-1}$)时间段内混凝土的横向应力增量, $\varphi(\tau_i, \tau_{i-1})$ 为($\tau_{i-1} - \tau_i$)时间段内混凝土的徐变系 数, $\varepsilon_{sh,v}(\tau_i, \tau_{i-1})$ 为($\tau_i - \tau_{i-1}$)时间段内混凝土的纵 向收缩变形, $\varepsilon_{sh,h}(\tau_i, \tau_{i-1})$ 为($\tau_i - \tau_{i-1}$)时间段内混凝土的组 凝土的横向收缩变形。

内层钢管横截面与核心混凝土横截面之间由于 产生了应力重分布,所以实际的混凝土的纵向和横 向长期变形增量会小于理论值。内层钢管与混凝土 的真实纵向、横向变形之间相互协调,则有:

$$\Delta \varepsilon_{c1,i} = \Delta \varepsilon_{bv,i} \tag{17}$$

$$\Delta \varepsilon_{c2,i} = \Delta \varepsilon_{bs,i} = \Delta \varepsilon_{bh,i}$$
(18)

式中: $\Delta \varepsilon_{el,i}$ 为($t_i - t_{i-1}$)时间段内混凝土发生的纵向 应变实际增量, $\Delta \varepsilon_{bv,i}$ 为($t_i - t_{i-1}$)时间段内内层钢管 发生的纵向应变实际增量, $\Delta \varepsilon_{e2,i}$ 为($t_i - t_{i-1}$)时间段 内混凝土发生的横向应变实际增量, $\Delta \varepsilon_{bs,i}$ 为 ($t_i - t_{i-1}$)时间段内内层钢管发生的横向应变实际 增量, $\Delta \varepsilon_{bb,i}$ 为($t_i - t_{i-1}$)时间段内外层钢管发生的环 向应变实际增量。

混凝土在 $(t_i - t_{i-1})$ 时间段内发生收缩徐变使 得内层钢管被压缩 $\Delta \varepsilon_{el,i}$,而混凝土被拉伸 $(\Delta \varepsilon_{ev,i} - \Delta \varepsilon_{el,i})$,则混凝土及内层钢管的受力关系:

$$\Delta \varepsilon_{\text{cv},i} - \Delta \varepsilon_{\text{cl},i} = -\frac{1}{E_{\text{c},i}} (\Delta \sigma_{\text{cv},i} - 2\mu_{\text{cpv}} \Delta \sigma_{\text{ch},i})$$
(19)

$$\Delta \varepsilon_{\mathrm{ch},i} - \Delta \varepsilon_{\mathrm{c2},i} = -\frac{1}{E_{\mathrm{c},i}} [(1 - \mu_{\mathrm{cph}}) \Delta \sigma_{\mathrm{ch},i} - \mu_{\mathrm{cph}} \Delta \sigma_{\mathrm{ev},i}]$$
(20)

$$\Delta \varepsilon_{\mathrm{bh},i} = \frac{1}{E_{\mathrm{sl}}} (\Delta \sigma_{\mathrm{bh},i} - \mu_{\mathrm{sl}} \Delta \sigma_{\mathrm{bv},i}) \qquad (21)$$

$$\Delta \varepsilon_{\mathrm{bv},i} = \frac{1}{E_{\mathrm{sl}}} [\Delta \sigma_{\mathrm{bv},i} - \mu_{\mathrm{sl}} \Delta \sigma_{\mathrm{bh},i}] \qquad (22)$$

式中: $\Delta \sigma_{bh,i}$ 为($t_i - t_{i-1}$)时间段内内层钢管环向应 力增量, $\Delta \sigma_{bv,i}$ 为($t_i - t_{i-1}$)时间段内内层钢管纵向 应力增量, $\Delta \sigma_{ch,i}$ 为($t_i - t_{i-1}$)时间段内核心混凝土 横向应力增量, $\Delta \sigma_{ev,i}$ 为 ($t_i - t_{i-1}$)时间段内核心 混凝土纵向应力增量, $E_{e,i}$ 为 t_i 时刻核心混凝土弹 性模量, μ_{epv} 、 μ_{eph} 分别为核心混凝土的纵向和横向 泊松比。

混凝土和内层钢管在收缩徐变的过程中发生了 应力重分布,混凝土减小的纵向力和内层钢管增大 的力大小相等,根据平衡条件则有:

$$A_{\rm c}\Delta\sigma_{{\rm ev},i} + A_{\rm b}\Delta\sigma_{{\rm bv},i} = 0$$
 (23)

