DOI:10.11918/202204028

# 滚刀滑移状态下的受力与磨损仿真分析

方应冉1,2,李兴高1,2,刘泓志3,杨 益1,2,郭易东1,2

(1.城市地下工程教育部重点实验室(北京交通大学),北京 100044;2.北京交通大学 土木建筑工程学院, 北京 100044;3.中交隧道工程局有限公司,北京 100088)

摘 要:为探究滚刀滑移状态下破岩的受力与磨损的变化规律,基于离散单元法,建立了同时考虑滚刀自转和绕刀盘公转的滚动圆周切割模型。定义了一个滑移率参数  $\eta$ 用于描述滚刀的滑移状态,对不同滑移率工况下滚刀破岩受力和磨损进行了对比分析,并结合工程实例对数值仿真结论进行了验证,结果表明:数值仿真中垂直力  $F_v$  和滚动力  $F_R$  在 CSM 模型计算值附近波动,两者较为吻合,表明了本文模型的合理性。数值仿真结果表明,随着滑移率  $\eta$  的增大,垂直力  $F_v$  呈轻微减小趋势,滚动力  $F_R$  明显变大,从滚动破岩到滑动破岩,垂直力  $F_v$  降幅为 23.6%,滚动力  $F_R$  增幅达 83.7%,滑动破岩将导致滚刀偏磨。工程实测数据表明,刀盘上大量滚刀处于正常磨损状态时,主要表现为推力增大。大量滚刀处于偏磨状态时,主要表现为扭矩增大,其中偏磨滚刀占比 19.05% 和 28.57% 时,扭矩增幅分别为 55.85% 和 261.51%。滚刀正常磨损和偏磨均大量存在时,表现为扭矩推力同步增大,其中偏磨滚刀占比 21.43% 时,扭矩增幅为 80.89%。数值仿真和实测数据表现出较高的一致性。综合4次开仓换刀结果,可将刀盘扭矩增幅超过 50% 作为判定大量滚刀发生偏磨的重要依据。

关键词:全断面岩石掘进机(TBM);离散单元法;运动状态;滑移率;滚刀偏磨

中图分类号: TU452 文献标志码: A 文章编号: 0367 - 6234(2024)05 - 0093 - 10

# Simulation analysis of force and wear of disc cutters under sliding states

FANG Yingran<sup>1,2</sup>, LI Xinggao<sup>1,2</sup>, LIU Hongzhi<sup>3</sup>, YANG Yi<sup>1,2</sup>, GUO Yidong<sup>1,2</sup>

(1. Key Laboratory of Urban Underground Engineering of Ministry of Education (Beijing Jiaotong University), Beijing 100044, China;

2. School of Civil Engineering, Beijing Jiaotong University, Beijing 100044, China;

3. CCCC Tunnel Engineering Bureau Co., Ltd, Beijing 100088, China)

Abstract: In order to investigate the changes in rock cutting force and wear of disc cutters under sliding states, a rolling circumferential cutting model considering both the rotation of hob and the revolution of disc cutters is established based on the discrete element method. A slip ratio parameter  $\eta$  is defined to describe the sliding state of disc cutters. The force and wear of disc cutters are compared and analyzed under different slip rates  $\eta$ , and the numerical simulation conclusion is verified with an engineering example. The results show that the vertical force  $F_{\rm V}$ and rolling force  $F_{\rm B}$  in the numerical simulation fluctuate near the calculated value of CSM model, which are in good agreement, indicating the rationality of the model in this paper. The numerical simulation results show that with the increase of slip ratio  $\eta$ , the vertical force  $F_{\rm V}$  decreases slightly and the rolling force  $F_{\rm R}$  increases significantly. From cutting rock in rolling state to cutting rock in sliding state, the vertical force  $F_{\rm v}$  decreases by 23.6% and the rolling force  $F_{\rm R}$  increases by 83.7%, indicating that cutting rock under sliding state will lead to flat wear of disc cutters. The engineering data show that the increase of thrust is the main manifestation of a large number of disc cutters in the normal wear. When a large number of cutters are in flat wear, the main mainfestation is the increase of torque. Specifically, when the proportion of flat wear cutters is 19.05% and 28.57%, the increase of torque is 55.85% and 261.51% respectively. When there are a large number of normal wear and eccentric wear of cutters, the torque and thrust increase synchronously. The torque increases by 80.89% when the flat wear of cutters accounts for 21.43%. The numerical simulation and measured data show a high level of consistency. Based on the results of four opening, the increase of cutterhead torque by more than 50% can be used as an important basis for determining the flat wear of a large number of cutters.

Keywords: tunnel boring machine (TBM); discrete element method; motion state; slip ratio; flat wear of disc cutters

收稿日期:2022-04-07;录用日期:2022-10-26;网络首发日期:2023-11-06 网络首发地址:http://kns.cnki.net/kcms/detail/23.1235.T.20231103.1138.002.html 基金项目:国家重点基础研究发展计划(2015CB057800) 作者简介:方应冉(1996—),男,博士研究生;李兴高(1971—),男,教授,博士生导师 通信作者:李兴高,lxg\_njtu@163.com

盘形滚刀破岩性能优异,在盾构和全断面岩石 掘进机(tunneling boring machine,TBM)中被广泛的 用作破岩刀具<sup>[1-4]</sup>。然而,滚刀磨损问题严重影响 掘进效率,降低工程效益。滚刀磨损主要可分为正 常磨损(均磨)和非正常磨损(刀圈断裂、偏磨等)两 大类<sup>[5-6]</sup>。深圳某 TBM 地铁隧道在1592 m 的掘进 距离内,有高达 871 把滚刀因过量磨损而更换,其中 87%的滚刀是由于正常磨损而更换,其余则是由于 非正常磨损而更换<sup>[7]</sup>。广州地铁某盾构区间在上 软下硬地层中掘进时,由于地层分界面处刀圈受到 剧烈的冲击荷载作用,刀圈崩坏十分频繁<sup>[8]</sup>。杭州 地铁三号线在复合地层中仅掘进 30 m,大量边缘滚 刀已出现刀圈断裂和脱落现象,且由于刀盘泥饼导 致滚刀启动扭矩变大无法自转,刀具普遍存在偏磨 现象<sup>[9]</sup>。