 $2t_1 \Delta \sigma_{\text{bh},i} = -\Delta \sigma_{\text{ch},i} (D_1 - 2t_1) + \Delta \sigma_{\text{chsl},i} D_1 \quad (24)$ 式中 $\Delta \sigma_{\text{chsl},i} \mathcal{H}(t_i - t_{i-1})$ 时间段内夹层灌浆料对内 层钢管环向约束应力增量。

内层钢管和夹层灌浆料横向变形协调,同时考 虑夹层灌浆料本构关系以及横向力平衡条件:

$$\Delta \varepsilon_{\mathrm{chslh},i} = \Delta \varepsilon_{\mathrm{bh},i} \tag{25}$$

$$\Delta \varepsilon_{\text{chslh},i} = \frac{\Delta \sigma_{\text{chslh},i}}{E_c}$$
(26)

$$\Delta \sigma_{\mathrm{chslh},i} (D_2 - D_1 - 2t_2) =$$

$$\Delta \sigma_{\text{shsl},i} (D_2 - 2t_2) - \Delta \sigma_{\text{chsl},i} D_1$$
(27)

式中: $\Delta \varepsilon_{chslh,i}$ 为($t_i - t_{i-1}$)时间段内夹层灌浆料环向 应变实际增量, $\Delta \varepsilon_{bh,i}$ 为($t_i - t_{i-1}$)时间段内层钢管横 向应变实际增量, $\Delta \sigma_{chslh,i}$ 为($t_i - t_{i-1}$)时间段内夹层 灌浆料环向应力实际增量, $\Delta \sigma_{chsl,i}$ 为($t_i - t_{i-1}$)时间 段内夹层灌浆料对内层钢管横向约束应力增量, $\Delta \sigma_{shsl,i}$ 为($t_i - t_{i-1}$)时间段内夹层褶浆科对外层钢管 横向约束应力增量。

外层钢管和夹层灌浆料横向变形协调,同时考 虑外层钢管本构关系以及横向力平衡条件,则有:

$$\Delta \varepsilon_{\mathrm{chslh},i} = \Delta \varepsilon_{\mathrm{sh},i} \tag{28}$$

$$\Delta \varepsilon_{\mathrm{sh},i} = \frac{\Delta \sigma_{\mathrm{sh},i}}{E_{s2}} \tag{29}$$

$$\Delta \sigma_{\mathrm{sh},i} 2t_2 = -\Delta \sigma_{\mathrm{shsl},i} (D_2 - 2t_2)$$
(30)

式中: $\Delta \varepsilon_{sh,i}$ 为($t_i - t_{i-1}$)时间段内外层钢管发生的环向应变实际增量, $\Delta \sigma_{sh,i}$ 为($t_i - t_{i-1}$)时间段内外层 钢管发生的环向应力实际增量。

联立式(15) ~式(30)可解得任意 t_{i-1}时刻到 t_i 时刻各层截面的应力及和应变变化值,进一步可以 求得任意时刻各层截面的应力和应变值。本文计算 收缩徐变变形的总时长为 350 d,时间步长按如下 划分[16]:

$$\tau_1 = \tau_0 + \frac{(\tau_k - \tau_0)}{k \tau_k}$$
(31)

 $\tau_{i} = \tau_{0} + (k \tau_{k})^{1/(k-1)} (\tau_{i-1} - \tau_{0})$ (32)

式中: τ_0 为开始发生徐变的时间, τ_k 为徐变结束的时间,k为划分点数, τ_j 为在 τ_0 与 τ_k 之间的任意时间, $j = 2, 3, 4, \dots, k - 1, k_0$

2.2 理论计算结果与试验结果对比分析

计算理论曲线时,为确定素混凝土收缩徐变计 算模型,对目前可收集到的 CEB – FIP 2010、ACI 和 EC 模型^[17-19]都进行了试算,试算时取钢管内混凝 土相对湿度 $H_{\rm R} = 100\%^{[20]}$ 。各模型计算结果与实测 结果总体吻合较好(图 13),由于 CEB – FIP 2010 模 型应用范围更广,下面分析中选取 CEB – FIP 2010 模型进行计算。另外,相对湿度对混凝土收缩徐变 变形的影响较大,有研究者认为钢管内核心混凝土 处于密闭环境中,初期 100% 的相对湿度会随着混 凝土水化消耗水分而降低^[21]。