国内外学者对滚刀磨损问题开展了大量研究。 在滚刀正常磨损方面,文献[10]推导了基于密实核 理论的滚刀磨损速率预测模型。文献[11]以磨粒 磨损机理为基础建立了 TBM 正面滚刀寿命预测模 型。文献[12]开展了干燥、水和海水等不同环境条 件下的滚刀磨损实验。文献[13]以水和空气为冷 却介质进行了刀圈和岩石之间的磨损实验。文 献[14]建立了一种考虑能量转换和推力分布不均 匀的圆盘铣刀磨损预测模型。文献[15]基于 PFC2D 方法,进行了单滚刀、双滚刀和三滚刀作用 下复合岩体破碎过程的模拟。文献[16]采用颗粒 流方法建立了盘形滚刀与含平行双节理岩体的二维 数值模型,研究了节理特征对盘形滚刀破岩的影响。 文献[17]建立了多滚刀三维破岩离散元模型,发现 在滚刀旋转破岩过程中,滚刀会对两侧的岩石施加 横向压缩,从而促进裂纹扩展和穿透。文献[18]针 对临空面条件下滚刀破岩机理问题,采用离散元方 法开展了临空面辅助滚刀破岩的数值模拟研究。文 献[19]采用 FDM-DEM 耦合方法,对不同刀间距和 贯入度条件下双滚刀破岩进行仿真。文献[20]采 用 MatDEM 软件构建了滚刀破岩大尺寸三维模型, 计算分析了刀间距与贯入度之比对滚刀破岩比能的 影响,最终得到了使得破岩比能最小的最优刀间距 与贯入度之比。文献[21]采用 EDEM 对不同滚刀 刃角、刃宽和贯入度工况下滚刀磨损进行了分析。 在滚刀非正常磨损方面,文献[22]采用线弹性断裂 力学分析了不同因素对滚刀刀座失效概率的影响。 文献[23]基于刀圈的成形、加工、损伤、失效等全寿 命周期阶段,分析了各因素对刀圈性能的影响。文 献[24]基于自制冲击 - 滑动(冲滑)复合磨损试验 机分析了刀盘与地层之间的相对刚度对滚刀的磨损 行为的影响。文献[25]建立了滚刀切削复合地层 的有限元模型动力分析模型,分析了不同贯入度、切 削速度条件下滚刀的冲击荷载响应。文献[26]基 于 RBD-DEM 耦合方法,分析了滚刀在软硬不均地 层中贯入角度的变化对其所受冲击荷载的影响。文 献[27]利用 MatDEM 软件建立了圆盘切割机切割 岩石的三维离散元模型,模拟了岩石在冲击载荷作 用下的破碎。文献[28]建立了一系列有限元模型, 认为随着穿透深度的增加,刀环断裂的风险急剧增 加,窄刀环在土-岩界面的断裂破坏可能性较高。 文献[29]基于 PFC3D 方法,建立了盘形滚刀切削复 合地层的数值模型,分析了盘形刀受力和岩石裂纹 扩展,认为软岩地层中滚刀滚动力的降低将导致滚 刀偏磨。文献[30]基于 RBD-DEM 耦合方法,采用 自定义计算程序实现了盘形刀具与地层的相互作 用,对滚刀与岩体之间的滑移机理进行了研究。文 献[31]提出了一种基于能量分析的滚刀偏磨深度 预测方法。文献[32]开展了滚刀在滚动、滑动和不 同偏磨量状态下切割岩石的室内实验,分析了刀具 与岩石的接触行为和受力变化。

综上所述,目前对滚刀磨损的研究主要集中在 正常磨损和诱发刀圈断裂的冲击荷载等方面,盘形 滚刀的偏磨与刀具的运动状态密切相关,但对这一 问题的深入研究还较少,且现有研究均为滚刀对岩 体进行线性切割<sup>[18-21,26-27]</sup>,与滚刀真实运动状态存 在差异。本文基于离散单元法,建立了考虑滚刀自 转和绕刀盘公转的滚动圆周切割模型,对滑移状态 下滚刀破岩的三向受力和磨损进行了对比分析,并 结合工程实例中刀具磨损统计数据对数值仿真结果 进行了验证,相关结论可为实际工程中通过掘进参 数变化判断刀具是否发生偏磨提供依据。

1 滚动圆周切割模型

# 1.1 接触模型选取

1.1.1 Hertz-Mindlin (no slip)接触模型

Hertz-Mindlin (no slip)模型用于描述颗粒与颗 粒或者颗粒与刀具之间的相互作用,见图1。



颗粒之间法向力 
$$F_n$$
、切向力  $F_i$  和力矩  $T_i$  为:

$$F_{\rm n} = 4/3E^* \sqrt{R^*} \delta_{\rm n}^{3/2}$$
 (1)

$$F_{t} = -S_{t}\delta_{t} \tag{2}$$

$$T_{\rm i} = -\mu_{\rm r} F_{\rm n} R_{\rm L} \omega_{\rm i} \tag{3}$$

式中: $E^*$ 为颗粒等效弹性模量, $R^*$ 为颗粒的等效半径, $\delta_n$ 为颗粒间的法向重叠量, $S_i$ 为颗粒间切向刚度, $\mu_r$ 为颗粒间滚动摩擦系数, $R_L$ 为颗粒接触点到颗粒质心的距离, $\omega_i$ 为颗粒在接触点处的单位角速度向量。

颗粒等效弹性模量 $E^*$ 、等效半径 $R^*$ 、等效质量  $m^*$ 与等效剪切模量 $G^*$ 满足:

$$\frac{1}{E^*} = \frac{1 - \mu_i^2}{E_i} + \frac{1 - \mu_j^2}{E_j}$$
(4)

$$\frac{1}{R^*} = \frac{1}{R_i} + \frac{1}{R_j}$$
(5)

$$\frac{1}{m^*} = \frac{1}{m_i} + \frac{1}{m_j}$$
(6)

$$\frac{1}{G^*} = \frac{1}{G_i} + \frac{1}{G_j}$$
(7)

式中: $E_i \ E_j \ \mu_i \ \mu_j \ R_i \ R_j \ m_i \ m_j \ G_i \ G_j \ \beta$ 别代表颗粒 *i*和颗粒*j*的弹性模量、泊松比、半径、质量和剪切 模量。

颗粒间法向刚度  $S_n$  与切向刚度  $S_t$  为:

$$S_{\rm n} = 2E^* \sqrt{R^* \delta_{\rm n}} \tag{8}$$

$$S_{t} = 8G^{*} \sqrt{R^{*}\delta_{n}}$$
(9)

颗粒间法向阻尼力  $F_n^d$  和切向阻尼力  $F_t^d$  为:

$$F_{n}^{d} = -2 \sqrt{5/6\beta} \sqrt{S_{n}m^{*}} \boldsymbol{v}_{n}^{ret}$$
(10)

$$F_{t}^{d} = -2 \sqrt{5/6\beta} \sqrt{S_{t}m^{*} v_{t}^{ret}}$$
(11)

式中: $v_n^{\text{ret}}$ 为颗粒间相对速度的法向分量, $v_1^{\text{ret}}$ 为颗粒 间相对速度的切向分量,e是恢复系数, $\beta$ 是与恢复 系数相关的参数,可由下式计算:

$$\beta = \frac{\ln e}{\sqrt{\ln^2 e + \pi^2}} \tag{12}$$

# 1.1.2 Hertz-Mindlin with Bonding 模型

Hertz-Mindlin with Bonding 模型被广泛用于模 拟岩石破碎,颗粒之间通过黏结键进行连接,在黏结 后,颗粒之间的 Hertz-Mindlin(no slip)接触模型失 效,随后对每个时间步长  $\Delta t$  内黏结键的力  $\delta F_n \ \delta F_t$ 和力矩  $\delta M_n \ \delta M_t$  进行迭代:

$$\delta F_{\rm n} = -\upsilon_{\rm n} S_{\rm N} A \Delta t \qquad (13)$$

$$\delta F_{t} = -\upsilon_{t} S_{T} A \Delta t \qquad (14)$$

$$\delta M_{\rm n} = -\omega_{\rm n} S_{\rm T} J \Delta t \tag{15}$$

$$\delta M_{t} = \frac{-\omega_{t} S_{T} J \Delta t}{2} \tag{16}$$

其中:

$$A = \pi R_{\rm B}^2 \tag{17}$$

$$J = \pi R_{\rm B}^4/2 \tag{18}$$

式中: $R_{\rm B}$  为黏结键的半径大小, $\Delta t$  为时间步长, $v_{\rm n}$  为颗粒的法向速度, $v_{\rm t}$  为颗粒的切向速度, $w_{\rm n}$  为法 向角速度, $w_{\rm t}$  为切向角速度。当法向和切向的应力 值超过设定的黏结键参数最大值时,黏结键发生断 裂,其判定如下:

$$\sigma_{\rm max} < -F_{\rm n}/A + 2M_{\rm t}R_{\rm B}/J \tag{19}$$

$$\tau_{\rm max} < -F_{\rm t}/A + M_{\rm n}R_{\rm B}/J \tag{20}$$

1.1.3 Archard Wear 模型

对于几何体刀具磨损的模拟,采用 Archard Wear 模型<sup>[7]</sup>,磨损量计算如下:

$$dh = Kv\sigma dt/H$$
 (21)

式中:h为研究材料的磨损深度; $\sigma$ 为两种材料法向 应力;A为材料间的接触面积;v为两种材料的相对 运动速度;t为运动时间;H为研究材料的硬度情况, K为两种材料相对磨损系数,在此对滚刀磨损进行 定性分析,取 $K = 10^{-5}$ 。

## 1.2 参数标定

综合考虑滚刀磨损模型的大小、计算机性能和 计算精度等因素,最终确定颗粒半径大小为2mm。 单轴压缩岩石试样由3574个半径2mm的颗粒黏 结在一起组成,单轴压缩仿真中应力-应变曲线和 黏结键断裂数目见图2,峰值抗压强度达71MPa时, 上压板压力骤降,大量黏结键瞬间发生断裂,岩石发 生破坏。巴西劈裂仿真中黏结键参数与单轴压缩试 验中取值相同,整个试样由893个颗粒黏结在一起, 试件破坏过程中应力-应变曲线和黏结键断裂数目 见图3,试件峰值强度达到7.9MPa时,大量黏结键 瞬间发生断裂,岩石试件发生劈裂破坏。黏结参数 由试错法标定获得,结合文献[16-20],多次调整 黏结参数,使得岩石单轴压缩和巴西劈裂破坏形态 与室内实验破坏形态相似。颗粒黏结参数取值见 表1,刀圈与颗粒材料参数取值见表2。



Fig. 2 Stress-strain curve of uniaxial compression



• 96 •

图 3 巴西劈裂应力 – 应变曲线

Fig. 3 Stress-strain curve of Brazilian splitting

#### 1.3 模型建立

滚刀模型选取为当前比较常用的 18 英寸常截 面盘形滚刀,刃宽 18 mm,半径 216 mm。综合考虑 计算速度和滚刀破岩影响范围,仅对滚刀刀圈部分 进行建模,建立沿圆周径向长 234 mm、高 150 mm、 对应圆心角为 20°的岩石模型,模型由 252 054 个颗 粒组成,岩石与滚刀接触面为临空面,其余 5 个边界 采用 wall 单元进行约束,设定滚刀以角速度 ω 绕刀 盘中心轴转动的同时以角速度 ω<sub>1</sub> 绕其刀轴自转,模 型建立过程见图 4。