目前在钢管混凝土长期变形的研究中,常将钢 管内混凝土的对湿度设为90%~100%^[22-26]。为 探究 CEB - FIP 2010 模型采用不同相对湿度值对理 论计算结果的影响,相对湿度分别选取为90%、92%、 94%、96%、98%、100%进行计算,并与试验值进行对 比(图14),可以看出当相对湿度取98%~100%时. 模拟结果与试验值吻合较好。建议计算钢管约束的 钢管混凝土柱长期变形时采用 CEB - FIP 2010 模 型,并取相对湿度为100%。按照此建议对钢管约 束的钢管混凝土试件进行了分析计算,部分计算结 果见图 15。可以看出理论分析结果和实测结果整体 发展趋势基本吻合,但在前期长期变形发展较快阶 段,二者吻合程度不如后期长期变形逐步趋于稳步 增长阶段。所提出的计算方法可以较经济和方便的 获得钢管约束的钢管混凝土柱长期变形预测结果, 免除耗时长、场地占用大、长期空间温湿度控制和 监测的人力和经济投入,具有重要的理论和工程实 用价值。









图 14 相对湿度变化对计算结果的影响

Fig. 14 Influence of relative humidity changes on calculation results

300

200

100

0

400 r

300

200

100

0

长期变形 /10%

长期变形 /10%



0



400



3 结 论

通过 16 个钢管约束的钢管混凝土短柱和 2 个 钢管混凝土短柱的长达 350 d 持荷试验的结果分析 和理论计算,对钢管约束的钢管混凝土短柱长期变 形性能得到以下结论:

理论曲线

300

200

混凝土龄期/d

(c) TCFST-0.35-1.8-1.8-a/b

100

 1)钢管约束的钢管混凝土柱的长期变形在加载 初期发展较快,增长速率随时间增长而逐渐降低;应 力比增大则长期变形随之增大;总含钢率或内层与外 层钢管含钢率比值的增大均表现为长期变形的减小。

2)采用不同混凝土收缩徐变模型计算长期 变形时,相对湿度的影响程度不同,建议采用 CEB-FIP 2010模型来计算钢管约束的钢管混凝土 柱的长期变形,相对湿度取 100%。

3)本文提出的长期变形分析计算方法可以方 便地预测钢管约束的钢管混凝土柱在长期荷载作用 下的变形性能,替代占用空间和时间和环境温湿度 控制的投入,具有重要的参考价值。

参考文献

[1] 韩林海,牟廷敏,王法承,等.钢管混凝土混合结构设计原理及 其在桥梁工程中的应用[J].土木工程学报,2020,53(5):4 HAN Linhai, MU Tingmin, WANG Facheng, et al. Design theory of CFST (concrete-filled steel tubular) mixed structures and its applications in bridge engineering [J]. China Civil Engineering Journal, 2020, 53(5): 4

理论曲线

300

400

200

混凝土龄期/d

(d) TCFST-0.35-3.0-1.0-a/b

100

- [2] GUO J J. A review of research on seismic behavior of concrete filled steel tubular columns [J]. International Core Journal of Engineering, 2019, 5(7): 33
- [3] 席龙辉. 钢管混凝土结构在桥梁建设中的应用分析[J]. 住宅与 房地产,2020(24):195
 XI Longhui. Application analysis of concrete filled steel tubular structure in bridge construction [J]. Housing and Real Estate, 2020(24):195
- [4] WANG Haolei, SUN Tao, TANG Chen, et al. Experimental and numerical investigation of steel-ultra-high-performance concrete continuous composite beam behavior [J]. Advances in Structural Engineering, 2020, 23 (10): 2220. DOI: 10. 1177/ 1369433220911140
- [5] KWAN A K H, DONG C X, HO J C M. Axial and lateral stressstrain model for circular concrete-filled steel tubes with external steel confinement [J]. Engineering Structures, 2016, 117:528
- [6] XIONG M X, XIONG D X, LIEW J Y R. Axial performance of short concrete filled steel tubes with high and ultra-high-strength materials[J]. Engineering Structures, 2017, 136:494
- [7] 李健. 圆钢管约束的钢管混凝土短柱基本力学性能研究 [D].
 哈尔滨:哈尔滨工业大学, 2018
 LI Jian. Study on axial compression behavior of concrete filled steel

tubular short columns restrained by steel tubes [D]. Harbin: Harbin Institute of Technology, 2018