Tab. 1 Microscale parameters of material bonding

模拟单轴抗压	模拟劈裂抗拉	黏结键法向刚度	黏结键切向刚度	临界法向应力	临界剪切应力	黏结半径 $R_{\rm B}$ /
强度/MPa	强度/MPa	$S_{\rm N}/({{\rm N}}\cdot{\rm m}^{-3}{})$	$S_{\mathrm{T}}/(\mathrm{N}\cdot\mathrm{m}^{-3})$	$\sigma_{ m max}/{ m Pa}$	$ au_{ m max}/{ m Pa}$	mm
71.0	7.9	$9.0 \times 10^{12}$	$8.0 \times 10^{12}$	$2.5 \times 10^{7}$	$3.0 \times 10^{7}$	3.0

#### 表 2 颗粒与刀圈材料参数

Tab. 2 Material parameters	of	particles	and	$\operatorname{disc}$	cutters
----------------------------	----	-----------	-----	-----------------------	---------

对象	密度 p/(kg·m <sup>-3</sup> )	弹性模量 E/GPa	泊松比 u	静摩擦系数 $u_s$	动摩擦系数 $u_r$	恢复系数e
颗粒	2 500	30	0.23	0.50	0.10	0.50
刀圈	7 850	210	0.25	0.50	0.10	0.50



滚刀的安装半径被设定为 *R* = 1 000 mm,进行 圆周切割,见图 5。当滚刀与岩石之间不产生滑移 时,刀圈运动满足如下公式:

$$\omega R = \omega_1 R_1 \tag{22}$$

式中: ω 为滚刀绕刀盘中心角速度, R 为滚刀安装半径, ω, 为滚刀绕刀轴转动角速度, R, 为滚刀半径。

为探究滚刀滑移状态对破岩垂直力和滚动力的 影响,定义滑移率参数 η,用于定量描述滚刀滑移 状态:

$$\eta = 1 - \frac{\omega_2}{\omega_1} \tag{23}$$



Fig. 5 Cutting model with circle moving

式中: $\omega_2$ 为滚刀破岩时的实际自转角速度, $\omega_1$ 为滚 刀做完全滚动运动时的角速度,则 $\eta$ 可用于定量描 述滚刀与岩体之间滑移程度,当 $\eta=0$ 时,为滚刀与 岩体之间无滑移,滚刀处于滚动破岩状态,当 $\eta=1$ 时,滚刀与岩体之间为完全滑移接触,滚刀处于滑动 破岩状态。当 $\eta$ 介于0~1之间时,用于描述滚刀与 岩体之间处于一种在滑动与滚动之间来回切换的状 态。本文在仿真时设定刀盘转速 $\omega_1$ 为7 r/min,贯 入度 H 为5 mm,4 种不同滑移状态下的滑移率分别 为0(滚动破岩)、0.3、0.7、1(滑动破岩)。

2 计算结果分析

# 2.1 模型合理性验证

CSM 模型<sup>[33]</sup>综合考虑了岩石材料的抗压强度、

抗拉强度以及滚刀的结构参数,常用于常截面盘形 滚刀荷载计算的,且已被大量工程实测数据验证,在 此采用 CSM 模型计算结果与本文数值仿真结果进 行对比,相互验证,CSM 模型中:

$$F_{\rm v} = C_0 \frac{\varphi R_0 T}{1 + \psi} \left[ \frac{S \boldsymbol{\sigma}_{\rm c}^2 \boldsymbol{\sigma}_{\rm t}^2}{\varphi \sqrt{\boldsymbol{R}_0 T}} \right]^{1/3} \cos(\varphi/2) \quad (24)$$

$$F_{\rm R} = C_0 \frac{\varphi R_0 T}{1 + \psi} \left[ \frac{S \boldsymbol{\sigma}_{\rm c}^2 \boldsymbol{\sigma}_{\rm t}^2}{\varphi \sqrt{\boldsymbol{R}_0 T}} \right]^{1/3} \sin(\varphi/2) \qquad (25)$$

式中:C<sub>0</sub>为无量纲常数,通常取 2.12;T 为刀刃宽度 (m),本文为18 mm; ψ为刀刃压力分布系数,介于 -0.2~0.2之间,由刀刃形状决定,在此取为 -0.2;S为刀间距(m),本文为单滚刀破岩,在此取 刀间距为较大值 200 mm;  $\sigma_c$  为岩石单轴抗压强度  $(Pa);\sigma_t$ 为岩石抗剪强度 $(Pa);\varphi$ 为滚刀与岩石接 触角,由贯入度 H(m)和滚刀半径  $R_0(m)$ 计算:

$$\varphi = \arccos \frac{R_0 - H}{R_0} \tag{26}$$

图 6 为仿真计算结果与 CSM 模型计算结果对 比,数值仿真中垂直力 $F_{\rm V}$ 和滚动力 $F_{\rm R}$ 处于一种波 动变化的状态。在0°~5°范围内,滚刀与岩体接触 面积逐渐增加,破岩力逐渐变大,此时岩体内无裂纹 扩展,故垂直力 $F_v$ 初始瞬间峰值较大。在5°~15° 破岩过程中,由于岩石裂纹扩展的存在,垂直力 $F_{\rm v}$ 明显变小,不断波动。在15°~20°范围内,刀圈与 岩体逐渐分离,破岩力衰减为0。CSM 模型计算垂 直力 F<sub>v</sub> 为184.4 kN,滚动力 F<sub>R</sub> 为19.9 kN,在5°~ 15°范围内, 仿真结果在 CSM 模型计算值附近上下 波动,垂直力 $F_{\rm V}$ 略低于理论值,滚动力 $F_{\rm B}$ 吻合效 果较好,本文模型计算滚刀破岩力基本合理。





Fig. 6 calculation results

#### 2.2 滚刀受力分析

图 7 为不同滑移率  $\eta$  条件下滚刀垂直力  $F_v$ ,当

 $\eta = 0$ 、滚刀在滚动状态下破岩时,垂直力  $F_v$  最大, 在150 kN 附近波动,且波动幅度较大,随着滚刀滑 移率 $\eta$ 的增加,垂直力 $F_v$ 呈现轻微减小的趋势,当  $\eta = 1$ 、滚刀在滑动状态下破岩时,垂直力  $F_v$  最小, 在 120 kN 左右,且整体波动幅度较小。图 8 为不同 滑移率 $\eta$ 条件下滚刀滚动力 $F_{\rm B}$ ,当 $\eta=0$ 、滚刀在滚 动状态下破岩时,滚动力 F<sub>R</sub> 最小,在 20 kN 附近波 动,随着滚刀滑移率 $\eta$ 的增加,滚动力 $F_{\rm B}$ 呈现明显 变大的趋势,当 $\eta=1$ 、滚刀在滑动状态下破岩时,滚 动力 $F_{\rm B}$ 最大,在45 kN附近波动。



Fig. 8 Rolling force  $F_{\rm B}$  under different slip ratios  $\eta$ 

图 9 为滚刀切割 5°~15°岩体时  $F_{\rm V}$  和  $F_{\rm B}$  均值 随滑移率 η 变化趋势,从滚动破岩到滑动破岩,垂 直力 F<sub>v</sub>均值由 144 kN 降低到 110 kN,降低幅度为 23.6%,滚动力 F<sub>R</sub>均值由 24.5 kN 增加到 45 kN, 增幅达83.7%。分析原因认为,当滚刀由滚动破岩 变为滑动破岩时,破岩机理发生改变,此时沿滚动力  $F_{\rm B}$ 方向的切槽破岩作用会更加突出,沿垂直力 $F_{\rm v}$ 方向的切深破岩作用则变弱,由此导致 F<sub>B</sub> 均值显 著变大,F<sub>v</sub>均值略微减小。



Fig. 9 Variation trend of cutting mean with slip ratio  $\eta$ 

#### 2.3 滚刀磨损分析

· 98 ·

图 10 为不同滑移率下滚刀磨损云图,滚刀以滚 动状态破岩时,刀圈磨损沿刀圈径向较为均匀的分 布,此时滚刀发生均磨。滚刀以滑动状态破岩时,在 滚刀与岩石接触的局部位置发生严重磨损,造成滚 刀偏磨。实际工程中可通过滚刀垂直力和滚动力的 变化趋势分析滚刀状态,及时判断滚刀是否发生 偏磨。



**图 10** 不同滑移率 η 条件下的磨损云图 Fig. 10 Wear nephogram under different slip ratios η

3 工程实例分析

单把滚刀垂直力  $F_v$  累加可得到刀盘部分推力  $F_c$ ,单把滚刀滚动力  $F_R$  的力矩累加可得到刀盘部 分扭矩  $T_c$ ,其满足:

$$F_{\rm c} = \sum_{1}^{N} F_{\rm VN} \tag{27}$$

$$T_{\rm c} = \sum_{1}^{N} F_{\rm RN} R_{\rm N} \qquad (28)$$

式中:N为刀盘上滚刀个数,F<sub>VN</sub>、F<sub>RN</sub>、R<sub>N</sub>分别为第 N把滚刀的垂直力、滚动力和安装半径。因此,单把 滚刀从滚动破岩转变为滑动破岩时 F<sub>V</sub>和 F<sub>R</sub>的变 化,可通过刀盘上大量滚刀处于偏磨状态时扭矩和 推力的变化反映出来。

## 3.1 工程地质

北京市南水北调团九二期二标区间隧道单洞全

长1712 m,采用1台开挖直径为6.29 m 的泥水气 压平衡式盾构施工,该工程地质条件复杂多变,盾构 始发后自西南向东北方向掘进,先后穿越大粒径砂 卵石地层、全断面硬岩地层、上软下硬地层和黏土地 层。区间隧道最大纵坡坡度为21‰,最大埋深 42.5 m,最小平面曲线半径为350 m,区间隧道纵剖 面见图11。



图 11 区间隧道地质纵断面

Fig. 11 Geological profile of section tunnel

# 3.2 刀具磨损情况

在盾构掘进过程中,刀具磨损十分严重,尤其在 全断面硬岩地层中,换刀十分频繁。每次开仓后对 刀具进行检查,滚刀磨损状态主要分为四大类:正常 磨损(磨损量少于 15 mm)、正常磨损(磨损量大于 15 mm)、偏磨、刀圈或刀齿断裂,对磨损量超过 15 mm的滚刀和其他非正常磨损滚刀进行更换后继 续掘进。现场典型的磨损刀具见图 12。





(a) 正常磨损(小于15 mm)

(b) 正常磨损(大于15 mm)



(c) 偏磨



(d) 刀圈断裂

图 12 现场典型磨损刀具

Fig. 12 Typical worn disc cutters on site

3.3 不同刀具磨损状态下掘进参数变化趋势

3.3.1 滚刀以正常磨损为主

以 1220~1280 环掘进过程实测数据为例,对刀 盘上大量滚刀处于正常磨损状态下破岩掘进参数变 化进行分析。由图 13 可知,自 1238 环始,推力从 1 200 kN左右上升到 2 200 kN,刀盘扭矩无明显变 化,在 1256 环开仓对刀具进行检查,刀具磨损情况 见图 14,29 把滚刀磨损量小于 15 mm,占比 69.05%,5把滚刀磨损量大于 15 mm,占比11.9%, 5把滚刀处于偏磨状态,占比 11.9%。开仓换刀后, 推力缓慢下降,扭矩无明显变化。由此可见,当刀盘 上大量滚刀以正常滚动状态破岩时,随着刀具正常 磨损加剧,三参主要表现为推力变大,扭矩无明显变 化。由于长时间停机、边缘滚刀磨损导致刀盘切削 半径变小等因素,换刀后刀盘推力下降存在约 10 环 滞后(盾体长 10.5 m,管片环宽 1.2 m),为定量分 析推力增幅,取开仓换刀前 3 环为刀具严重磨损状 态,换刀掘进 10 环之后的 3 环为刀具正常状态,掘 进参数增幅 Z 为

$$Z = \frac{X_{i-1} - X_i}{X_i}$$
(29)