- [8] HAVLASEK P, SMILAUER V, DOHNALOVA L, et al. Shrinkageinduced deformations and creep of structural concrete: 1-year measurements and numerical prediction [J]. Cement and Concrete Research, 2021, 144:106402
- [9] AN G H, KIM J K. Relationship between the wide-flange steel and the long-term deformation of steel-reinforced concrete columns [C]// International Conference on Construction Materials and Structures. [S. l.]: University of Johannesburg, 2014: 378
- [10] ZHENG Zhihui, HU Di, LIU Peng, et al. Considering the effect of the randomness of concrete strength and relative humidity on concrete creep [J]. Structural Concrete, 2021, 22(S1):E916
- [11] 卢炜. 钢管约束的钢管混凝土短柱轴压性能研究[D]. 哈尔滨: 哈尔滨工业大学, 2018

LU Wei. Mechanical behavior of steel-tube-confined concrete-filled steel tubular stubs under axial compression [D]. Harbin: Harbin Institute of Technology, 2018

 [12]普通混凝土力学性能试验方法标准: GB/T 50081—2016 [S]. 北京:中国建筑工业出版社,2016
 Standard for test methods of mechanical properties of ordinary concrete; GB/T 50081—2016 [S]. Beijing; China Architecture &

Building Press, 2016

[13]金属材料拉伸试验第1部分:室温试验方法:GB/T 228.1 - 2010[S].北京:中国建筑工业出版社,2010
 Metallic materials—tensile testing—part 1: method of test at room temperature:GB/T 228.1—2010[S]. Beijing: China Architecture

& Building Press, 2010

[14]过镇海. 混凝土的强度和本构关系[M]. 北京:中国建筑工业出版社,2004:145

GUO Zhenhai. Strength and constitutive relationship of concrete [M]. Beijing: China Architecture & Building Press, 2004:145

[15]李翔.长期荷载作用下钢管约束钢筋混凝土轴压短柱徐变性能 [D].哈尔滨:哈尔滨工业大学,2019

LI Xiang. Creep behavior of axially loaded reinforced-concrete stub columns constrained by steel tubes under sustained loading [D]. Harbin: Harbin Institute of Technology, 2019

- [16]GILBERT R I, RANZI G. Time-dependent behaviour of concrete structures [M]. London: CRC Press,2011;99
- [17] CEB FIP model code for concrete structures 2010 [S]. Lausanne: International Federation for Structural Concrete, 2010

- [18] Prediction of creep, shrinkage and temperature effects in concrete structures:209R -92[S]. Farmington Hills: ACI Committee, 1992
- [19] Eurocode 2: design of concrete structures [S]. Brussels: European Committee for Standardization, 2004
- [20]马迪.考虑温度影响的钢管混凝土长期静力性能分析[D].哈 尔滨:哈尔滨工业大学,2015

MA Di. Long-term static behaviour of concrete-filled steel tubes influenced by temperatures [D]. Harbin: Harbin Institute of Technology, 2015

 [21]高原.干湿环境下混凝土收缩与收缩应力研究[D].北京:清华 大学,2013
 GAO Yuan. Studies on shrinkage and shrinkage stresses of concrete

under dry-wet environment[D]. Beijing: Tsinghua University, 2013

[22]赵哲. 钢管混凝土收缩徐变性能研究[D]. 成都:西南交通大 学,2016

ZHAO Zhe. Study on shrinkage and creep of concrete filled steel tube [D]. Chengdu: Southwest Jiaotong University, 2016

- [23] 赵金钢,赵人达,占玉林.钢管混凝土轴心受压构件徐变计算方 法及徐变模型对比分析[J].公路交通科技,2013,30(4):46 ZHAO Jingang, ZHAO Renda, ZHAN Yulin. Comparative analysis of creep calculation methods and creep models for axially compressed CFST members [J]. Journal of Highway and Transportation Research and Development, 2013, 30(4):46
- [24] 王永宝,赵人达,徐腾飞,等. 钢管混凝土轴压构件徐变简化计 算方法研究[J]. 公路交通科技,2016,33(1):57
 WANG Yongbao, ZHAO Renda, XU Tengfei, et al. Study on simplified creep calculation method of CFST members under axial loading [J]. Journal of Highway and Transportation Research and Development, 2016,33(1):57
- [25] 韩林海,刘威.长期荷载作用对圆钢管混凝土压弯构件力学性 能影响的研究[J].土木工程学报,2002,35(2):8
 HAN Linhai, LIU Wei. The effects of long-time loading on the behavior of concrete-filled steel tubular member[J]. China Civil Engineering Journal, 2002, 35(2):8
- [26] 陈松林. 钢管混凝土收缩徐变试验研究[D]. 广州:广州大学,2018 CHEN Songlin. Experimental study on shrinkage and creep of concrete filled steel tube[D]. Guangzhou: Guangzhou University, 2018

(编辑 赵丽莹)