式中,*X<sub>i</sub>*为开仓换刀后掘进第11~13环的参数均 值,*X<sub>i-1</sub>*开仓前3环参数均值,由式(25)计算得此工 况下推力增幅约为41.6%。分析原因认为,伴随着 滚刀正常磨损的发生,刀刃形状发生改变,滚刀刃宽 和刃角都变大,单把滚刀破岩垂直力变大,由此导致 盾构推力变大,单把滚刀受到的滚动力主要由其启 动扭矩决定,滚刀正常磨损对启动扭矩并无影响,因 此正常磨损状态下刀盘扭矩将无明显变化。



Fig. 13 Parameter changes of 1220 to 1290 ring

#### 3.3.2 滚刀以偏磨为主

以1055~1090环和1280~1320环掘进过程实 测数据为例,对刀盘上大量滚刀处于偏磨状态下掘 进参数变化进行分析。图15为1055~1090环掘进 过程中掘进参数变化趋势,自1065环始,扭矩从 1500kN·m上升到2500kN·m左右,推力无明显变 化,在1075环开仓对刀具进行检查,刀具磨损情况 如图16所示,2把滚刀磨损量大于15mm,占比 4.76%,12把滚刀处于偏磨状态,占比28.57%。开 仓换刀后,扭矩迅速下降至正常水平,推力无明显变 化,由式(29)计算得此工况下扭矩增幅高达261.51%。







图 15 1055 到 1090 环掘进参数变化

Fig. 15 Parameter changes of 1055 to 1090 ring



Fig. 16 Disc cutter wear when opening in 1057 ring

图 17 为 1280 ~ 1320 环掘进过程中掘进参数变 化趋势。自 1280 环始, 扭矩从 1 000 kN·m 上升到 1 500 kN·m左右, 推力无明显变化, 在 1296 环开仓 对刀具进行检查, 刀具磨损情况如图 18 所示, 3 把 滚刀磨损量大于 15 mm, 占比 7.14%, 8 把滚刀处于 偏磨状态, 占比 19.05%。开仓换刀后, 扭矩迅速下 降至正常水平, 推力无明显变化, 由式(29) 计算得 此工况下扭矩增幅约为 55.85%。



图 17 1280 到 1320 环掘进参数变化

Fig. 17 Parameter changes of 1280 to 1320 ring





Fig. 18 Disc cutter wear when opening in 1290 ring

综合分析两次开仓情况,偏磨滚刀占比 19.05%, 扭矩增幅 55.85%,偏磨滚刀占比 28.57%,扭矩增 幅 261.51%,可见刀盘上大量滚刀以滑动状态破岩 时,刀盘扭矩剧烈增加。分析原因认为,当滚刀以滑 动状态破岩时,滚刀不再自转,此时单把滚刀破岩滚 动力会变大,当刀盘上的大量滚刀处于滑动状态时, 则表现为扭矩持续增加,大量滚刀发生偏磨,这与本 文数值仿真结论表现出一致性。 3.3.3 滚刀正常磨损和偏磨同时发生

以1110~1180 环掘进过程实测数据为例,对刀 盘上滚刀正常磨损和偏磨占比均较高时三参动态变 化进行分析。由图 19 可知,自 1128 环始,推力由 1 300 kN上升到1 900 kN 左右,扭矩由 700 kN·m上升 到约1 200 kN·m,在 1296 环开仓对刀具进行检查, 刀具磨损情况如图 20 所示,6 把滚刀磨损量大于 15 mm,占比 14.29%,9 把滚刀处于偏磨状态,占比 21.43%。开仓换刀后,推力缓慢下降,扭矩均迅速 下降至正常水平。由式 29 计算得此工况下推力增 幅约为 36.57%,扭矩增幅约为 80.89%。







图 20 1151 环开仓后刀具磨损情况

Fig. 20 Disc cutter wear when opening in 1151 ring

综合 4 次换刀结果来看,刀盘上大量滚刀处于 正常磨损状态时,主要表现为推力增大。大量滚刀 处于偏磨状态时,主要表现为扭矩增大,其中偏磨滚 刀占比 19.05% 和 28.57% 时,扭矩增幅分别为 55.85% 和 261.51%。正常磨损和偏磨均大量存在 时,表现为扭矩推力同步增大,其中偏磨滚刀占比 21.43%时,扭矩增幅为80.89%。在本文案例中, 大量滚刀发生偏磨时仅表现为扭矩逐渐增大,推力 无明显变化,并未出现本文数值仿真中单滚刀滑动 破岩时垂直力降低的现象,分析原因认为是由于刀 盘上正常磨损滚刀导致的推力增大与偏磨滚刀导致 的推力降低存在相互抵消。

# 4 结 论

基于离散单元法,建立了同时考虑滚刀自转和 绕刀盘公转的滚动圆周切割模型,定义了一个滑移 率参数 η 用于描述滚刀的滑移状态,对不同滑移率 η 条件下滚刀破岩受力和磨损进行了分析,并结合 工程实例进行验证,主要结论如下:

1)数值仿真中垂直力  $F_v$  和滚动力  $F_R$  在 CSM 模型计算值附近上下波动,两者较为吻合,表明了本 文模型的合理性。

2)数值仿真结果表明,随着滑移率 $\eta$ 的增大, 垂直力 $F_v$ 呈轻微减小趋势,滚动力 $F_R$ 明显变大, 从滚动破岩到滑动破岩,垂直力 $F_v$ 降幅为23.6%, 滚动力 $F_R$ 增幅达83.7%,滑动破岩将导致滚刀 偏磨。

3) 工程实测数据表明, 刀盘上大量滚刀处于正 常磨损状态时, 主要表现为推力增大。大量滚刀处 于偏磨状态时, 主要表现为扭矩增大, 其中偏磨滚刀 占比 19.05%和 28.57%时, 扭矩增幅分别为 55.85%和 261.51%。正常磨损和偏磨均大量存在 时, 表现为扭矩推力同步增大, 其中偏磨滚刀占比 21.43%时, 扭矩增幅为 80.89%。

4)数值仿真和实测数据表现出较高的一致性。综合4次开仓换刀结果,可将刀盘扭矩增幅超过50%作为判定大量滚刀发生偏磨的重要依据。

参考文献

- JIN Dalong, YUANG Dajun, LI Xinggao, et al. Probabilistic analysis of the disc cutter failure during TBM tunneling in hard rock
   [J]. Tunnelling and Underground Space Technology, 2021, 109: 103744. DOI:10.1016/j.tust.2020.103744
- [2] LI Xingchun, LI Xinggao, YUANG Dajun. Application of an interval wear analysis method to cutting tools used in tunneling shields in soft ground[J]. Wear, 2017, 392: 21. DOI:10.1016/j.wear.2017. 09.010
- [3] REN Dongjie, SHEN Shuilong, ARULRAJAH A, et al. Prediction model of TBM disc cutter wear during tunnelling in heterogeneous ground[J]. Rock Mechanics and Rock Engineering, 2018, 51 (11): 3599
- [4] MASSOUD B, JAFAR K H. A case study on TBM tunnelling in fault zones and lessons learned from ground improvement[J]. Tunnelling and Underground Space Technology, 2017, 63: 162. DOI: 10.

1016/j. tust. 2016. 12. 006

- [5] FARROKH E, KIM D Y. A discussion on hard rock TBM cutter wear and cutterhead intervention interval length evaluation [J]. Tunnelling and Underground Space Technology, 2018, 81: 336. DOI:10.1016/j.tust.2018.07.017
- [6] LIN Laikuang, MAO Qingsong, XIA Yimin, et al. Experimental study of specific matching characteristics of tunnel boring machine cutter ring properties and rock [J]. Wear, 2017, 378: 1. DOI: 10.1016/j. wear. 2017.01.072
- [7] SU Weiling, LI Xinggao, JIN Dalong, et al. Analysis and prediction of TBM disc cutter wear when tunneling in hard rock strata: a case study of a metro tunnel excavation in Shenzhen, China[J]. Wear, 2020, 446: 203190. DOI:10.1016/j.wear.2020.203190
- [8]张伟森. 上软下硬地层盾构机滚刀磨损特性研究[J]. 地下空间 与工程学报, 2019, 15(2): 583 ZHANG Weisen. Characteristics of disc cutter failures in mixed-face ground condition[J]. Chinese Journal of Underground Space and Engineering, 2019, 15(2): 583
- [9]李强,甘鹏路. 复合地层盾构刀具磨损控制技术研究[J]. 现代 隧道技术, 2020, 57(1): 168
  LI Qiang, GAN Penglu. On cutter wearing control technology of the shield passing through mixed strata [J]. Modearn Tunneling Technology, 2020, 57(1): 168
- [10] 佘磊,张社荣,和孙文,等.基于密实核理论的 TBM 盘形滚刀 磨损预测模型研究[J].岩土工程学报,2022,44(5):970 YU Lei, ZHANG Sherong, SUN Wen, et al. Prediction model for TBM disc cutter wear based on dense core theory[J]. Chinese Journal of Geotechnical Engineering, 2022, 44(5):970
- [11]乔世范,王超,刘志新,等.基于磨粒磨损机理的全断面隧道 掘进机滚刀寿命预测[J].吉林大学学报(工学版),2020,50 (6):2068
  QIAO Shifan, WANG Chao, LIU Zhixing, et al. Life prediction of tunnel boring machine abrasive wear mechanism [J]. Journal of Jilin University (Engineering and Technology Edition), 2020,50 (6):2068
- [12] ZHANG Xuhui, XIA Yimin, ZHANG Yichao, et al. Experimental study on wear behaviors of TBM disc cutter ring under drying, water and seawater conditions[J]. Wear, 2017, 392 – 393: 109. DOI: 10.1016/j. wear. 2017. 09.020
- [13] FU Jie, ZENG Guiying, ZHANG Hao, et al. Experimental investigation on wear behaviors of TBM disc cutter ring with different cooling methods [J]. Engineering Failure Analysis, 2022, 134: 106076. DOI:10.1016/j.engfailanal.2022.106076
- [14] SHEN Xiang, CHEN Xiangsheng, FU Yanbin, et al. Prediction and analysis of slurry shield TBM disc cutter wear and its application in cutter change time[J]. Wear, 2022, 498-499; 204314. DOI; 10.1016/j. wear. 2022. 204314
- [15]蒋明镜,傅程,王华宁,等.简单复合岩体中 TBM 多滚刀破岩 机理离散元分析[J]. 土木工程学报,2019,52(Sup.1):120 JIANG Mingjing, FU Cheng, WANG Huaning, et al. Distinct element analysis of mechanism of rock fragmentation induced by TBM cutting in simply composite rock mass with multiple cutters
  [J]. China Civil Engineering Journal, 2019, 52(Sup.1):120
- [16] 施雪松,管清正,王文扬,等.双节理岩体 TBM 滚刀破岩过程数值模拟[J].山东大学学报(工学版),2020,50(4):70
   SHI Xuesong, GUAN Qingzheng, WANG Wenyang, et al.

Numerical simulation of rock fragmentation process by TBM cutterin double-joint rock mass [J]. Journal of Shandong University (Engineering Science), 2020, 50(4): 70. DOI:10.6040/j.issn. 1672 – 3961.0.2019.744

- [17] LI Tao, ZHANG Zhongyu, JIA Chengtao, et al. Investigating the cutting force of disc cutter in multi-cutter rotary cutting of sandstone: simulations and experiments [J]. International Journal of Rock Mechanics and Mining Sciences, 2022, 152: 105069. DOI: 10.1016/j.ijrmms.2022.105069
- [18]汪珂. 临空面辅助滚刀破岩的数值模拟研究[J]. 铁道工程学报, 2020, 37(10): 96
  WANG Ke. Numerical Simulation research on the rock fracturing by a TBM disc cutter assisted by free faces[J]. Journal of Railway Engineering Society, 2020, 37(10): 96
- [19]徐琛,刘晓丽,王恩志,等. 基于耦合 FDM-DEM 方法的 TBM 滚刀最优化研究[J]. 土木工程学报,2020,53(Sup.1):286
  XU Chen, LIU Xiaoli, WANG Enzhi, et al. Optimal conditions for TBM disc cutter rock fragmentation based on FDM-DEM method
  [J]. China Civil Engineering Journal, 2020, 53(Sup.1):286.
  DOI:10.15951/j.tmgcxb.2020.s1.045
- [20]薛亚东,周杰,赵丰,等. 基于 MatDEM 的 TBM 滚刀破岩机理研究[J]. 岩土力学, 2020, 41(Sup.1): 337
  XUE Yadong, ZHOU Jie, ZHAO Feng, et al. Rock breaking mechanism of TBM cutter based on MatDEM[J]. Rock and Soil Mechanics, 2020, 41 (Sup. 1): 337. DOI: 10. 16285/j. rsm. 2019. 1656
- [21] AGRAWAL A K, CHATTOPADHYAYA S, MURTHY V M S R. Delineation of cutter force and cutter wear in different edge configurations of disc cutters—An analysis using discrete element method[J]. Engineering Failure Analysis, 2021, 129: 105727. DOI:10.1016/j. engfailanal. 2021.105727
- [22]马捷,曲传咏. TBM 刀座焊缝疲劳可靠性分析[J]. 机械科学 与技术, 2020, 39(8): 1149

MA Jie, QU Chuanyong. Analysis of fatigue reliability of cutter saddle weld for tBM[J]. Mechanical Science and Technology for Aerospace Engineering, 2020, 39(8): 1149. DOI:10.13433/j. cnki.1003 – 8728.20190269

- [23]王好平,张蒙祺,莫继良. 盾构/TBM 滚刀刀圈性能强化研究 现状[J]. 材料导报,2022,36(7):49
  WANG Haoping, ZHANG Mengqi, MO Jiliang. Current status on performance enhancement of shield machine/TBM cutter ring[J]. Materials Reports, 2022, 36(7):49
- [24] 孙瑞雪,段文军,牟松,等. 盾构滚刀刀圈材料的冲滑复合磨 损性能研究[J]. 摩擦学学报,2022,42(2):314
  SUN Ruixue, DUAN Wenjun, MOU Song, et al. The study on impact-sliding composite wear properties of shield cutter ring material[J]. Tribology, 2022,42(2):314. DOI:10.16078/j. tribology.2021012

- [25]孙佳程,廖少明,孙连勇,等. 土岩复合地层盾构滚刀冲击荷 载及振动响应分析[J]. 现代隧道技术,2020,57(5):167 SUN Jiacheng, LIAO Shaoming, SUN Lianyong, et al. Analysis of impact load and vibration response of shield disc cutters in soil-rock composite strata [J]. Modearn Tunneling Technolong, 2020, 57 (5):167. DOI:10.13807/j.cnki.mtt.2020.05.021
- [26] 徐公允,徐汪豪,姚志刚,等. 基于三维 RBD-DEM 耦合方法的 贯入角度对滚刀冲击影响分析[J].现代隧道技术,2021,58 (6):77
  XU Gongyun, XU Wanghao, YAO Zhigang, et al. analysis on influence of penetration angle on disc cutter impact based on threedimensional RBD-DEM coupling method [J]. Modearn Tunneling Technolong, 2021, 58 (6): 77. DOI: 10. 13807/j. cnki.mtt.
- [27] XUE Yadong, ZHOU Jie, LIU Chun, et al. Rock fragmentation induced by a TBM disc-cutter considering the effects of joints: a numerical simulation by DEM [J]. Computers and Geotechnics, 2021, 136: 104230. DOI:10.1016/j.compgeo.2021.104230

2021.06.009

- [28] LING Xianzhang, KONG Xiangxun, TANG Liang, et al. Preliminary identification of potential failure modes of a disc cutter in soil-rock compound strata: interaction analysis and case verification [J]. Engineering Failure Analysis, 2022, 131: 105907. DOI:10.1016/j.engfailanal.2021.105907
- [29] ZHANG Zhiqiang, ZHANG Kangjian, DONG Weijie, et al. Study of rock-cutting process by disc cutters in mixed ground based on three-dimensional particle flow model [J]. Rock Mechanics and Rock Engineering, 2020, 53(8):3485. DOI:10.1007/s00603 – 020 – 02118 – y
- [30] FANG Yong, YAO Zhigang, XU Wanghao, et al. The performance of TBM disc cutter in soft strata: A numerical simulation using the three-dimensional RBD-DEM coupled method [J]. Engineering Failure Analysis, 2021, 119:104996. DOI: 10.1016/j. engfailanal. 2020.104996
- [31] YANG Haiqing, LIU Bolong, WANG Yanqing, et al. Prediction model for normal and flat wear of disc cutters [J]. International Journal of Geomechanics, 2021, 21(3). DOI:10.1061/(ASCE) GM. 1943 - 5622.0001950
- [32] SUN Ruixue, MO Jiliang, ZHANG Mengqi, et al. Cutting performance and contact behavior of partial-wear TBM disc cutters: a laboratory scale investigation [J]. Engineering Failure Analysis, 2022, 137: 106253. DOI:10.1016/j.engfailanal.2022.106253
- [33]李彬嘉,晏启祥,黄杰,等.基于 CSM 模型的盾构机滚刀受力 及磨损规律[J].中国铁道科学,2020,41(6):91
  LI Binjia, YAN Qixiang, HUANG Jie, et al. Mechanical characteristics and wear laws of disc cutters of shield machine based on CSM model[J]. China Railway Science, 41(6):91

(编辑 苗秀芝)